

Done
10-11-11

cat by h

D

ABE



طبیعیاتِ عملی

ذو اص ماده-حرارت

برائے

بی۔ اے

31-8-1954



بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ

علمی طبیعیات

خواصِ مادّہ - حرارت

(برائے بی۔ اے)

مُصَنَّفٌ

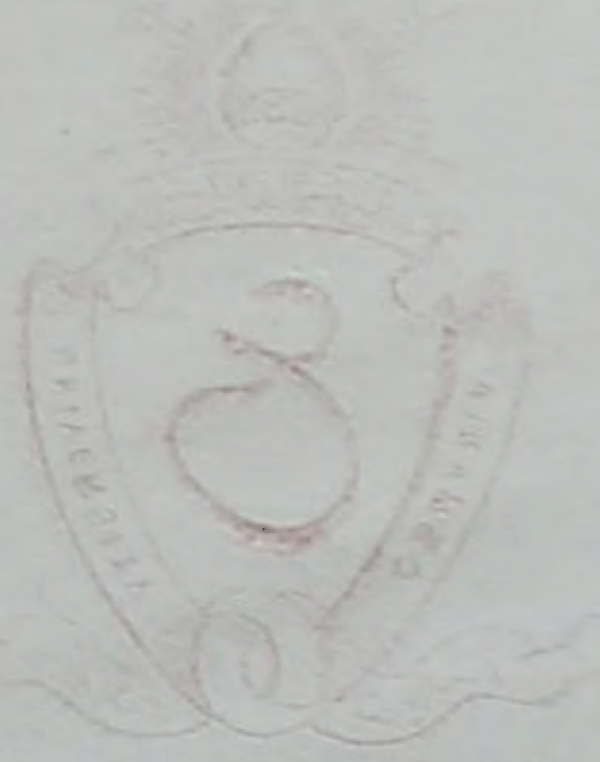
ایچ۔ ایس۔ ایلن۔ ایم۔ اے۔ ڈی۔ ایس۔ سی۔ اور ایچ۔ مور۔ اے۔ آر۔ سی۔ ایس۔ سی۔ ڈی۔ ایس۔ سی
مترجم

مولوی وحید الرحمن صاحب بی۔ ایس۔ سی

پروفیسر طبیعیات کلبہ جامعہ عثمانیہ

۳۵ھ ۳۲۰ھ ۱۹۳۱ء

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ

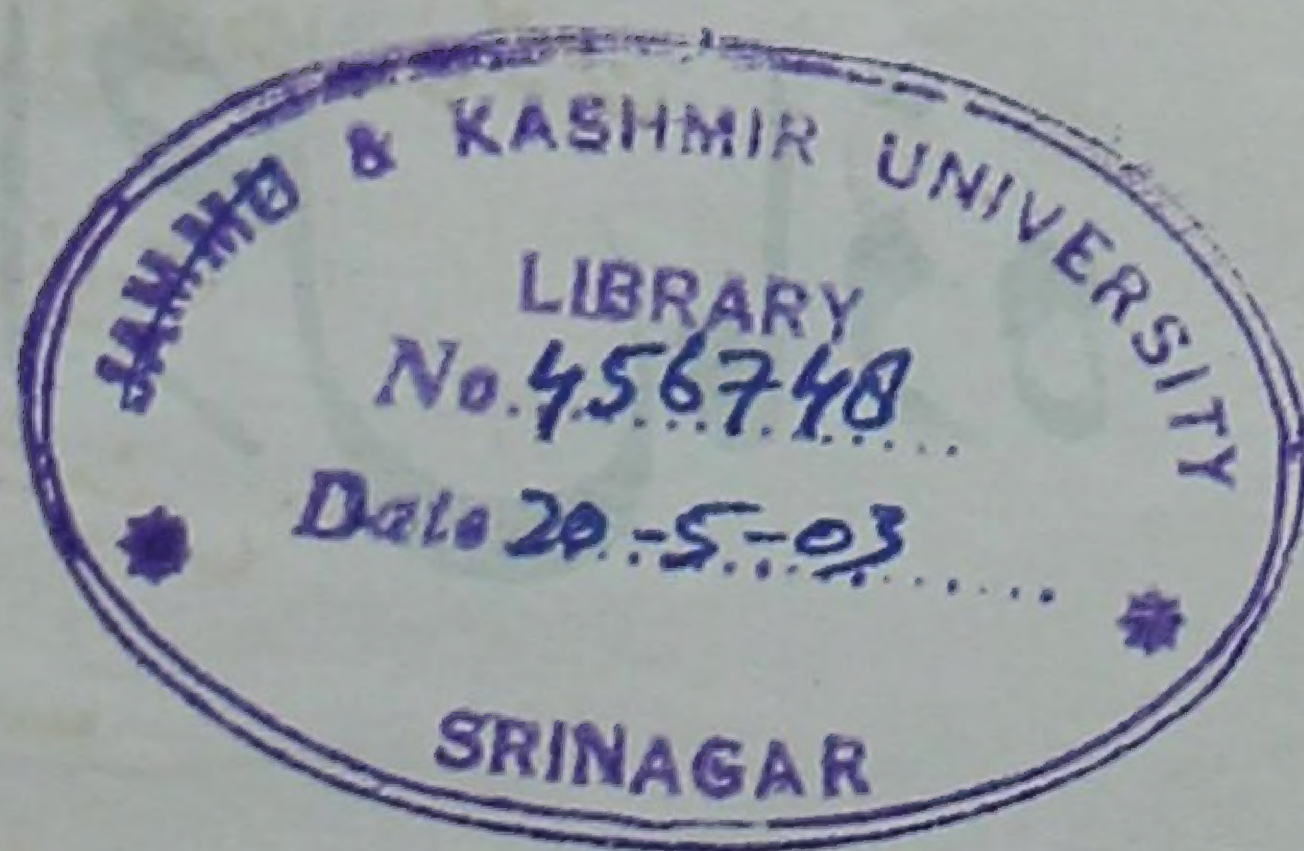


یہ کتاب مسکملن کمپنی کی اجازت سے جن کو حقوق
کاپی رائٹ حاصل ہیں اُردو میں ترجمہ کر کے
طبع و شائع کی گئی ہے۔

خواص ماده

فصل
فصل
فصل
فصل
فصل
فصل
فصل
فصل
فصل

531
E119



فہرست مضامین

عملی طبیعیات

صفحہ	خواص مادہ	تہیہ	فصل اول
۱	بنیادی مقداروں کی پیمائش		فصل دوم
۱۶	کمیتوں کی پیمائش مشتق اکائیوں میں		فصل سوم
۴۴	اضافی کثافتوں کی تعیین		فصل چہارم
۷۳	سکونیات		فصل پنجم
۹۸	مشینیں		فصل ششم
۱۵۰	لچک		فصل ہفتم
۱۶۹	علم حرکت		فصل ہشتم
۱۹۹	دوری حرکت		فصل نہم
۲۴۱	گیسیں: بار پیمائش اور کلیئہ بائیل		فصل دہم
۲۶۶	سطحی تناؤ		فصل یازدہم
۲۹۳			ضمیمہ ۱
۳۰۵			

عملی طبیعیات

حرارت

۳۱۲	تپش پمائی	فصل اول
۳۲۶	پھیلاؤ کی شرحیں	فصل دوم
۳۵۲	حرارہ پمائی	فصل سوم
۳۷۴	تبرید	فصل چہارم
۳۸۶	موصلیت حرارت کی قدر	فصل پنجم
۳۹۸	حرارت کا معادل جیلی	فصل ششم
۴۱۲	رطوبت پمائی	فصل ہفتم
۴۲۵		ضمیمہ ب

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

فصل اول

تھید

۱۔ عام ہدایتیں

سائنس کے کسی شعبہ کے عملی کاموں میں نتائج مقصودہ کی دو قسمیں ہو سکتی ہیں۔ یعنی ایک کیفی اور دوسری کمی۔ کیفی نتائج سے وہ نتائج مراد ہیں جن میں صرف یہ دیکھا جاتا ہے کہ اثرات کس قسم کے ہیں یعنی معلومات کی نوعیت کیا ہے۔ بخلاف اس کے کمی نتیجوں میں پیمائش کے نقطہ نظر سے معلومات کی مقدار مد نظر ہوتی ہے۔ طبیعیات میں خالص کیفی نوع کا نتیجہ بہت کم مطلوب ہوتا ہے۔ اس مضمون کے ابتدائی مراحل میں بھی کمیتی ہی نتائج کی زیادہ ضرورت پڑتی ہے۔ حالانکہ کیفی علم حاصل کرنے کی نسبت کمی علم حاصل کرنے میں زیادہ زحمت اٹھانی پڑتی ہے۔ اسی وجہ سے تقریباً ہر طبیعیاتی تجزیہ میں ایک دو پیمائشوں کی ضرورت ہوتی ہے۔ اس بناء پر طبیعیات کو شاید کسی قدر تحقیر سے "صحیح پیمائشوں کی سائنس" کہا جاتا ہے۔

چونکہ پیمائش کرنا طبیعیات کے عملی پہلو کا ایک ضروری جزو

سمجھا جاتا ہے۔ اس لئے بعض اوقات طلبہ بغیر آلات کو مطالعہ کئے ہوئے اور بغیر ایک سے زیادہ دفعہ مشاہدہ کئے عجلت سے پیمائشیں شروع کر دیتے ہیں۔ یہاں پر طبیعیات کے حقیقی عملی پہلو پر جس قدر زور دیا جائے کم ہے۔ یہ عملی پہلو محض پیمائشوں سے تعلق نہیں رکھتا بلکہ اس سے متاثر ایک علیحدہ چیز ہے۔ عملی طبیعیات کی تعلیم سے پورا فائدہ اٹھانے کے لئے نہ صرف یہ لازم ہے کہ تجربہ کا مقصد پورے طور سے سمجھا جائے بلکہ مشاہدہ کرنے کے قبل کچھ وقت آلات کو بٹھانے اور ان کے پُرزوں کی ساخت و استعمال کے مطالعہ میں صرف کرنا ضروری ہے۔

عملی طبیعیات کے اغراض بالکل پورے نہیں ہو سکتے جب تک کہ طالب علم آلات کی دست ورزی میں یدِ طولیٰ حاصل نہ کر لے اور جن اوزاروں کو استعمال کرتا ہے ان سے گہری دلچسپی پیدا نہ کر لے۔ سب سے پہلے تجربہ کے مقصد اور اس کی انجام دہی کے عام طریقوں کو سمجھ لینا چاہیئے اس کے بعد ضروری آلات کو یکجا کر کے ان کو ترتیب دینا چاہیئے۔

اس بات کا خیال رکھنا ضروری ہے کہ مشاہدات اور معائنات کا کام اس طرح ہو سکے کہ جسم کو بے ڈھنگے طریقہ سے ٹیڑھا سیدھا کرنے کی ضرورت نہ پڑے۔ اور آلات کے جن حصوں میں زیادہ دست ورزی اور درستی کی ضرورت ہو وہ ایسی جگہ پر رکھے جائیں جہاں ہاتھ آسانی سے پہنچ سکے۔

ان امور پر گہری توجہ کا اثر بالواسطہ تجربہ کی صحت پر پڑے گا۔ کیونکہ اس حالت میں آلات کی درستی آسانی ہو سکیگی۔ اور ان کا اپنے مقام سے اتفاقاً ہٹ جانیکا خدشہ بھی کم ہو جائیگا اور مشاہدات بھی اطمینان کے ساتھ ہو سکیں گے۔

صحیح مشاہدہ کرنے کے قبل یہ اکثر مفید ثابت ہوتا ہے کہ تجربہ کو ایک سرسری نگاہ سے اس طرح دیکھ لیا جائے کہ اس میں مطلوبہ

ترتیب موجود ہے یا نہیں۔

۲۔ نتائج کو قلمبند کرنا۔ بیاضیں

عملی طبیعیات کی تعلیم میں دو بیاضوں کا رکھنا ضروری ہے۔ ان میں سے ایک بیاض بڑی ہونی چاہیئے جو ”صاف اور تصحیح کردہ“ نوٹ کے لئے مخصوص ہو۔ اس کا ہر دوسرا صفحہ ”مٹی میٹر مربع دار ہو۔ دوسری چھوٹی بیاض مشاہدات اور حسابات کو فوراً قلمبند کرنے کے لئے ہونی چاہیئے۔ اثنائے تجربہ میں اگر کوئی قابل لحاظ مظاہر مشاہدہ میں آئیں تو اس میں درج کرنے چاہئیں۔ عمل میں صرف مختصر نوٹ لے لینے چاہئیں۔ جن کو بعد ازیں صاف بیاض میں پھیلا کر بیان کرنا چاہیئے۔ اس طرح سرسری نوٹ لے لینا ایسا ہی ضروری ہے جیسا کہ تجربہ کا کوئی اور عمل۔ خصوصاً اس حالت میں جب صاف بیاض کے لکھنے میں کچھ توقف ہو۔ اگر بروقت یادداشت نہ لے لی جائے تو مشاہدہ میں جو جو اہم اور ضروری باتیں معلوم ہوتی ہیں ان کو بھول جانے کا احتمال رہتا ہے۔ بے شیرازہ اوراق پر سرسری نوٹ نہیں لکھنے چاہئیں۔ کیونکہ ان کے ادھر ادھر ہو جانے کا خدشہ رہتا ہے۔ اس طرح یادداشت قلمبند کرنے سے طالب علم ہی کا نقصان ہے۔

مشاہدات اور معاشیات میں جو پیمائشیں ہوتی ہیں ان کو فوراً کچے بیاض میں مندرج کر لینا چاہیئے اور ثبت کرنے کے بعد ان پر نظر ثانی بھی ہونی چاہیئے۔ ہر عدد کے بعد اس مقدار کا نام ہونا ضروری ہے جس کا وہ عدد نمائندہ ہے۔ ہر حالت میں جب کبھی کئی مشاہدے سلسلہ وار لے جائیں تو ان کو جدولوں کی صورت میں ترتیب دینا چاہیئے۔ نتیجہ نکالنے کے لئے جن حسابات کی ضرورت ہو ان کو کچے بیاض میں وضاحت کے ساتھ لکھنا چاہیئے۔

بڑی بیاض میں ہر تجربہ کا پورا بیان طالب علم کے اپنے الفاظ

میں ہونا ضروری ہے۔ اور یادداشت کے قلمبند کرنے میں ذیل کی ترتیب کا لحاظ رہے :-

(۱) آلات مستعمل کی تفصیل اور مربع دار کاغذ پر اُن کے نقشے جن پر حوالہ کے لئے نشانات بھی دئے ہوئے ہوں۔

(۲) تجربہ کے نظریہ کا مختصر بیان۔

(۳) تجربہ کے عملوں اور مشاہدوں کا مفصل بیان۔ ہر معائنہ

یا مشاہدہ کو درج کرنا چاہیئے۔ اور جہاں متواتر کئی مشاہدے کئے جائیں اُن کی ترتیب جدول وار ہونی چاہیئے۔

(۴) تجربہ سے جو نتیجہ نکلے صرف اُسی کو درج کرنا چاہیئے۔

عمل حساب کو درج کرنے کی ضرورت نہیں ہے۔ بالخصوص نتیجوں کو اعداد صحیحہ اور کسور اعشاریہ سے ظاہر کرنا مناسب ہے۔

نتیجہ کو نمایاں طور پر درج کرنا چاہیئے۔ اور یہ اگر یادداشت

کی اخیر سطر میں ہو تو قابل ترجیح ہے۔ جن اکائیوں میں نتیجہ ظاہر

کیا جائے اُن کا ذکر ضرور ہونا چاہیئے جہاں تک ممکن ہو نتیجوں کو ترکیبی

طریقہ سے ظاہر کرنا چاہیئے۔ ہر ترسیم پورے ایک صفحہ پر ہونی چاہیئے۔

اور جن مقداروں کی ترسیم کی جائے اُن کا اور اُن اکائیوں کا درج کرنا

ضروری ہے جن سے اُن کو ظاہر کیا گیا ہے۔

جبکہ عمل ترسیم تجربہ کا ایک حصہ ہو تو اصلی خاکہ یا اس کی

نقل کسی مناسب پیمانے سے بیاض میں داخل ہونی چاہیئے۔

۳۔ مشاہدات کی صحت

صفری اور انحرافی طریقے

عام طور پر جو آلات ہتیا ہوں ان کی مدد سے جہاں تک ہو سکے معائنہ میں اعلیٰ درجہ کی صحت پیدا کرنی چاہیے۔ قابل تحصیل صحت کے درجہ کو جانچنے کے لئے آلوں کی درستی کو دہرانا چاہیے اور دوبارہ معائنہ میں جتنی احتیاط ممکن ہو برتنی چاہیے۔ اگر ان دونوں معائنوں میں کچھ تناقض معلوم ہو تو سمجھ لینا چاہیے کہ خود آلات کے اندر کچھ خرابیاں موجود ہیں۔ بشرطیکہ ان کے بٹھانے میں اور معائنہ میں کافی احتیاط کی گئی ہو۔

عملی طبییات کی ابتدائی تعلیم کے دوران میں طالب علموں کے لئے یہ اچھی مشق ہوگی کہ وہ مختلف نوعیت کی پیمائشوں میں قابل تحصیل درجہ صحت کا تعین کریں۔ اس سے طالب علم کو جو تجربہ حاصل ہوگا وہ آئندہ چل کر اس کو مختلف انواع کے مشاہدات کی نسبتی صحت کا اندازہ کرنے کے قابل بنائے گا بغیر اس کے کہ طالب علم ان کا تعین بالفعل کرے۔ مگر جب کبھی کبھل نئی قسم کی پیمائش کرنی ہو تو نسبتی صحت کا تعین اس طریقہ سے ایک یا دو بار ہونا چاہیے۔ یہ بات قابل لحاظ ہے کہ عام طور پر جن مشاہدات کا انحصار دو معلولوں کے اس قسم کے توازن پر ہو کہ وہ ایک دوسرے کے اثرات کو زائل کر دیں وہ بہ نسبت ان مشاہدات کے زیادہ صحیح ہوتے ہیں جن میں صرف کسی ایک معلول کی مقدار کی پیمائش کی جائے۔ بالفاظ دیگر اس مفہوم کو ہم یوں بھی ادا کر سکتے ہیں کہ صفری طریقے، انحرافی طریقوں سے زیادہ صحیح ہوتے ہیں۔

جب کسی تجربہ میں صفری طریقہ اختیار کیا جاتا ہے تو ہم ایک نامعلوم کمیت کے اثر کا تعادل کسی اُسی قسم کی معلوم یا معیاری کمیت کے اثر سے پیدا کرتے ہیں۔ اثروں کے حاصل کا مشاہدہ ایک ایسے آلہ سے ہوتا ہے جو دو اثروں کے درمیان خفیف سا بھی فرق بتا سکتا ہے۔ اگر ہم ان میں سے ہر ایک کمیت کے اثر کو براہ راست ناپیں تو ہم کو ایسے آلہ کی ضرورت پڑیگی جس میں پورے اثر کے ماتحت بھی ایک معمولی سا انحراف پیدا ہو۔ یعنی ایک ایسا آلہ جس میں مقابلہ حساسیت کم ہو۔ آلہ کی اس کم درجہ کی حساسیت کے باعث انحراف کے معائنہ میں اگر نہایت ہی کم ناگزیر غلطی بھی ہو تو نتیجہ میں ایک معتد بہ اثر پیدا ہو جائیگا۔ اگر صفری طریقے سے کام لیا جائے تو اس سے بہت زیادہ حساس آلہ استعمال کیا جاسکتا ہے۔ بلکہ نہایت درجہ ممکن حساس آلہ اثرات کو گھٹا بڑھا کر معائنہ کو صفر تک لانے میں جو غلطی ممکن ہے وہ آلہ کے پیمانہ پر غالباً اتنی ہی ہوگی جتنی کہ انحرافی تجربہ کے معائنہ میں۔ مگر اس سے کمیت زیر پیمائش میں بہت تھوڑی غلطی ظاہر ہوگی۔

اس اصول کی ایک نہایت عمدہ مثال کمیت مادہ کی پیمائش میں ملتی ہے۔ کمانیدار ترازو میں انحرافی طریقہ سے مادہ کی پیمائش ہوتی ہے۔ اس میں جس کمیت کی پیمائش کی جاتی ہے وہ کمانی کی وسعت ہے جو کسی جسم کے وزن سے پیدا ہوتی ہے۔ عام ترازو ایک آلہ ہے جس کا انحصار صفری طریقے پر ہے۔ اور کمانیدار ترازو سے (جو اسی حد تک تولنے کے لئے بنائی گئی ہو) جتنی صحت ممکن ہے اس سے بہت زیادہ صحت عام ترازو میں حاصل ہے۔

یہ جاننا ضروری ہے کہ عام مشاہدات جن کا انحصار وزن دریا کرنے پر ہے بہت زیادہ صحیح ہوتے ہیں بہ نسبت ان کے جو وقت یا طول کے تعینات پر مبنی ہیں۔ بناء بریں جہاں تک ممکن ہو

تجربے اس طرح مرتب کرنے چاہئیں کہ نہایت اہم مشاہدات ترازو ہی کے ذریعہ سے کئے جائیں۔

مثال کے طور پر طالب علم کی توجہ "وزن پیمائش پیمائش" کے ذریعہ سے مایعات کے پھیلاؤ کے تجربہ کی طرف منطقت کرانی جاتی ہے۔ یہ تجربہ اس طرح ترتیب دیا جاتا ہے کہ حجم کے بڑھنے کی شرح بغیر اس کے کہ حجم کی ایک بھی پیمائش ہو دریافت کر لی جاتی ہے۔ اس تجربہ میں ہر مشاہدہ جس سے نتیجہ محسوب ہوتا ہے "وزن کرنا" ہی ہے۔

باستثنا رطل کے تعین کے (جو فن مناظر کے طریقوں سے کیا جاتا ہے اور جس میں مکمل و پرتکلف آلات کی ضرورت پڑتی ہے) کوئی دوسری طبیعیاتی تعین ایسی صحت سے نہیں کر سکتے۔ جیسے کمیت مادہ کی تعین یا کمیتوں کا مقابلہ۔ اس کی وجہ یہ ہے کہ خوش ساخت ترازو سے اعلیٰ درجہ کی حساسیت حاصل ہو سکتی ہے۔ صرف ایک ہی اور سادہ طبیعی پیمائش ہے جو صحت میں اس کے (یعنی کمیت کی پیمائش کے) قریب قریب ہے۔ یہ سادہ پیمائش وہیٹ سٹون کے پل کے ذریعہ سے برقی مزاحمت کی تعین ہے اور یہ بھی صفری طریقہ ہی کا تجربہ ہے۔

۴۔ نتیجوں کی تحسیب

چونکہ طبیعی کمیت کے تعین میں جو صحت قابل حصول ہو اس کی ایک حد ہے اس لئے ظاہر ہے کہ ایسے تعینات سے حاصل کردہ نتائج کی صحت کی بھی ضرورت ایک حد ہونی چاہیئے۔ لہذا تحسیب نتائج میں مشاہدات کی استعداد سے زیادہ اعداد ملحوظ کے شمار تک پہنچنا غیر ضروری ہے۔

آخری نتیجہ ہندسوں کے کسی خاص مقام ہی تک قابل اعتبار ہو سکتا ہے۔
 اس مقام سے آگے کے اعداد بے معنی ہو جاتے ہیں۔
 اگر تحسیب کے ہر مرحلہ پر ملحوظ ہندسوں کی تعداد اسی مرحلہ
 کے نتیجہ میں تحسیب کے دوسرے حصہ کی طرف متوجہ ہونے سے پیشتر متناہ
 طور پر کچھ کم کر دی جائے تو حسابی شمار میں بہت سی محنت بچ جائیگی۔
 مثلاً ایک ایسے استوانہ کے حجم کی تعیین پر غور کرو جس کی لمبائی ۲۳۷ سمر
 ہے اور قطر ۱۱۳ سمر ہے اس کا حجم اضابطہ $\frac{\pi}{4} \times (113)^2 \times (237)$ مکعب سمر
 سے حاصل ہوتا ہے۔

ان میں سے کوئی پیمائش کردہ مقدار ایسی نہیں ہے جس کی
 صحت ہزار میں ایک سے زیادہ ہو۔ اس لئے حسابی شمار میں چار ہندسوں
 سے زیادہ قائم رکھنا بے سود ہے اور π کی قیمت ۳.۱۴۱۵۹۲۶
 بلکہ ۳.۱۴ ہی رکھنا کافی ہے۔

$$\begin{aligned} (113)^2 &= 12769 \text{ جس کو } 12769 \text{ بھی لے سکتے ہیں۔} \\ 12769 \times 3.14159 &= 40108.7741 \text{ اور اس کو } 40108.77 \text{ لے سکتے ہیں۔} \\ &\frac{\pi}{4} \times 40108.77 \\ &= 31415.9265 \end{aligned}$$

اس آخری نتیجہ کو ۲۵۶ مکعب سمر لکھ سکتے ہیں۔
 عمل حساب کی تسہیل میں ضرب کے اختصاری طریقے بہت
 مفید ہوتے ہیں۔ (اختصاری طریقے کا بیان ابتدائی کتابوں میں آچکا ہے)۔
 دستور یہ ہے کہ نتیجوں کو ہندسوں کی اتنی تعداد تک ظاہر کرتے
 ہیں جہاں تک ان کی صحت کا دعویٰ ہو سکتا ہے۔ اس لئے اگر نتیجہ پانچ
 ہندسوں تک لکھا جائے تو یہ مان لیا جاتا ہے کہ نتیجہ ان ہندسوں تک صحیح
 ہے۔ نتیجہ کو پانچ ہندسوں تک لکھنا (جس حالت میں صحت ہزار میں ایک
 ہی ہونہ صرف غیر ضروری ہے بلکہ اس سے دھوکا بھی ہوتا ہے۔ کیونکہ اس صورت

میں ان مشاہدات کی صحت کے متعلق غلط فہمی ہوگی جن پر حاصل شدہ نتیجہ کا انحصار ہے۔

اگر ایسا ہو کہ آخری ملحوظ ہندسہ صفر ہے تو اس کو بھی نتیجہ میں داخل کر لیا جاتا ہے خواہ وہ اعشاریہ کے بعد ہی ہو۔ اس کا مطلب یہ ہے کہ نتیجہ ملحوظ ہندسوں کی اس تعداد تک درست ہے مثلاً اگر یہ لکھا جائے کہ
 انچ = ۲۵۴۰۰ سم تو اس سے ظاہر ہوگا کہ یہ ۲۵۴۰۰ میں ایک حصہ تک صحیح ہے۔

اکثر اوقات جب ہندسوں کی تعداد بہت زیادہ ہوتی ہے تو بجائے بہت سے صفر لکھنے کے کسی چھوٹے عدد کے بعد ۱۰ کی قوتیں رکھ دی جاتی ہیں۔ بطور مثال کمیتوں کی مقدار ظاہر کرنے میں اگر ۳ یا ۴ فی صدی صحت مقصود ہو تو ۲۸۰۰۰۰ کو ۲۸۰ × ۱۰ لکھ سکتے ہیں۔ اگر ۳۰۰ میں صرف ایک کی صحت منظور ہو تو اس کو ۲۸۰ × ۱۰ یا ۲۸۰ × ۱۰ لکھ سکتے ہیں۔ اسی طور پر نہایت چھوٹی مقداروں کے لئے اعشاریہ کے بعد بہت سے صفر لکھنے کی بجائے ۱۰ کی منفی قوتیں استعمال کی جاتی ہیں۔ مثلاً ۳۵۰۰۰ کو جس میں ۳۰۰ میں ایک کی صحت ظاہر کی گئی ہے ۳۵۰۰ × ۱۰ لکھ سکتے ہیں۔ لیکن اس کو ۳۵ × ۱۰ لکھنا غلط ہوگا۔ کیونکہ اس حالت میں اس کی صحت صرف ۳ فی صدی ہوگی حالانکہ مشاہدات کی صحت ۳۰۰ میں ایک ہے۔

لوکارٹم کی مدد سے جو تحسیب ہوتی ہے اس کا درجہ تخمینہ لوکارٹی جدول کے ہندسوں کی تعداد پر منحصر ہے۔ جب تحسیب میں چار یا پانچ ہندسے شامل ہوں تو چار ہندسوں کی لوکارٹی جدول کے استعمال سے ۲۵۰۰ میں ایک کی صحت حاصل ہوتی ہے۔ اگر اجزائے ضربی، عمل ضرب میں یا تقسیم میں بڑھ جائیں تو اسی حساب سے غلطی کے بڑھنے کا احتمال ہے۔ پانچ ہندسوں کی جدولیں استعمال کرنے میں تقریباً دس گنا صحت بڑھ جاتی ہے۔ مگر دس انچ

کی سلائیڈ رول (Slide rule) کے استعمال کرنے میں (جہاں زائد از چار اجزائے ضربی سے کام لیا جائے) پانچ سو میں ایک سے زیادہ کی صحت حاصل نہیں ہو سکتی تاہم تیس کے استعمال میں بڑی احتیاط نہ برتی گئی ہو۔

اکثر اوقات یہ بہتر ہوتا ہے کہ صحیح تحسیب کے قبل تخمینی نتیجہ نکالنے کے لئے اور خصوصاً اعشاریہ کی جگہ دریافت کرنے کے لئے سرسری طریقہ سے حساب کر لیا جائے۔ یہ احتیاط سلائیڈ رول (Slide rule) کے استعمال میں خاص اہمیت رکھتی ہے۔ خصوصاً جب سلائیڈ رول (Slide rule) تبدیلیوں کے ہاتھوں میں ہو۔ اس کی مثال (صفحہ ۳۵) استوانہ کے ابعاد سے دے سکتے ہیں۔

$$C = \frac{\pi}{4} \times (1.13)^2 \times (2.34) = 2.5 \times 1.2 \times 1.6 \times 1 = 3$$

تقریباً

یعنی حجم ۳ مکعب سمر کے درجہ میں ہے۔

سلائیڈ رول (Slide rule) سے ۲.۵۶ نتیجہ نکلتا ہے اور یہ ۲.۵۶ لکھا جاسکتا ہے۔ کیونکہ اعشاریہ کی جگہ کا پتہ سرسری حساب سے مل گیا۔

کسی تجربہ کے نتائج کی تحسیب میں جہاں کسی کمیت کی تعین غیر تابع کمیتوں کی پیمائش سے ہوتی ہے اس حالت میں اس کمیت کو چند پیمائش کی ہوئی مقداروں کے رقوم میں صاف طرح سے ظاہر کرنا معمولاً مناسب نہیں ہوتا۔ اس طرز عمل سے عموماً ایک طویل اور پیچیدہ جملہ بن جاتا ہے جس کا حل کرنا مشکل ہوتا ہے۔ اور اس میں حسابی غلطیوں کے واقع ہونے کا بھی زیادہ احتمال ہے۔ مختلف مقداریں جب اس طرح سے ایک پیچیدہ جملہ میں اکٹھی کر دی جاتی ہیں تو وہ بے معنی

ہو جاتی ہیں۔ پس جہاں تک ممکن ہو تخیب کے ہر قدم پر طبیعیاتی مفہوم کو مد نظر رکھنا چاہیئے۔
اس اصول کی خاص مثال کے لئے صفحہ ۱ کے جملہ پر غور کرو۔ مندرجہ ذیل مساوات تین خاص طبیعیاتی کمیتیں ظاہر کرتی ہے:-

$$g = \frac{1}{2} m z^2 + \frac{1}{2} k z^2$$

اگر مساوات کی یہ سادہ صورت قائم رکھی جائے تو اس کا اصلی مفہوم فوراً سمجھ میں آ جاتا ہے۔ اور اصول اولین کی مدد سے بلا توقف یہ لکھی جاسکتی ہے۔ ”م“ کو واضح طور سے ظاہر کرنا اس مساوات کے مفہوم کو ایک بڑی حد تک فنا کر دیتا ہے۔
ایسے ضابطوں کے استعمال سے جن کی وجہ سے حافظہ پر بے سود بوجھ پڑے پرہیز کرنا چاہیئے۔ جہاں تک ممکن ہو سکے کوشش یہی کرنی چاہیئے کہ اصول اولین کی مدد سے ہی مسئلہ حل ہو جائے۔

۵۔ ترسیمی طریقہ

نظری اور علمی دونوں طبیعیات میں ترسیمی طریقوں کا استعمال بہت مفید ہے۔ جب کبھی تجربہ میں مشاہدات کا ایک ایسا سلسلہ حاصل ہو جن میں دو دو ایسی مقداریں ہوں جو ایک دوسرے پر منحصر ہیں تو ایک ایسی ترسیم کھینچنی چاہیئے جس سے ان کے آپس کا رشتہ پیش نظر ہو جائے۔ ترسیم سے یہ پتہ لگے گا کہ تابع متغیر ”ما“ متبوع متغیر ”لا“ پر کس طرح سے مبنی ہے۔ جب کاغذ عمودی سطح میں رکھا جائے تو یہ دستور ہے کہ متبوع متغیر کی قیمتوں کو افق کے

متوازی بائیں سے دہنے طرف فصلوں سے اور تابع متغیر کی قیمتوں کو اوپر کی طرف معینوں سے تعبیر کرتے ہیں۔
نوٹاً اس کی مثال سادہ رقاص کے تجربہ سے دی جاسکتی ہے۔
اس میں "ل" طول کے رقاص کا وقت دوران "و" ناپا جاتا ہے۔
"ل" کو اپنی مرضی سے گھٹاتے بڑھاتے ہیں اور اسی کے مطابق وقت دوران کی قیمتوں کو دریافت کرتے ہیں۔ یہاں "ل" متبوع متغیر ہے۔
اس لئے اس کی ترسیم افق کے متوازی ہونی چاہیئے۔ "و" کی ترسیم اس طرح پر ہونی چاہیئے کہ "و" کا پیمانہ بیاض کے مرلبدار صفحہ کے نیچے سے اوپر تک جائے۔

وہ اکائیاں جن سے متغیر ظاہر کیا جاتا ہے اور نیز متغیر کا نام اُس کے اپنے متحدی محور پر واضح طور سے لکھا رہنا چاہیئے۔ جس پیمانہ پر متغیر کی ترسیم ہوگی اُس پیمانہ کے انتخاب میں نہایت احتیاط برتنی چاہیئے۔ پیمانہ ایسا ہونا چاہیئے کہ بیاض کے مرلبدار صفحہ کا زیادہ سے زیادہ حصہ ترسیم محصلہ سے پُر ہو جائے۔

ان نقطوں کے گرد جو مشاہدات کو ظاہر کرتے ہیں چھوٹے چھوٹے دائرے کھینچ دیئے جائیں۔ یا ان پر چھوٹے چھوٹے چلیپائی نشان دے دیئے جائیں۔ اس کے بعد ایک ہموار سُختی اس طرح کھینچنا چاہیئے کہ وہ نقطوں کے اوسط مقامات سے ہو کر گزرے یعنی سُختی کے دونوں طرف مشاہدوں کے نقطوں کی تعداد قریب قریب مساوی ہو۔ پہلے یہ دیکھ لینا چاہیئے کہ آیا ترسیم خط مستقیم سے ہو سکتی ہے یا نہیں۔ لمبے شیشے کے ٹکڑے یا کسی اور شفاف ٹکڑے پر کھینچے ہوئے ایک خط مستقیم سے اُس کی آزمائش ہو سکتی ہے۔ کیونکہ ایسی حالت میں اس خط مستقیم کے دونوں طرف کے نقطے نظر آ سکتے ہیں۔ اگر نقطوں میں سے ہو کر خط مستقیم نہ کھینچا جاسکے تو خط سُختی کھینچنا چاہیئے خواہ یہ سُختی صرف ہاتھ سے کھینچا جائے یا کسی ایسے کچلا لکڑی کے ٹکڑے کے ذریعہ سے جو سُختی کے ساتھ ساتھ جھک جائے۔

اگر ترسیم محصلہ خطِ مستقیم ہے تو متغیروں کا باہمی رشتہ مندرجہ ذیل مساوات سے ظاہر ہوتا ہے۔

$$م = لا + س$$

یہاں "س" اور "م" دونوں مستقل ہیں۔ اگر ترسیم خطِ مستقیم نہیں ہے تو محصلہ منحنی کی شکل سے متغیروں کا باہمی تغیر معلوم ہو جائیگا۔ مندرجہ ذیل مساواتوں کے منحنیوں کے علم سے طالب علموں کو پورا پتہ مل جائیگا کہ مشاہدات کی ترسیم کس منحنی سے ہو سکتی ہے۔

لا	=	ما	
لا'	=	ما'	
لا''	=	ما''	
لا'''	=	ما'''	
لا ^۴	=	ما ^۴	
لوک لا	=	ما	اور

مقداروں میں کسی ایک کی قوتوں کو دوسرے کے مقابلہ میں ترسیم کرنے سے ایک خطِ مستقیم حاصل ہوتا ہے یا ایک مقدار کے لوکارتم کو دوسری مقدار کے مقابلہ میں آیا اس کے لوکارتم کے مقابلہ میں ترسیم کرنے سے بھی ایک خطِ مستقیم حاصل ہو سکتا ہے۔ جب ترسیم کی شکل خطِ مستقیم ہو تو دو متعلقہ طبیعیاتی مقداروں کے باہمی ربط کو ایک جبری مساوات سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

اکثر اوقات یہ نسبت حسابی علموں کے ترسیمی طریقوں سے نتائج بہت کم محنت سے حاصل ہو سکتے ہیں۔ حوالہ کے لئے اس کتاب کی مثالیں از صفحہ ۱۲۹ تا ۱۳۸- اور نیز طبیعیات عملی (آواز و روشنی) برائے بی۔ اے کے صفحات نمبر ۵۷، ۶۲، ۱۲۷ اور ۱۲۸ کی مثالیں دیکھو۔

۶۔ طبیعیاتی پیمائش میں مستعمل اکائیاں

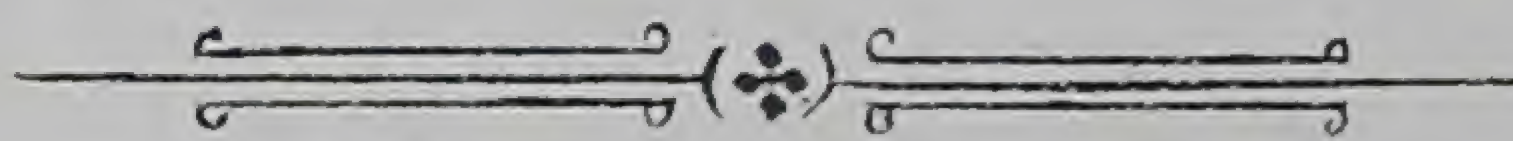
کسی کمیت کی پیمائش دو لفظوں میں ظاہر کی جاتی ہے — ایک تو ”عدو“ اور دوسرے ”اکائی“۔ مثلاً ۱۲ ثانیہ میں ”۱۲“ عدو ہے اور ”ثانیہ“ وقت کی اکائی ہے۔ ہر اس کمیت کو جس کی طبیعیات میں پیمائش ہوتی ہے ایک نہ ایک اکائی کی ضرورت پڑتی ہے۔ تاہم کسی ایک کمیت کو کسی دوسری کمیت کے رقوم میں ظاہر کرنا ممکن ہے۔ مثلاً ہم ”چال“ کو کسی خاص وقت میں طے شدہ فاصلہ کے رقوم میں ظاہر کر سکتے ہیں۔ اور ان اکائیوں سے چال کی پیمائش کرنے میں صریحی فائدہ ہے جو طول اور وقت کی اکائیوں سے کوئی سادہ رشتہ رکھتی ہوں۔ علم حیل میں جتنی طبیعیاتی مقداروں سے واسطہ پڑتا ہے وہ کسی تین منتخب مقداروں کے رقوم میں ظاہر کی جاسکتی ہیں۔

ان مقداروں کے لئے جو تین غیر تابع اکائیاں ہیں وہ اکائیوں کے نظام میں ”بنیادی اکائیاں“ کہلاتی ہیں۔ اس نظام کی دوسری اکائیوں کو مشتق اکائیاں کہتے ہیں۔

سائنس کے کاموں میں بنیادی مقداریں جو منتخب کی گئی ہیں وہ طول، کمیت، مادہ اور ”وقت“ ہیں۔ ان مقداروں کی اکائیاں بالترتیب ”سنٹی میٹر“، ”گرام“ اور ”ثانیہ“ ہیں۔ اور اسی بناء پر اس نظام کو اکائیوں کا س۔ گ۔ ث۔ نظام کہتے ہیں۔

سنٹی میٹر میٹر کا سواں حصہ ہے اور یہ میٹر پلانیم کی اس سلاخ کے سروں کا درمیانی فاصلہ ہے جو پیرس میں محفوظ رکھی ہوئی ہے۔ گرام، کلو گرام کا ہزارواں حصہ ہے اور یہ کلو گرام پلانیم کے

اُس اُستوانہ کے مادہ کی کمیت ہے جو پیرس میں محفوظ رکھا ہوا ہے۔
 ایک مکعب دسی میٹر (۱۰۰۰ مکعب سمر یا ایک لیٹر) کشیدہ پانی کے مادہ
 کی کمیت اُس کی کثافت اعظم کی پیش پر "کلو گرام" ٹھیکرائی گئی تھی۔ اس
 وجہ سے ۴ مئی کی پیش کے ایک مکعب سمر پانی کی کمیت تقریباً صحیح
 ایک گرام ہوتی ہے۔
 اثنانویہ، اوسط شمسی ثانیہ ہے۔ یعنی یہ اوسط شمسی دن کا $\frac{1}{86400}$
 حصہ ہے۔ جس کی تعین زمین کے وقتِ دوران (اس کے محور کے
 گرد) سے ہوتی ہے۔



فصل دوم

بنیادی مقداروں کی پیمائش ۱۔ کمیت مادہ کی پیمائش ترازو

مروج ترازو کے ذریعہ سے کمیت مادہ کی جو پیمائش ہوتی ہے اُس میں دو قوتوں میں اس طرح سے توازن پیدا ہوتا ہے کہ بیرم پر اُن کے معیار اثر مساوی اور متضاد سمتوں میں ہوتے ہیں۔ جب یہ صورت حاصل ہو جاتی ہے تو یہ قوتیں اگر آپس میں متوازی ہوں تو وہ بیرم کے نصاب سے نقاطِ عمل کے فاصلوں کے ساتھ تناسبِ معکوس رکھتی ہیں۔

قوتیں جو ترازو کی ڈنڈی پر عمل کرتی ہیں وہ ڈنڈی سے ٹکرتی ہوئی کمیت مادہ کے وزن ہیں۔ اور اس طریقہ سے ان کمیتوں کے ادھان کی نسبت معین ہو جاتی ہے۔ چونکہ کسی جسم کا وزن اُس کی کمیت کے متناسب ہوتا ہے اس لئے مادہ کی کمیتوں کے درمیان جو نسبت ہے وہی نسبت ان کے وزنوں میں بھی ہے۔ اس مسئلہ کو

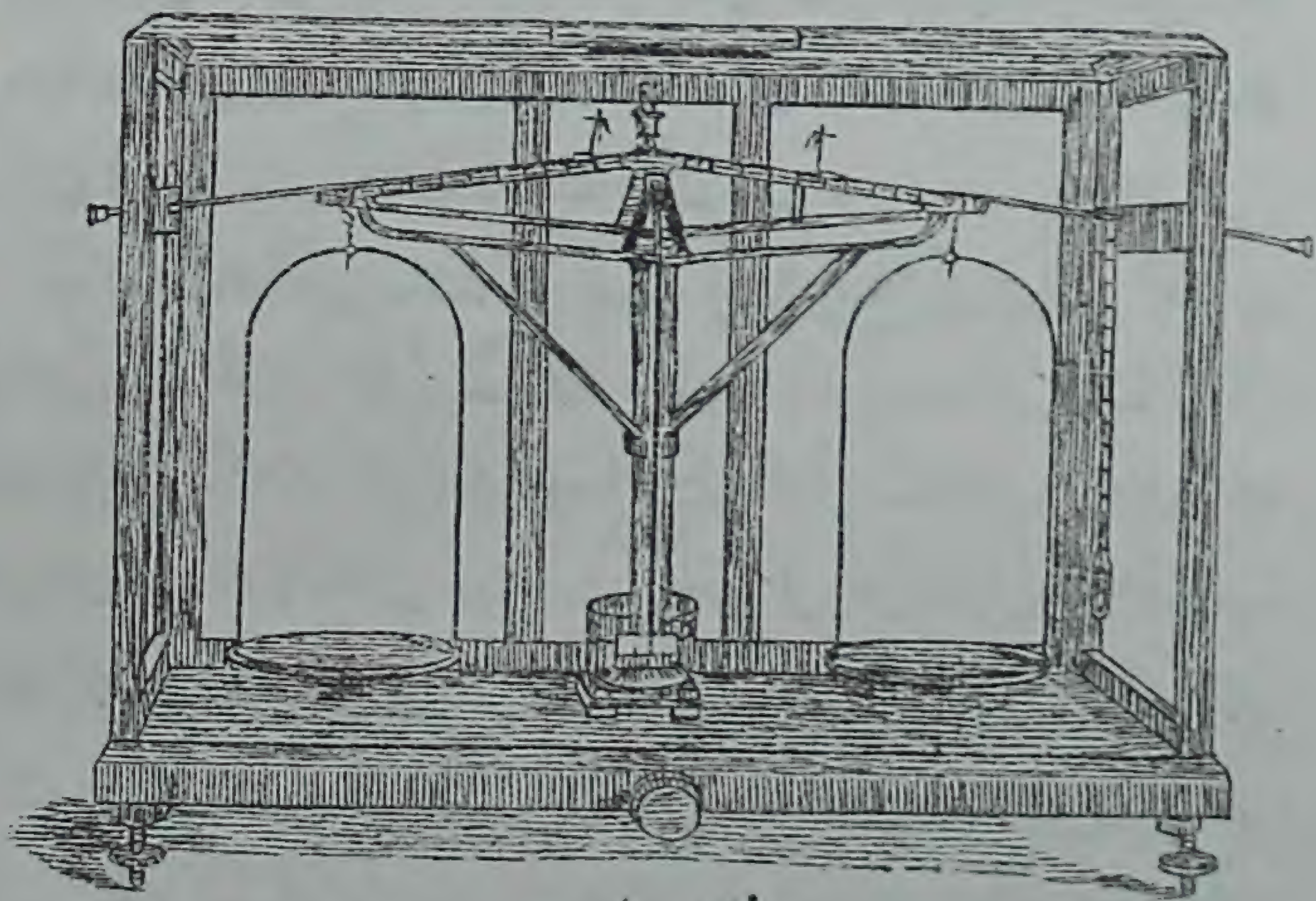
یوں لکھ سکتے ہیں :-
جب ڈنڈی تعادل میں ہو تو اس سے لٹکتے ہوئے مادہ کی کمیتوں کی نسبت ان بازوؤں کی نسبت کا مقلوب ہے جن سے وہ کمیتیں لٹک رہی ہیں۔

معمولی ترازو میں ڈنڈی ایک سخت سلاخ ہوتی ہے جس کی ساخت بعض اوقات شہتیر کی سی ہوتی ہے۔ یہ ڈنڈی ایک ایسے دھار دار کنارہ پر ٹھہری ہوئی ہوتی ہے جو ترازو کے ستون کے اوپر کی چھٹی تختیوں پر دھرا ہوتا ہے۔ ڈنڈی کے دونوں سروں پر بھی دھار دار کنارے چڑھے ہوتے ہیں جن پر سے دونوں پلڑے لٹکتے ہیں۔

ڈنڈی کے دونوں حصے ترازو کے بازو کہلاتے ہیں۔ نصاب اور پلڑوں کے نقاطِ تعلیق کے لئے دھار دار کنارے اس لئے استعمال ہونے چاہئیں کہ ترازو کے بازو ایک معین طول کے ہوں۔ چونکہ حالت توازن میں ان دو بازوؤں کی نسبت، مادہ کی ان کمیتوں کا مقلوب ہے جو پلڑوں پر دھری ہیں اس لئے ظاہر ہے کہ اس نسبت کو صحیح طور سے معلوم کرنے کے لئے خود بازوؤں کے طول بھی معین ہونے چاہئیں۔ عام طور پر یہ نسبت مساوات کی نسبت ہوتی ہے۔ لیکن بعض اوقات یہ نسبت $\frac{1}{2}$ کی ہوتی ہے۔ چونکہ دھار دار کناروں پر بہت سا بوجھ پڑتا ہے اس لئے چاہئے کہ وہ کسی سخت چیز کے بنے ہوں۔ تاکہ جب ترازو پر وزن ڈالا جائے تو وہ خراب نہ ہو جائے یا ان کی شکل نہ بگڑ جائے۔

جن ترازوؤں میں معتدل صحت مقصود ہو ان میں یہ دھار دار کنارے سخت فولاد کے بنائے جاتے ہیں۔ مگر سائنس کے کاموں میں جہاں غایت درجہ کے نازک و حساس ترازو کی ضرورت پڑتی ہے فولاد کی جگہ سنگِ یشب استعمال کیا جاتا ہے۔ ترازو سے کام نہ لینے کی حالت میں دھار دار کناروں پر بلا ضرورت بار نہ ڈالنے کی غرض سے

ترازو میں ایک ایسا بیرم لگا رہتا ہے جس کے ذریعہ سے ڈنڈی دھار دار ٹیکنوں سے اٹھا کر ایک ایسی پیتل کی سلاخ پر رکھ دی جاسکتی ہے جو ایک دو شاخہ نما سلاخ کے ذریعہ سے ستون میں لگی رہتی ہے۔ یہ بیرم پلٹروں کو بھی اٹھاتا ہے۔ اس طرح کہ ان کا بوجھ ڈنڈی کے سروں کے دھار دار کناروں پر نہیں پڑتا۔ یہ انتظام ترازو کی روک کھلاتا ہے۔



شکل ۱
حساس ترازو

ترازو کو ادھر ادھر ہٹانے یا اس کے پلٹروں میں باٹوں کو بدلنے سے پہلے ڈنڈی کو اس طرح اوپر یا نیچے کرنا چاہئے کہ وہ مذکورہ بالا پیتل کی دو شاخہ نما سلاخ پر بیٹھ جائے تاکہ دھار دار کنارے ٹوٹ نہ جائیں یا بد شکل نہ ہو جائیں اور اسی لئے یہ ضروری ہے کہ ڈنڈی آہستہ آہستہ اوپر اٹھائی جائے یا نیچے اتاری جائے۔ اکثر مقاصد کے لئے معمولی ترازو کے بازوؤں کو بالکل مساوی فرض کر سکتے ہیں۔ پس حالت توازن میں جس جسم کا وزن کیا جاتا ہے

اُس کے مادّہ کی کمیت باٹوں کی کمیتِ مادّہ کے برابر فرض کی جاسکتی ہے۔ اگر دونوں بازو بالکل برابر نہ بھی ہوں تو اکثر تجربوں کی صحت میں ذرا بھی اثر نہیں پڑتا بشرطیکہ ہر تجربہ میں 'باٹ' ایک ہی پلڑے پر رکھے جائیں اور جہول کمیت دوسرے پلڑے پر۔ اگر ایسا عمل کیا جائے تو 'باٹ' جہول کمیتوں کے مساوی تو نہ ہونگے مگر اُن کے ساتھ ایک مستقل نسبت رکھینگے۔ اور چونکہ اکثر تجربوں میں مادّہ کی مختلف کمیتوں کی نسبت ہی درکار ہوتی ہے اس لئے خاص نتیجہ پر اس کا کوئی اثر نہ پڑیگا۔ اچھا طریقہ یہ ہے کہ باٹ ہمیشہ داہنے پلڑے میں اور جہول کمیت بائیں پلڑے میں رکھی جائے۔

جب کمیتوں کے مقابلہ کرنے کے لئے ترازو استعمال کی جاتی ہے تو یہ لازمی ہے کہ بحالتِ عدم بارڈنڈی اور پلڑے وغیرہ توازن میں ہوں۔ اس کے بعد جب جہول کمیت کے ساتھ دوسرے پلڑے پر کے باٹ توازن قائم کر دیں تو اس حالت میں دونوں پلڑوں پر کی کمیتیں مساوی ہونگی۔ اور ڈنڈی اُفتی کے متوازی ہو کر ٹھیکہ جائیگی یا اُفتی سمت کے گرد اہتزاز کرنے لگیگی۔ اس کی جانچ کے لئے ایک لمبا سا نمائندہ ڈنڈی کے وسط میں مضبوطی سے لگا دیا جاتا ہے۔ اس نمائندہ کا پھیلا ہوا ایک درجہ دار پیمانہ کے سامنے جھولتا ہے جو ترازو کے ستون میں لگا ہوا ہوتا ہے۔ جب ڈنڈی میں توازن پیدا ہو جاتا ہے تو اس نمائندہ کا سر پیمانہ کے وسطی نشان کے گرد جھولنے لگتا ہے۔ اور اس سے ڈنڈی کی اُفتیت جانچنے کا ایک حسّاس طریقہ حاصل ہو جاتا ہے۔

ترازو پر وزن رکھنے کے قبل چوڑی دار پالیوں کی مدد سے ترازو کی سطح اس طرح سے درست کر لینی چاہئے کہ ستون اتصالی

سمت میں ہو (یہ بات آلہ کے اُفقِ نما یا شاقول کی مدد سے دریافت ہو جاتی ہے)۔ جب یہ صورت حاصل ہو جائے تو مذکورہ بالا ہریم کے ذریعہ سے ڈنڈی کو دھار دار کنارہ پر رکھ کر نمایندہ کے پچلے سرے کی حرکت کا مشاہدہ کرنا چاہئے۔ بالعموم نمایندہ کے ارتزاز پیمانہ کے مرکز کے گرد نہیں ہوتے۔ لیکن اگر اس کا وسطی مقام مرکز سے دُور نہ ہو تو ترازو کو بغیر مزید درستی کے استعمال کر سکتے ہیں۔ کسی جسم کے تولنے میں باٹ اُس وقت تک کم و بیش کئے جائیں جب تک کہ ارتزاز اُسی مقام کے گرد نہ ہونے لگے جس کے گرد کہ عدم بار کی حالت میں ہو رہا تھا۔ اس عمل کو ”کاذب صفر“ کے ساتھ عمل کرنا کہتے ہیں۔

اگر یہ ”کاذب صفر“ بحالتِ عدم بار پیمانہ کے مرکز سے کئی درجہ پر ہوں تو تولنے کے قبل ترازو کے اس نقص کو دور کر لینا چاہئے۔ عموماً اس نقص کا تدارک ڈنڈی کے سروں پر پھوڑی دار حلقوں سے ہو جاتا ہے۔ یہ حلقے ڈنڈی پر آگے پیچھے ہٹ سکتے ہیں۔ بعض ترازوؤں میں ایک چھوٹی سی جھنڈی ڈنڈی پر لکھی رہتی ہے۔ اس کے مقام کو بھی بدل کر نمایندہ بحالتِ عدم بار پیمانہ کے مرکز پر لایا جاتا ہے۔

اس امر کی کوشش اُس وقت تک نہیں کرنی چاہئے جب تک کہ طلبہ کو ترازو کی دست و زری سے پوری واقفیت حاصل نہ ہو جائے۔ ان حلقوں کو آگے پیچھے ہٹانے میں سخت احتیاط کی ضرورت ہے۔ کیونکہ ایسا نہ کرنے سے ترازو کے مختلف حصوں کو نقصان پہنچنے کا خدشہ رہتا ہے خصوصاً دھار دار کناروں کو۔

جب ترازو (نمائندہ) بحالت عدم بار اپنے مرکزی محل یا کاذب صفر کے گرد جھولنے لگے تو ڈنڈی کو اتار کر آہستہ سے جمہول کمیت کو بائیں پلڑے پر رکھنا چاہئے۔ اس کے بعد بائیں کو صندوقچہ سے نکال کر دائیں پلڑے پر اس طرح رکھنا چاہئے کہ پہلے بڑے باٹ رکھے جائیں اور اس کے بعد چھوٹے چھوٹے باٹ ترتیب وار یکے بعد دیگرے بدلے جائیں۔

جب کبھی پلڑے کو باٹ کے ہٹانے یا رکھنے کی غرض سے چھوٹا ہو تو ڈنڈی کو ضرور نیچے اتار لینا چاہئے۔ خواہ باٹ کتنا ہی چھوٹا کیوں نہ ہو۔ تعادل کا اندازہ لگانے کے لئے ڈنڈی کو پورے طور سے اٹھانا بالکل بیکار ہے۔ کیونکہ عدم تعادل کا پتہ نمائندہ کی حرکت سے بخوبی ہو جاتا ہے۔ ڈنڈی کو پورے طور سے اٹھانے کی ضرورت اُس وقت تک نہ ہوگی جب تک کہ سنتی گرام کے باٹ نہ استعمال کئے جائیں۔

بعض اوقات جب ایک سنتی گرام سے کم کا باٹ صندوقچہ میں نہیں ہوتا ہے تو اس صورت میں ملی گرام یا اس سے کم کا وزن ایک راکب کے ذریعہ سے دریافت ہو جاتا ہے۔ یہ راکب تار کو موڑ کر اس طرح بنایا جاتا ہے کہ وہ ترازو کی ڈنڈی پر بیٹھ سکے۔ اس کا وزن عموماً ایک سنتی گرام ہوتا ہے۔ ڈنڈی پر ایسے نشانات دیئے رہتے ہیں کہ نشانوں کا درمیانی فاصلہ بازو کے طول کا دسواں حصہ ہوتا ہے۔ راکب کو ڈنڈی پر آگے پیچھے ہٹا کر ترازو میں تعادل قائم کیا جاتا ہے۔ اور حالت تعادل میں راکب کے محل کو دیکھ لیا جاتا ہے۔ ظاہر ہے کہ ڈنڈی پر ایک سنتی گرام وزنی راکب نصاب سے بازو کے $\frac{1}{10}$ ویں حصہ کے فاصلہ پر پلڑے میں کے ایک ملی گرام کے وزن کے برابر ہے۔ اور $\frac{1}{10}$ ویں حصہ کے فاصلہ پر ۲ ملی گرام کے برابر و علیٰ ہذا۔ اس طرح سے سنتی گرام راکب کے ذریعہ سے کسی جسم کا وزن ایک ملی گرام یا اس سے کم کی حد تک

دریافت کیا جا سکتا ہے۔ بشرطیکہ ترازو کا بازو مندرجہ بالا طریقہ سے درجہ دار ہو۔ اور ترازو بھی کافی طور سے ایسا حساس ہو کہ وزن میں اس حد تک کا فرق متہیز ہو جائے۔

باٹوں کے صندوقچے کے ساتھ اتنی ہی احتیاط برتنی لازم ہے جتنی کہ ترازو کے ساتھ۔ باٹ میں اگر زنگ لگ جائے تو اس کی کمیت میں فرق آ جاتا ہے اس لئے یہ احتیاط ہونی چاہئے کہ باٹوں سے تیزاب، پارا، یا پانی لگنے نہ پائے۔ اگر زنگ لگنے کی وجہ سے کسی بڑے باٹ کی کمیت میں ایک ملی گرام سے زیادہ اضافہ ہو گیا ہو تو اس حالت میں ملی گرام کی حد تک تولنا بالکل بے معنی ہوگا۔ کسی اچھے اور درست صندوقچے کے باٹوں کو خواہ وہ چھوٹے ہوں یا بڑے ہمیشہ چمٹے کے ذریعہ سے اٹھانا چاہئے اور اس بات کا لحاظ رکھنا ضروری ہے کہ چھوٹے باٹ مڑنے نہ پائیں۔ ان کو اس کنارے سے پکڑنا چاہئے جو اس کے لئے مخصوص ہے۔ چھوٹے باٹوں کی دست ورزی کی سہولت کے لئے ان کو ترازو کے پلڑے میں بڑے باٹوں کے اوپر رکھنا چاہئے۔

کسی تجربہ میں جہاں تک ممکن ہو باٹ ایک ہی صندوقچے سے لینے چاہئیں اگر دو صندوقچوں کی ضرورت پڑ جائے تو استعمال کے بعد باٹوں کو اپنے اپنے صندوقچے میں واپس رکھ دینا چاہئے۔ جب تولنے کا عمل ختم ہو جائے تو باٹوں کا حساب (جب وہ پلڑے ہی میں ہوں) بیاض میں نوٹ کر لینا چاہئے۔ بعد ازاں ہر باٹ کو پلڑے سے صندوقچے میں داخل کرتے وقت اس کی قیمت علیحدہ علیحدہ قلمبند کر لینی چاہئے۔ اس طریقہ سے بھی باٹوں کی مجموعی قیمت معلوم ہو جائیگی۔

اور اس طرح سے کوئی غلطی ہو بھی جائے تو وہ معلوم ہو سکیگی اور اس کی صحت بھی ہو جائیگی۔ اگر یہ احتیاط نہ برتی جائے تو ممکن ہے کہ تولنے کے عمل کو دہرانا پڑے اور کل تجربہ بیکار ثابت ہو۔

اگر جسم اور کمرہ کی تپش میں کوئی مستندہ فرق ہو تو جسم کا وزن صحت کے ساتھ دریافت نہیں ہو سکتا۔ کیونکہ اس حالت میں ہوا میں حملی ردوئیں پیدا ہو جاتی ہیں۔ اگر جسم ہوا سے ٹھنڈا ہو تو جسم پر رطوبت منجمد ہو سکتی ہے۔ اور اس کی وجہ سے تعین شدہ وزن اصلی وزن سے زیادہ ہو جائیگا۔

کوئی زنگ انگیز مائع ترازو کے صندوق کے اندر اس وقت تک داخل نہ کیا جائے جب تک کہ مائع کے برتن کو ڈاٹ کے ذریعہ سے بند نہ کر دیا جائے۔ ترازو میں داخل کرنے کے قبل، مائع کے برتن کے بیرونی حصوں کو خوب خشک اور صاف کر لینا چاہئے۔

تجربہ ۱۔ ترازو کے ذریعہ سے کسی جسم کے مادہ کی کمیت کی تعیین۔

تیپچوں کے ذریعہ سے ترازو کی سطح درست کرو۔ دستہ گھا کر ڈنڈی کو آزاد کرو اور اس بات کا لحاظ رکھو کہ ڈنڈی بغیر کسی رکاوٹ کے دھار دار کناروں پر بیٹھ جائے۔ اگر ڈنڈی نہ ہلنے لگے تو پلڑوں میں سے کسی ایک پر ہاتھ کو جلد جلد ہلا کر ہوا کی دھیمی ردو پیدا کرو۔ اس طریقہ سے جب ڈنڈی اوپر نیچے آزادانہ ہلنے لگے تو نمائندہ کا اوسط مقام پیمانہ پر مشاہدہ کرو۔ اگر ترازو کے ہلنے کو موقوف کرنا ہو تو جب نمائندہ وسطی مقام کے قریب آجائے تو ”روک“ استعمال کرو۔ کمیت جھول کو بائیں پلڑے پر رکھو اور ایک ایسا باٹ دائیں پلڑے پر رکھو جو بائیں طرف کے وزن سے توازن قائم کرنے کے لئے کافی معلوم ہو۔ ڈنڈی کو آزاد کر کے دیکھو کہ باٹ ضرورت سے زیادہ ہے یا کم۔ تولنے کے عمل کو جاری رکھو مگر باٹوں کو اس طرح استعمال کرو کہ پہلے بڑا رکھو اور بعد چھوٹا اور اسی طریقے سے باٹ کو بتدریج کم کرتے جاؤ۔ جب تک کہ پورا توازن پیدا نہ ہو جائے اس بات کا ہمیشہ خیال رہے کہ باٹوں کو رکھتے یا ہٹاتے ہوئے ترازو کی حرکت کو روک لینا چاہئے۔ جب کہ نمائندہ اُسی اوسط مقام کے گرد ہلنے لگے جس کے

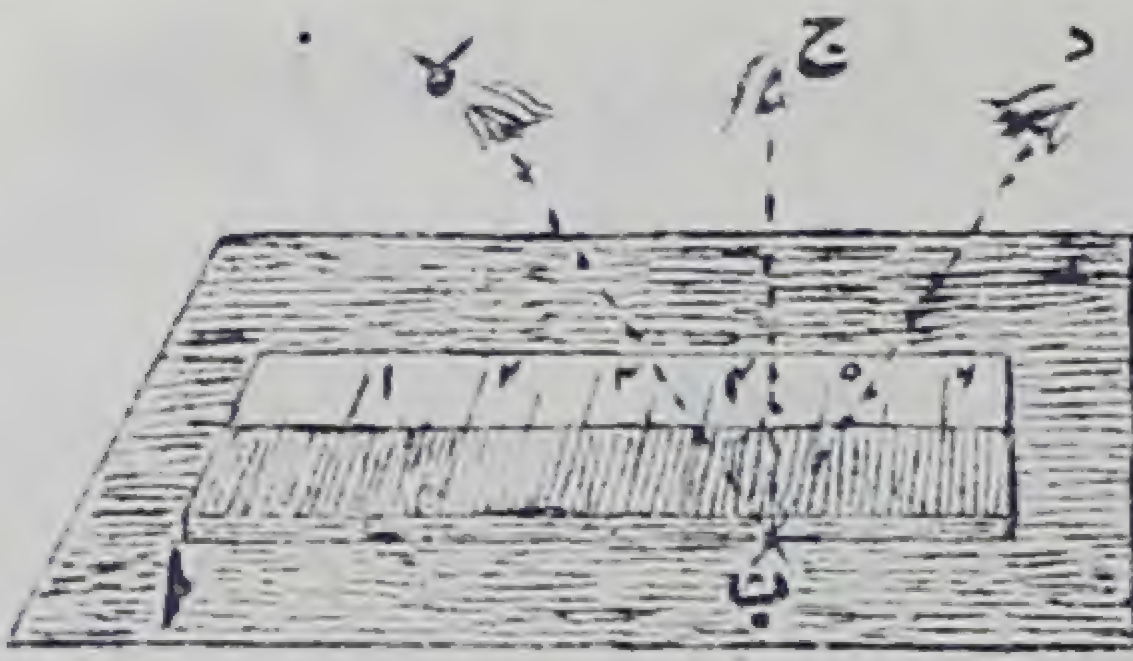
گرد پہلے وہ ہلتا تھا تو ترازو کو روک لو۔ اور جب باٹ پلٹے ہی پر رہیں تو ان کو محسوب کر کے نتیجہ درج کر لو۔ جب باٹ یکے بعد دیگرے پلٹے سے ہٹا کر صندوقچہ میں رکھے جائیں تو اُس وقت بھی ان کو گن لو۔ اس عمل سے باٹوں کے حساب میں غلطی کا احتمال کم ہو جائیگا۔ مذکورہ بالا طریقہ سے پہلے دو اجسام "۱" اور "۲" کی کمیت جدا جدا دریافت کرو۔ بعد اس کے دونوں اجسام کی مجموعی کمیت دریافت کرو اور اس طرح سے جو قیمت حاصل ہوگی وہ دونوں کمیتوں کا حاصل جمع ہوگا۔

۲۔ طول کی پیمائش

طبیعیات کے طلبہ کے لئے طول کی پیمائش شاید سب سے آسان مشق ہے باوجودیکہ سائنس کے کسی صحیح عملی کام شروع کرنے کے قبل طول کی پیمانے کے استعمال سے ہر کوئی واقف رہتا ہے لیکن مختلف قسم کے طول کی پیمائش میں جداگانہ صحت کی ضرورت پڑتی ہے اس لئے ہم چند خاص خاص صورتوں میں صحت کے مختلف درجے حاصل کرنے کے طریقوں کی توضیح کریں گے۔

یہاں اس امر کا خیال رکھنا چاہئے کہ طول کی کل پیمائشوں میں دو مشاہدے ضرور کئے جاتے ہیں کیونکہ جس طول کی پیمائش ہوتی ہے اُس کے ہر ایک سرے پر مشاہدہ کیا جاتا ہے۔ اس وجہ سے طول کی قیمت میں دوہری غلطی کا احتمال رہتا ہے۔

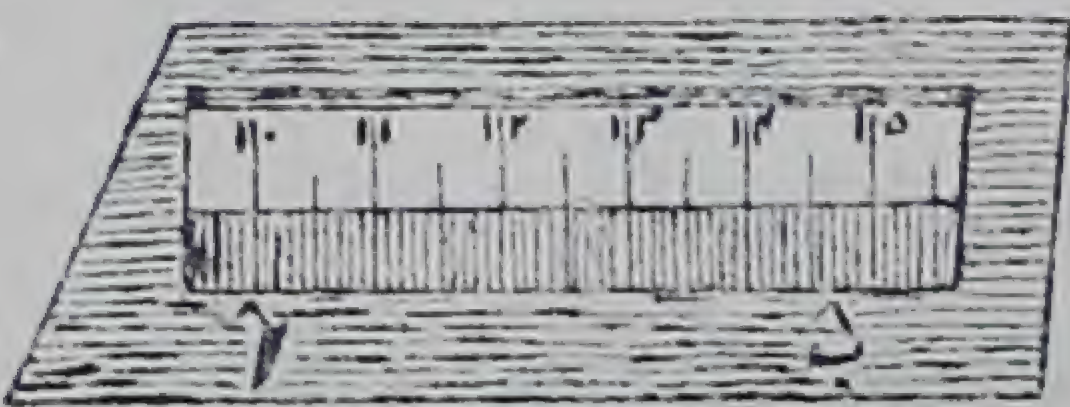
معمولی پیمانہ سے جو مشاہدات کئے جاتے ہیں ان کی صحت محدود ہے کیونکہ درجوں کے نشان میں کچھ نہ کچھ موٹائی رہتی ہے اور آنکھ بھی براہ راست درجوں کی کسروں کو اذ۔ ملی میٹر سے قریب تر اندازہ نہیں کر سکتی۔ اس لئے معمولی پیمانہ سے طول کا اندازہ کرنے میں صحت ۵۲۔ ملی میٹر سے زیادہ حاصل نہیں ہو سکتی ہے۔ اگر اس سے اعلیٰ درجہ



شکل ۲
اختلافِ منظر کی وجہ سے غلطی

کی صحت مقصود ہو تو ایک ایسے آلہ کا استعمال لازمی ہے جس سے آنکھ کو مدد ملے۔ اور یہ بھی لازم ہے کہ درجوں کے نشانات بھی باریک اور منتظم ہوں۔ اگر پیمانے کو لٹا کر رکھیں تو اس کے استعمال سے ۰.۶۲ ملی میٹر

سے زیادہ کی بھی غلطی ہو سکتی ہے کیونکہ اس صورت میں پیمانے کی موٹائی کی وجہ سے اختلافِ منظر کی مقدم غلطی ممکن ہے۔ پیمانے کا درجہ دار کنارہ ہمیشہ اس طرح سے رکھا جانا چاہئے کہ وہ اُن دو نقطوں سے ملا ہو جن کے درمیانی فصل کی پیمائش



شکل ۳
پیمانہ کے استعمال کا صحیح طریقہ

ہوتی ہے اس امر کے لئے ضروری ہے کہ پیمانے کو درجہ بند پہلو پر کھڑا رکھا جائے۔ مثلاً اگر دو نشان کاغذ پر سمٹے ہوں تو ان کا درمیانی فاصلہ ناپنے کے لئے پیمانے کو ایسا رکھنا چاہئے جیسا کہ شکل ۳ میں دکھایا گیا ہے۔

جب کسی جسم کے طول کی پیمائش براہِ راست پیمانے کے ذریعہ ممکن نہ ہو تو اس صورت میں ڈویڈر یا اندرونی یا بیرونی "ٹرل چپ" استعمال کیا جاسکتا ہے۔ چند حالتوں میں بیم کمپاس بکار آمد ہے۔ یہ ایک استوار سلاخ ہے جس میں دو ایسے ٹکڑے لگے ہیں جو آگے پیچھے سلاخ پر حرکت کر سکتے ہیں اور ان میں کمپاس کی دو نوکیں لگی ہوئی ہیں جو

سلاخ پر علمی القوائے ہیں۔

ورنیئر (کسر پیمائش) کا اصول

پی ورنیئر (۱۸۵۸ء - ۱۹۲۷ء) نے پیمائش کی ایک ایسی قابل تعریف ترکیب نکالی ہے جس سے پیمائش میں عینی اندازہ کی صحت سے کہیں اعلیٰ تر صحت حاصل ہو سکتی ہے۔ یہ ترکیب ایک آلے پر مشتمل ہے جو اُسی کے نام سے موسوم ہے۔ اس میں ایک چھوٹا معاون پیمانہ ہے جو معمولی پیمانے پر آگے پیچھے حرکت کر سکتا ہے۔ یہ معاون پیمانہ ورنیئر پیمانہ کہلاتا ہے۔ اس کے درجے معمولی پیمانوں کے درجوں سے یا تو بڑے ہوتے ہیں یا چھوٹے۔

اس آلہ کی بڑی خوبی یہ ہے کہ وہ بالکل سادہ ہے۔ اور اگر معاون پیمانے کی درجہ بندی موزوں ہو تو ہم اس کے ذریعہ سے درجہ کی کسی کسر کو جس کی ضرورت ہو کافی صحت کے ساتھ پیمائش کر سکتے ہیں۔ عموماً کسر پیمائش شکل میں استعمال کیا جاتا ہے جس میں ورنیئر (معاون پیمانے) کے درجے اصلی پیمانوں کے درجوں سے کچھ چھوٹے ہوتے ہیں۔ اس لئے اسی قسم کے کسر پیمائش کا بیان کیا جائیگا اگرچہ دونوں شکلوں کے کسر پیمائش میں ایک ہی اصول کی پابندی کی جاتی ہے۔

معاون پیمانے کی درجہ بندی ایک ایسے درجہ سے شروع کی جاتی ہے جس کو ورنیئر کا صفر کہہ سکتے ہیں۔ اس درجہ پر یا تو پیمانے کی شکل بنی ہوتی ہے یا کسی اور قسم کا امتیازی نشان لگا دیا جاتا ہے۔ پیمائش پر ورنیئر کے صفر کے ایک طرف "ن" برابر برابر درجے بنائے جاتے ہیں اور بعض اوقات صفر کی دوسری طرف بھی ایک یا دو درجے رہتے ہیں۔ ورنیئر کے یہ "ن" درجے اصلی پیمانے کے (ن - ۱) درجوں کے برابر ہوتے ہیں۔

اس لئے وزنیٹر کا ہر ایک درجہ اصلی پیمانے کے ہر ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ کے برابر ہوگا۔ بناء بریں وزنیٹر کا ہر ایک درجہ اصلی پیمانے کے ہر ایک درجے سے بے مقدار اصلی پیمانے کے ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ کے کم ہوگا یا یوں کہو کہ :-

۱۔ اصلی پیمانے کا درجہ - ۱ وزنیٹر کا درجہ = $\frac{1}{n}$ اصلی پیمانے کا درجہ
اس مقدار کو (یعنی اصلی پیمانے کے ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ حصے کو) "وزنیٹر کا مستقل یا شمار اقل" کہتے ہیں۔ اس طریقے سے وزنیٹر کو اصلی پیمانے کے ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ حصے تک کی پیمائش کرنے میں استعمال کر سکتے ہیں۔

فرض کرو کہ وزنیٹر کا پیمانہ اصلی پیمانے پر اتنا ہٹایا گیا ہے کہ وزنیٹر کا صفر اصلی پیمانے کے کسی ایک درجے کے نشان سے ٹھیک مل گیا ہے اس حالت میں اصلی پیمانے کے صفر اور وزنیٹر کے صفر کا درمیانی فاصلہ اصلی پیمانے کے پورے پورے درجوں کے برابر ہوگا۔ اور یہ وہی فاصلہ ہے جس کو ہم دریافت کرنا چاہتے ہیں۔ وزنیٹر کے درجوں کے دوسرے نشانات اصلی پیمانے کے درجوں کے ساتھ ٹھیک نہیں ملینگے بلکہ وہ یعنی (وزنیٹر کے دوسرے نشانات) بالترتیب اصلی پیمانے کے ایک درجے کا $\frac{1}{n}$ ، $\frac{2}{n}$ ، $\frac{3}{n}$ وغیرہ حصہ پیمانے کے صفر کی طرف ہٹ کر رہینگے۔

اب فرض کرو کہ وزنیٹر اصلی پیمانے پر کچھ آگے اتنا ہٹایا گیا کہ وزنیٹر کے صفر نے اصلی پیمانے کے ایک درجے کا $\frac{1}{n}$ حصہ طے کیا۔ اس سے صاف ظاہر ہے کہ وزنیٹر کے درجے کا نشان (۱) ہٹ کر اصلی پیمانے کے کسی درجے سے مل جائیگا۔ اب اگر وزنیٹر کو آگے اتنا بڑھایا جائے کہ صفر اصلی پیمانے کے درجے کا $\frac{1}{n}$ حصہ پھر طے کرے تو وزنیٹر کے درجے کا نشان (۲) اصلی پیمانے کے کسی درجے سے مل جائیگا۔ اگر وزنیٹر کے صفر کا کل طے کیا ہوا فاصلہ اصلی درجے کے $\frac{3}{n}$ حصے کے

برابر ہو تو دریئر کا نشان (۳) اصلی پیمانے کے کسی ایک درجے سے مل جائیگا
و علیٰ ہذا -

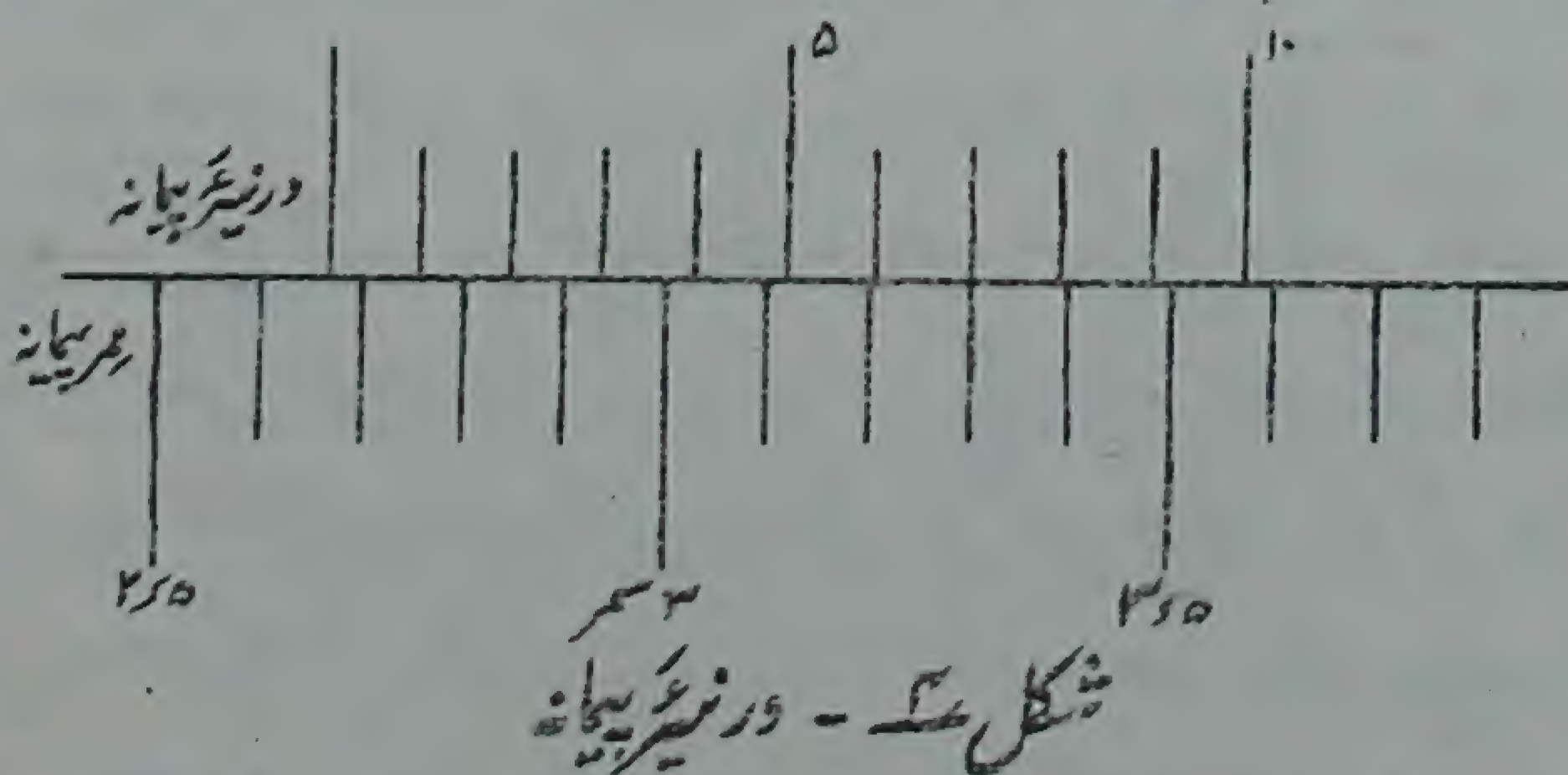
اگر دریئر کا نشان (۴) اصلی پیمانے کے کسی درجے کے ساتھ مل
جائے تو اس سے یہ معلوم ہوگا کہ دریئر کے صفر نے اپنے ٹھیک اگلے
اصلی درجے سے ایک اصلی درجے کا $\frac{1}{2}$ واں حصہ فصل طے
کیا ہے -

دریئر کا پیمانہ استعمال کرتے وقت سب سے پہلے "شمارِ اقل"
دریافت کر لینا چاہئے - اس کے بعد مندرجہ ذیل قاعدے سے درجوں
کو پڑھنا چاہئے :-

دریئر پیمانے کے صفر سے جو ٹھیک اگلا اصلی درجہ ہے
اُس کو پڑھ لو - دریئر کے اس نشان کو بھی پڑھ لو جو کسی ایک
اصلی درجے سے ملا ہوا ہے - یہ نشان کچھ عدد بتائیگا اور اصلی درجے
کے $\frac{1}{2}$ حصے کا اتنا ہی گنا اصلی پیمانے کے اُن درجوں میں
جوڑ دو جو پہلے پڑھے جا چکے ہیں - جو نتیجہ نکلیگا وہ اصل پیمانے
کے صفر سے دریئر پیمانے کے صفر کا فاصلہ ہوگا -

ذیل میں دو مثالیں دی گئی ہیں جن میں دریئر کے معائنہ
اور استعمال کرنے کا طریقہ بتایا گیا ہے :-

(۱) دریئر کے پیمانے میں دس درجے ہیں اور اصلی پیمانے
کا ہر درجہ ایک ملی میٹر ہے - دریئر کے دس درجے نو ملی میٹر کے برابر ہیں شکل نمبر ۱



میں دیکھو کہ ورنیٹر کا صفر اصلی پیمانے کے چھبیسویں اور ستائیسویں نشان کے درمیان واقع ہے۔ اور ورنیٹر کا ساتواں نشان ملی میٹر پیمانے کے ایک خاص درجہ کے ساتھ ایک سیدھ میں ہے۔ دریافت طلب یہ ہے کہ ورنیٹر کا صفر کس مقام پر ہے۔

ورنیٹر کا مستقل اور ملی میٹر ہے کیونکہ ورنیٹر کے دس درجے اصلی پیمانے کے نو درجوں کے برابر ہیں اور اصلی پیمانہ کا ہر درجہ ایک ملی میٹر ہے۔

اصلی پیمانے پر ورنیٹر کے صفر کے ٹھیک پہلے ۲۶ ملی میٹر کا نشان ہے۔ چونکہ ورنیٹر پر اصلی درجوں کے $\frac{1}{10}$ حصے تک پڑھ سکتے ہیں اس لئے مقام دریافت طلب ۲۶ سے ۲۶.۰ صلی صیتر ہے۔ واضح رہے کہ اصلی پیمانے کے اُس نشان سے جو ورنیٹر کے ساتویں نشان کی سیدھ میں ہے پیمائش میں کوئی کام نہیں لیا جاتا۔ (۲) ایک مدور پیمانہ اس طریقہ سے زاویوں میں تقسیم کیا گیا ہے کہ اس کا ہر زاویہ 1° کے برابر ہے اور ہر درجے کے تین مساوی حصے کئے گئے ہیں یا یوں کہئے کہ پیمانے کا ہر بڑا درجہ 1° کے برابر ہے اور ہر چھوٹا درجہ $\frac{1}{3}^\circ$ کے۔

اس پیمانے میں ایک ورنیٹر بھی لگا ہوا ہے۔ ورنیٹر کے بیس درجے اصلی پیمانے کے اُنس چھوٹے درجوں کے برابر ہیں اس لئے ورنیٹر کا مستقل $= \frac{1}{10} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{30}$ (منٹ کے)۔ شکل ۵ کو دیکھو۔ ورنیٹر کا صفر بڑے درجوں

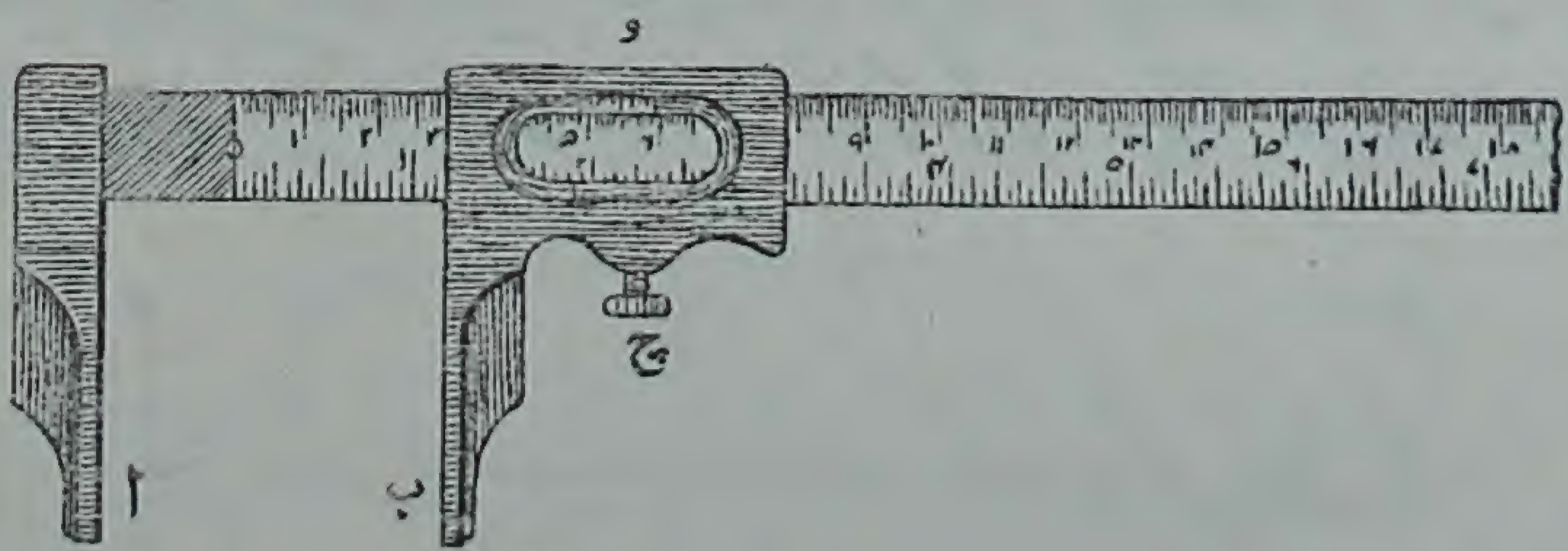


شکل ۵۔ مدور پیمانہ اور ورنیٹر

کے نشان ۰ اور ۹ کے درمیان واقع ہے۔ مگر وہ اس بڑے درجے کے آخری حصے میں ہے۔ ورنیٹر کا چوتھا نشان اصلی پیمانے کے ایک خاص نشان کی سیدھ میں ہے۔ دریافت طلب یہ ہے کہ ورنیٹر کا صفر اصلی پیمانے کے کتنے زاویے بتاتا ہے۔

ورنیٹر کے صفر سے ٹھیک پہلے کا اصلی نشان ۰ $\frac{1}{10}$ (۰۔۱ منٹ) بتاتا ہے اور چونکہ ورنیٹر کا چوتھا درجہ اصلی پیمانے کے ایک خاص درجہ کی سیدھ میں ہے اس لئے اصلی پیمانے کے اوپر صفر کے آگے جو کچھ لکھا ہے اس میں $۴ \times \frac{1}{10}$ (۴) کا اور اضافہ کرنا ہوگا یعنی جہاں پر ورنیٹر کا صفر ہے وہ مقام ۰۔۴ ہے۔ اسی طریقے سے ہر قسم کے ورنیٹر کو ہم استعمال کر سکتے ہیں۔

سرل چاپ کا استعمال:۔ سرل چاپ ایک آلہ ہے جس کی مدد سے جسموں کے طولی ابعاد ناپے جاتے ہیں۔ یہ حقیقت میں ورنیٹر کسر پیمان ہے اس میں ایک دھات کا پیمانہ ہے جس کے 'ا' اور 'ب' دو جہڑے پیمانے سے علی القوائم لگے ہوتے ہیں۔ جہڑا 'ا' کنایت ہے مگر دوسرا جہڑا پیمانے پر آگے پیچھے ہٹ سکتا ہے۔ پیمانے کی درجہ بندی ملی میٹروں میں ہے متحرک جہڑے میں ایک چھوٹا پیمانہ ۹ لگا ہوا ہے جو ورنیٹر کا کام دیتا ہے (دیکھو شکل ۱)۔ اس میں ایک پیچ ج لگا ہوا



شکل ۱۔ سرل چاپ

ہے جس کی مدد سے جبرے ب کو جس جگہ چاہیں ثابت کر سکتے ہیں۔
تجربہ ۱۔ ایک سلاح کے طول کی پیمائش
سرل چاپ کی مدد سے۔

اگر آلہ درست ہو اور جب متحرک جبرے ثابت جبرے سے
 مل جائیں تو وزنیئر کا صفر اصلی پیمانے کے صفر کے ساتھ ٹھیک مل جائیگا۔
 اگر یہ کیفیت نہ ہو تو آلہ میں ”صفر کی غلطی“ ہے۔ اور اُس کو پیمائش
 کرتے وقت محسوب کر لینا چاہئے۔ اس کے بعد وزنیئر کا مستقل (شمارِ اقل)
 دریافت کر لو۔

جسم کو جس کا طول دریافت کرنا ہے دونوں جبروں کے درمیان
 اس طرح سے رکھو کہ جسم کا ایک سر ثابت جبرے سے مل جائے اور
 متحرک جبرے کو اس طرح سے ہٹاؤ کہ وہ جسم کے دوسرے سرے
 سے مل جائے۔ جب زیر پیمائش جسم چھوٹا ہو تو متحرک جبرے کو اتنا ہی
 ہٹاؤ کہ جسم صرف اٹکا رہے اور اُس پر زیادہ دباؤ نہ پڑے۔ وزنیئر کے
 صفر کے ٹھیک پہلے ملی میٹر (اصلی) پیمانے پر جو نشان ہو اُس کو
 پڑھ لو۔

یہ نشان وزنیئر اور اصلی پیمانے کے صفروں کا درمیانی فاصلہ
 بتلائیگا۔ اور چونکہ یہ دونوں صفر جب جبرے بند کر دئے جائیں تو ایک
 ہی سیدھ میں آجائینگے اس لئے فاصلہ متذکرہ بالا جبروں کا ہی درمیانی
 فاصلہ ہوگا یعنی یہ فاصلہ اس جسم کا طول ہے۔

بالعموم وزنیئر کا صفر اصلی پیمانے کے کسی خاص نشان کے ٹھیک
 مقابل نہیں پڑتا ہے اس لئے ملی میٹر کی کسروں کی بھی قیمت دریافت
 کرنی پڑتی ہے۔ یہ کسریں وزنیئر کسر پیمانی کی مدد سے حاصل ہوتی ہیں۔
 وزنیئر کسر پیمانی کو دیکھو کہ وزنیئر کا کونسا نشان (اصلی) ملی میٹر کے پیمانے
 کے کسی خاص درجے کی سیدھ میں ہے۔ فرض کرو کہ وزنیئر کا تیسرا نشان
 سیدھ میں ہے اور اگر شمارِ اقل ۱۰ ملی میٹر کے برابر ہو تو کسر مطلوبہ

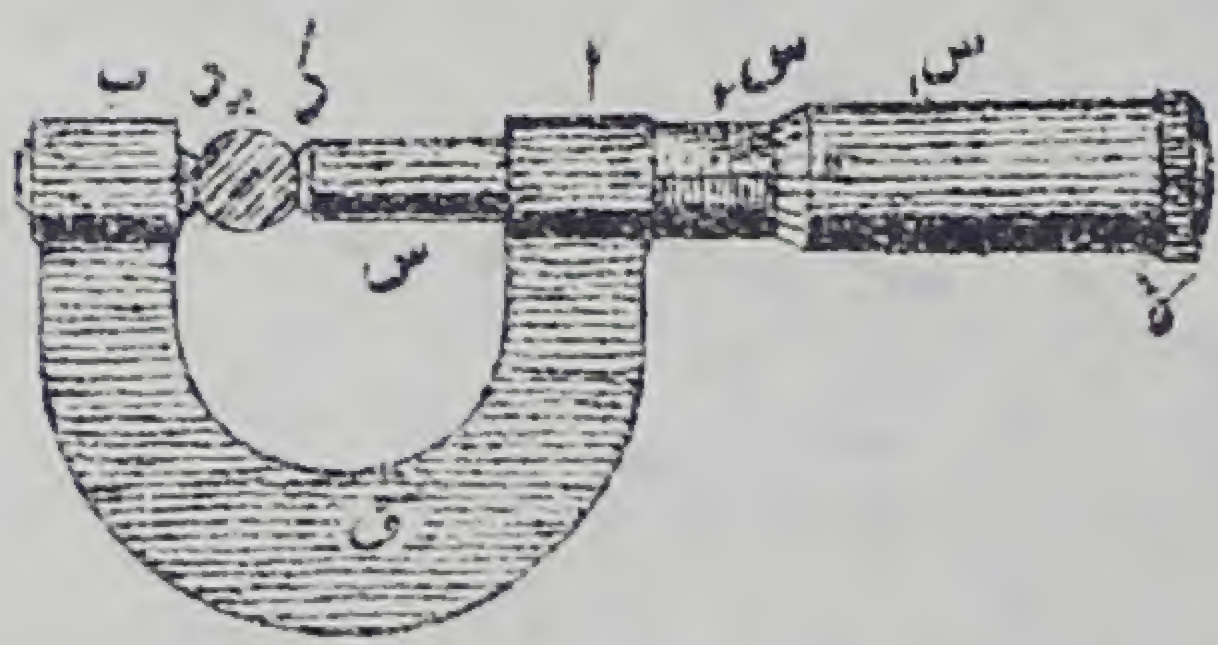
۳۔ ۵۔ ملی میٹر کے برابر ہے۔ اگر درنیشر کا چوتھا نشان اصلی پیمانے کے کسی خاص نشان کے مقابل ہے تو کسر مطلوبہ ۴۔ ۵۔ ملی میٹر کے برابر ہے۔
 وعلیٰ ہذا۔ متذکرۃً بالا عمل کی تشریح صفحہ (۲۶) میں ہو چکی ہے۔ اس طریقہ سے درنیشر کے صفر کے پہلے اصلی پیمانے پر کا درجہ پڑھ لیا جائے اور اس میں درنیشر کی مدد سے مذکورۃً بالا عمل سے کسر پڑھ لی جائے۔ فصل مطلوب دونوں قیمتوں کو جوڑ دینے سے حاصل ہوگا۔

مذکورۃً بالا طریقے سے شیشے یا کسی دھات کی دو منتظم سلاخوں کے طول کو احتیاط سے دریافت کرو اور ان دونوں طولوں کی باہمی نسبت دریافت کرو۔ پھر ان دونوں سلاخوں کو ترازو میں تولو اور ان کے وزن کی باہمی نسبت نکالو۔ اگر سلاخیں منتظم ہوں تو وزنوں اور طولوں کی نسبتیں برابر ہونگی۔

پیمپدار خردہ پیماس کا اصول

خردہ پیماس ایک دوسری شکل کا آلہ ہے جس کی مدد سے چھوٹے جسموں کے ابعاد بہت زیادہ صحت کے ساتھ دریافت کئے جاسکتے ہیں۔ اس میں نہایت احتیاط سے ٹھیک کٹی ہوئی بیسیج کی چوڑیاں ہوتی ہیں جو چوڑی دار مجوف اسطوانہ کے اندر حرکت کرتی ہیں۔

(شکل ۷۰ دیکھو) اس میں ایک ثابت ڈھانچہ "ف" ہے جس میں ایک مجوف اسطوانہ "ا"، لگا ہوا ہے۔ اس اسطوانہ "ا" کی اندرونی سطح میں پیمپدار چوڑیاں ہیں۔ بیسیج کے سلسلہ میں ایک سلاخ "س" ہے۔ یہ بیسیج اسطوانہ "ا" کے اندر آگے یا پیچھے حرکت کر سکتا ہے۔ اور بیسیج کے سرے "ک" میں ایک آستین نما اسطوانہ "ن" لگا ہے۔ اس آستین کا کنارہ "س" کسی خاص حصوں پر منقسم ہے۔



شکل ۱۰ بیچ دار خوردہ پیا

شکل ۱۱ بیچ کی گھائی

عموماً اس کے پچاس یا سو برابر حصے کئے جاتے ہیں۔ سلاخ سے کارسرا
ک ٹھیک مسطح کیا ہوا ہے اور ثابت بیچ کا سر پ اسی طرح
مسطح ہے۔ اور یہ ثابت ڈھانچے کے عضو لب میں لگا ہوا ہے۔
یہ بیچ ہمیشہ کے لئے اس طریقے سے ٹھیک کر لیا جاتا ہے کہ جب سے
کاکٹارا اسطوانہ کے پیمانے کے صفر درجہ پر منطبق ہو جاتا ہے
اور پیمانہ سے صفر درجہ اسطوانہ سے کے پیمانے کے وسطی خط پر
منطبق ہو جاتا ہے تو دونوں سطحوں پ اور ک آپس میں مل جاتی
ہیں۔ پیمائش کرنے کے قبل یہ دیکھ لینا چاہئے کہ اسطوانہ کا پیمانہ
مٹی میٹروں میں یا رانچ کی کسروں میں منقسم ہے۔ اس کے بعد بیچ سے
کی گھائی دریافت کرنی چاہئے جب بیچ کے سرے کو ایک مکمل
گردش ہوتی ہے تو ک آگے یا پیچھے اسی فاصلے تک ہٹتا ہے۔ جب ک
کو پیچھے کی طرف ایک پوری گردش ہوتی ہے تو پیمانے کا آدھا یا پورا درجہ مکمل
آتا ہے اور یہی بیچ کی گھائی ہے۔ اس کے بعد پیمانے سے کے ایک درجہ
کی قیمت دریافت کرنی چاہئے۔

عموماً بیچ سے کی گھائی ۵۰ مٹی میٹر ہوتی ہے اور سے

پیماس مساوی حصّوں میں منقسم ہوتا ہے۔
اس لئے س کے ایک درجہ = $\frac{1}{5} \times 50$ ملی میٹر

= 10.0 ملی میٹر
اگر س سو مساوی حصّوں میں منقسم ہو تو اس صورت میں
س کے ایک درجہ کی قیمت = $\frac{1}{100} \times 50$ ملی میٹر

= 0.50 ملی میٹر
جس جسم کی پیمائش ہوتی ہے وہ پ اور ک کے درمیان رکھا جاتا
ہے۔ اور پیچ کا سرا کہ جو کھردرا ہوتا ہے گھمایا جاتا ہے جب تک کہ
جسم کی ہلکی گرفت دونوں سطحوں پ اور ک کے درمیان نہ ہو
جائے۔ ا پیماسے پر درجے پڑھ لئے جائیں اور س کی مدد سے جو
قیمت نکلے اس کو ا پیمانے کی قیمت میں جوڑ دیا جائے جو حاصل
ہوگا وہ جسم کا طول ہوگا۔

تجربہ س۔ بیچار خردہ پیماس کی مدد سے کسی تختی
کی موٹائی دریافت کرنا۔ خردہ پیماس کے استعمال سے قبل پیچ کی گھائی
دریافت کر لینی چاہئے۔ پیچ خود اُسٹوانہ ا میں چھپا ہوا ہے لیکن اگر
درجہ دار سرا ذرا سا باہر نکلے گھمایا جائے تو پیمانہ ا جو اُسٹوانہ پر
بنا ہوا ہے کھل جائیگا جس کی مدد سے گھائی دریافت ہو جائیگی۔
اُسٹوانہ پر جو پیمانہ ہے اس کے ہر درجے کی قیمت سنتی میٹر
یا انچ کے پیمانے سے مقابلہ کر کے دریافت کر لو اور یہ بھی دریافت
کر دو کہ پیچ کو کتنے بار گھمانے سے ایک درجہ کا فصل طے ہوتا ہے۔
اس کے بعد کنارہ س کے درجوں کی تعداد دریافت کر لو۔
اس سے س کے ایک درجے کی قیمت معلوم ہو جائیگی۔

مثلاً اگر گھائی 50.0 ملی میٹر ہو اور س پر سو درجے ہوں
تو ہر درجے کی قیمت 0.005 ملی میٹر ہوگی اور دو درجوں کی قیمت 0.01
ملی میٹر ہوگی۔ اسی صورت میں 0.005 ملی میٹر پیچ دار پیمانے کا مستقل

ہوگا۔

بیچدار خردہ پیما میں ایک سراپ نکلا ہوا ہے جو اُسٹوانے کے ساتھ ایک خمیدہ بازو F کے ذریعہ ملا ہوا ہے۔ جب بیچ کا سراپ ک اس کے ساتھ مس کرے تو اس کا صفرا کے صفرا کے ساتھ منطبق ہو جانا چاہئے۔ اگر ایسا نہ ہو تو آلے میں صفری غلطی ہے جس کا لحاظ پیمائش میں رکھنا ضروری ہے۔

اس امر کا خیال رکھئے کہ بیچ گھماتے وقت سطح پ اور ک کے درمیان دباؤ نہ پڑے۔ اگر دباؤ زیادہ پڑ گیا تو بیچ کی چوڑیوں کو ضرر پہنچنے کا اندیشہ ہے اور آلے کا ڈھانچہ بھی بڑھ کر ہو جائیگا۔ بعض آلوں میں ایک ”آزاد چمچ“ کا انتظام رہتا ہے جس کے ذریعے سے جب دباؤ کسی خاص حد سے بڑھ جاتا ہے تو صرف بیچ کا سراپ ہی گھومتا ہے۔ اس انتظام سے پ اور ک کے درمیان ضرورت سے زیادہ کبھی دباؤ نہیں پڑ سکتا اور دباؤ کے اختلاف سے درجہ پڑھنے میں کسی قسم کی غلطی کا احتمال نہیں رہتا۔

اگر کسی جسم کے طولی ابعاد دریافت کرنے ہوں تو جسم کو سطح پ اور ک کے درمیان رکھ دو اور بیچ کے سرے کو اتنا گھماؤ کہ جسم ہلکے طور سے اٹک جائے۔ اگر آلے کو استعمال کرنے میں بجائے ک کے ہموار سطح سے گھمائی جائے تو مناسب ہوگا۔ اس کو گھماتے جاؤ جب تک کہ انگلیاں پھسلنے نہ لگیں مگر اس بات کا لحاظ رکھو کہ گرفت ہلکی ہو۔

جب یہ صورت قائم ہو جائے تو پیمائش درجے پڑھ لو۔ اور اگر ضرورت ہو تو صفری غلطی بھی محسوب کر لو۔ مشاہدے کئی بار کرنے چاہئیں اور سب مشاہدوں کی اوسط قیمت نکال لو اور یہی اوسط قیمت جسم کا طولی بُعد ہوگا۔

اس طریقے سے کسی دھات کی تختی کی موٹائی دریافت کرو۔ تختی

کے مختلف نقطوں پر مشاہدے ہونے چاہئیں۔ اوسط موٹائی سب
مشاہدوں کی اوسط قیمت ہوگی۔

اسی طریقے سے اُسی وسعت کی ایک دوسری تختی کی بھی موٹائی
دریافت کرو مگر دوسری تختی کا رقبہ پہلی تختی کے برابر ہونا چاہئے۔ ان
دونوں موٹائیوں کی نسبت دریافت کرو۔ پھر دونوں تختیوں کے وزن
بھی الگ الگ دریافت کرو۔ اور ان وزنوں کی نسبت نکالو۔ اگر
تختیاں ہموار ہوں اور ان کی کشافت بھی مساوی ہو تو موٹائیوں کی
نسبت وزنوں کی نسبت کے برابر ہوگی۔

خُردہ پیمائش و بین

فنِ مناظر کی مدد سے طول کی صحیح پیمائشوں کے بہت سے
طریقے ہیں۔ ان میں سے ایک خُرد بین کا طریقہ ہے جس کے ”چشمہ“
میں ایک خُردہ پیمائش لگا رہتا ہے۔ ایک نہایت باریک شفاف پیمانہ چشمے
کے ماسک پر لگا دیا جاتا ہے۔ بعض آکوں میں اس پیمانے پر کڑی کے
جائے کا ایک تار خُردہ پیمائش کی مدد سے اس طرح متحرک کیا جاسکتا
ہے کہ وہ تار درجے کی کسروں کو بتلا سکے۔ خُرد بین اس واسطے
استعمال کی جاتی ہے کہ وہ جسم کا ایک مکبر (بڑا) خیال پیدا کرتی ہے
اور اس کی مدد سے پیمائش میں آسانی ہو جاتی ہے۔ (دیکھو آواز و روشنی صفحہ ۱۳ مطبوعہ دارالترجمہ)
چشمے کے ماسک پر اصلی خیال پیدا ہوتا ہے اور اُسی جگہ پر وہ باریک
و شفاف پیمانہ بھی رکھا ہوا ہے۔ اس طریقے سے چشمے کے ذریعے جسم کا
خیال اور پیمانہ ایک ہی حالت میں دیکھا جاتا ہے۔ ایک معلوم
طول کا جسم خُرد بین کے ذریعے سے دیکھا جاتا ہے اور اس میں جو
تکبیر پیدا ہوتی ہے وہ مذکورہ بالا شفاف پیمانے کے ذریعے سے
دریافت ہو جاتی ہے۔ ان دو مشاہدوں سے چھوٹے جسم کا طول دریافت

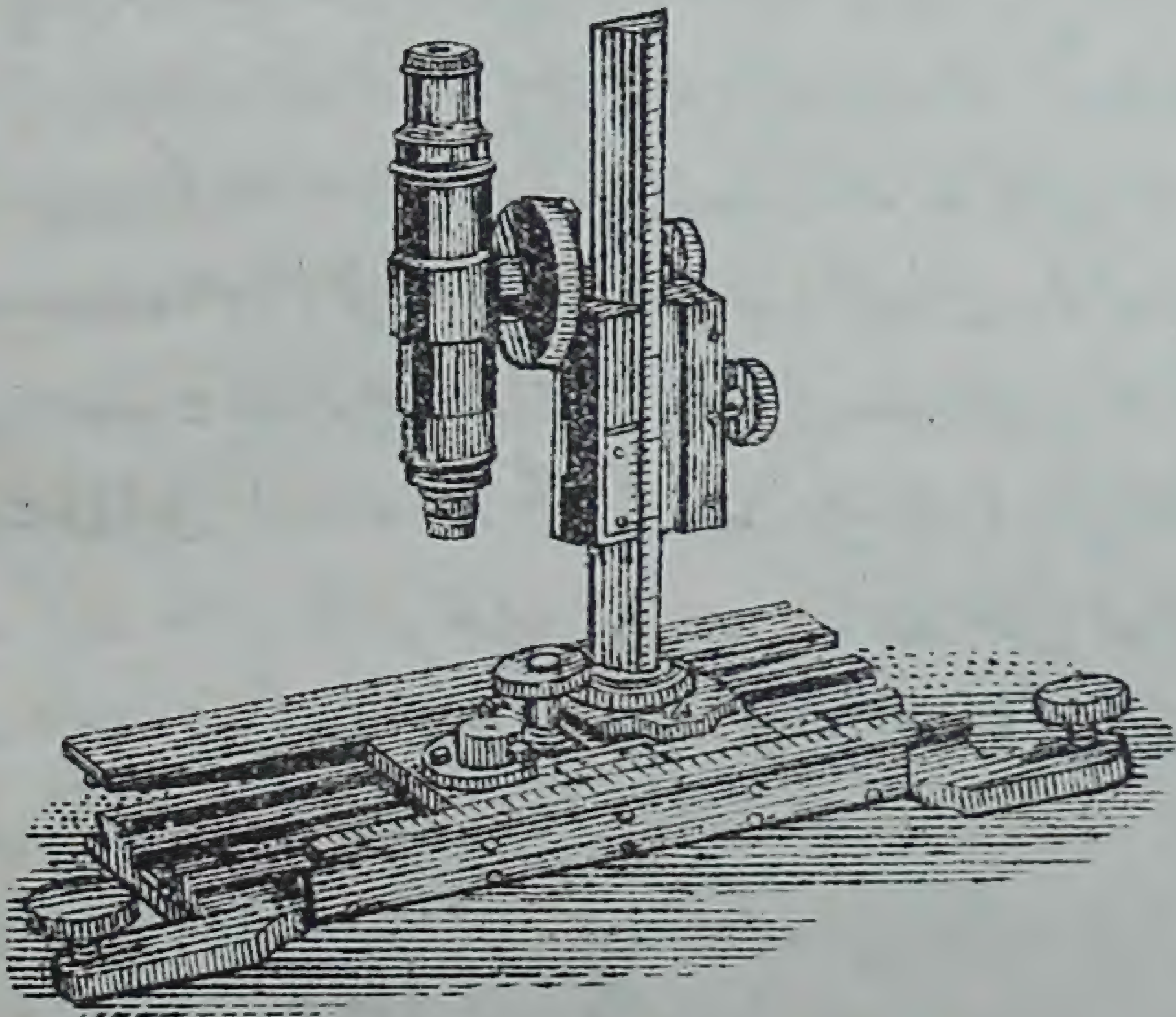
ہو سکتا ہے۔ مگر اس امر کا لحاظ رہے کہ دونوں مشاہدوں میں خردبین کی ہیئت ایک ہی رہے۔

مثلاً جسم زیر پیمائش کا خیال ۴ و ۵۲ خردہ پیمائش کے درجوں کے برابر ہے اور اگر خردبین کے ذریعے دیکھنے سے ایک ملی میٹر، خردہ پیمائش کے ۳ و ۴۰ درجوں کے برابر معلوم ہو تو ظاہر ہے کہ جسم کا طول اربعہ متناسبہ کے قاعدے سے ۳۰ و ۱ ملی میٹر کے مساوی ہے۔ خردبین کے خردہ پیمائش کے اصل معنی یہ ہے کہ چھوٹے چھوٹے جسموں کے طولوں کا ٹھیک طریقے سے مقابلہ کر دے نہ کہ ان کی قیمت ملی میٹر یا سنتی میٹر میں دریافت کرے۔ خاص خاص تجربوں میں برق نما کے طلائی اوراق میں جو خفیف حرکت ہوتی ہے اس کو مشاہدہ کرنے اور پیمائش کرنے میں اکثر یہ آلہ استعمال کیا جاتا ہے۔

متحرک خردبین

متحرک خردبین یا ورنیئر خردبین ایسی مرکب خردبین پر مشتمل ہے جو اپنے محور سے علی القوائم سمت میں کسی پیچ یا دندان دار پیچ کے ذریعے سے متحرک ہو سکے۔ جتنے فاصلے تک خردبین حرکت کرتی ہے اس کی پیمائش ثابت پیمانے پر کسر پیمائش کی مدد سے ہوتی ہے جو خردبین میں لگا ہوا ہے۔ شکل ۱ میں جو آلہ دکھلایا گیا ہے اس میں خردبین دونوں افقی اور عمودی سمتوں میں حرکت کر سکتی ہے۔ اس میں زاویہ حرکت بھی دی جا سکتی ہے۔ اس انتظام سے یہ آلہ تین طریقوں سے استعمال کیا جا سکتا ہے یعنی جب خردبین کا محور انتصابی سمت میں ہو (۱) یا افقی سمت میں (۲) یا افقی سے کوئی زاویہ بنانا ہو۔ چٹنے میں متقاطع تار ہونے چاہئیں۔ اور کسی جسم کو

دیکھتے وقت خردبین کو اس طرح آراستہ کرنا چاہئے کہ تاروں کا



شکل ۹۔ متحرک خردبین

نقطہ تقاطع جسم کے ٹھیک اسی نقطے پر منطبق ہو جائے جس کا مشاہدہ اس وقت مقصود ہو۔

دونوں نقطوں کا درمیانی فاصلہ ناپنے میں پہلا نقطہ خردبین کے نقطہ تقاطع پر لایا جاتا ہے اور اسی طرح سے دوسرا نقطہ بھی۔ ایسا کرنے میں خردبین کو جس قدر ہٹانے کی ضرورت ہوتی ہے وہ فاصلہ ان دونوں نقطوں کا درمیانی فاصلہ ہوگا۔ بشرطیکہ دونوں نقطوں کا درمیانی خط خردبین کی حرکت کی سمت کے متوازی ہو۔ اس طریقہ کی مثالیں تجربات (۷۷ و ۷۸) میں ملینگی۔

دو طولوں کا مقابلہ کرنے کے لئے مندرجہ ذیل طریقہ اختیار کیا جا سکتا ہے :-

تجربہ سے۔ گز اور میٹر کا مقابلہ۔

دو ورثیہ خردینوں کو اس طرح قائم کرو کہ دونوں کا درمیانی خط ہر ایک خردین کی سمت حرکت کے متوازی ہو۔ دونوں پیمائشوں (گز اور میٹر) کو اس طرح آراستہ کرو کہ دونوں کے درجہ دار اینج میٹر کی سطح سے ایک ہی بلندی پر واقع ہوں۔ اس بلندی کو اس طرح ٹھیک کرنا چاہئے کہ درجہ خردینوں میں صاف صاف نظر آئیں۔ دونوں خردینوں کو اس طرح رکھو کہ گز کے ایک سرے کا کوئی درجہ ایک خردین میں اور دوسرے سرے کا کوئی درجہ وضاحت کے ساتھ دوسری خردین میں نظر آئے۔ اس بات کا لحاظ رہے کہ ہر حالت میں خردین کے متقاطع تاروں کا مرکز درجہ کے نشان کے وسطی نقطے سے منطبق ہو جائے۔ دونوں خردینوں کا درمیانی فاصلہ انچوں میں محسوب کرلو۔ اس کے بعد گز کا پیمانہ ہٹا دو اور اس کی جگہ میٹر رکھ دو۔ اگر خردینیں ٹھیک طرح سے آراستہ کی گئی ہوں تو میٹر کے دونوں سروں کے درجے بھی وضاحت کے ساتھ نظر آئیں گے۔ اس پیمانے کو اس طرح سے حرکت دو کہ ایک سرے کا کوئی درجہ کسی دوسری کے متقاطع تاروں کے مرکز سے ٹھیک منطبق ہو جائے۔ ایسا کرنے سے عموماً متقاطع تاروں کا مرکز دوسرے سرے پر کسی دو درجوں کے درمیان واقع ہوگا۔ اس سرے والی خردین کو دوسری خردین کی طرف (جو دوسرے سرے پر ہے) آہستہ آہستہ ہٹاؤ یہاں تک کہ متقاطع تاروں کا مرکز پیمانے کے کسی ایک درجے کے ساتھ منطبق ہو جائے۔ آلے کے کسر پیمائش کی مدد سے معلوم ہو جائیگا کہ خردین کس قدر ہٹائی گئی ہے۔ میٹر پیمانے کے ان دونوں درجوں کا درمیانی فاصلہ بھی دریافت کرلو۔ اس صورت میں انچوں کی تعداد جو پہلے مشاہدے میں دریافت ہوئی ہے = ملی میٹروں کی تعداد + خردین کے پیمانے پر کا فضل (جو پڑھا گیا تھا)۔ اس نتیجے سے ایک اینج یا ایک گز کا طول سنٹی میٹروں کے رقوم میں دریافت ہو سکتا ہے۔

۳۔ وقت کی پیمائش

ابتدائی طبیعیات میں جتنی پیمائشوں کی ضرورت ہوتی ہے ان میں سے وقت کی پیمائش نہایت مشکل ہے۔ وقت کی علمی اکائی اوسط شمسی ثانیہ ہے جس کا بیان پہلے ہو چکا ہے اور یہ اکائی زمین کی محوری گردش کے وقت دوران پر مبنی ہے جو فلکی مشاہدوں کی مدد سے دریافت کیا جاتا ہے۔ اس وقت کے اضعاف و تحت اضعاف حاصل کرنے کے لئے ایک آلہ استعمال کیا جاتا ہے جس کو گھڑی کہتے ہیں۔ گھڑی اس اصول پر بنائی جاتی ہے کہ اس میں کوئی جسم مثلاً رقص یا بال کمانی کا چکر اس طرح ارتعاش کرتا ہے کہ اس کے اوقات دوران مساوی ہوتے ہیں اور اسی طریقہ سے وقت کے مساوی وقفے دریافت ہوتے ہیں۔ اس آلے کا اصل حصہ یہی مرتش جسم ہے۔ بقیہ جتنے پرزے ہوتے ہیں ان کی مدد سے ارتعاشوں کی تعداد دریافت ہوتی ہے۔

کوئی ایسا آلہ بنوز نہیں بنایا گیا جس کی مدد سے وقت کی ٹھیک ٹھیک و قابل اعتماد پیمائش ہو سکے مگر فلکی طریقوں سے کلاک کی شرح رفتار دریافت کی جاسکتی ہیں۔ وقت کے کسی وقفے کی پیمائش کے لئے پہلے گھڑی کی مدد لی جاتی ہے اور گھڑی کی مدد سے جو وقفہ حاصل ہوتا ہے اس کو کلاک کی شرح رفتار کی بناء پر جو ضربی جزو حاصل ہوتا ہے اس سے صحیح کر لیا جاتا ہے۔ عموماً سوائے ان تجربوں کے جن میں انتہائی صحت کی ضرورت پڑتی ہے کسی عمدہ گھڑی کا وقت اوسط شمسی وقت کے مطابق تصور کیا جاسکتا ہے۔

اگر گھڑی ٹھیک وقت بتاتی ہو تو بھی مشاہدوں میں ایسی ناگزیر

غلطیاں ہو سکتی ہیں جن کا انحصار محض پُرزوں کی ساخت پر ہے۔ عموماً
ثانیے کی سُوئی ہموارانہ حرکت نہیں کرتی ہے بلکہ خفیف جھٹکوں کے ساتھ
بال کمانی یا رقص اپنے مقام سکون سے گزرتا ہے تو سُوئی پر ایک
خفیف سا دھکا پڑتا ہے۔ اس کا نتیجہ یہ ہوتا ہے کہ جب کبھی چارگنی گھڑی
چلائی جاتی ہے تو اس میں وقت دوران کے نصف وقفے کی غلطی کا
احتمال رہتا ہے اور ٹھیک اتنی ہی غلطی گھڑی کے روکنے کے وقت
بھی ہو سکتی ہے۔

فرض کرو کہ ایک گھڑی ہر $\frac{1}{2}$ ثانیہ پر آواز دیتی ہے۔ اگر ٹھیک
اُسی وقت میں گھڑی چلائی جائے جب کہ گھڑی کا رقص مقام سکون پر
پہنچ رہا ہو تو ثانیے کی سُوئی $\frac{1}{2}$ ثانیہ یک یک آگے بڑھ جائیگی۔ اور
اسی طرح سے جوں ہی گھڑی آواز دینے کو ہو اُس وقت روک دی جائے
تو گھڑی کی ثانیے کی سُوئی آخری وقفہ یعنی $\frac{1}{2}$ ثانیے کو نہیں بتلائیگی لیکن اگر گھڑی
کے بند کرنے میں کچھ خفیف سا تاثر ہو تو یہ وقفہ ظاہر ہو جائیگا۔

اس سے عیاں ہے کہ کلاک کی شرح صحیح ہونے پر بھی چارگنی
گھڑیوں کی مدد سے $\frac{1}{2}$ ثانیوں سے کم وقفوں کی دریافت قابل اعتبار
نہیں ہو سکتی۔

کسی خاص درجے کی صحت حاصل کرنے کے لئے گھڑی کی دو
ٹکوں کے درمیانی وقفے کے دریافت کے عمل کو ایک خاص عرصے تک جاری
رکھنا چاہئے۔ مثلاً اگر ہزار میں ایک کی صحت مقصود ہو تو وقت کا مشاہدہ
تین منٹ سے زیادہ عرصے تک ہونا چاہئے۔ بشرطیکہ گھڑی ہر ثانیے کے
پانچویں حصے پر ٹک کی آواز دیتی ہو۔

عینی اور اذنی تخمینہ

اگر چلرکنی گھڑی کی بجائے کوئی معمولی گھڑی استعمال کی جائے تو غلطی کا احتمال اور زیادہ ہو جاتا ہے کیونکہ اس صورت میں متحرک ثانیہ کی سوئی کا مقام ٹھیک دریافت کرنا مشکل ہے۔ اگر عینی اور آذنی مشاہدے ایک ساتھ کئے جائیں تو ایک حد تک یہ مشکل رفع ہو سکتی ہے۔ چونکہ یہ طریقہ چند خاص عملی کاموں میں اکثر استعمال کیا جاتا ہے۔ اس لئے اس کی تشریح ذیل میں درج کی جاتی ہے۔

فرض کرو کہ ایک رقص کی حرکت کا مشاہدہ ہو رہا ہے۔ مشاہدہ وقت کا تجربہ ٹیکوں کی تعداد گن کر اس وقت شروع کرتا ہے جب کہ ثانیہ کی سوئی ٹھیک دوسرے منٹ کو بتلانا شروع کرتی ہے یا کسی اور مناسب نقطے پر سے گزرتی ہے۔ اس کے بعد مشاہدہ ٹیکوں کی گنتی کان کی مدد سے کرتا ہے اور آفکھ سے رقص کو دیکھتا ہے۔ اگر سترہویں اور اٹھارہویں ٹیک کے درمیان رقص اپنے ارتعاش کے عین وسط سے گزرے تو اس گزرنے کے ٹھیک لحظہ کا حساب لگانا آسان ہے۔ اور اس طریقے سے خاص ارتعاش کی ابتدا کا وقت گھڑی کی قریب ترین ٹیک کی آواز سے دریافت ہو جاتا ہے۔ جب کہ رقص کا آخری ارتعاش ختم ہو جاتا ہے یعنی جب کہ رقص آخری حیطہ ہتزاز کے وسط میں حرکت کر رہا ہے تو مشاہدہ گھڑی کی "ٹیکوں" کی آواز کو پھر گننا شروع کر دیتا ہے اور یہی عمل جاری رہتا ہے جب تک کہ وہ گھڑی کے ڈائل کو پھر نہ دیکھ لے اور جتنی ٹیکیں گنی گئی ہیں ان کے مطابق وقت نہ لکھ لے۔ اس کی تشریح مندرجہ ذیل مثال سے ہو جائیگی۔

گننے کا عمل ۲ گھنٹے ۳۱ منٹ۔ ثانیہ پر شروع کیا گیا۔

اس کے بعد سترہویں ٹیک پر رقص وسطی مقام سے گزرا۔

گننے کا عمل پھر شروع کیا گیا جب کہ سو پورے ارتعاش ہو گئے۔

اکیسویں ٹیک پر گھڑی دو گھنٹے ۳۲ منٹ ۲۰ ثانیہ وقت بتلاتی ہے

گھڑی کی ہر ٹیک = $\frac{1}{5}$ ثانیہ

۴۱ منٹ ۳۲ ثانیہ پر شروع ہوا اور سواں

ارتعاش ۲ گھنٹے ۳۲ منٹ ۸ و ۱۳ ثانیہ پر ختم ہوا۔

اس لئے سو مکمل ارتعاش کرنے میں ارتعاش کو ایک منٹ ۳۲ و ۱۰ ثانیہ لگے یعنی وقتِ دوران = ۳۲.۷۰ ثانیہ۔

ہر مشاہدے میں ۰.۵۲ ثانیہ کی غلطی کا احتمال ہے۔

∴ صحیح وقتِ دوران = $(۳۲.۷۰ ± ۰.۵۲)$ ثانیہ۔

یہاں غور کرنا چاہئے کہ باوجودیکہ بہت زیادہ ارتعاشوں کی تعداد لینے کی احتیاط برتی گئی ہے اس پر بھی $\frac{1}{10}$ فی صدی سے زیادہ کی غلطی کا احتمال ہے۔ اکثر حالتوں میں وقت کا مربع لیا جاتا ہے اس لئے یہ غلطی عموماً دوگنی ہو جاتی ہے۔ اس گھڑی میں جس کی ٹوک آہستہ آہستہ ہوتی ہے غلطی زیادہ ہوتی ہے۔ ایک تجربہ کار مشاہد کسی گھڑی یا وقت پیمائش کے استعمال سے جس میں $\frac{1}{10}$ ثانیوں پر ٹوک کی آواز ہوتی ہو ثانیہ کے دسویں حصے کا اندازہ لگا سکتا ہے۔

یہ امر بھی قابلِ لحاظ ہے کہ فی صد غلطی کا انحصار پُورے مشاہدے کے وقت پر ہے نہ کہ ارتعاشوں کی تعداد پر۔ یعنی چند سست ارتعاشیں لینے سے اتنی ہی صحت حاصل ہو سکتی ہے جتنی تیز ارتعاشوں کی زیادہ تعداد لینے سے۔ بشرطیکہ دونوں مشاہدوں کے وقفے قریب قریب برابر ہوں۔

نوٹ۔ ایک ارتعاش کی کسروں کو صحیح طور سے دریافت کرنا قطعی ناممکن ہے اس لئے طالب علموں کو چاہئے کہ وہ چند مکمل ارتعاشوں کا وقت دریافت کر لیں نہ کہ ایک خاص وقت میں ارتعاشوں کی تعداد۔



فصل سوم

کمیتوں کی پیمائش مشتق اکائیوں میں

سب سے سادہ کمیتیں جن کی پیمائش مشتق اکائیوں میں ہوتی ہے رقبہ، حجم اور کشافیت ہیں۔

۱۔ رقبہ کی پیمائش

(۱) ان رقبوں کی پیمائش جو خطوط مستقیم سے گھیرے ہوئے ہوں

علمی کاموں میں رقبہ کی اکائی ایک مربع سنتی میٹر ہے یعنی ایک ایسے مربع کا رقبہ جس کے ہر ضلع کا طول ایک سنتی میٹر ہے۔ ان رقبوں کی پیمائش میں جو خطوط مستقیم سے گھیرے ہوئے علم مساحت کے معمولی قاعدوں سے کام لیا جاتا ہے۔ طولوں کی پیمائش ایک پیمانے سے کی جاتی ہے۔ اس قسم کی کسی شکل کو مثلثوں میں منقسم کر دینا ممکن ہے۔ ہر مثلث کا رقبہ $\frac{1}{2} \times \text{الگ الگ دریافت کر لیا جائے۔}$ ان تمام رقبوں کا حاصل جمع پوری شکل کے رقبے کے مساوی ہوگا۔

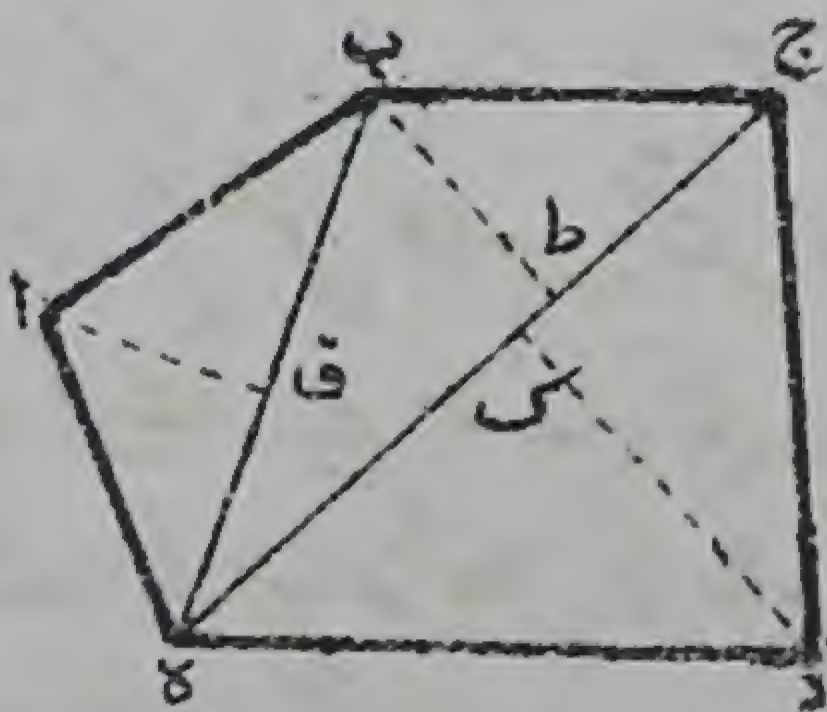
مثلاً کا رقبہ مندرجہ ذیل ضابطے سے دریافت کیا جاسکتا ہے۔
 کسی مثلث کا رقبہ $= \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{ارتفاع}$
 اگر دھات کے کسی آس پترے کا رقبہ جس کے کنارے مستقیم ہوں دریافت کرنا ہو تو سہل چاب کو استعمال کرنا چاہئے۔ کیونکہ معمولی پیمانے سے پیمائش کرنے میں زیادہ صحت حاصل نہیں ہو سکتی ہے۔ جہاں تک ممکن ہو رقبے کو مستطیلی شکل میں تقسیم کرنا زیادہ مناسب ہوگا۔
 تجربہ سہل — اشکال مستقیم الاضلاع کے رقبوں کی پیمائش۔

(۱) مثلث کا رقبہ دریافت کرنا۔

مثلث کے تینوں ضلعوں کو باری باری قاعدہ مان کر ذیل کی مساوات سے رقبہ دریافت کرو۔ رقبہ $= \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{ارتفاع}$
 اس طریقہ سے رقبے کی تین قیمتیں معلوم ہو جائیں گی۔ تینوں کا اوسط مثلث کا رقبہ ہے۔

نوٹ — اگر تجربہ میں احتیاط برقی جائے تو یہ تینوں نتیجے قریب قریب ایک ہی ہونگے۔

(۲) اشکال ذواربعۃ الاضلاع اور مخمس وغیرہ بھی مثلثوں میں منقسم ہو سکتے ہیں (شکل ۱)۔



ان میں سے ہر ایک کا رقبہ اُس کے کل مثلثوں کے رقبوں کے حاصل جمع کے مساوی ہوگا۔

(ب) ان رقبوں کی پیمائش جو منحنی خطوط سے گھیرے ہوئے ہوں۔

منحنی گھیرے کی چند خاص

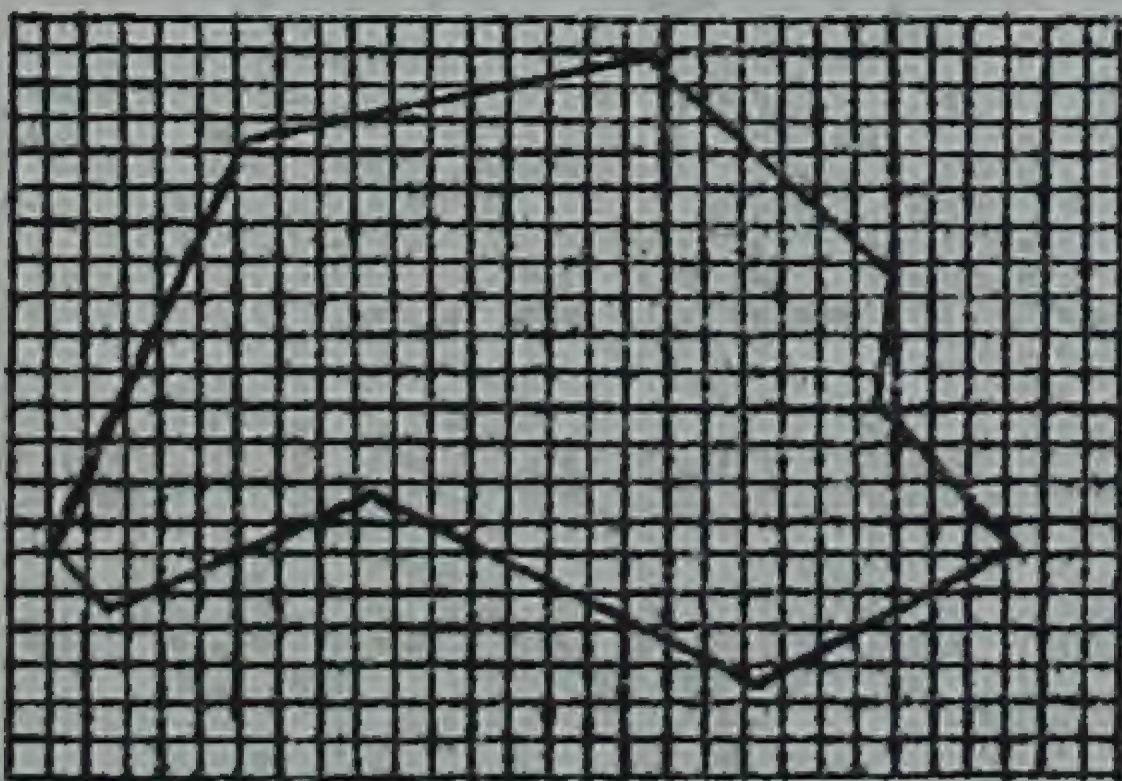
شکلوں میں ان کے رقبے اور طولی ابعاد کی باہمی نسبت معلوم ہے۔

شکل ۱ — مخمس، مثلثوں میں منقسم

مثلاً ایک دائرے کا رقبہ جس کا نصف قطر r ہے = πr^2 اور قطع ناقص کا رقبہ جس کا نیم محور اعظم a اور نیم محور اصغر b ہے = πab ۔
(۱) غیر منتظم اشکال کے رقبوں کی بھی قیمت مثلثوں اور مستطیلاتوں میں تقسیم کرنے سے معلوم ہو سکتی ہے۔ مگر اس صورت میں صرف تقریبی قیمت حاصل ہوگی۔ ایسے رقبوں کی پیمائش ایک حد تک صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے بشرطیکہ ٹکڑے زیادہ لئے جائیں۔ لیکن ٹکڑے اگر ایک حد سے زیادہ چھوٹے لئے جائیں گے تو ہر ایک ٹکڑے کے رقبے کی پیمائش میں کچھ نہ کچھ غلطی ضرور ہوگی۔ اور اس طرح سے جب بہت سے ٹکڑے جوڑے جائیں گے تو اس غلطی میں بھی ٹکڑوں کی تعداد کی مناسبت سے اضافہ ہوگا اس لئے بہت چھوٹے چھوٹے ٹکڑے کرنے سے بھی زیادہ صحت نہیں حاصل ہوگی۔
سروے (مساحت) میں پیمائشوں کی بناء اسی اصول پر

ہوتا ہے۔

(۲) اگر شکل مربع دار کاغذ پر کھینچی گئی ہے تو چھوٹے مربعوں کی تعداد گننے سے رقبہ دریافت ہو سکتا ہے (شکل ۱)۔
یہ صاف ظاہر ہے کہ صحت اتنی ہی زیادہ حاصل ہوگی جتنی باریکی کے ساتھ خط کشی کی گئی ہو۔ جتنے ہی چھوٹے یہ مربعے ہوں گے اتنی ہی صحت کے ساتھ شکل کا رقبہ دریافت ہوگا۔



شکل ۱۔ رقبہ کی پیمائش

یہ طریقہ حقیقت میں

(طریقہ ۱) کی خاص صورت ہے۔ یہاں پر ایک چھوٹا مربع اکائی قرار دیا گیا ہے اور ان ہی مربعوں سے شکل بنی ہے۔

(۳) اگر ترازو کی مدد لی جائے تو رقبہ بہت صحت کے ساتھ دریافت ہو سکتے ہیں۔ مقوے کے ایک ٹکڑے پر یا دھات کے پتلے پترے پر شکل بنائی جاتی ہے۔ اس مقوے یا پترے کی دبازت ہر جگہ یکساں ہونی چاہئے۔ یہ شکل پھر کاٹ لی جاتی ہے اور اس ٹکڑے کا وزن دریافت کر لیا جاتا ہے۔ اسی پترے سے مستطیلی یا مثلثی (جو آسان ہو) شکل کا رقبہ کاٹ کر اس کا بھی وزن دریافت کیا جاتا ہے۔ اس موخر الذکر ٹکڑے کا رقبہ اس کے طولی البعاد سے معلوم ہو سکتا ہے۔ اس کے بعد اربعہ متناسبہ کے قاعدے سے رقبہ جہول کی قیمت دریافت کر لی جاتی ہے۔ اس بات کو فرض کرنا چاہئے کہ پہلے رقبے کو دوسرے سے جو نسبت ہے وہی پہلی شکل کے وزن کو دوسری شکل کے وزن سے ہے۔

تجربہ نمبر ۱ — دائرے کے رقبہ کی پیمائش —

۵ سے ۱۰ سم تک کے نصف قطر کا ایک دائرہ کھینچو اور تینوں طریقوں سے اس کا رقبہ دریافت کرو اور ہر صورت میں اس کی قیمت نکالو۔

(۴) سمپسن (Simpson) کے قاعدوں کی مدد سے رقبہ دریافت کیا جاسکتا ہے۔ ان قاعدوں کی مدد سے ایسے رقبوں کی قیمت تقریباً دریافت ہوتی ہے جو کسی قسط منحنی اور دو ایسے معینوں سے گھسے ہوئے ہوں جو اس منحنی کے بیروں سے کسی قاعدے پر عموداً کھینچے گئے ہوں۔

قاعدے کو چند مساوی حصوں میں تقسیم کرو اور ان حصوں کے بیروں سے معین کھینچو۔ اس طریقے سے رقبہ پیڑوں میں منقسم ہو جائیگا۔

پہلا قاعدہ شروع اور اخیر کے معینوں کے نصف طول کو باقی کل معینوں کے طول کے حاصل جمع میں جوڑ دو۔

اور اس محل حاصل جمع کو قاعدے کے اُس فاصلے سے ضرب دو جو دو معینوں کے درمیان ہے۔

دوسرا قاعدہ — پہلے شروع اور اخیر کے معینوں کے طول کو جوڑ دو۔ پھر باقی جتنے طاق معین ہوں اُن کے طولوں کے حاصل جمع کا گنا لو۔ اور جتنے جفت معین ہوں اُن کے طولوں کے حاصل جمع کا چار گنا لو۔ اور ان تینوں حاصل جمع کو جوڑ دو۔ اب جو حاصل جمع ہوگا اُس کو پیٹوں کے عرض مشترک کے تہائی سے ضرب دو۔

اس قاعدے میں پیٹوں کی تعداد جفت ہونی چاہئے۔ پہلا قاعدہ بہ نسبت دوسرے قاعدے کے کچھ آسان ہے مگر اس میں صحت کچھ کم حاصل ہوتی ہے۔ ان قاعدوں کو انجینیر اکثر منظرہاری نقشوں کی پیمائش میں استعمال کرتے ہیں۔

پنجمیہ ایک — نصف دائرے کے رقبہ کی پیمائش۔ کسی مناسب نصف قطر کا ایک نصف دائرہ کھینچو اور مندرجہ بالا قاعدے کی مدد سے اس کا رقبہ دریافت کرو۔ اس کا رقبہ ریاضی کی مدد سے بھی نکالو اور دو نتیجوں کا مقابلہ کرو۔

(۵) سطح پیمیا کی مدد سے بھی رقبہ دریافت ہو سکتا ہے۔

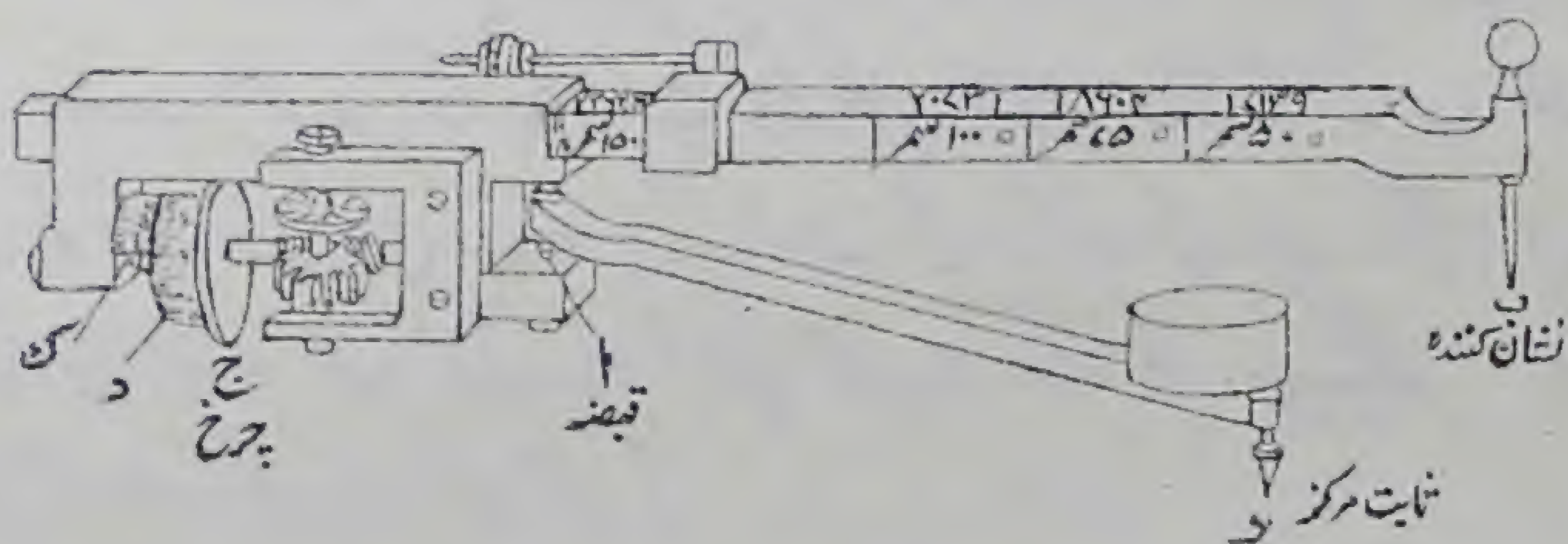
انجینیر اور سرویور (Surveyor) کے لئے بھی یہ طریقہ نہایت اہم ہے۔ لیکن اب تک جتنے طریقے بیان کئے گئے ہیں اُن سے یہ طریقہ زیادہ اوق ہے۔

سطح پیمیا

چند ایسے آئے اختراع کئے گئے ہیں جن سے کسی قسم کے گہرے کے رقبوں کی قیمت براہ راست دریافت ہو سکتی ہے۔ اس

قسم کے آلے عموماً سطح پیم کہلاتے ہیں۔ ان میں سے غالباً سب سے عمدہ اور سادہ وہ سطح پیم ہے جس کو شاف ہاؤزٹ کے پروفیسر امسلر نے ایجاد کیا ہے اور اسی قسم کے آلے کا بالعموم استعمال ہوتا ہے۔ ذیل میں اسی قسم کے آلے کی ساخت اور طریق عمل کی تشریح کی گئی ہے۔

یہ آلہ (شکل ۱۲) ایسی دو سلاخوں ۱ و ۲ اور ۱ ب پر مشتمل ہے

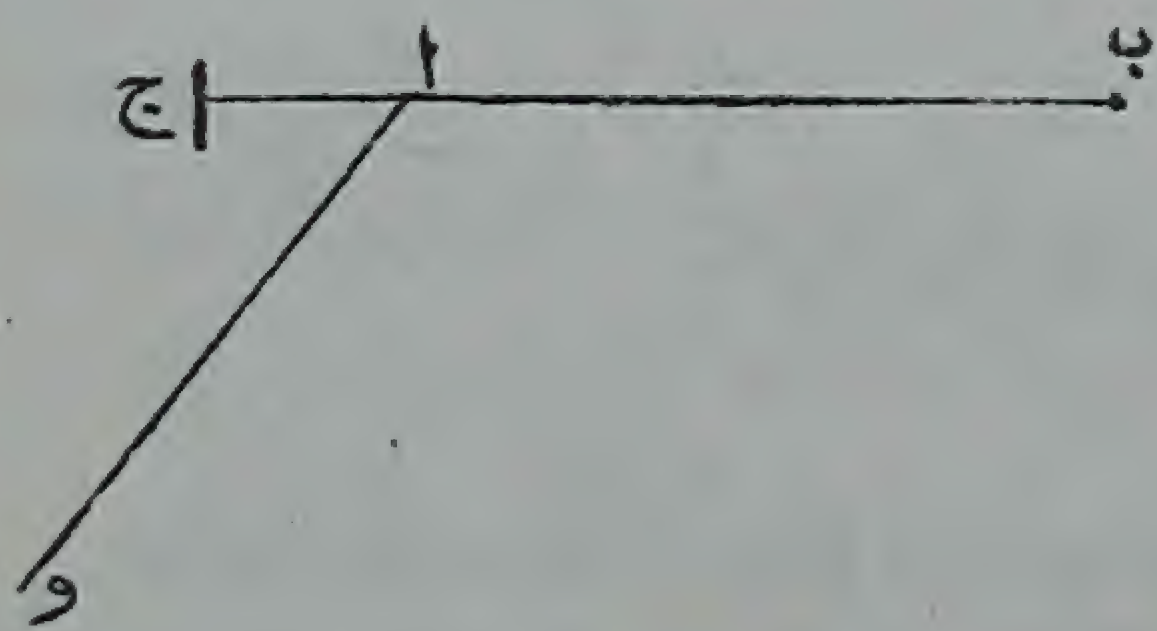


شکل ۱۲۔ امسلر کا سطح پیم

جو ۱ پر ایک تقضہ کے ذریعے ملی ہوئی ہیں۔ سلاخ ۱ سرے و پر اس طرح ثابت ہے کہ ۱ مرکز و کے دائرے کے محیط پر گھوم سکے۔ ۲ پر نشان کرنے کا نقطہ ہے۔ ۱ پر تقضہ اس طریقے سے مرتب ہے کہ نقطہ ۲ سطح و ۱ ب میں ہر سمت میں اس حد تک حرکت کر سکے جہاں تک کہ آلے کے بازوؤں کے طول اور پیزوں کی ساخت اجازت دے۔ بازو ۱ ب پر ایک چرخ 'ج' لگا ہے جس کا محور ۱ ب کے متوازی ہے۔ یہ چرخ عموماً اس حصے میں لگا ہوا ہوتا ہے جو ۲ کے مقابل کے سرے کی طرف ہے۔ حالانکہ اس آلے سے کام لینے میں چرخ کے مقام کا لحاظ رکھنا ضروری نہیں۔ اس چرخ میں ایک محور یا اسطوانے کی شکل کا

ایک پیمانہ 'د' لگا ہوا ہے۔ یہ پیمانہ سو مساوی حصّوں میں تقسیم کیا گیا ہے اور آلے کے ڈھانچے پر ایک کسر پیمایک اس طرح سے لگا ہے کہ اُس کی مدد سے چرخ کا مقام $\frac{1}{100}$ میں گردش تک دریافت ہو سکتا ہے۔ اس چرخ کی گردشوں کی تعداد ایک چھوٹے گردش شمارندہ پر معلوم ہوتی ہے اور یہ شمارندہ چرخ میں ورم گیرنگ (Wormgearing) کی مدد سے لگا ہوا ہے۔

آرہ ثابت مرکز و چرخ ج کے کنارے اور نشان کنندہ ب کے سہارے سطح پر رکھا جاتا ہے (دیکھو اشکال ۱۲ و ۱۳)۔ جب نقطہ ب کو حرکت دی جاتی ہے تو بازو اب بھی حرکت کرتا ہے۔ اگر اب اپنی ہی سیدھ میں متحرک ہو تو چرخ محض آگے یا پیچھے ہٹ جائیگا۔ اور اس میں کسی قسم کی گردش نہیں پیدا ہوگی۔ بخلاف اس کے اگر اب اپنے طول سے علی القوائم متحرک ہو تو چرخ اتنا ہی گھومے گا جتنا کہ نقطہ ب بازو اب کے علی القوائم سمت میں فاصلہ طے کریگا۔



شکل ۱۳۔ سطح پیمای کی سطح

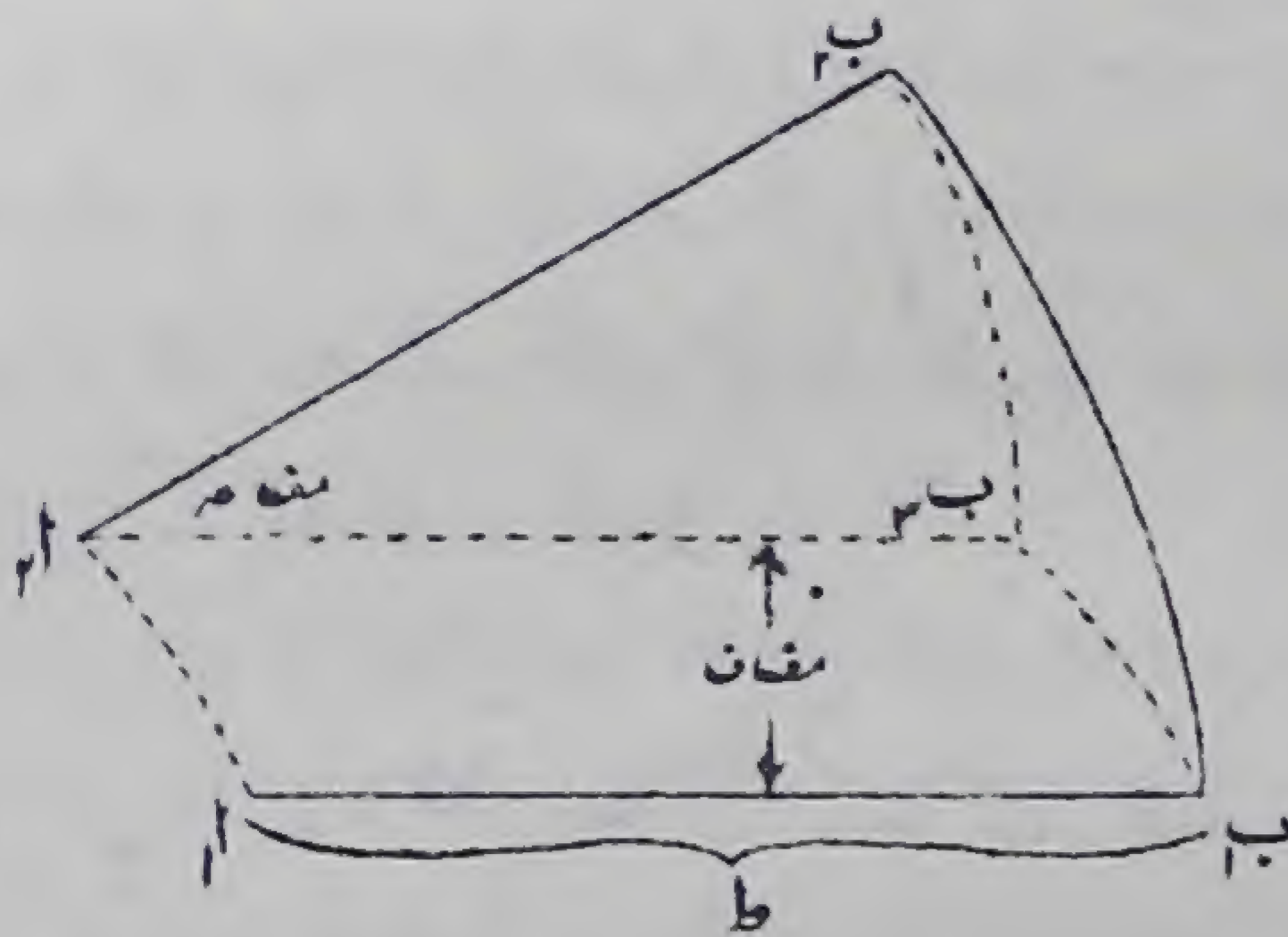
خواہ اب کسی سمت میں ہی حرکت کرے اس کے طول کے علی القوائم سمت میں جو حرکت ہوگی اُس کی مقدار چرخ کی گردش سے معلوم ہو جائیگی۔ یعنی جتنا کہ کل فاصلہ اب نے اپنے طول کے علی القوائم طے کیا ہے اُس کی مقدار چرخ کے طے شدہ فاصلے کے مساوی ہے۔

اس فصل سے اُس شکل کے رقبے کی دریافت ممکن ہے جس کے گھیرے پر نقطہ 'ب' پھیرا جائے۔

اس آلے کے استعمال میں دو صورتیں پیدا ہوتی ہیں ایک

تو یہ کہ ثابت نقطہ و شکل کے باہر ہو اور دوسری یہ ہے کہ وہی نقطہ شکل کے اندر رہے۔

صورت اول۔ جب کہ ثابت مرکز رقبہ زیر پیمائش کے باہر ہو۔
فرض کرو کہ بازو AB مقام A سے مقام B تک ہٹایا گیا ہے (شکل ۱۴)۔ نقطہ A و مرکز کے دائرے پر A سے ایک جائیگا اور نقطہ B راستہ B B اختیار کریگا۔ اس کو ہم یوں ہی تصور



شکل ۱۴۔ ابتدائی رقبہ جو سطح پیماس سے بنتا ہے

کر سکتے ہیں کہ AB اپنی متوازی سمت میں حرکت کرنے کے بعد AB مقام پر پہنچا۔ اور پھر وہاں سے نقطہ A کے گرد گھوم کر مقام A B پر پہنچ گیا ہے۔

فرض کرو کہ AB اور AB کا درمیانی عمودی فصل ایک چھوٹی مقدار "مفف" ہے اور AB اور AB کا درمیانی زاویہ ایک چھوٹا زاویہ مفع ہے تو بازو AB کی حرکت سے جو سطح بنی ہے اس کا رقبہ = $\text{ط مفف} + \frac{1}{2} \text{ط مفع}$ جہاں $\text{ط} = \text{بازو } AB \text{ کا طول}$ ۔

اصلی سطح AB AB AB مذکورہ بالا سطح سے بہ مقدار خفیف

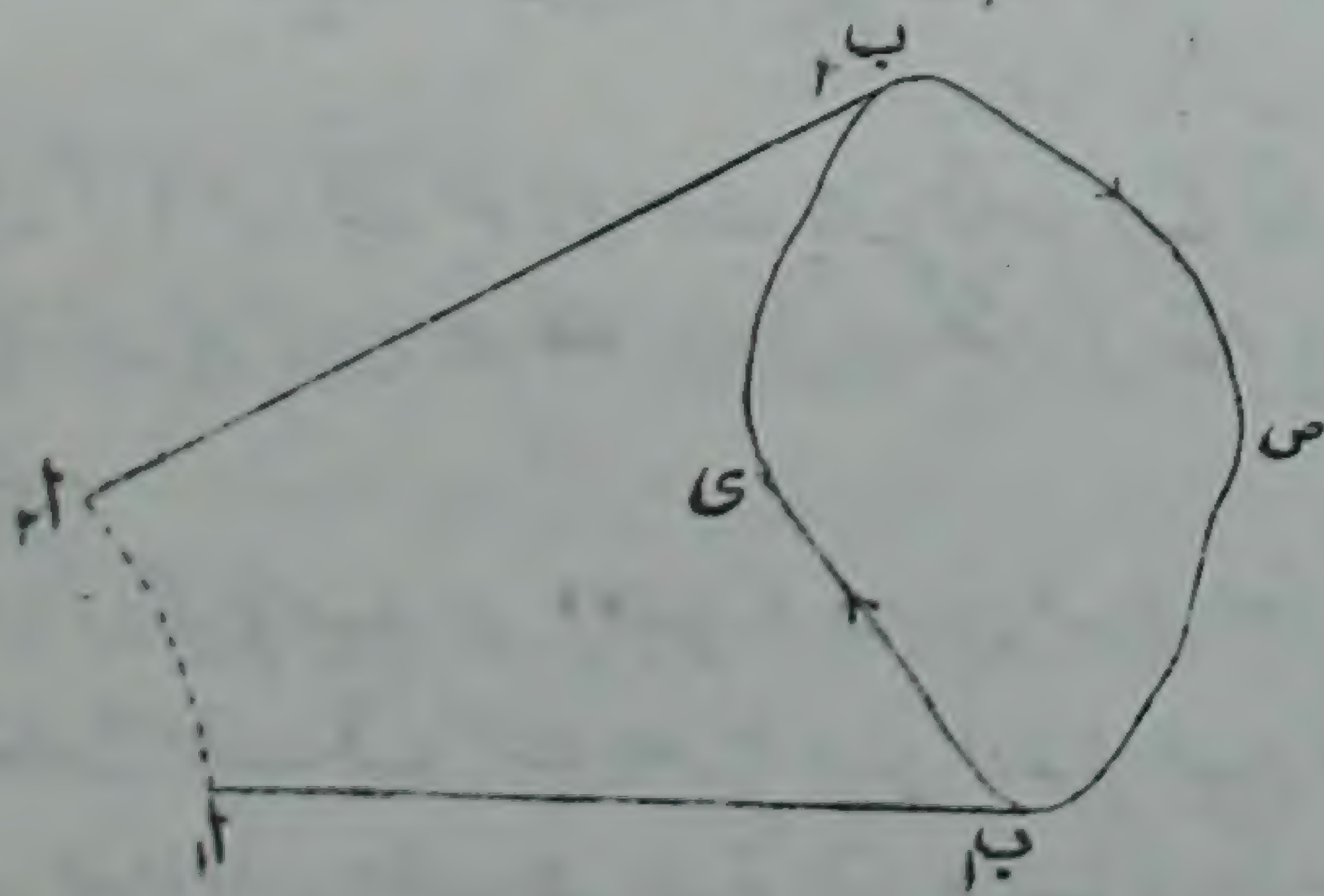
رقبہ $B_1 B_2 B_3$ کم ہے اور یہ خفیف مقدار $B_1 B_2 B_3$ نظر انداز کر دی جائیگی اگر $B_1 B_2 B_3$ اور $B_4 B_5 B_6$ بہت چھوٹے ہوں۔ اس لئے ہم لکھ سکتے ہیں کہ :-

۱۔ B_1 کی حرکت سے بنی ہوئی سطح = $B_1 B_2 B_3 + B_4 B_5 B_6$ $B_1 B_2 B_3$ کا رقبہ اس لئے B_1 کی کسی حرکت کی وجہ سے جو مجموعی سطح بنتی ہے اس کا رقبہ = $B_1 B_2 B_3 + B_4 B_5 B_6$ (ط $B_1 B_2 B_3$ مف $B_4 B_5 B_6$)۔

نشان $B_1 B_2 B_3$ ایک ہی قسم کی چھوٹی چھوٹی مقداروں کا مجموعہ بتاتا ہے۔ اور آئندہ جہاں جہاں مجموعہ کی ضرورت ہوگی یہ نشان اکثر استعمال کیا جائیگا۔

فرض کرو کہ نقطہ B_1 ایک ایسی سطح کے گھیرے کے چاروں طرف گھوم گیا ہے جس کے باہر ثابت مرکز O ہے۔

فرض کرو کہ بازو کا ابتدائی اور انتہائی مقام بالترتیب $A_1 B_1$ اور $A_2 B_2$ ہیں (شکل ۱۵)۔ نقطہ B_1 کی حرکت ایسی ہوتی ہے کہ اگر کوئی مشاہد نقطہ B_1 کے ساتھ حرکت کرے تو سطح زیر بحث ہمیشہ اس کے دائیں



شکل ۱۵۔ انتہائی رقبہ جو سطح پیم سے ترسیم ہوتا ہے

طرف رہتی ہے۔

ب ی ب راست طے کرنے میں بازو ا ب سے سطح
 ا ا ب ی ب بنتی ہے۔ واپسی حرکت میں یعنی ص سے ہو کر سطح
 ا ا ب ص ب بنتی ہے۔
 دئے ہوئے گھیرے کے گرد نقطہ 'ب' کے پھیرنے سے
 ا ب جو رقبہ بناتا ہے وہ اُس گھیرے کے اندر کے رقبے کے
 مساوی ہے۔

پس رقبہ ب ی ب ص = (ط مف ف + ط مف ع)
 یعنی رقبہ دریافت طلب = ط ح مف ف + ط ح مف ع
 جب بازو ا ب اپنی پہلی جگہ پر واپس آ جاتا ہے تو ب اُس رقبہ
 کے گرد ایک پورا چکر کرتا ہے اس لئے ح مف ع =۔

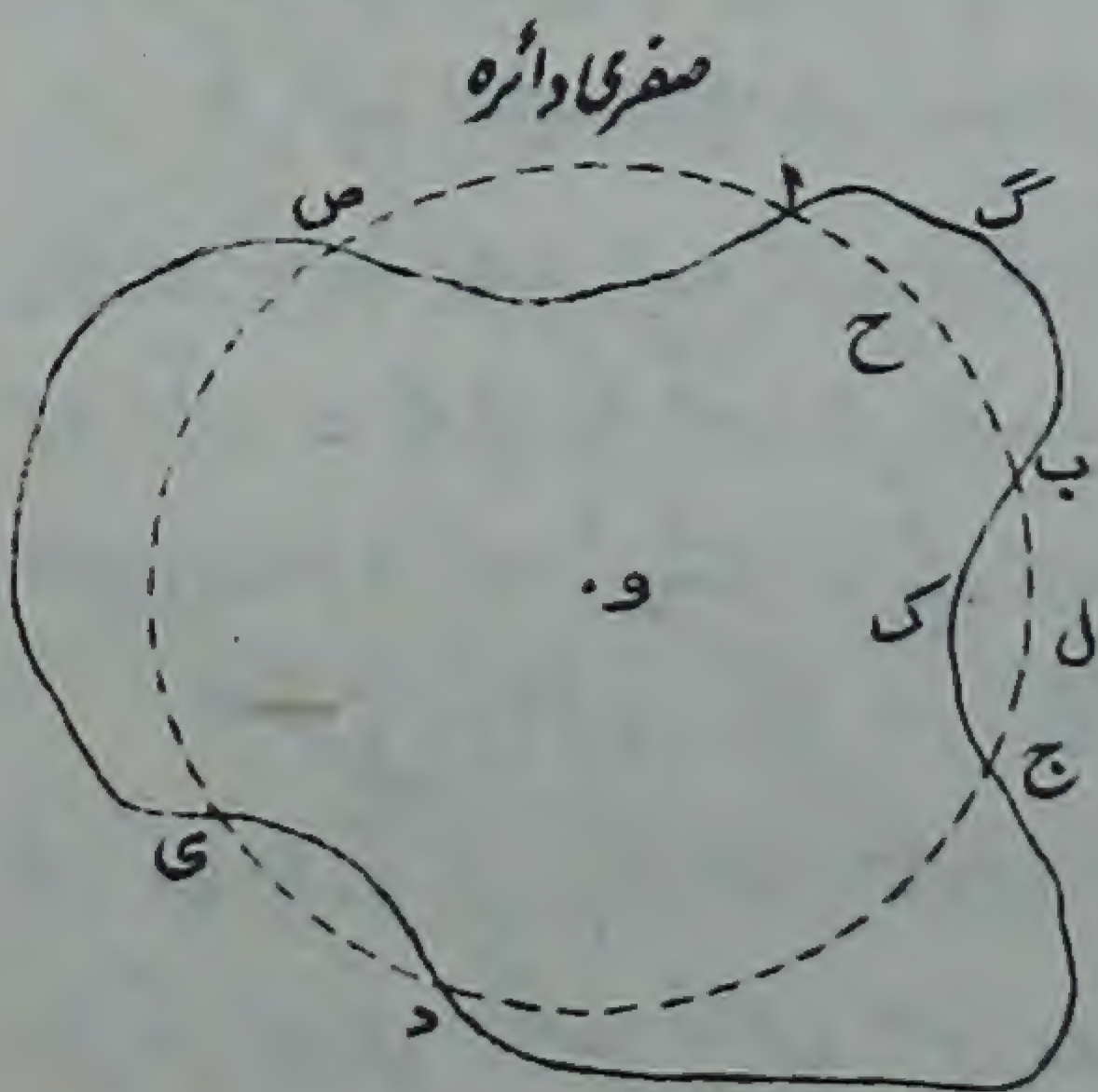
بنابریں رقبہ ب ی ب ص = ط ح مف ف = ط ف
 جہاں ف = اُس فاصلے کے جہاں تک چرخ گھوما ہے۔
 اگر ایسے رقبے دریافت کرنے ہوں جن کے اندر ثابت مرکز و نہیں
 ہے تو نشان کنندہ ب جس رقبے کے گھیرے کے گرد حرکت کرتا ہے
 وہ رقبہ = چرخ کے گھومے ہوئے فصل x بازو ا ب کا طول۔

صورت دوم۔ ایسے رقبے جن کے اندر ثابت مرکز واقع ہو۔
 صغریٰ دائرہ۔ قبل اس کے کہ ایسے رقبوں کی نام صورتوں پر
 غور کیا جائے جن کے اندر ثابت مرکز واقع ہوتے ہیں۔ یہ ضروری
 ہے کہ ان کی ایک خاص صورت یعنی "صغریٰ دائرہ" کی تشریح میں بھی
 کچھ وقت صرف کیا جائے۔ (شکل ۷۱) کو دیکھو۔ اگر ہم سطح پیم کے
 دونوں بازوؤں کو آپس میں اس طرح جکڑ دیں کہ چرخ کی سطح ثابت مرکز
 سے گزرے تو نقطہ ب صرف ایک ایسے دائرے پر گھومے گا جس کا
 مرکز وہ ہے اور نصف قطر و ب۔

اگر ہم نقطہ ب کو پھیر کر یہ دائرہ بنائیں تو چرخ ج کو کسی قسم کی
 گردش نہیں ہوگی کیونکہ اس صورت میں وہ برابر اپنی سطح سے علی القوائم

سمت میں حرکت کر رہا ہوگا۔ اس لئے جب یہ دائرہ ب کے گھومنے سے نیگہا تو چرخ کی درجہ خوانی میں کوئی تبدیلی نہیں ہوگی۔ یا یوں کہئے کہ چرخ پر درجہ خوانی صفر ہے اس بناء پر متذکرہ بالا دائرے کا خاص نام "دائرہ صفری" رکھا گیا ہے۔

سطح پیم کو اس ہیئت میں رکھ کر بازو و ب کی پیمائش ہو سکتی ہے اور اس کی مدد سے صفری دائرہ کا رقبہ بھی دریافت ہو سکتا ہے۔ پیمائش کے وقت بازوؤں کو آپس میں جکڑنا بے سود ہے۔ ایسے رقبے کی عام صورت جس کے اندر ثابت مرکز رہتا ہے۔ رقبہ ا ب ج د ی ص (شکل ۱۶) پر غور کرو جس کے اندر ثابت مرکز و واقع ہے اور فرض کرو کہ نقطہ وارخط صفری دائرہ بتاتا ہے۔ اگر ہم نشان کنندہ کو ا سے ب تک منحنی پر پھیریں اور



پھر صفری دائرہ پر ہوتے ہوئے نشان کنندہ کو ا پر واپس لائیں تو مثبت سمت میں رقبہ ا ب ج د ی ص نیگہا اس لئے چرخ پر کا معائنہ ایک ایسے رقبے ا ب ج د ی ص کو بتلایگا جس کے باہر ثابت نقطہ و ہے۔

شکل ۱۶۔ رقبہ جس کے اندر ثابت مرکز رہتا ہے

منحنی پر ا سے ب

تک جو کچھ کہ حرکت ہوئی ہے

وہ چرخ پر پوری پوری ظاہر ہو جائیگی۔ اور صفری دائرے پر جو حرکت ہوتی ہے اس کا اثر چرخ پر کچھ نہیں ہوتا کیونکہ اس دائرے پر حرکت کرتے وقت چرخ بالکل نہیں گھومتا ہے۔ اس لئے رقبہ ا ب ج د ی ص چرخ پر ظاہر ہو جاتا ہے۔ جب کہ شمار کنندہ ا سے ب تک منحنی پر حرکت کرتا ہے۔

اب اگر ہم ب سے آگے بڑھ کر ب ک ج ل راستہ ط کریں
تو رقبہ ب ک ج ل منفی سمت میں بنیگا یعنی چرخ اتنا پیچھے
کو گھومے گا جس کا رقبہ ب ک ج ل کے مطابق ہوگا۔ اور یہ ساری حرکت
چرخ کے پیمانے پر ظاہر ہو جائیگی جب کہ نشان کنندہ ب ک ج
راستہ ط کریگا اور اس کے اس طریقہ سے ب ک ج پر پھرنے
سے رقبہ ب ک ج ل منفی سمت میں ترقیم ہوگا۔

پس یہ ظاہر ہے کہ جب کبھی شمار کنندہ صفری دائرے سے گزرے گا تو
چرخ خود بخود گردش کی سمت بدل دیگا اس لئے صفری دائرہ کھینچنے کی
ضرورت نہیں ہے۔ اوپر جو کچھ بیان ہوا ہے اس سے صاف ظاہر
ہے کہ جب نشان کنندہ کسی ایسے رقبہ کے گرد پھیرا جاتا ہے
جس میں ثابت مرکز واقع ہے تو چرخ کا گھوما ہوا کل فاصلہ
صفری دائرے کے باہر کے رقبوں کی جبری جمع کے
مطابق ہوگا۔

جو رقبہ چرخ کی حرکت سے معلوم ہوگا اس میں اگر صفری دائرے
کا رقبہ جوڑ دیا جائے تو رقبہ دریافت طلب حاصل ہو جائیگا۔ اس لئے
صفری دائرے کا رقبہ متذکرہ بالا طریقے سے پہلے دریافت کر لینا
ضروری ہے۔

چرخ کے پیمانے پر جو ترقیم ہوتی ہے اس کی سمت کو نہایت
غور کے ساتھ دیکھتے رہنا چاہئے اور جہاں ضرورت ہو مثبت و منفی
کی علامت لگاتے بھی جانا چاہئے۔ اور نشان کنندہ کو اس طرح
پھیرنا چاہئے کہ وہ رقبہ کے گھیرے پر ہمیشہ مثبت سمت میں حرکت
کے۔

تجربہ — سطح پیمائی کی تعمیر — سطح پیمائی
کے استعمال کے قبل اس بات کی دریافت ضروری ہے کہ چرخ
کی ایک مکمل گردش کتنے رقبے کو تعمیر کرتی ہے۔ یہ ظاہر ہے کہ اس کا

انحصار شمار کنندہ والے بازو کے طول (یعنی قبضہ اور نقطہ شمار کنندہ کے درمیانی فصل) اور جبرج کے قطر پر ہے۔

(۱) شمار کنندہ والے بازو کے طول کی تعیین۔

اس پُرزے کو جس پر قبضہ چڑھا ہوا ہے اس طرح سے ترتیب دو کہ اُس پر کا منائندہ بازو زیر بحث کے بغلی رُخ کے کسی نشان کی سیدھ میں آجائے۔ سہولت کے لئے ۱۰۰ سمر کا اور اگر سطح پیماس کی درجہ بندی رانچوں میں ہو تو ۱۰ رانچ کا نشان مناسب ہوگا۔ اب ہم کو قبضے سے نشان کنندہ کا فاصلہ دریافت کرنا ہے۔ یہ کوئی آسان بات نہیں ہے کیونکہ قبضہ عموماً پُرزوں کے اندر واقع ہوتا ہے۔ بہترین طریقہ یہ ہے کہ آلے کے ایک جانب کو مربع دار کاغذ پر اس طریقہ سے رکھا جائے کہ نشان کنندہ کاغذ کے کسی خاص نشان پر پڑے اور جہاں قبضے کا محور واقع ہے اُس کے مقام کا اندازہ ۱۰۰ ملی میٹر کی حد تک کر لیا جائے۔ نشان کنندہ والے بازو کو مربع دار کاغذ کے ایک کنارے کے متوازی رکھنا چاہئے تاکہ طول کی پیمائش صحت کے ساتھ ہو سکے۔

بعض قسم کے سطح پیماس میں شمار کنندہ والے بازو کے اوپر دو نقطے ہوتے ہیں۔ ان میں سے ایک بازو کے سرے کے قریب ثابت ہوتا ہے اور دوسرا قبضہ بردار کے ساتھ ساتھ حرکت کرتا ہے۔ آلہ ساز سطح پیماس کو اس طرح بناتے ہیں کہ ان نقطوں کا درمیانی فاصلہ شمار کنندہ اور قبضے کے محور کے فاصلے کے بالکل ٹھیک مساوی ہوتا ہے۔ اس صورت میں اس فصل کی پیمائش ایک پیمانے کے ذریعے ہو سکتی ہے۔ اور یہ طریقہ پہلے طریقوں سے زیادہ آسان اور صحیح بھی ہے۔ یہ حاصل شدہ فصل وہی فصل ط ہے جس کا ذکر آلے کی تشریح میں پہلے ہو چکا ہے۔

(۲) چرخ کے محیط کی تقسیم — چرخ کا قطر بیچار خردہ پیا

سے دریافت کرلو۔ اور اس کو π سے ضرب دو۔ حاصل ضرب محیط ہوگا۔ اس پیمائش میں اس امر کا لحاظ رکھنا چاہئے کہ چرخ پر ضرورت سے زیادہ دباؤ نہ پڑے۔ اگر ایسا نہ کیا جائے تو چرخ کا کنارہ بد شکل ہو جائیگا اور اس وجہ سے آلے کی صحت بھی جاتی رہیگی۔

بازو کا طول ط \times چرخ کا محیط π ق = اس رقبے کے جس کی تعبیر چرخ کی گردش سے ہوتی ہے۔ جہاں ق = چرخ کا قطر جو خردہ پیمائی کی مدد سے حاصل ہوتا ہے۔

یہ حاصل ضرب شمار کنندہ والے بازو کے رخ کے \square یا \square کے نشان سے مطابقت کریگا۔ جس پر قبضہ بردار مرتب کیا گیا تھا۔ یہ درجہ بندیاں آلہ ساز کرتے ہیں۔ اور جب آلہ متذکرہ بالا طریقے سے مرتب کیا گیا ہو تو یہ درجہ بندیاں ان رقبوں کو ظاہر کرتی ہیں جن کی تعبیر چرخ کی ایک گردش سے ہوتی ہے۔ یہ بات ظاہر ہے کہ ”ط“ اور ”ق“ کے دریافت کرنے کے جو دو طریقے اوپر بتائے گئے ہیں وہ کسی قدر ناقص ہیں۔ آلہ ساز ان مقداروں کو زیادہ صحت کے ساتھ دریافت کر سکتے ہیں اس لئے تا وقتیکہ آلہ پرانا نہ ہو جائے یا بے احتیاطی سے استعمال کرنے کی وجہ سے خراب نہ ہو جائے جو قیمتیں شمار کنندہ والے بازو پر لکھی ہوں انہیں کو استعمال کرنا چاہئے۔

تجربہ ۹ — سطح پیمائی کی مدد سے چھوٹے چھوٹے

رقبوں کی تقسیم — رقبہ اتنا چھوٹا ہونا چاہئے کہ ثابت مرکز و شکل کے باہر رکھا جاسکے۔

(۱) سطح پیمائی کی فی صد غلطی دریافت کرنا۔ دس سمر ضلع کا ایک مربع کھینچو اور آلے کے نشان کنندہ کو اس مربع

کے چاروں طرف پھیرو اور سطح پیم کے ذریعے سے جو رقبہ معلوم ہو اس کو مربع سمر میں تحویل کر لو۔ سو مربع سمر میں (جو مربع کا مجموعی رقبہ ہے) اور سطح پیم کے ذریعے سے دریافت کی ہوئی قیمت میں جو فرق ہوگا وہی سطح پیم کی فی صد غلطی ہوگی۔

(ب) دائرے کا رقبہ سطح پیم کی مدد سے دریافت کرنا۔

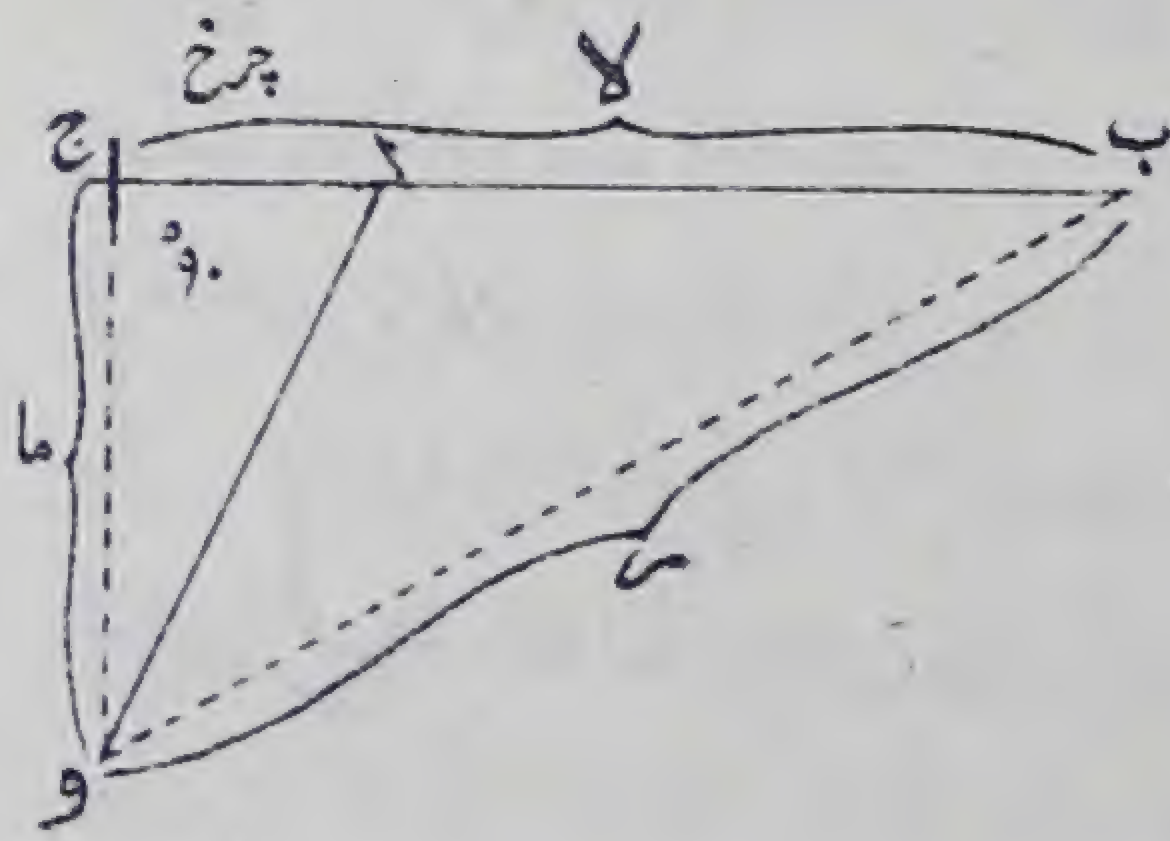
۱۰ سمر نصف قطر کا ایک دائرہ کھینچو اس کا رقبہ $\pi \times 10$ مربع سمر ہوگا۔ اس رقبے کو سطح پیم کی مدد سے دریافت کرو۔ ان دونوں قیمتوں سے π کی قیمت اخذ کرو۔

تجربہ ۱۔ سطح پیم کے صفری دائرے کا رقبہ دریافت کرنا۔ چھوٹے رقبوں کی پیمائش کرنے میں اس آلے کا استعمال بتایا جا چکا ہے۔ اور اس پر رقبوں کی قیمت پڑھنے کی ترکیب بھی سمجھائی جا چکی ہے۔ اب اس کی ضرورت ہے کہ صفری دائرے کا رقبہ دریافت ہو جائے تاکہ ان بڑے بڑے رقبوں کی پیمائش ہو سکے جن کے اندر ثابت مرکز واقع ہوں۔

(۱) صفری دائرے کا رقبہ نظریے سے :-

چرخ کو مربع دار کاغذ پر اس طرح سے رکھو کہ اس کا وہ نقطہ جو کاغذ سے مس کر رہا ہو ٹھیک کسی مربع کے ایک کونے پر رہے۔ اور اس کی سطح مربعوں کے ضلعوں پر رہے۔ نشان کنندہ کاغذ کے کسی ایک کنارے پر اور ثابت مرکز چرخ کے سطح والے کنارے پر رہے۔ اور ان دونوں نقطوں کو اس طرح سے دباؤ کہ کاغذ پر ان کے نشان پڑ جائیں۔

آلہ اب اس طرح بٹھایا گیا ہے کہ چرخ کی سطح ثابت مرکز سے ہو کر گذرتی ہے۔ اس لئے ان تحقیقات کی رو سے جن کا بیان پہلے ہو چکا ہے ثابت نقطے اور شمار کنندے کا درمیانی فاصلہ صفری دائرے کا نصف قطر ہے۔ مقرر الذکر فصل کی پیمائش ہو سکتی ہے



جس کی مدد سے صفری دائرے
کا رقبہ بھی معلوم ہو سکتا ہے۔

شکل ۱۷ میں

$$\text{لا} + \text{ما} = \text{س}$$

اس لئے ہم لکھ سکتے ہیں:-

صفری دائرے کا

$$\text{رقبہ} = \pi (\text{لا} + \text{ما})$$

اور مساوات مندرجہ بالا سے

صاف ظاہر ہے کہ رقبہ صرف لا اور ما کی قیمتیں دریافت کرنے سے
معلوم ہو سکتا ہے اور س کی پیمائش کرنے کی ضرورت نہیں۔
اگر نشان کنندہ والے بازو کے اوپر کے رخ کار معائنہ کیا جائے
تو یہ معلوم ہوگا کہ ان کے مختلف نقطوں پر بھی اعداد لگے ہیں جو بغلی
رخ کے نشانات کے اوپر لکھے ہوئے ہیں۔ یہ اعداد ان صفری دائروں
کے رقبوں کو تعبیر کرتے ہیں جن کو قبضہ بردار کے مختلف مقاموں
سے مطابقت ہے اور یہ اعداد عموماً چرخ کی گردشوں کی تعداد
بتاتے ہیں۔ مثلاً اگر قبضہ بردار کا نمائندہ ۱۰۰ سمر □ کے نشان
پر مرتب کیا جائے اور سلاخ کے اوپر والے رخ پر اسی نشان کے
سامنے ۲۰۷۳۱ لکھا ہوا ہو تو اس کے معنی یہ ہونگے کہ
صفری دائرے کا رقبہ چرخ کی ۲۰۷۳۱ گردشوں کے مماثل ہے
یا یوں کہئے کہ رقبہ = ۲۰۷۳۱ مربع سمر۔

آلے پر کے نشانات کی مدد سے صفری دائرے کا رقبہ مربع
سمر میں لکھو اور مذکورہ بالا مشاہدات سے جو رقبہ حاصل ہو اس کا
قبل الذکر رقبہ سے مقابلہ کرو۔ جیسا کہ پہلے بیان ہو چکا ہے آلے پر
کے نشان کی مدد سے جو رقبہ حاصل ہوتے ہیں ان کی صحت پر
زیادہ بھروسہ کیا جاسکتا ہے۔ کیونکہ آلہ سازوں کو زیادہ صحت کے

ذرائع حاصل ہیں اس لئے جب تک کہ آر قطعی طور پر خراب نہ ہو گیا ہو اُس کے نشانات کی مدد سے جو رقبے ملتے ہیں اُن ہی کو استعمال کرنا چاہئے۔

(ب) صفری دائرے کا رقبہ تجربے کے ذریعے سے۔
صرف سطح پیمائش کے نمائندوں ہی کی مدد سے بغیر کسی پیمائش کے صفری دائرے کا رقبہ بہت آسانی کے ساتھ دریافت ہو سکتا ہے۔ کوئی ایک ایسا منتظم یا غیر منتظم رقبہ لو کہ اگر ثابت نقطہ باہر رکھا جائے تو اسی رقبے کے گھیرے پر نشان کنندہ آسانی سے پھیرا جاسکے۔
۲۰ سمر کے عرض کی شکل اکثر ایسے آلوں کے لئے مناسب ہوگی جو ۱۰۰ سمر □ درجہ بندی پر مرتب کئے گئے ہوں۔

ثابت مرکز کو باہر رکھ کر شمار کنندہ کو شکل کے گھیرے پر پھیرو۔
اور سطح پیمائش کے درجوں سے جو رقبہ معلوم ہو اُس کو قلمبند کر لو۔ اس رقبے کی تعبیر ۱ سے کرو۔

اب ثابت مرکز کو شکل کے اندر رکھ کر پھر نشان کنندہ کو پھیرو۔ پھیرنے کے عمل کو آہستہ آہستہ جاری رکھو کیونکہ اس حالت میں چرخ بہت تیزی سے گھومے گا اور اگر احتیاط نہ برتی جائے تو چرخ کاغذ پر یا تو پھسل جائیگا یا اُس سے ہٹ جائیگا۔ اگر غور سے دیکھو گے تو معلوم ہوگا کہ چرخ برقی ترقیم گھٹ رہی ہوگی۔ یعنی صنفی رقبہ ترقیم ہو رہا ہوگا۔ بشرطیکہ شمار کنندہ مثبت سمت میں حرکت کر رہا ہو۔
جب ترقیم شدہ رقبہ چرخ پر معلوم ہو جائے تو مندرجہ ذیل مساوات سے شکل زیر بحث کا رقبہ دریافت ہو جائیگا۔ جب ثابت مرکز شکل کے اندر ہو تو

رقبہ ۱ = ترقیم شدہ رقبہ + صفری دائرے کا رقبہ

عموماً یہ مساوات رقبہ ۱ کے دریافت کرنے میں استعمال کی جاتی ہے۔ لیکن اس خاص صورت میں جو کہ زیر بحث ہے

اس کی مدد سے صفری دائرے کا رقبہ بھی معلوم کر سکتے ہیں۔ رقبہ ۱
سطح پیم کی مدد سے پہلے ہی دریافت ہو چکا ہے جب کہ ثابت مرکز
شکل کے باہر تھا۔ اور ترقیم سے رقبے کا پتہ چل گیا ہے جب کہ مرکز
اندر تھا اس لئے صفری دائرے کا رقبہ دو مذکورہ بالا رقوم کے
جبری فرق کے مساوی ہے۔ یا ان کے حسابی حاصل جمع کے، کیونکہ
ان میں سے ایک منفی مقدار ہے۔
مندرجہ ذیل مثال کو دیکھو:-

ثابت مرکز باہر ہو

پہلا معائنہ	۲۵۱۳۹	چکر
دوسرا معائنہ	۵۶۷۱۳	چکر
ترقیم	<u>۳۵۵۷۴</u>	مربع سمر
رقبہ	<u>۳۵۷۵۴</u>	

ثابت مرکز اندر ہو

پہلا معائنہ	(۲) ۵۶۷۸۱	چکر
دوسرا معائنہ	<u>۸۶۶۲۳</u>	چکر
ترقیم	<u>-۱۷۱۴۸</u>	

ترقیم منفی سمت میں ہو رہی تھی اور چرخ جو بڑے چکروں کو
بتاتا ہے وہ اپنے صفر پر سے دو مرتبہ گزرا۔ اس لئے پہلے معائنہ کے
سامنے (۲) کا نشان لگا دیا گیا ہے۔
اس طریقہ سے

$$۳۵۷۵۴ = (-۱۷۱۴۸) + \text{صفری دائرے کا رقبہ}$$

یا صفری دائرے کا رقبہ $= ۲۵۲ \times ۲۰ =$ مربع سمر۔
 مذکورہ بالا نتیجوں کے مقابلے میں سطح پیمائش کے شمار کنندے کی درجہ بندیوں
 سے اسی رقبے کی قیمت ۲۵۲×۲۰ مربع سمر تھی۔
 صفری دائرے کا رقبہ ان دو طریقوں سے دریافت کرو اور نتیجوں کا
 مقابلہ اُس قیمت سے کرو جو شمار کنندے کے بازو سے حاصل ہوتی
 ہے۔

تجربہ ۱۱۔ بڑے رقبوں کی پیمائش
 سطح پیمائش کی مدد سے۔ اس صورت میں رقبہ اتنا بڑا فرض کیا
 جا سکتا ہے کہ ثابت مرکز O اس کے اندر لیا جاسکے۔
 ۴۰ سمر \times ۷۰ سمر کی ایک بڑی شکل ناقص دو سوئیوں اور
 دھماگے کی مدد سے کھینچو۔ اور سطح پیمائش کی مدد سے اس کا رقبہ
 دریافت کرو۔ ثابت کرو کہ یہ رقبہ $= \frac{\pi}{۴} \times$ اُس مستطیل کا
 رقبہ جو کہ شکل ناقص کے باہر کھینچا گیا ہے اور جس کے اضلاع
 اعظم اور اقل محوروں کے مساوی ہوں۔

۲۔ حجم اور کثافت کی پیمائش

کثافت سے کسی مادے شے کی کمیت فی اکائی حجم مراد ہے۔
 'س'، 'گ'، 'ٹ'، نظام میں اس کو یوں کہہ سکتے ہیں کہ کسی مادے
 شے کی کثافت اُس کے ایک مکعب سمر حجم کے مادے کی کمیت کے
 برابر ہے۔

اگر کمیت ہو اور C حجم تو C
 کثافت $= \frac{C}{V}$

اگر گراموں میں اور C مکعب سمروں میں ہو تو کثافت گرام

فی لمعب سمر میں ظاہر ہوگی۔
تجربہ ۱۱۔ کسی منتظم مجسم کی کشافت سرل چاہے
کے ذریعے دریافت کرنا۔ احتیاط کے ساتھ چند منتظم مجسمات کے
طولی البعاد کو ایسے سرل چاہے کے ذریعے دریافت کرو جس سے
او۔ ملی میٹر تک طول دریافت ہو سکے۔ طول کی پیمائش میں سرل
چاہے کے ہر معائنے سے ”صفری معائنہ“ کو جبری قاعدے سے
حسب ضرورت گھٹا لو۔

ہر پیمائش میں مشاہدہ کم از کم تین مرتبہ ہونا چاہئے اور اگر
ممکن ہو تو مشاہدے جسم کے مختلف نقطوں پر ہونے چاہئیں۔ جو
نتیجے حاصل ہوں ان کا اوسط لینا چاہئے۔ مثلاً اگر کسی اُسطوانہ
کا قطر دریافت کرنا ہو تو اس کی قیمت اس کے ہر ایک سرے
اور وسطی مقام پر دریافت کرنی چاہئے۔ اور اس کا اوسط قطر
ان نتیجوں کا اوسط ہوگا۔ ایسا عمل کرنے سے اگر اُستوانہ کسی
قدر گاڑم ہو تو اس کی وجہ سے جو غلطی ہوگی اس کی صحت
ہو جاتی ہے۔ اُسطوانے کے ہر مقام پر دو ایسے قطروں کی
پیمائش ہونی چاہئے جو آپس میں علی القوائم ہوں۔ اس طریقے
سے اُسطوانے میں اگر ناقصیت ہو تو اس کی بھی صحت ہو
جائیگی۔

پس اس طرح سے اُسطوانے پر چھ مشاہدات ہونگے اور
ان کا اوسط اُسطوانے کا صحیح قطر سمجھا جاسکتا ہے۔
دریافت شدہ قطر کی مدد سے اُسطوانے کا حجم دریافت کرو۔
اسی طریقے سے اور دیگر منتظم مجسمات کے بھی حجم دریافت ہو سکتے ہیں۔
(مختلف منتظم مجسمات کے حجم دریافت کرنے کے ضابطے ضمیمہ
میں درج ہیں)

ترازد کی مدد سے اس جسم کی کیمت مادہ دریافت کرو اور اس

کمیت کو حجم دریافت شدہ سے تقسیم کر دو جو نتیجہ کہ حاصل ہوگا وہ اس کی کثافت ہوگی۔

تجربہ ۱۳ — کسی منتظم مجسم کی کثافت پیمائش
خرودہ پیمائی کی مدد سے دریافت کرنا۔ اجسامت زیر پیمائش کے
طولی ابعاد کو خردہ پیمائی سے دریافت کرو اور ضابطے کی مدد سے حجم کی
تعمین کرو۔

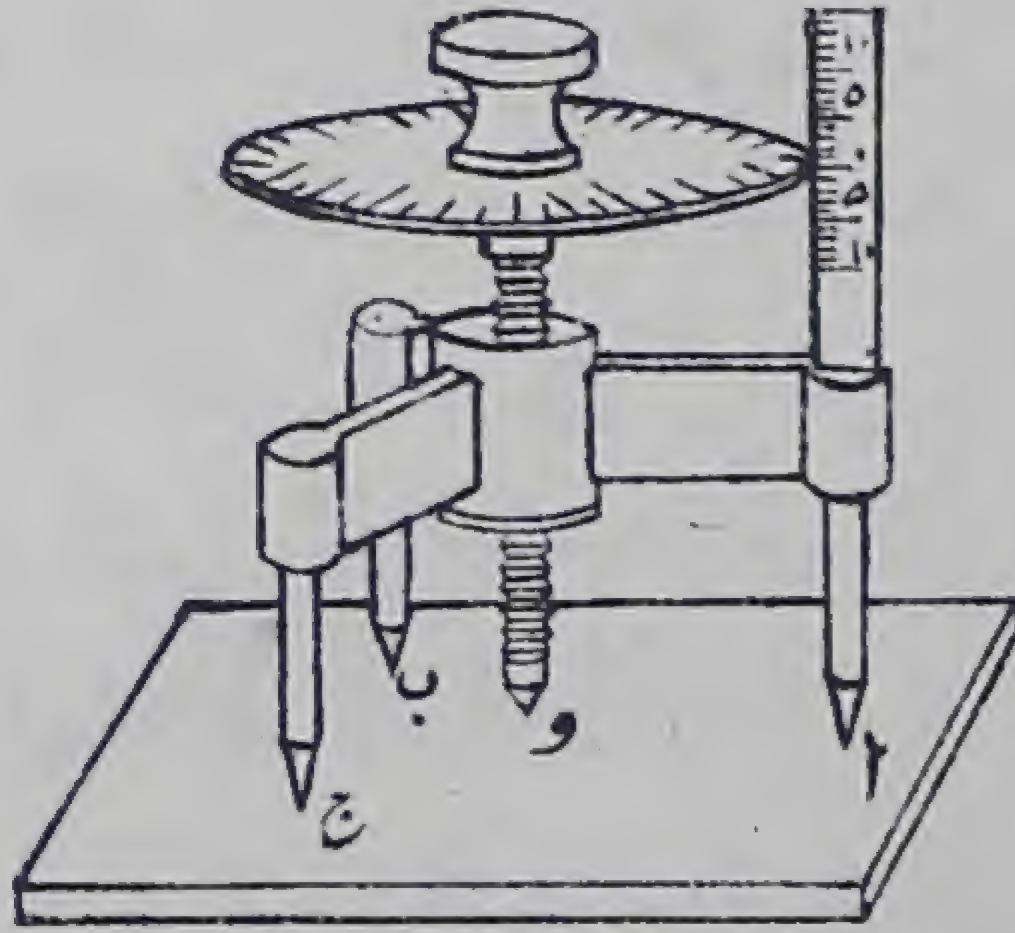
پھر اس جسم کی کمیت ترازو سے معلوم کر لو اور اس کمیت
کو حاصل شدہ حجم سے تقسیم کر دو۔ جو نتیجہ نکلیگا وہ اس مجسم کی کثافت
ہوگا۔

۳۔ کروییت پیما

کروییت پیما ایک آلہ ہے جو کسی کروی سطح کے انحناء
کے نصف قطر کی پیمائش کرنے میں استعمال کیا جاتا ہے۔
اکثر صورتوں میں (مثلاً کسی عدسے کی پیمائش وغیرہ میں) سطح
زیر پیمائش کرہ کا محض ایک چھوٹا سا حصہ ہوتا ہے۔ اس
صورت میں انحناء کا نصف قطر اس (خیالی) کرہ کا نصف
قطر ہے جس کا ایک حصہ یہ سطح ہے۔

یہ آلہ ایک ایسے ڈھانچے پر مشتمل ہے جس میں تین پائے اب
ج اس طرح سے لگے ہیں کہ ان کے سرے تقریباً ایک مثلث
مساوی الاضلاع کے کونوں پر واقع ہیں (شکل ۱)۔ ڈھانچے
کے مرکز سے ایک باریک عموماً ۵.۰ ملی میٹر یا ایک ملی میٹر کی
گھائی کا بیج گزرتا ہے جو اس آلہ کا چوتھا پایہ ۹ ہے۔ اس پائے
کا مقام ایک ایسے پیمانے سے دریافت ہوتا ہے جو ڈھانچے میں
علی القوائم لگا ہوا ہے۔ بیج کے اوپر کے سرے پر ایک قرص دار

پیمانہ لگا ہوا ہے اس میں عموماً سو درجے ہوتے ہیں۔ جب یہ قرص



شکل ۱۸۔ کروییت پیم

ایک دفعہ پورا چکر لگا جاتا ہے تو سہرا و بیچ کی ایک گھائی کے برابر
اوپر یا نیچے ہٹتا ہے۔ اگر گھائی ایک ملی میٹر کی ہو تو قرص کا ایک درجہ
۰.۰۰۵ ملی میٹر بتائیگا۔ اگر گھائی ۰.۰۵ ملی میٹر کی ہو تو قرص کا ایک درجہ
۰.۰۰۵ ملی میٹر بتائیگا۔ اس کے معنی یہ ہیں کہ اس آلے کی مدد سے
۰.۰۰۵ یا ۰.۰۵ ملی میٹر کی حد تک طول دریافت ہو سکتا ہے۔

تجربہ ۱۲۔ کروییت پیم کی مدد سے کسی

تختی کی موٹائی کی پیمائش۔ کروییت پیم کے استعمال سے
قبل یہ دریافت کرنا چاہئے کہ آلے کے اوپر دونوں پیمانوں میں
کس طرح سے درجہ بندی ہوئی ہے۔ کیونکہ ہر آلے کی درجہ بندی
یکساں نہیں ہوتی۔ سب سے پہلے یہ دریافت کرو کہ قرص کی
ایک پوری گردش سے بیچ کا سہرا کتنا آگے بڑھتا ہے۔ یہ فصل
غالباً ۰.۰۵ یا ۰.۱ ملی میٹر ہوگا۔ اس کے بعد دیکھو کہ قرص کے اوپر
کتنے درجے ہیں اور اس کی مدد سے یہ دریافت کر لو کہ جب قرص

ایک درجہ گھومایا جاتا ہے تو بیچ کا سراکتنا آگے بڑھیکا۔ مثلاً بیچ کی گھائی اگر ۵۰ ملی میٹر ہو اور درجہ دار قرص پر پچاس درجہ ہوں تو ہر درجہ ۵۰ ملی میٹر فصل کے مطابق ہوگا (دیکھو صفحہ ۳۲)۔ جب کہ درجہ دار قرص کا صفر خطی پیمانے کے صفر کے محاذی ہو جائے تو اس صورت میں یہ سمجھا جاتا ہے کہ بیچ کی نوک اور تینوں پایوں کی نوکیں ایک ہی سطح میں واقع ہیں۔ بالعموم ٹھیک یہ صورت نہیں رہتی ہے۔ اس لئے آلے کی "صفری غلطی" کی مقدار یا "صفری معائنہ" کے دریافت کرنے کی ضرورت ہوتی ہے۔

اس امر کے لئے گرویت پیم ایک ایسی ٹھیک سطح مستوی پر رکھا جاتا ہے جس کے استوا کی جانچ فن مناظر کے قاعدے سے پہلے کر لی جاتی ہے۔ یہ عموماً کانچ کی تختی ہوتی ہے۔ آلے کے سرے کو گھماتے جاؤ جب تک کہ بیچ کی نوک سطح مذکورہ بالا سے مس نہ کرے۔ اس کا پتہ کہ نوک عین مس کر رہی ہے یوں لگتا ہے کہ اگر باہر والے پایوں سے کسی کو انگلی یا پنسل سے چھوا جائے تو آگے بیچ کی نوک کے گرد گھوم جاتا ہے۔ بیچ کو اتنا گھمانا چاہیے کہ آلہ اگر مذکورہ بالا طریقے سے چھوا جائے تو گھومنے لگے۔ لیکن اگر بیچ ذرا سا بھی اوپر اٹھایا جائے تو آلے کا گھومنا موقوف ہو جائے۔ اس عمل کو کئی بار کرو اور ہر مشاہدے میں خطی پیمانے پر قرص کے صفر کا مقام دریافت کر لو۔ جو قیمتیں کہ ملینگی اُن کا اوسط صفری معائنہ ہوگا۔ اس کے بعد جتنے معائنے ہونگے اُن میں سے ہر ایک میں یہ صفری معائنہ جبری طریقے سے محسوب کر لینا چاہیے۔ شیشے کی تختی کی موٹائی ناپنے میں پہلے صفری معائنہ دریافت کرو۔ اس کے بعد تختی کو بیچ کی نوک کے نیچے رکھو اور بیچ کو باہر کی طرف گھماتے جاؤ جب تک کہ آلے کی گردش عین موقوف

نہ ہو جائے۔ اس عمل میں آلے کے تینوں پائے حسب دستور سطح
مستوی پر رہنے چاہئیں۔ جب آلہ اس طرح سے مرتب ہو جائے
تو پیمانے پر معائنہ کر لو اور اس کی قیمت سے صفری معائنہ کی
قیمت گھٹا لو جو نتیجہ نکلیگا تختی کی موٹائی ہوگا۔

اکثر اوقات انتصابی پیمانہ کا لحاظ نہ رکھنا زیادہ آسان ہوتا
ہے مگر صرف اتنا جان لینا چاہئے کہ جب قُص ایک پوری
گردش کر لیتا ہے تو نوک کتنا فصل طے کرتی ہے۔ اس صورت
میں انتصابی پیمانے پر معائنہ کرنے کے بجائے قُص کی پوری گردشوں
کی تعداد دریافت کرنی چاہئے۔ یہ ظاہر ہے کہ ایک گردش قُص
پر کے ۵۰ یا ۱۰۰ درجوں کے برابر ہوگی اور جتنا فصل کہ بیج کی
نوک طے کریگی وہ مذکورہ بالا درجوں کے رقوم میں ظاہر کیا
جا سکتا ہے۔

مثال۔ فرض کرو کہ قُص پر صفری معائنہ ۲۳ درجے ہے۔
جب بیج کی نوک تختی کی اوپر کی سطح پر آئی تو قُص کو
چار سے زیادہ گریپانچ سے کم مکمل گردشیں دینی پڑیں۔ اور اس وقت
قُص پر کا معائنہ ۶۵ تھا۔

قُص پر ۱۰۰ درجے ہیں اس لئے درجوں کی تعداد جس حد
تک آلہ گھمایا گیا ہے = مکمل چکر + ۶۵ - ۲۳
= ۲۲۲ درجے

بیج کی گھائی ۵.۵ ملی میٹر ہے اس لئے ہر درجہ $\frac{1}{10}$ مہر
کے مطابق ہوگا۔

اس لئے تختی کی موٹائی = ۲۱.۵ مہر

تجربہ ۱۵۔ کسی آئینہ یا عدسہ کی سطح
کے انحنائے نصف قطر کی پیمائش۔ کرویت پیم کے

تینوں پایوں کو گروئی سطح پر بٹھا دو اور بیچ کو اس طرح سے ترتیب دو کہ اس کی نوک بھی ٹھیک گروئی سطح کو مس کرے۔ قرص پر معائنہ کر لو۔ اب آلے کو گروئی سطح سے ہٹا کر سطح مستوی پر رکھو اور دیکھو کہ بیچ کی نوک کو تینوں پایوں کی سطح میں لانے کے لئے قرص کو کتنی دفعہ گھمانا پڑتا ہے۔ قرص پر پھر معائنہ کرو۔ گردشوں کی تعداد اور قرص پر کے دونوں معائنوں سے یہ دریافت کرو کہ بیچ کی نوک نے کتنا فصل طے کیا۔ یہ مشاہدہ کئی دفعہ ہونا چاہئے۔ اوسط قیمت کو 'گ' سمر سے تعبیر کرو۔

آلے کے کسی دو ثابت پایوں کا درمیانی فاصلہ بھی جاننا ضروری ہے۔ اس کو کسی پلی میٹر کے پیمانے سے او۔ پلی میٹر کی حد تک احتیاط سے پیمائش کر لو۔ اس قسم کی تین پیمائشیں کرنی ہونگی۔ کیونکہ یہ فاصلہ اس مثلث متساوی الاضلاع کا ضلع ہے جس کے کونوں پر پایوں کی نوکیں واقع ہیں۔ ان تینوں پیمائشوں کے اوسط کو 'ف' سمر سے تعبیر کرو تو انحناء کا نصف قطر مندرجہ ذیل مساوات سے معلوم ہو جائیگا:۔

$$r = \frac{F}{4} + \frac{g}{2}$$

جہاں 'ر' انحناء کا نصف قطر ہے

نوٹ:۔ (۱) چونکہ 'ر' کا انحصار 'ف' کے مربع پر ہے اس لئے 'ف' کی پیمائش میں تھوڑی سی فی صد غلطی 'ر' کی فی صد غلطی کی تعداد کو دو چند کر دیگی۔

(۲) اگر 'گ' کی پیمائش سمر میں ہوئی ہے تو 'ف' بھی سمر میں

ہونا چاہئے اور 'ر' کی قیمت بھی سمر میں نکلیگی۔

(۳) رقم $\frac{g}{2}$ اکثر اوقات $\frac{F}{4}$ کے مقابلے میں نظر انداز کر دی جاتی ہے۔

نتیجے مندرجہ ذیل طریقے سے قلمبند ہونے چاہئیں:۔

سطح مستوی پر معائنہ

درجہ ۲۲

درجہ ۲۴

درجہ ۲۶

اوسط ۲۴ درجہ

درجہ ۲۲

درجہ ۲۴

درجہ ۲۶

اوسط ۲۴ درجہ

فرق = ۲۴ درجہ

بیچ میں دو مکمل چکر ہوئے۔

گ = ۲ چکر + ۲۴ درجہ = ۰.۶۱۱۲ سمر

پالیوں کا درمیانی فاصلہ

۳۶۰.۱ سمر

۳۶۰.۳

اوسط ف = ۳۶۰.۱ سمر

$$m = \frac{(360.1)^2}{0.6112 \times 4} + \frac{0.6112}{4} \text{ سمر}$$

$$= 1365 \text{ سمر}$$

سطح کے انحناء کو بصریوں میں دریافت کرنا زیادہ مفید ہے کیونکہ بصریہ عینک سازوں کے پاس انحناء کی اکائی ہے جس سطح کے انحناء کا نصف قطر ایک میٹر ہوتا ہے اُس کا انحناء ایک بصریہ کہلاتا ہے۔ پس انحناء کی قیمت بصریوں میں انحناء کے نصف قطر کی اُس قیمت کا مقلوب ہے جو میٹروں میں ہوتی ہے۔

$$\text{مثال مندرجہ بالا میں انحناء} = \frac{1}{1365} \text{ سمر}$$

$$\text{ضابطہ س} = \frac{f}{g} + \frac{g}{2} \text{ کا ثبوت} \text{ — اس}$$

ضابطہ میں ف اس مثلث متساوی الاضلاع کے ضلع کا طول ہے جس کے کونوں پر آلہ کی تینوں ثابت نوکیں رہتی ہیں (شکل ۱۹)۔
فرض کرو کہ اب ج مذکورہ بالا مثلث متساوی الاضلاع ہے۔ اس



شکل ۱۹۔ کروییت پیم کی سطح

مثلث کے گرد دائرہ کھینچو۔ اس دائرہ کا مرکز ہے۔ نصف قطر
وب کو لا سے تعبیر کرو۔ ب ج پر ود عمود کھینچو۔ تب $\overline{ب د} = \frac{۲}{۳}$
اور $\overline{و د} = \frac{۳}{۲}$

کیونکہ مثلث ب ود ایک مثلث متساوی الاضلاع کا نصف ہے۔

$$\overline{وب}^۲ = \overline{ود}^۲ + \overline{ب د}^۲$$

$$\overline{وب}^۲ = \left(\frac{۳}{۲}\right)^۲ + \left(\frac{۲}{۳}\right)^۲$$

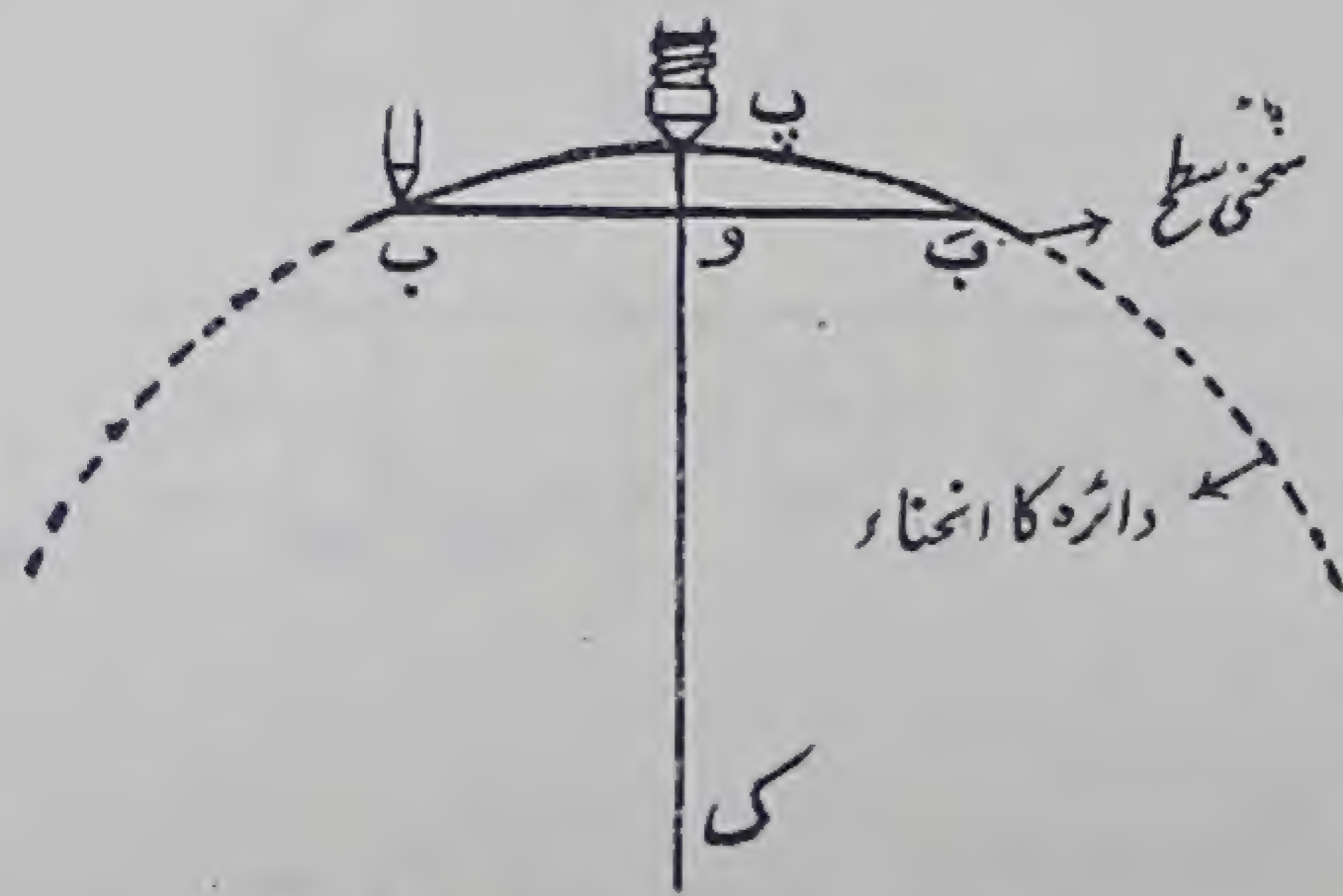
$$\overline{وب}^۲ = \frac{۳^۲}{۲^۲} + \frac{۲^۲}{۳^۲}$$

$$\overline{وب}^۲ = \frac{۳^۴ + ۲^۴}{۲^۲ \cdot ۳^۲}$$

$$\overline{وب}^۲ = \frac{۳^۴ + ۲^۴}{۲^۲ \cdot ۳^۲}$$

کروہ کو ایک ایسی سطح سے قطع کرو جو اس کے مرکزک اور خط
ب و سے گزرے۔ اس سطحی تراش پر غور کرو۔

اس طریقہ سے شکل ۲۔ حاصل ہوتی ہے جس میں اس دائرے کا صرف ایک حصہ دکھایا گیا ہے جس کے انحناء کی ضرورت ہے۔ پ ک کو اپنی سیدھ میں اس طرح بڑھاؤ کہ وہ دائرے کو پھر نقطہ



شکل ۲۔ = دائرہ کا حصہ

س پر قطع کرے (یہ نقطہ س شکل میں نہیں دکھایا گیا ہے)

$$ک س = ک پ$$

$$س =$$

$$وب = وب$$

$$لا =$$

$$اور وپ = گ$$

ہم کو علم ہندسہ سے معلوم ہے کہ $وس \times وپ = وب \times وب$

$$(س - گ) گ = لا$$

$$س گ - لا = گ$$

$$\frac{س}{۲} + \frac{لا}{۲} =$$

یعنی

پہلے یہ ثابت کیا جا چکا ہے کہ $\frac{f_1}{f_2} = \lambda$

$$r = \frac{f_1}{f_2} + \frac{g}{r}$$

اور یہی ثابت کرنا مطلوب تھا۔



فصل چہارم

اضافی کثافتوں کی تعین

۱۔ کثافتِ اضافی کی تعریف

کسی حجم کی مادی شے کا وزن اُس کی مساوی الجھم کسی معیاری شے کے وزن کے ساتھ جو نسبت رکھتا ہے اُس نسبت کو قبل الذکر شے کی کثافتِ اضافی کہتے ہیں۔ بالعموم پانی معیاری شے قرار دیا گیا ہے۔ اس مفہوم کو علمِ ریاضی میں ذیل کی صورت میں ادا کر سکتے ہیں:-
فرض کرو کہ کسی مادی جسم کا وزن W ہے اور اس جسم کے مساوی الجھم پانی کا وزن W_p ہے تو متذکرہ بالا تعریف کی رو سے جسم زیر بحث کی کثافتِ اضافی $= \frac{W}{W_p}$

چونکہ وزن کمیتِ مادہ کے متناسب ہوتا ہے۔ اس لئے
کثافتِ اضافی $= \frac{K}{K_p}$ جہاں K = جسم کا کمیتِ مادہ
 K_p = مساوی الجھم پانی کا کمیتِ مادہ

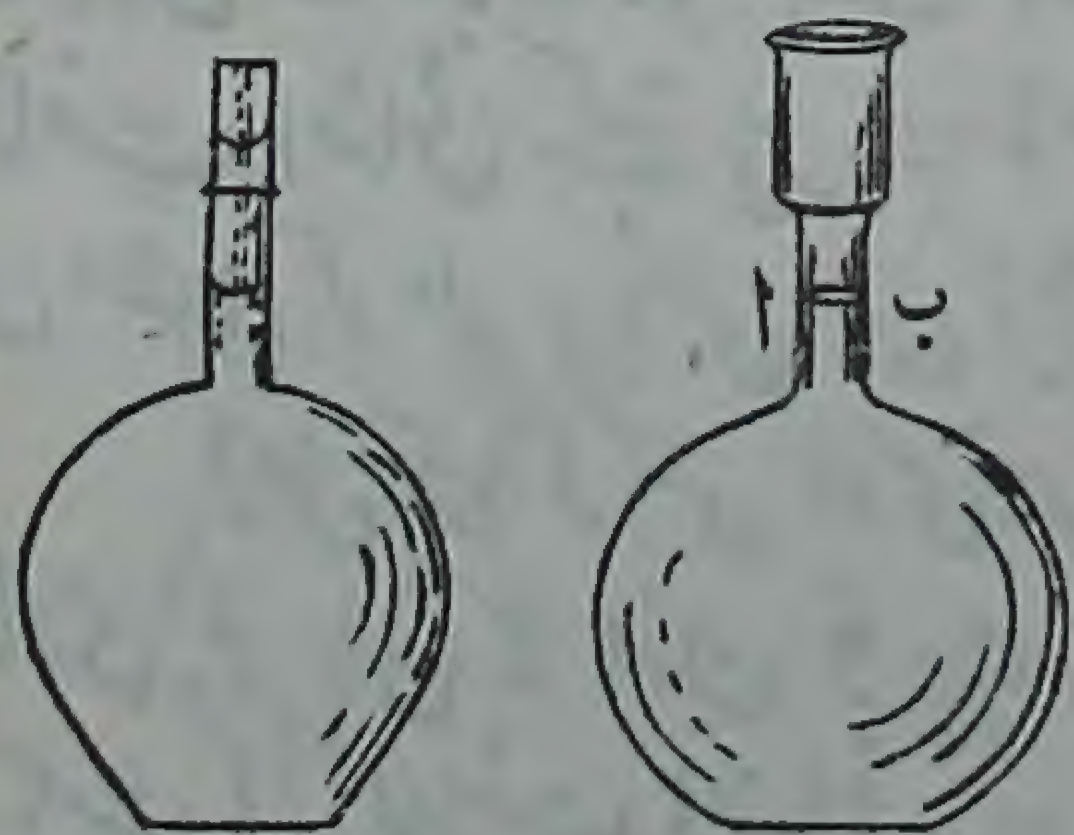
جب حقیقی نتیجہ مقصود ہو تو اُن تیشوں کو مخصوص کرنا بھی ضروری ہے جن پر تجربے کئے جائیں۔ اس بناء پر پانی ہم مٹی تیش کا لیا جاتا ہے اور اس تیش پر پانی "اعظم کثافت" رکھتا ہے۔ معمولی تجربوں

میں پیالٹشیں کمرے کی پیش پر ہوتی ہیں۔

۲۔ کثافت اضافی بوتل

کثافت اضافی بوتل اس قسم کی ہوتی ہے جس میں ایک خاص حجم کا مائع سما جائے عموماً یہ بوتل صراحی نما ہوتی ہے جس کے منہ میں ایک ایسی شیشے کی ڈاٹ لگی ہوتی ہے جو اس کو بخوبی بند کر لیتی ہے۔ ڈاٹ میں ایک باریک سا سوراخ بنا دیتے ہیں تاکہ بند کرتے وقت ہوا اور زائد مائع بوتل سے نکل جائے۔

متذکرہ بالا بوتل کے علاوہ ایک دوسری قسم کی زیادہ سادہ اور صحیح بوتل بھی استعمال کی جاتی ہے۔ اس کی گردن پر ایک نشان



ا ب لگا رہتا ہے (شکل ۲۱)۔ بوتل کو اتنا بھرتے ہیں کہ مائع کی ہلالی سطح کانچے والا حصہ نشان تک پہنچ جائے۔ اگر مائع زیادہ داخل ہو جائے تو جاذب کی مدد سے یا چھوٹے نالیچے سے اس کو نکال لیا جاتا ہے۔ عموماً کثافت اضافی دریافت کرنے میں بوتل کو دو دفعہ یعنی ایک دفعہ پانی اور دوسری دفعہ مائع سے بھرنا ہوتا ہے اور صحیح نتیجہ

شکل ۲۱۔ کثافت اضافی بوتل

نکالنے کے لئے اس کی ضرورت ہے کہ دونوں صورتوں میں بوتل کی گنجائش مساوی ہو۔ چونکہ اول الذکر بوتل میں ڈاٹ محروط نما ہوتی ہے اس لئے یہ ممکن ہے کہ جس قدر پہلی دفعہ بھرنے میں ڈاٹ اندر گھسی تھی اتنی ہی دوسری دفعہ میں نہ گھسے۔ جس سے بوتل کی گنجائش

میں فرق ہو جائیگا۔ اس کے علاوہ جب بوتل کی پیش کسی وجہ سے (مثلاً ہاتھ سے چھونے سے) ڈاٹ کی پیش کے مقابلے میں ذرا سی بھی بڑھ جاتی ہے تو بوتل کے منہ کے قطر میں اس پیش کی وجہ سے اضافہ ہو جاتا ہے۔ اور ڈاٹ ضرورت سے زیادہ اندر گھس جاتی ہے جس سے پھر بھی بوتل کی گنجائش میں کمی واقع ہوگی۔ ان ہی وجوہات سے جب زیادہ صحت مد نظر ہوتی ہے تو موخر الذکر بوتل کو اس بوتل پر فوقیت دی جاتی ہے۔

تجربہ ۱۶ — کثافت اضافی بوتل سے

کسی مائع کی کثافت اضافی دریافت کرنا — بوتل کو خوب صاف کر کے اچھی طرح سے خشک کر لو۔ اس کا طریقہ یہ ہے کہ کانچ کی ایک ایسی نلی لوجو بوتل کے اندر داخل ہو سکے۔ اس نلی کو ربر کی نلی کے ذریعے ایک دھونکنی سے بلا دو اور اس سے بوتل میں ہوا داخل کرو۔ ساتھ ساتھ بوتل کو دھیمہ دھیمہ شراب کی بتی یا بنسنی مشعل سے گرم کرتے جاؤ۔ گرم کرنے میں بوتل کی گردن کو پکڑ کر ہموار نہ گھماتے رہو تاکہ بوتل کے مختلف حصے مختلف پیش پر آنے نہ پائیں۔ اگر یہ احتیاط نہ برتی جائے تو شیشے کے ٹوٹنے کا خدشہ رہتا ہے۔

جب بوتل خشک اور ٹھنڈی ہو جائے تو اس کے وزن کو سنتی گرام کی حد تک ترازو کی مدد سے دریافت کرو۔ فرض کرو کہ خالی بوتل کا وزن ۹ گرام ہے۔

اس کے بعد نشان معین تک بوتل کو پانی سے بھر دو۔ اس بات کا خیال رہے کہ پانی کی سطح کے دیکھنے میں اختلاف منظر کی غلطی نہ ہونے پائے۔ اس غلطی سے بچنے کے لئے مشاہدہ کے وقت آنکھ کا مقام اور نشان معین اور پانی کی سطح ایک ہی سیدھ میں ہونی چاہئے۔ بوتل کو اسی طرح پانی سے بھر کر پھرتو۔ (اگر بوتل اول قسم کی ہو تو پانی سے بھر کر ڈاٹ چڑھانے کے بعد

اس کی باہر کی سطح کو صافی سے تولنے کے قبل بالکل خشک کر لینا چاہئے (فرض کرو کہ یہ وزن ۱۰ گرام ہے۔

۱. بوتل کے اندر کے پانی کا وزن = ۱۰ - ۱۰ گرام
بوتل کو پانی سے خالی کر کے پھر خشک کر لو اور اب اس میں نشان معین تک وہ مایع داخل کرو جس کی کثافت اضافی مطلوب ہے۔

بوتل مع مایع کا وزن دریافت کرو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۱۰ گرام ہے اس لئے پانی کے مساوی الحجم مایع کا وزن = ۱۰ - ۱۰ گرام متذکرہ بالا مشاہدوں کو حسب ذیل قلمبند کرو :-

(۱) خالی بوتل کا وزن	=	۱۰	گرام
(۲) بوتل مع پانی کا "	=	۱۰	"
(۳) بوتل مع مایع کا "	=	۱۰	"
۱. مایع کا وزن	=	۱۰ - ۱۰	"
مایع کے مساوی الحجم پانی کا "	=	۱۰ - ۱۰	"
۲. مایع کی کثافت اضافی	=	$\frac{۱۰}{۱۰}$	گرام

ریزہ دار ٹھوس کی کثافت اضافی

کثافت اضافی کی بوتل سے اُن ٹھوس اجسام کی بھی کثافت اضافی دریافت کی جاسکتی ہے جو پانی میں حل نہ ہوتے ہوں اور پانی سے بھاری ہوں۔ مگر اس صورت میں ٹھوس کو ریزوں کی شکل میں ہونا چاہئے تاکہ وہ جسم آسانی سے بوتل میں داخل کیا جاسکے۔ ایسے ٹھوس کی مثالیں ریت یا چھوٹے چھوٹے چھریے ہیں۔ اگر ٹھوس ریزہ کی شکل میں نہ ہو تو اس کو پہلے ریزہ ریزہ کر لینا چاہئے۔

اگر اشیاء پانی سے ہلکی ہوں یا اس میں حل ہو جائیں تو کثافت اضافی کے تعین میں پانی کی بجائے کوئی دوسرا مائع استعمال کیا جاسکتا ہے جس سے یہ اشیاء بھاری ہیں اور اس میں حل نہیں ہوتیں۔ مگر اس صورت میں جس مائع کو ہم استعمال کریں گے اس کی کثافت اضافی مذکورہ بالا طریقہ سے دریافت کرنا ضروری ہے۔

ریت کی کثافت اضافی دریافت کرنے میں بوتل کو مائع کی طرح ریت سے صرف بھر دینا ہی کافی نہیں ہوگا۔ ایسا کرنے میں ہم صرف ریت کی کثافت اضافی دریافت نہیں کر رہے ہونگے بلکہ ریت اور ہوا کے آمیزہ کی۔ کیونکہ ریت کے ریزوں کے درمیان ہوا کی کثیر مقدار مقید رہتی ہے۔

جتنی بے گناہ — کثافت اضافی کی بوتل سے کسی ریزہ دار ٹھوس (مثلاً ریت) کی کثافت اضافی دریافت کرنا۔ پہلے خالی بوتل کو تول لو۔ فرض کرو کہ اس کا وزن ۱۰ گرام ہے۔ تقریباً تہائی بوتل کو ریت سے بھر دو (اس امر کا لحاظ رہے کہ ریت اور بوتل بالکل خشک ہوں)۔ بوتل مع ریت کا وزن دریافت کرو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۱۵ گرام ہے۔ اس لئے ریت کا وزن ۵ — ۱۰ گرام ہوا۔

اب بوتل کے بقیہ حصہ کو پانی سے بھر دو۔ پانی بھرتے وقت بوتل کو خوب ہلاتے رہنا چاہئے تاکہ ہوا کے بلبلے جو ریت کے ذروں کے درمیان مقید ہوتے ہیں خارج ہو جائیں۔ اگر زیادہ صحت مقصود ہو تو بوتل کی گردن کو ربڑ کی نلی کے ذریعے ہوا پمپ سے ملا دینا چاہئے۔ جس سے ہوا خارج کی جاسکے۔ پانی کی سطح کو نشان معین تک لاؤ۔ بوتل مع پانی و ریت کے وزن کو دریافت کر لو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۲۰ گرام ہے۔ اس لئے پانی کا وزن ۵ — ۱۰ گرام ہوگا۔ بوتل کو بالکل خالی کر دینے کے بعد پانی سے اچھی طرح صاف

کرو۔ اب پھر نشان معین تک بوتل کو پانی سے بھر کر تول لو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ گرام ہے اس لئے پانی کا وزن جو نشان معین تک بوتل کو بھرنے کے لئے درکار ہے ۹۔ ۹ گرام ہوگا۔ پس ریت سے جس قدر جگہ گھری ہوئی ہے اُس کو بھرنے کے لئے پانی کی مقدار کا وزن (۹ - ۹) اور (۹ - ۹) کے فرق کے برابر ہوگا۔

$$\text{ریت کا وزن} = \frac{\text{ریت کی کثافت اضافی}}{\text{اُس کے مساوی الحجم پانی کا وزن}}$$

$$= \frac{\text{ریت کا وزن}}{\text{ریت سے جس قدر جگہ گھری ہوئی ہے اُس کو بھرنے کے لئے پانی کی مقدار کا وزن}}$$

$$= \frac{9 - 9}{(9 - 9) - (9 - 9)}$$

متذکرہ بالا مشاہدوں کو حسب ذیل قلمبند کرو:-

- | | | | |
|-----|---------------------------------------|---|--------------------------------|
| (۱) | خالی بوتل کا وزن | = | ۹ گرام |
| (۲) | بوتل مع ریت کا وزن | = | ۹ |
| (۳) | بوتل مع ریت و پانی (ریت بوتل کے اندر) | = | ۹ |
| (۴) | صرف پانی سے بھری ہوئی بوتل کا وزن | = | ۹ |
| : | ریت کا وزن | = | ۹ - ۹ گرام = ۹ |
| : | اور ریت کے مساوی الحجم پانی کا وزن | = | (۹ - ۹) - (۹ - ۹) = ۹ گرام = ۹ |
| : | کثافت اضافی | = | $\frac{9}{9}$ |

۳۔ ماسکونی ترازو

دو مَس کرنے والے اجسام کی درمیانی قوتیں جب دو اجسام مَس کر رہے ہوں تو اُن میں قوتیں پیدا ہوتی ہیں

جن کو عمل اور ردِ عمل کہتے ہیں۔ نیوٹن کے تیسرے کلیہ حرکت کے مطابق یہ دونوں قوتیں مقدار میں مساوی مگر سمت میں متضاد ہوتی ہیں۔ اگر قوت دونوں جسموں کی مماسی سطح پر علی القوایم عمل کر رہی ہو تو اس قوت کو قوتِ اُچھال کہتے ہیں اور اس کی پیمائش ڈائنوں میں یا گرام وزنوں میں ہوتی ہے۔

حقیقتاً اجسام ایک محدود ہی رقبہ میں ایک دوسرے سے مس کرتے ہیں۔ اس صورت میں اجسام کے درمیان دباؤ ہونے کا ذکر اُس وقت کیا جاتا ہے جب کہ قوتیں مس کرنے والی پوری سطحوں پر عمل کر رہی ہوں۔

رقبہ کے کسی چھوٹے ٹکڑے پر جو قوتِ اُچھال عمل کر رہی ہے اُس کو اگر اُسی رقبہ کی اکائیوں سے تقسیم کر دیا جائے تو جو نتیجہ حاصل ہوتا ہے وہ اُس چھوٹے رقبہ کے اندر کے کسی نقطہ پر کا دباؤ کہلاتا ہے بشرطیکہ یہ فرض کر لیا جائے کہ قوتِ اُچھال اس چھوٹے ٹکڑے پر ہموارانہ عمل کر رہی ہے۔ فرض کرو کہ ایک نقطہ ا کسی چھوٹے رقبہ مَف س کے اندر واقع ہے اور اگر اس رقبہ پر مَف ق قوت ہموارانہ عمل کر رہی ہو تو نقطہ ا پر دباؤ = $\frac{مَف ق}{مَف س}$

اگر رقبہ زیر بحث نہایت ہی چھوٹا لیا جائے تو دباؤ کی قیمت کسی نقطے پر اور بھی صحیح نکلیگی۔ اس صورت میں انتہا میں چل کر دباؤ = $\frac{مَف ق}{مَف س}$

دباؤ کی پیمائش "ڈائن فی مربع سسم" میں کی جاتی ہے۔ اگر اجسام زیر بحث میں سے ایک سیال ہو اور دوسرا ٹھوس تو سیالی دباؤ کی وجہ سے ٹھوس پر جو حاصل قوت پیدا ہوتی ہے اُس کی تخمین مندرجہ ذیل اصول سے آسانی کے ساتھ کی جاسکتی ہے۔

حکیم ارشمیدس کا اصول

حکیم ارشمیدس کا اصول بالعموم الفاظ ذیل میں ادا کیا جاتا ہے :-
جب کوئی جسم کسی سیال میں ڈبو یا جاتا ہے تو اُس کے وزن میں اتنی ہی ظاہری کمی واقع ہوتی ہے جتنا کہ ہٹائے ہوئے سیال کا وزن ہوتا ہے۔

اسی اصول کو براہ راست اور آسانی سے یوں بھی بیان کر سکتے ہیں کہ جب کوئی جسم گلیتہ یا جزو کسی ساکن سیال میں داخل کیا جائے تو اس پر اوپر کی طرف ایک قوت اچھال کی پیدا ہوتی ہے جس کی مقدار ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے برابر ہوتی ہے۔

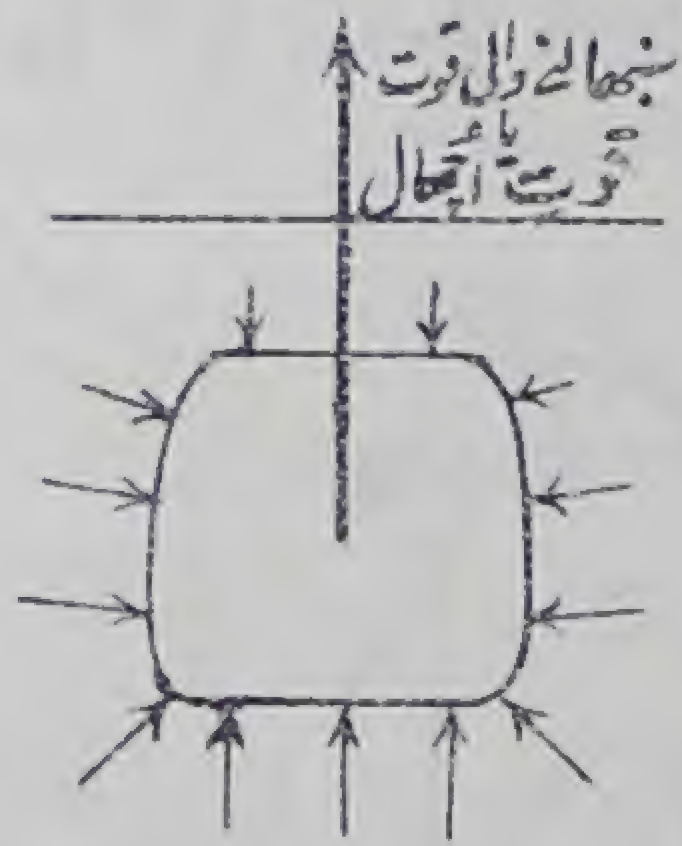
اس اصول کو سیالی دباؤ کے نظریہ سے اخذ کر سکتے ہیں اور ایسا سادہ تجربہ بھی کیا جاسکتا ہے جس سے اس کی صحت کی تصدیق بھی ہو سکتی ہے۔

ساکن سیال کے کسی حصے کے تعادل پر اگر غور کیا جائے تو یہ ظاہر ہے کہ وہ حصہ آس پاس کے سیال سے سنبھلا ہوا ہے ورنہ اس کا وزن ضرور اس کو ڈبو دیتا۔ اور تعادل قائم کرنے کے لئے یہ بھی ضروری ہے کہ یہ سنبھالنے والی قوت متذکرہ بالا حصہ کے وزن کے مساوی ہو۔

آس پاس کے سیال کے وجود سے جو دباؤ پیدا ہوتے ہیں ان ہی سے حصہ متذکرہ بالا سنبھلا رہتا ہے۔ ان دباؤں کا اس حصے کے وزن کے مساوی ہے اور اوپر کی طرف عمل کرتا ہے (دباؤ کی سمتیں شکل ۲۲ میں دکھائی گئی ہیں)۔ اس سنبھالنے والی حاصل قوت

کو قوت اُچھال کہتے ہیں۔

اب سیال کے زیر بحث حصے کو الگ کر لو اور اُس کی جگہ پر ٹھیک اسی شکل کا ایک ٹھوس تصور کر لو۔ اس صورت میں بھی اُس پاس کے سیال کے وجود سے اتنے ہی دباؤ پیدا ہونگے جتنے کہ پہلی صورت میں نمایاں ہوئے تھے۔



شکل ۲۱۔ ارشمیدس کا اصول

اس لئے ٹھوس بھی ایک ایسی حال قوت سے سنبھلا رہیگا جس کی مقدار وہی ہوگی جو سیال کے زیر بحث حصے کو سنبھالے ہوئے تھی۔ اور یہ سنبھالنے والی قوت ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے مساوی رہے۔ اس لئے ٹھوس زیر بحث پر بھی ایک ایسی قوت اُچھال اوپر کی طرف پیدا ہو جائیگی جس کی مقدار ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے برابر ہوگی۔ اس کا نتیجہ یہ ہوگا کہ ٹھوس کے وزن میں اتنی ہی مقدار کی ظاہری کمی واقع ہوگی۔

تجربہ ۱۸۔ ارشمیدس کے اصول کی عملی تصدیق۔

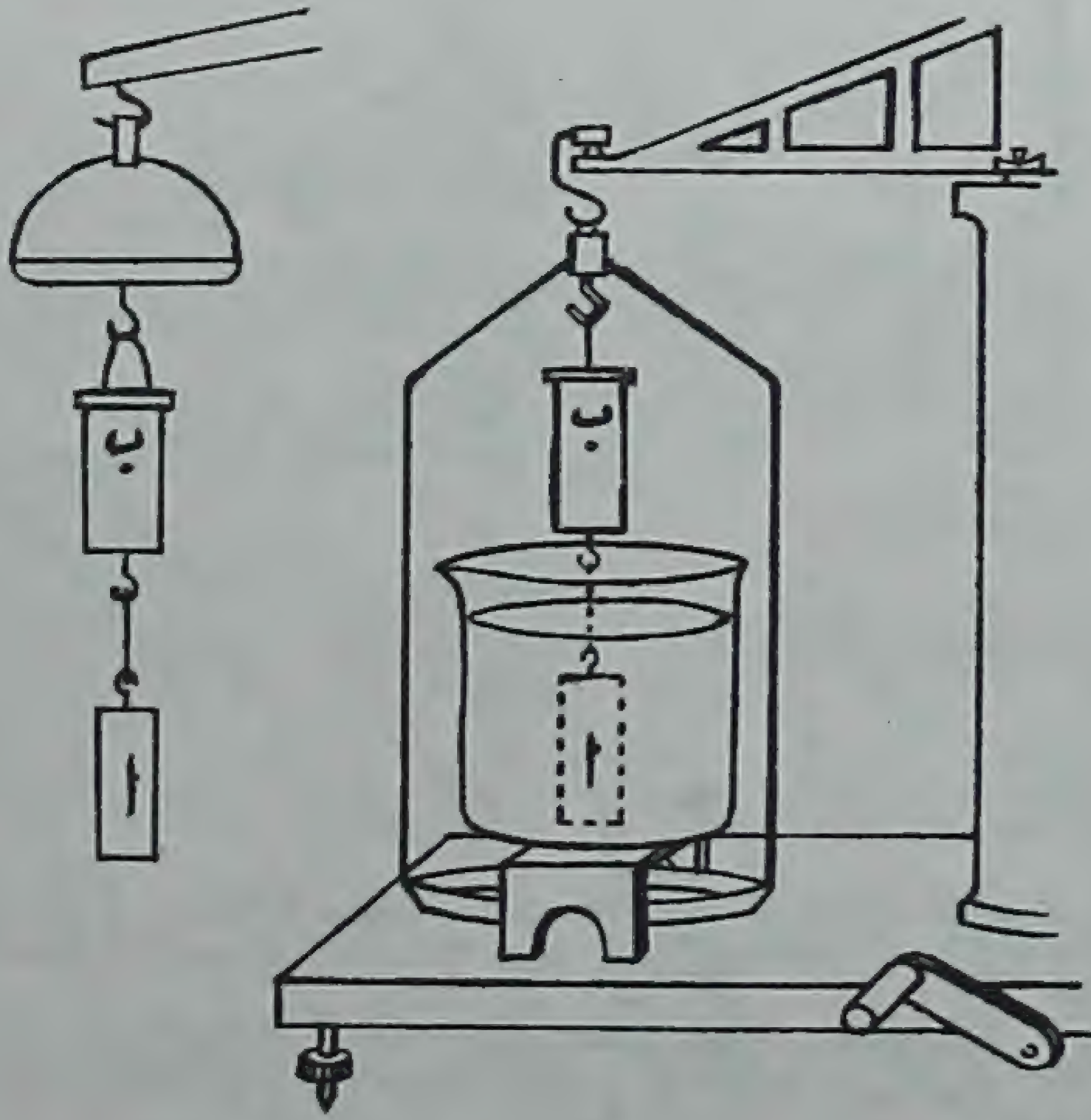
اس اصول کی صحت کی تصدیق کے لئے دو اُستوانے لئے جاتے ہیں ایک بالکل ٹھوس اور دوسرا مجوف۔ مجوف حصہ ایسا ہوتا ہے کہ ٹھوس اُس میں ٹھیک ٹھیک سما جاتا ہے۔



اُستوانے میں اس طرح سے ٹپک لئے ہوتے ہیں کہ ٹھوس اُستوانہ 'ا' مجوف اُستوانہ 'ب' کے نیچے لٹکایا جاسکے۔ شکل ۲۲ میں 'ب' کا ایک تراشی منظر دکھلایا گیا ہے جس میں اُنکھ باہر نکلا ہوا ہے۔

شکل ۲۲۔ مجوف اور ٹھوس اُستوانہ

ب کو ترازو کی ڈنڈی کے ایک سرے سے لٹکاتے ہیں اور ا
اسطوانہ ب کے نیچے لٹکایا جاتا ہے۔ ماسکونی ترازوں میں ایک طرف کا
پلڑا عموماً اونچا ہوتا ہے اور اسی پر اسطوانہ لٹکائے جاتے ہیں (شکل ۲۳)۔



شکل ۲۳ - ارشمیدس کے اصول کی عملی تصدیق

ا کو ب کے ساتھ دہانگے سے اس طرح لٹکاتے ہیں کہ ا کی حرکت میں ب
کی وجہ سے رکاوٹ نہ ہو۔ دوسرے پلڑے پر باٹ رکھ کر تعادل قائم
کیا جاتا ہے۔ ایک پانی کا برتن ا کے نیچے اس طرح رکھا جاتا ہے کہ
ا گلیشہ پانی میں ڈوب جائے۔ ایسا کرنے سے تعادل ٹوٹ جاتا ہے اور
اسطوانہ والا پلڑا اوپر اٹھ جاتا ہے یعنی ا کے وزن میں ظاہری کمی واقع
ہو جاتی ہے۔

اگر ب کو لبالب پانی سے بھر دیا جائے تو تعادل پھر قائم ہو جاتا
ہے۔ اس سے یہ معلوم ہوگا کہ ا کے وزن میں جو کمی واقع ہوئی تھی
وہ ا کے مساوی الحجم پانی داخل کرنے سے پوری ہو گئی۔ یعنی جب ا
پانی میں ڈبویا گیا تو اس کا وزن اپنے مساوی الحجم پانی کے وزن کے

برابر کم ہو گیا۔

ب سے پانی نکال لو۔ اور اوپر اٹھے ہوئے پلڑے پر اُس وقت تک باٹ ڈالتے جاؤ جب تک کہ تعادل نہ قائم ہو جائے۔ ظاہر ہے کہ جو باٹ اب ڈالے گئے ہیں وہ اسطوانہ ب میں جتنا پانی تھا اُس کے وزن کے مساوی ہیں یا یوں کہئے کہ ا کے مساوی الجھ پانی کے وزن کے برابر ہیں۔

سارے تجربہ کو دہراؤ اور ہر تجربہ میں مختلف مائع مثلاً رُوحِ شرب، پیرافین کا تیل یا کوئی اور مناسب مائع استعمال کرو۔ اور اس بات کو بغور دیکھو کہ ہر حالت میں جب اگلیئے کسی مائع میں ڈبویا جاتا ہے تو تعادل قائم کرنے کے لئے ب کو اُسی مائع سے لبالب بھرنا ہوتا ہے جس سے ارشمیدس کے اصول کی تصدیق ہو جاتی ہے۔

یہ امر قابلِ لحاظ ہے کہ ہر متذکرہ بالا حالت میں وزن کی ظاہری کمی یکساں نہیں ہوتی۔ اور ایسا ضرور ہونا چاہئے کیونکہ اُچھال کی قوتیں مساوی جموں کے مختلف مائعوں کے وزنوں کے برابر ہیں۔ اگر ایک مائع پانی ہو تو کسی دوسرے مائع کی کثافت اضافی مندرجہ ذیل ضابطوں سے دریافت کر سکتے ہیں:-

$$\frac{\text{کسی حجم کے مائع کا وزن}}{\text{مساوی الجھ پانی کا وزن}} = \text{کثافتِ اضافی}$$

$$\frac{\text{مائع کی وجہ سے قوتِ اُچھال}}{\text{پانی کی وجہ سے قوتِ اُچھال}} =$$

ارشمیدس کے اصول کے اطلاقات

اصول ارشمیدس سے ٹھوس اور مائع کی کثافت اضافی دریافت کرنے کا ایک نہایت اہم طریقہ حاصل ہوتا ہے۔ جب ایک ٹھوس

کلیتہً کسی بلیغ کے اندر ڈبو یا جاتا ہے تو اس جسم پر جو قوت اُچھال پیدا ہوتی ہے وہ اس کے مساوی الجحیم بلیغ کے وزن کے برابر ہے۔ پس ٹھوس کے وزن کو اس کے اوپر جو قوت اُچھال ہے اس سے مقابلہ کرنے سے ٹھوس اور بلیغ کی اضافی کثافتوں کا مقابلہ ہو سکتا ہے کیونکہ ٹھوس اور بلیغ کے حجم دونوں صورتوں میں ایک ہی ہیں۔ خصوصاً اگر ہم کلیتہً پانی میں ڈوبے ہوئے کسی معلوم وزن کے ٹھوس پر قوت اُچھال کی قیمت دریافت کر لیں تو ہم کو اس ٹھوس کے مساوی الجحیم پانی کا وزن معلوم ہو جائیگا اور اس سے ہم اس ٹھوس کی کثافت اضافی اخذ کر لینگے۔

جی بسرہ ۱۹ — ارشیدس کے اصول سے

اضافی کثافتوں کی تعین — کسی ٹھوس یا بلیغ کی کثافت اضافی ماسکونی ترازو کی مدد سے دریافت ہو سکتی ہے۔

(۱) اس ٹھوس کی کثافت اضافی جو پانی میں حل نہ ہو سکے۔ ٹھوس کو باریک دھاگے یا تار کی مدد سے ماسکونی ترازو کے چھوٹے پلڑے سے یا اگر ترازو معمولی ہو تو پلڑے کے ہگ سے لٹکاؤ۔ جب یہ جسم ہوا میں آزادانہ لٹک رہا ہو تو دوسرے پلڑے پر باٹ ڈال کر تعادل قائم کر لو۔ اس کے بعد اس جسم کو بغیر ہگ سے ہٹائے ہوئے کلیتہً پانی میں ڈباؤ۔ مگر اس بات کا لحاظ رہے کہ دھاگا حتی المقدور بھیکنے نہ پائے۔ پھر باٹوں کو بدل کر تعادل قائم کر دو۔ اب کم وزن کے باٹوں کی ضرورت ہوگی۔ دونوں صورتوں میں باٹوں کا جو فرق ہوگا وہی قوت اُچھال ہوگا۔ یعنی یہ فرق جسم کے مساوی الجحیم پانی کے وزن کے برابر ہے۔ اس لئے

جسم کا وزن ہوا میں

کثافت اضافی =

جسم کے وزن میں پانی میں ڈبونے سے ظاہری کمی اگر معمولی ترازو سے ماسکونی ترازو یعنی جسم کا وزن پانی میں دریافت کرنے کا

کام لیا جائے تو جس پلے کے ہک سے جسم زیر بحث لٹکایا جاتا ہے اُس طرف ایک چھوٹی چوکی (مگر کافی لمبی اور بلند) رکھی جاتی ہے تاکہ پلڑا اوپر نیچے بغیر کسی رکاوٹ کے حرکت کر سکے۔ اس چوکی پر پانی سے بھرا ہوا گلاس رکھا جاتا ہے اور جسم اس طرح سے اس میں ڈبو یا جاتا ہے کہ وہ گلاس کے بازوؤں سے نہ ٹکرائے پائے۔ حاصل کھام یہ ہے کہ چوکی کے رکھنے سے ٹرازو کے عمل میں کسی قسم کی مزاحمت نہ ہو (شکل ۱۲)۔

(ب) کسی مائع کی کثافت اضافی کسی ٹھوس کو ہوا اور پانی میں وزن کرو جیسا کہ اوپر (ا) میں بیان ہو چکا ہے۔ اس کی مدد سے جسم کے مساوی الجھ پانی کا وزن دریافت ہو جائیگا۔ اس کے بعد اسی ٹھوس کو اس مائع میں وزن کرو جس کی کثافت اضافی مطلوب ہے اور اس طریقے سے مساوی الجھ مائع کا وزن دریافت کرو اس لئے

$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{جسم کے مساوی الجھ مائع کا وزن}}{\text{اسی جسم کے مساوی الجھ پانی کا وزن}}$$

(ج) اُس ٹھوس کی کثافت اضافی جو پانی میں حل ہو سکے۔

کوئی ایسا مائع جو جس میں ٹھوس زیر بحث حل نہ ہو سکے۔ اس مائع کی کثافت اضافی ایک ایسے ٹھوس مثلاً شیشہ وغیرہ کی مدد سے جو نہ اس مائع میں حل ہو سکے نہ پانی میں متذکرہ بالا (ب) طریقے سے دریافت کر لو۔ فرض کرو کہ یہ کثافت اضافی سی ہے۔ اب ٹھوس زیر بحث کو ہوا میں بھی تول لو اور پھر اُس مائع میں بھی۔ آخر الذکر دو تجربوں سے ٹھوس کے مساوی الجھ مائع کا وزن معلوم ہو جائیگا۔ اور اس وزن کو مائع کی کثافت اضافی یعنی "س" سے تقسیم کرنے سے ٹھوس کے مساوی الجھ پانی کا وزن دریافت ہو جائیگا۔ پس ٹھوس زیر بحث کی

$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{ٹھوس کا وزن ہوا میں}}{\text{ٹھوس کے مساوی الجھ مائع کا وزن} \times \text{س}}$$

(۵) ایک ایسے ٹھوس کی کثافت اضافی جو پانی سے ہلکا ہو (مثلاً موم وغیرہ) - جسم کو ہوا میں تولو - چونکہ جسم پانی سے ہلکا ہے اس لئے یہ پانی پر تیرے گا۔ قوت اُچھال کی دریافت میں کسی بھاری دھات کے ایک ایسے ٹکڑے (لنگر) کی ضرورت ہوگی جو ساتھ لٹکانے سے اس جسم کو کلیتہً پانی میں ڈبو دے۔

اب متذکرہ بالا دھات کے ٹکڑے کا وزن پانی میں دریافت کر لو۔ ان دونوں نتیجوں کا حاصل جمع ہلکے جسم کا وزن ہوا میں اور لنگر کا وزن پانی میں ظاہر کریگا۔ اب ہلکے جسم اور لنگر کو اس طرح ترتیب دو کہ دونوں کلیتہً پانی میں ڈوب جائیں۔ اب دونوں کا وزن پانی میں دریافت کر لو۔ ان دونوں نتیجوں کا فرق جسم پر قوت اُچھال بتائیگا کیونکہ ہر دو صورتوں میں لنگر پانی ہی کے اندر تھا۔ اس ہلکے جسم کا وزن ہوا میں پہلے ہی دریافت کر لیا گیا ہے اس لئے

$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{جسم کا وزن (ہوا میں)}}{\text{مذکورہ بالا فرق}}$$

مذکورہ ذیل مثال سے تجربہ کا طریق عمل اور مشاہدوں کا قلمبند کرنا واضح ہو جائیگا:-

موم کا وزن ہوا میں	=	۳۶۲۳۵ گرام
پیتل کے لنگر کا وزن پانی میں	=	۶۵۹۲۵ گرام
جمع کرنے سے موم کا وزن ہوا میں اور لنگر کا پانی میں	=	۱۰۶۱۴۰ گرام
موم اور لنگر کا وزن پانی میں	=	۶۵۳۱۰ گرام
موم پر قوت اُچھال (پانی میں)	=	۱۰۶۱۴۰ - ۶۵۳۱۰ گرام
یعنی موم کے مساوی الحجم پانی کا وزن	=	۳۶۸۵۰ گرام
	=	۳۶۸۵۰ گرام

∴ سوم کی کثافت اضافی = $\frac{\text{سوم کا وزن ہوا میں}}{\text{اُس کے مساوی الحجم پانی کا وزن}}$

$$= \frac{35225}{35850}$$

$$= 0.9824$$

ارشیدس کے اصول کا اطلاق دوسری عملی تعینوں پر بھی آسانی سے ہو سکتا ہے جن کی چند خاص مثالیں ذیل میں دی جاتی ہیں: —
تجی بس نل — ماسکونی ترازو کی مدد سے جھموں کی تعین — جسم کو باریک دھاگا یا تار کے ذریعے سے ترازو کی ڈنڈی کے ایک سرے سے لٹکاؤ اور ہوا میں اُس کا وزن دریا کرو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔

پھر اسی جسم کا وزن پانی میں دریافت کرو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔

ان دونوں وزنوں ۹ اور ۹ کا درمیانی فرق جسم پر کی قوت اُچھال کے برابر ہے۔ ارشیدس کے اصول کے رُوسے یہ قوت اُچھال جسم کے مساوی الحجم پانی کے وزن کے برابر ہے۔ یہ معلوم ہے کہ ۹ - ۹ = ح ث

جہاں ح = حجم اور ث = کثافت یعنی کثیت فی اکائی حجم
∴ $ح = \frac{ث}{۹ - ۹}$

میٹری (س - گ - ث) نظام میں ایک مکعب سمر پانی کی کثیت ایک گرام ہے اس لئے ث = ۱ اور ح = (۹ - ۹) مکعب سمر۔ اس تجربہ میں اگر بجائے پانی کے کوئی دوسرا مائع استعمال کیا جائے جس کی کثافت معلوم ہو تو حجم مذکورہ بالا مساوات سے اتنی ہی آسانی سے دریافت ہو سکتا ہے جیسا کہ پہلی صورت میں

$$\text{کیونکہ } \frac{H}{T} = \frac{V}{A}$$

تجربہ ۲۱ — کسی تختی کی موٹائی دریافت کرنا۔
اگر کوئی جسم ایک چھٹی تختی کی شکل میں ہو اور اس کا رقبہ 'س' ہو اور
اوسط موٹائی 'ت' ہو تو

$$H = S \times T$$

$$T = \frac{H}{S}$$

تختی کا وزن ہوا اور پانی میں جدا جدا دریافت کرو اور ان تجربوں
سے حجم کی قیمت اخذ کرو۔

اگر تختی مستطیل شکل کی ہو تو اس کے طول اور عرض کو ناپ کر اس کے
ایک رخ کا رقبہ دریافت کرو۔ حجم کو اس رقبے سے تقسیم کرنے سے
موٹائی معلوم ہو جائیگی۔

تختی کی موٹائی پیمار خروہ پیمائی کی مدد سے دریافت کرو اور اس
نتیجے کو اگلے نتیجے سے مقابلہ کرو۔ دیکھو کہ نتیجوں میں مطابقت ہے یا نہیں۔
یہ ممکن ہے کہ تختی ہر جگہ یکساں موٹی نہ ہو اس لئے خروہ پیمائی کی مدد سے
مختلف مقاموں کی موٹائی دریافت کرنا چاہئے۔ مختلف قیمتیں جو حاصل
ہونگی ان کا اوسط تختی کی اوسط موٹائی ہوگی۔

تجربہ ۲۲ — کسی تار کا قطر دریافت کرنا۔
اگر اوسط قطر ہو تو تار کی تراش عمودی کا رقبہ $\frac{\pi}{4} d^2$ کے مساوی
ہوگا۔ فرض کرو کہ تار کا طول 'ل' ہے

$$\text{حجم (ح)} = \frac{\pi d^2}{4} \times L$$

$$\frac{H}{L} = \frac{\pi d^2}{4}$$

$$\frac{H}{L} = \frac{\pi d^2}{4}$$

ل طول کے تار کا وزن پانی اور ہوا میں جدا جدا دریافت کرو۔
 ان تجربوں سے ح کی قیمت اخذ ہو سکتی ہے۔
 ل اور ح کی قیمتیں جب معلوم ہو جائیں گی تو ح کی قیمت مذکورہ
 بال ضابطہ سے نکل آئے گی۔ جو قیمت حاصل ہو اُس کی تصدیق پیچیدہ
 خرودہ پیم کے ذریعے سے کر لو۔
 تجربہ ۲۳۔ کسی اُلچھے ہوئے تار کا طول
 دریافت کرنا۔ تار کے وزن کو ہوا اور پانی میں دریافت کرو اور
 نتیجوں سے ح کی قیمت نکالو۔ پھر خرودہ پیم سے تار کے قطر کی پیمائش
 کرو۔ پس طول دریافت ہو جائیگا۔

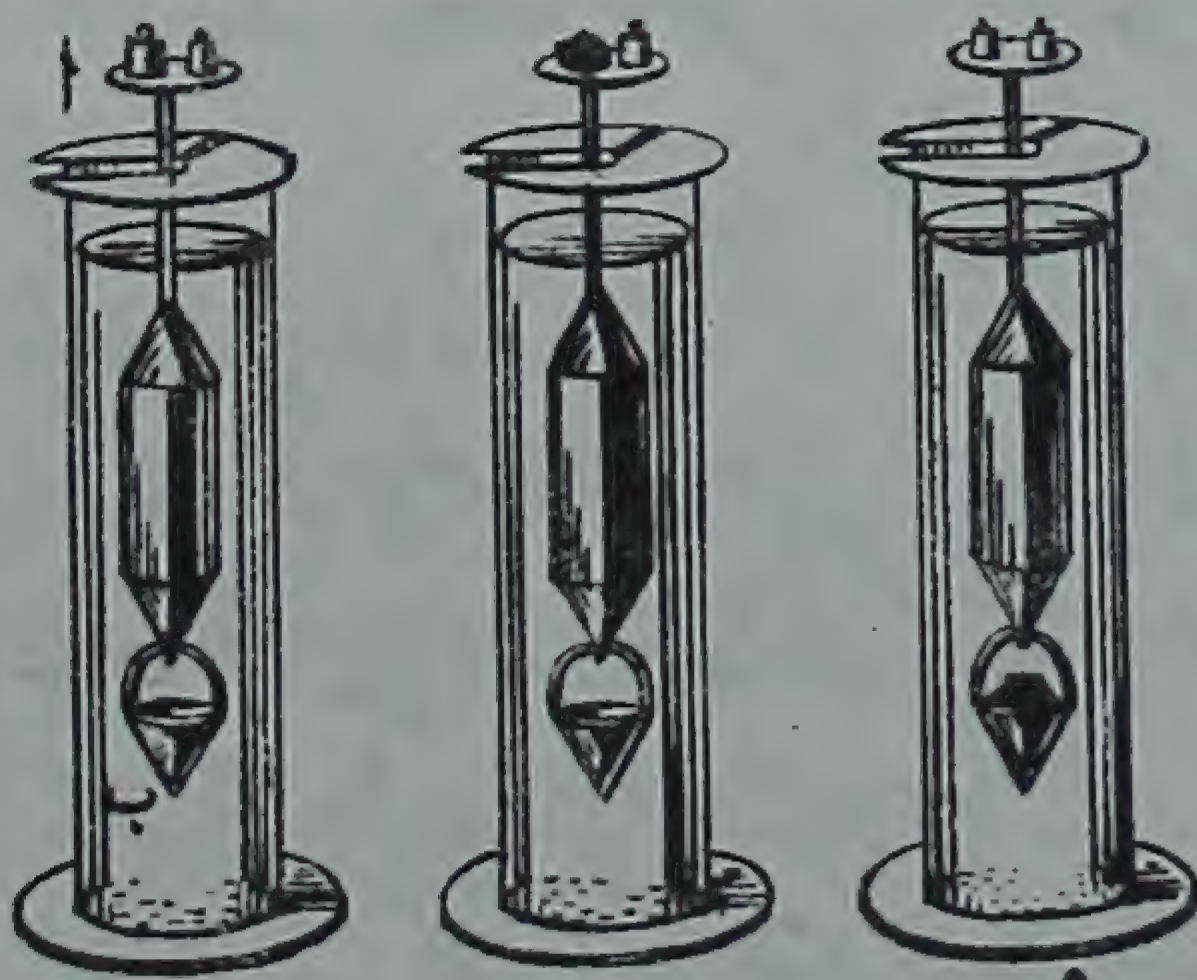
۴۔ مالیہ پیم

مالیہ پیم ایک ایسا آلہ ہے جس کی مدد سے کسی مالیہ کی کثافت اضافی
 تیرانے کے عمل سے دریافت کی جاتی ہے۔ یہ ایک انتصابی سلاح پر مشتمل
 ہے جس کے ایک سرے میں ایک بوجھل جوفہ لگا رہتا ہے۔ جوفہ کو بوجھل
 بنانے کا مقصد یہ ہے کہ آلہ کسی مالیہ میں انتصاباً قائم رہے اور سلاح کا
 کوئی مناسب حصہ مالیہ میں ڈوبا رہے۔ جب آلے کو مناسب کثافت
 کے کسی مالیہ میں رکھا جاتا ہے تو وہ اس طریقہ سے تیرتا ہے کہ سلاح کا کچھ
 حصہ مالیہ کی سطح کے باہر نکلا رہتا ہے۔ تعادل کی اس صورت میں آلہ کا
 وزن ہٹائے ہوئے مالیہ کے وزن کے مساوی ہے۔ سلاح کی وجہ بندی
 اس طریقہ سے ہوتی ہے کہ وہ مالیہ کی کثافت اضافی براہ راست بتا دے۔
 کسی مالیہ کی کثافت اضافی فوراً دریافت کرنے کے لئے یہ بہت
 ہی آسان طریقہ ہے۔ بشرطیکہ نتائج کی تقریبی قیمت مطلوب ہو۔ اس عمل میں
 سطحی تناؤ کا اثر بھی ہوتا ہے اس لئے صحیح نتائج نکالنے کے لئے بہت احتیاط
 برتنے کی ضرورت ہے حتی الامکان سطحی تناؤ کے اثر کو زائل کرنے کی کوشش

کرنی چاہئے۔

نکلسن مائع پیماس

نکلسن مائع پیماس۔ اس آلے میں دو صحت کا ایک ایسا کھوکھلا
 اسطوانہ ہوتا ہے جو مائع میں تیر سکے۔ اس کے دونوں سرے عموماً مخروطی
 ہوتے ہیں۔ اوپر کی طرف اس میں ایک ایسی سلاخ لگی رہتی ہے جس کے
 اوپر کے سرے میں ایک چھوٹا پلڑا ہے اور اسطوانے کے پچھلے سرے
 پر ایک چھوٹی مخروطی شکل کی پیالی (ب) لگی ہوتی ہے۔ یہ پیالی عموماً
 سیسے سے بوجھل کر دی جاتی ہے تاکہ آلہ مائع میں انتصاباً تیرتا رہے۔ اور
 آلہ کا اوپر والا مخروطی حصہ کچھ مائع سے باہر نکلا رہے۔ پیالی کے اوپر بعض
 اوقات ایک چھلنی دار ڈھکن لگا دیا جاتا ہے تاکہ پیالی کو جب چاہیں
 اس سے ڈھک دیں (شکل ۲۵)۔ سلاخ پر ایک نشان کھود دیا جاتا



شکل ۲۵۔ نکلسن مائع پیماس

ہے تاکہ آلہ ہر تجربہ میں اسی نشان تک ڈبو یا جاسکے۔

تجربہ ۲۲۔ نکلسن مایع پیا کی مدد سے کسی ٹھوس کی کثافت اضافی کی تعیین — آلے کو پانی میں تیراؤ اور ۱ پلڑے پر باٹ رکھتے جاؤ جب تک کہ آلہ نشان ن تک ڈوب نہ جائے۔ جس برتن میں پانی ڈال کر مایع پیا ڈبویا جاتا ہے اُس کے مُنہ کو ایک ایسے دھات کے پترے سے ڈھک دینا بہتر ہوگا جس میں ایک شکاف بنا ہوا ہو۔ شکاف کی وسعت اتنی ہونی چاہئے کہ آلے کی صلاح بالکل آزادانہ اوپر نیچے حرکت کر سکے۔ اس انتظام سے آلہ پانی میں کلیئہ ڈوبنے سے محفوظ رہتا ہے اور پلڑا اور باٹ بھی نہیں بھگنے پاتے (صفحہ ۲۲ میں باٹوں کے استعمال کے وقت احتیاط برتنے کی ہدایتیں دیکھو)۔

اس انتظام سے آلہ برتن کی دیواروں سے بھی نہیں ٹکرا سکتا۔ فرض کرو کہ آلہ کو نشان معین تک ڈوبنے کے لئے ۹ وزن کی ضرورت ہے۔ باٹوں کو ہٹا کر جس ٹھوس کی کثافت اضافی مطلوب ہے اُس کو پلڑے ۱ پر رکھو۔ اب آلے کو نشان معین تک ڈوبنے کے لئے اور باٹوں کی ضرورت ہوگی۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔ اس لئے ٹھوس کا وزن ہوا میں ۹ - ۹ کے مساوی ہے۔

باٹوں کو پھر اُتار لو اور جسم کو پلڑے ۱ سے ہٹا کر پیالی ب میں رکھو (جو پانی کے اندر ہے)۔ اب آلے کو نشان معین تک ڈوبنے کے لئے فرض کرو کہ ۹ باٹوں کی ضرورت ہوئی۔

ان دو صورتوں میں وزن میں جو کچھ فرق ہوگا وہ اس وجہ سے ہوگا کہ ایک صورت میں جسم ہوا میں ہے اور دوسری صورت میں پانی میں۔ یہ فرق جسم پر پانی کی قوت اُچھال کی وجہ سے پیدا ہوا۔ یعنی ۹ - ۹ = قوت اُچھال

= جسم کے مساوی الجھم پانی کا وزن

$$\text{اس لئے کثافت اضافی} = \frac{\text{ہوا میں وزن}}{\text{مساوی الجھم پانی کا وزن}} = \frac{9 - 9}{9 - 9}$$

طریق مندرجہ بالا سے دو جسموں کی الگ الگ کثافت اضافی دریافت کرو۔ ان میں سے ایک پانی سے بھاری لو اور دوسرا پانی سے ہلکا۔ موزن لکڑی حالت میں (یعنی جسم جب کہ پانی سے ہلکا ہو) اگر پیالی میں ڈھکن نہ ہو تو جسم کو پیالی کے ساتھ باندھنا پڑیگا۔ ورنہ یہ جسم ہلکا ہونے کی وجہ سے پانی کی سطح پر چلا آئیگا۔

ان تمام تجربوں میں اس بات کی احتیاط رہے کہ پانی کے اندر ہوا کے جھیلے آلے میں کہیں پر بھی نہ رہنے پائیں۔

نیکلسن مایع پیم سے کثافت اضافی کی تعینوں میں اتنی صحت حاصل نہیں ہوتی جتنی کہ ان طریقوں سے جن کا بیان گزشتہ دفعوں میں کیا گیا ہے۔ کیونکہ مایع پیم کی صلاح کے اس حصے پر جہاں وہ پانی کی سطح سے باہر نکلتی ہے سطحی تناؤ کے عمل کی وجہ سے بہت زیادہ غلطیاں ہو سکتی ہیں۔ اس عمل میں تخفیف کرنے کے لئے صلاح حتی الامکان باریک ہونی چاہئے۔

تجربہ ۲۵۔ نیکلسن مایع پیم کی مدد سے کسی

مایع کی اضافی کثافت کی تعین۔ آلے کو پانی میں تیرنے دو اور پلڑے پر وزن رکھ کر آلے کو نشان معین تک ڈباؤ۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔

آلے کو پانی سے نکال کر خشک کر لو اور اس مایع میں تیراؤ جس کی کثافت اضافی مطلوب ہے۔ حسب دستور پلڑے پر باٹوں کو رکھ کر آلے کو نشان معین تک ڈباؤ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔

اب مایع پیم کو تول لو۔ فرض کرو کہ اس کا وزن ۹ ہے۔ ۹ + ۹ اتنے پانی کا وزن ہے جو نشان معین تک مایع پیم کو ڈبونے میں ہٹا۔ اور ۹ + ۹ اتنے ہی مایع کا وزن ہے جس کو مایع پیم نے اسی نشان تک ڈوبنے میں ہٹایا۔ مگر ہر حالت میں ہٹائے ہوئے حجم ایک ہی ہیں اس لئے مایع کی کثافت اضافی = $\frac{9+9}{9+9}$

تنبیہ :- مائع زیر بحث ایسا نہ ہو کہ آلے برکیمیائی عمل کرے۔

۵۔ مایعات کی اضافی کثافتوں کا مقابلہ

مساوی دباؤ ڈالنے والے استوائوں کی بلندیوں سے

مائع کے کسی استوائ سے جو دباؤ پڑتا ہے وہ برتن کی شکل پر منحصر نہیں ہے بلکہ کلیتہً مائع کی انتصابی بلندی اور کثافت پر۔ بشرطیکہ سطحی تناؤ کی وجہ سے جو اثر پیدا ہو اس کو نظر انداز کر دیا جائے۔ فرض کرو کہ مائع کے استوائ کی بلندی گ سم ہے اور کثافت (مطلق) ρ گرام فی مکعب سمر تو دباؤ = $\rho \times g \times h$ ڈائین فی مربع سمر۔ اگر $\rho =$ اسراع بوجہ جاذبہ زمین (مطلق اکائیوں میں)۔ پس اگر دو مختلف مایعات کے استوائوں کی بلندیاں مساوی دباؤ ڈالیں تو ان کی بلندیوں اور کثافتوں کا باہمی رشتہ حسب ذیل ہوگا:-

گ = $\rho \times g \times h$ = گ = $\rho \times g \times h$
 گ اور گ مایعات کی بلندیاں ہیں اور ρ ، ρ ان کی بالترتیب کثافتیں ہیں۔

$$\frac{\rho_1}{\rho_2} = \frac{h_2}{h_1}$$

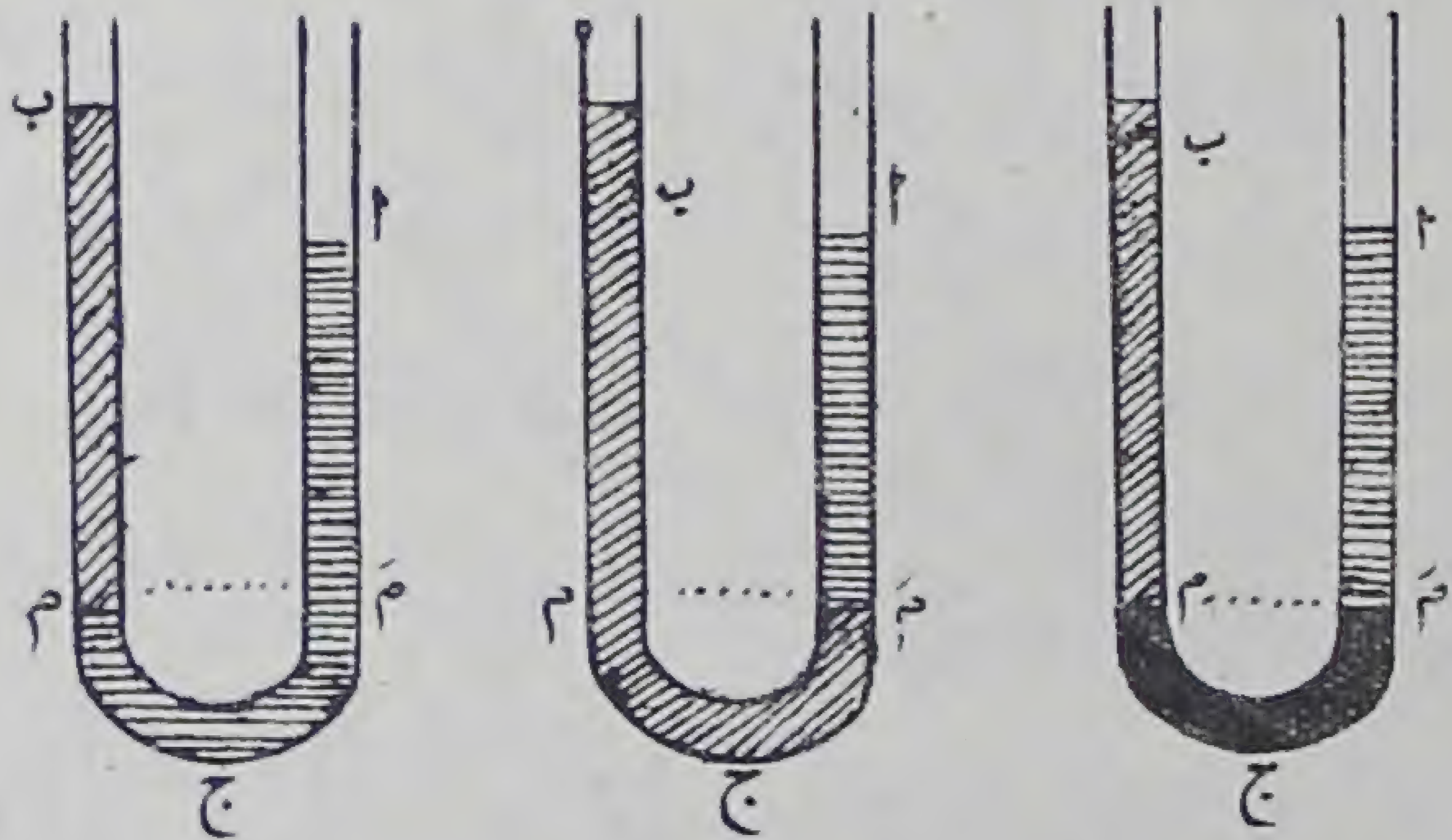
ان میں اگر پانی دوسرا مائع ہو تو ان کی کثافتوں کی جو نسبت ہوگی وہ مائع اول کی کثافت اضافی ہوگی کیونکہ اس صورت میں ρ_1 مساوی ہے ایک کے۔
 یعنی اس مائع کی کثافت اضافی = $\frac{\rho_1}{\rho_2}$

یہاں گ مایع کے اُستوانے کی۔ وہ بلندی ہے جو اتنا ہی دباؤ ڈالتا ہے جتنا کہ گ سم بلندی کا پانی۔ متذکرہ بالا ضابطہ کی مدد سے کسی مایع کی حسب ذیل طریقے سے کثافتِ اضافی دریافت ہو سکتی ہے۔

تجربہ ۲۶۔ — کسی مایع کی کثافتِ اضافی کی تعیین لانا نلی سے۔ اگر دو ماریات آپس میں مخلوط نہ ہو سکیں تو اُن کی اضافی کثافتوں کا مقابلہ حسب ذیل طریقے سے ہو سکتا ہے۔

ایک لانا نلی لوجس کی ساقیں ایک دوسری کے متوازی ہوں۔ کثافتِ اضافی معلوم کرنے کے لئے لانا نلی میں اس بات کی گنجائش ہونی چاہئے کہ وہ انتصابی سمت میں کھڑی ہو سکے۔ اس کے لئے بہترین تدبیر یہ ہے کہ نلی ایک انتصابی سمت کے متوازی ٹیکن کے ساتھ لگا دی جائے۔ ٹیکن کے ساتھ پیمانہ بھی ہو تو بلندیوں کو معلوم کرنے میں آسانی ہو جاتی ہے۔ لانا نلی میں وہ مایع ڈال دو جس کی کثافتِ اضافی مطلوب ہے۔ اس وقت اس مایع کی دونوں آزاد سطحوں پر کمرہ ہوائی کا دباؤ ہوگا اس لئے اس کی دونوں ساقوں کی بلندیوں میں کچھ فرق نہ ہوگا۔ اب ایک ساق میں کچھ پانی ڈال دو۔ اس وقت دوسری ساق میں مایع کی سطح پر صرف کمرہ ہوائی کا دباؤ ہے اور پہلی ساق میں کمرہ ہوائی کے دباؤ کے ساتھ پانی کے اُستوانے کا دباؤ بھی شامل ہے۔ اس لئے تعادل قائم رکھنے کے لئے مایع دوسری ساق میں اوپر کو چڑھ جائیگا۔ اور دونوں مائلوں کی بلندیاں اس طرح قائم ہو جائیں گی کہ لانا نلی کے سب سے نیچے نقطہ ج پر دونوں ساقوں کے ماریات کی وجہ سے جو دباؤ ہے وہ مساوی ہو جائے۔

اس کی حسب ذیل تشریح بھی ہو سکتی ہے۔ فرض کرو کہ ہم ایک نقطہ اس افقی سطح میں واقع ہے جہاں مایع اور پانی ملتے ہیں اور ہم ایک دوسرا نقطہ اسی سطح میں لانا نلی کی دوسری ساق میں واقع ہے۔ دونوں ساقوں میں بلندیاں اس طرح سے قائم ہوں گی کہ نقطہ م اور ہم پر دباؤ مساوی ہونگے (شکل ۲۶)۔



مایع پانی سے بھاری ہو

مایع پانی سے ہلکا ہو

مایع اور پانی مخلوط ہو جائیں

شکل ۲۶

فرض کرو کہ ساقوں کی آزاد سطحیں ۱ اور ۲ ہیں اس لیے
 $p + \rho gh = p + \rho'gh'$ گروہ ہوائی کا دباؤ + ρ مہ بلندی کے مایع کا دباؤ۔
 $p + \rho gh = p + \rho'gh'$ گروہ ہوائی کا دباؤ + ρ' مہ بلندی کے پانی کا دباؤ۔
 چونکہ p پر کا دباؤ = p پر کے دباؤ کے
 $\therefore \rho gh = \rho'gh'$ مہ بلندی کے مایع کا دباؤ = ρ' مہ بلندی کے پانی کا دباؤ

$$\rho h = \rho' h'$$

$$\text{اور } \rho = \rho'$$

$$\rho = \rho' \quad \text{جہاں } \rho = \text{پانی کی کثافت}$$

$$\rho' = \text{مایع کی کثافت}$$

$$\rho = \rho'$$

$$\rho = \rho'$$

$$=$$

اگر مایع پانی کے ساتھ مخلوط ہو جائے تو پانی اور اس مایع کے درمیان
 کوئی دوسرا مایع حائل کرنا چاہئے جو نہ پانی میں مخلوط ہو اور نہ اس
 مایع میں۔ اس حالت میں ہر ایک ساق میں جو مایعات ہوں گے

اُن کی مقدار اتنی ہونی چاہئے کہ دونوں ساقوں میں حائل ہونے والے مایع کی سطح ایک ہی ہو۔ مایدات کی بلندیاں حائل شدہ مایع کی سطحوں سے پالی جاتی ہیں اگر یہ بلندیاں گہ اور گہ ہوں تو

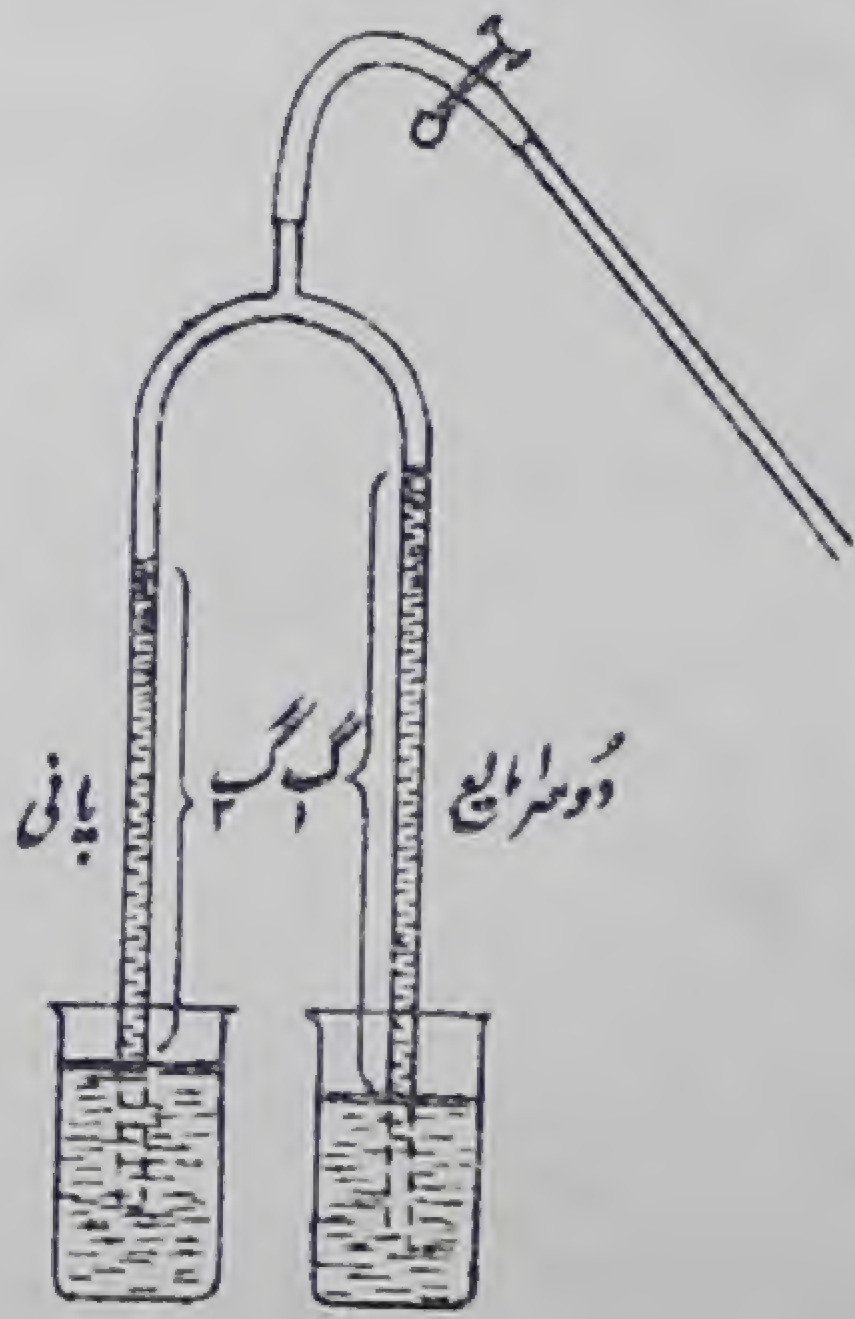
$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{ث}}{\text{گ}} = \frac{\text{ث}}{\text{گ}}$$

لانٹائی کے ذریعے اضافی کثافتوں کی تعیین میں مندرجہ ذیل چند نقائص پائے جاتے ہیں :-

اگر صحت مقصود ہو تو حائل شدہ مایع کی سطحوں کو برابر کرنے میں اُفق نما کی ضرورت ہوگی۔ چونکہ اُفق نما بہر حال نلی کے باہر رکھا جائیگا اس لئے جو صحت حاصل ہوگی وہ بہت زیادہ نہیں ہوگی۔ اگر حائل شدہ مایع پارا ہو تو اُس کی سطح کی درستی میں ذری سی بھی غلطی اگر رہ جائے تو نتیجہ میں بہت زیادہ غلطی ہوگی۔ کیونکہ پارے کی کثافت زیادہ ہے اس کے علاوہ ایک اور غلطی شعریت کی وجہ سے بھی ہونا ممکن ہے۔ حائل شدہ مایع (پارا) کی دونوں سطحوں پر جداگانہ سطحی تناؤ کا عمل ہوگا کیونکہ دو مختلف نوع کے مایع ان دونوں سطحوں پر پارے سے ملتے ہیں مندرجہ بالا نقائص کا تدارک کلیتہً ایک سادہ آلے کے استعمال سے ہو سکتا ہے اس کا نام ہیٹرو کا آلہ ہے جس کی تشریح ذیل کے تجربہ میں کی جاتی ہے۔

تجربہ نمبر ۲۱۔ کسی مایع کی کثافت اضافی ہیٹرو کے آلے کے ذریعے دریافت کرنا۔

اس آلے میں لانٹائی الٹی رکھی جاتی ہے۔ نلی کا ایک کھلا سرا پانی میں اور دوسرا سرا اُس مایع میں رکھا جاتا ہے جس کی کثافت اضافی مطلوب ہے۔ نلی کے درمیانی حصے میں جہاں وہ خمیدہ ہے ایک اور نلی لگی ہے جس کے ذریعے کچھ ہوا لانٹائی سے خارج کی جاسکتی ہے۔ اس عمل سے دونوں ساقوں میں مایدات چڑھیں گے۔ (شکل نمبر ۱)۔ اور نلی کے اندر والے مایدات کی دونوں سطحوں پر جو ہوا رہ گئی ہے اُس کا



دباؤ یکساں ہوگا۔ اور نلی کے باہر والے مایعات کرہ ہوائی کے دباؤ کے تحت میں ہونگے۔

فرض کرو نلی میں ہوا کا دباؤ h ہے اور کرہ ہوائی کا دباؤ n نلی کے باہر آزاد سطحوں پر h ہے۔ پانی کی بلندی g اور مائع کی بلندی g ہو تو تعادل قائم کرنے کے لئے

$$h = n + g = n + g$$

$$\frac{h}{g} = \frac{n}{g} + 1$$

= کثافت اضافی

مایعات کی بلندیوں کی پیمائش نلی کے باہر کی آزاد سطحوں سے ہونی چاہئے۔ نلی کے اندر سے ہوا خارج کر کے مختلف دباؤ پیدا کر دباؤ کے تحت میں مایعات کی بلندیوں کی پیمائش کرو یہ معلوم ہوگا کہ $\frac{h}{g}$ ہر حالت میں مستقل ہے۔ مشاہدوں کو ایک جدول میں حسب ذیل طریقے سے لکھو۔

دباؤ	پانی کی بلندی g	مائع کی بلندی g	کثافت اضافی $\frac{g}{g}$
۱			
۲			
۳			
			اوسط =

فصل پنجم

سکونیات

۱۔ سمتیوں کی ترکیب

طبیعیاتی کمیتیں دو جماعتوں میں تقسیم کی جاسکتی ہیں:-

(۱) میزانی (۲) سمتی

سمتی کمیت وہ کمیت ہے جس میں سمت اور مقدار دونوں ہوتے ہیں مگر میزانی کمیت میں صرف مقدار ہوتی ہے۔ مثلاً رفتار، اسراع، قوت، وغیرہ سمتی کمیتیں ہیں اور وقت، رقبہ، کمیت مادہ، وغیرہ میزانی کمیتیں ہیں۔ سمتی کمیت کی تعبیر کسی خاص طول کے اور خاص سمت میں کھینچے ہوئے خط مستقیم سے ہو سکتی ہے۔ ایک ہی قسم کی دو میزانی کمیتیں معمولی جمع کے قاعدہ سے آپس میں جمع کی جاسکتی ہیں۔ مگر ایک ہی قسم کی دو سمتی کمیتیں بالعموم اس طریقہ سے جمع نہیں کی جاسکتیں بلکہ متوازی الاضلاع کے کلیہ سے ان کا حاصل دریافت کیا جاتا ہے۔ دو سمتی کمیتوں کے حاصل سے ایک وہ واحد کمیت مراد ہے جس سے وہی نتیجہ مرتب ہو سکتا ہے جو ان دونوں سمتیوں سے۔

سمتیوں کے متوازی الاضلاع کا اصول حسب ذیل ہے :-
 اگر دو سمتیاں مقدار اور سمت کے اعتبار سے
 کسی متوازی الاضلاع کے دو متصل ضلعوں سے تعبیر
 کی جائیں تو ان دو سمتیوں کا حاصل مقدار اور سمت کے
 اعتبار سے متوازی الاضلاع مذکور کے اُس وتر سے تعبیر
 کیا جاتا ہے جو مذکورہ بالا ضلعوں کے نقطہ تقاطع میں
 سے گزرے۔ اس اصول کا اطلاق کل سمتیوں پر ہوتا ہے مثلاً
 نقل مکان، رفتار، اسراع، قوت وغیرہ۔

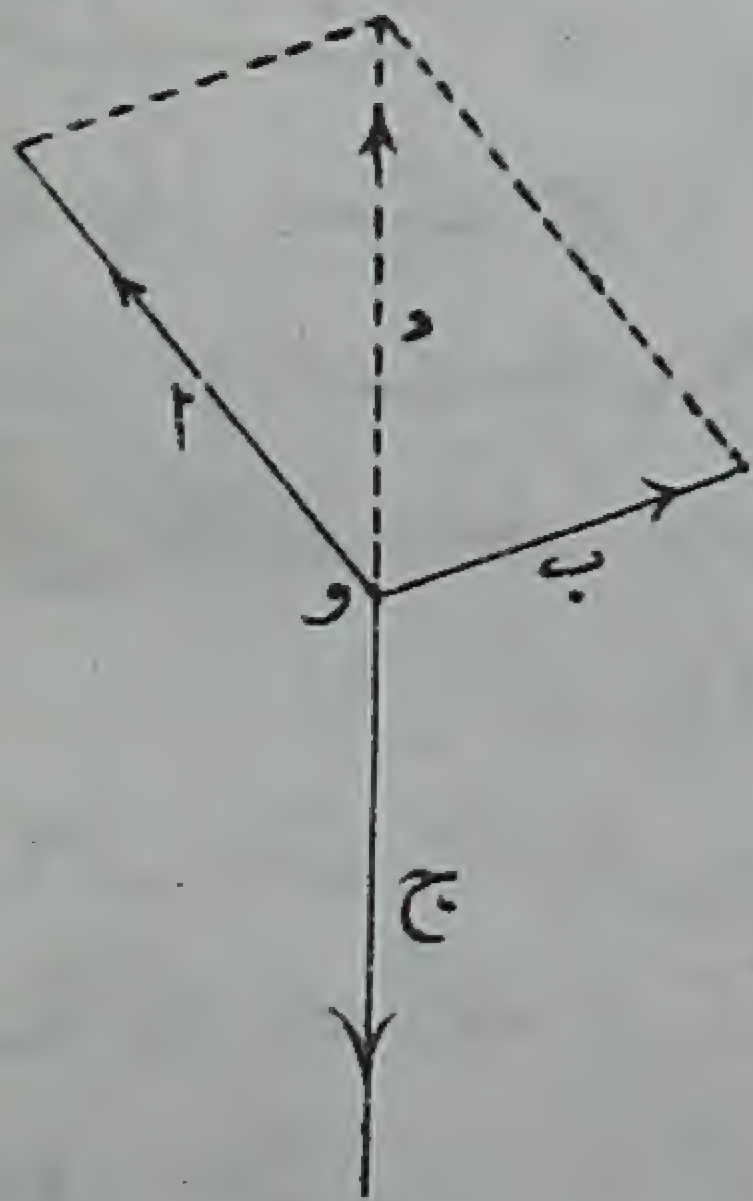
ذیل کے بیانات میں "قوت" کا لفظ عموماً استعمال کیا جائیگا
 مگر اس بات کا خیال رہے کہ جو قاعدہ قوت کے لئے استعمال کیا
 جائیگا وہ دوسری سمتیوں مثلاً نقل مکان یا رفتار وغیرہ پر بھی
 حاوی ہوگا۔

قوتوں کا یہ حال ہے کہ اگر کسی جسم پر عمل کرنیوالی قوت
 توازن میں نہ ہو تو وہ قوت جسم مذکور میں حرکت پیدا کرے گی۔ لہذا
 ہم کو ایک ایسا سادہ طریقہ دستیاب ہے جس سے یہ معلوم
 ہو سکتا ہے کہ قوتیں جو کسی جسم پر عمل کرتی ہیں وہ متوازی
 ہیں یا نہیں۔ اگر جسم جس پر قوتیں عمل کر رہی ہیں ساکن رہے تو
 وہ قوتیں ایک متوازن نظام پیدا کرتی ہیں۔ اب ہم ذیل کا دعویٰ
 بیان کر سکتے ہیں :-

اگر کوئی جسم دو ایسی قوتوں کے زیر عمل ہو جو
 آپس میں مساوی اور متضاد ہیں تو جسم مذکور متعادل میں
 ہوگا۔

فرض کرو کہ ایک چھوٹے جسم پر جو نقطہ واقع
 ہے تین قوتیں عمل کر رہی ہیں اور ان قوتوں کے متفقہ اثر سے
 جسم مذکور ساکن ہے (شکل ۲۸)۔

ان تینوں قوتوں کی تعبیر ایسے خطوط سے کرو جو نقطہ
و سے قوتوں کی سمتوں میں کھینچے گئے ہوں اور ان کے طول
بالترتیب قوتوں کی مقداروں کے متناسب ہوں۔ فرض کرو کہ
ا، ب، ج، یہ خطوط ہیں۔ مذکورہ بالا



دعویٰ کے مطابق اگر ہم ا اور ب کو
ہٹا دیں اور اس کے بجائے ایک ایسی
واحد قوت د (جو شکل میں نقطہ وار
خط سے دکھائی گئی ہے) لگا دیں جو
ج کے مساوی مگر متضاد سمت میں
ہو تو جسم و ساکن رہیگا۔ اس کے معنی
یہ ہیں کہ ا اور ب دونوں مل کر ایک
ایسی قوت د کے مماثل ہیں جو ج کے
مساوی و متضاد ہے۔ فرضی قوت
د قوتوں ا اور ب کا حاصل ہے۔

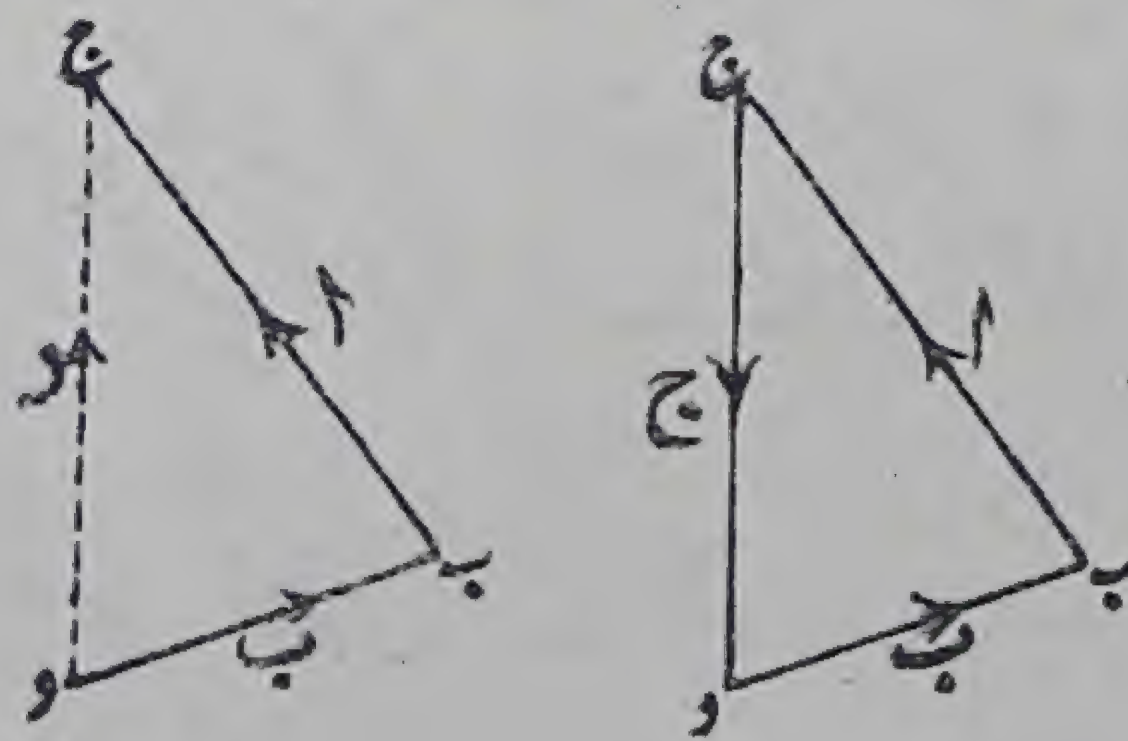
شکل ۲۸۔ تین متعادل قوتیں

جب قوتیں ا اور ب بھی عمل کر رہی ہوں تو و کو ساکن رکھنے
والی قوت ج ہے۔ اس قوت ج کو ا اور ب کا متعادل
کہتے ہیں۔

لہذا یہ ظاہر ہے کہ متعادل اور حاصل دونوں مقدار
کے اعتبار سے آپس میں برابر ہیں مگر سمتِ عمل کے لحاظ سے متضاد۔
قوتوں کے متوازی الاضلاع کے اصول ثابت کرنے
کا طریقہ — قوتوں کے متوازی الاضلاع کا اصول یہ ہے کہ
اگر کوئی ایسا متوازی الاضلاع کھینچا جاسکے جس کے دو متصل
ضلعے ا اور ب دو قوتوں کو تعبیر کریں تو مقدار اور سمت کے
لحاظ سے ان دونوں قوتوں کے حاصل کی تعبیر متوازی الاضلاع
مذکور کے اُس وتر سے ہوگی جو نقطہ و سے کھینچا جائے۔

اگر مذکور بالا وتر ۱۲ اور ب کے حاصل کو تعبیر کرے تو اس کو اس خط کے مساوی اور متضاد ہونا چاہئے جو ج کو تعبیر کرتا ہے کیونکہ قوتیں ۵ اور ج ایک دوسرے کے مساوی اور متضاد ہیں۔ لہذا اگر یہ معلوم ہو جائے کہ اس متوازی الاضلاع کا وتر قوت ج کو تعبیر کرنے والے خط کے برابر اور متضاد ہے تو قوتوں کے متوازی الاضلاع کا اصول ثابت ہو جائیگا۔

قوتوں کے مثلث کے اصول کو ثابت کرنے کا طریقہ — حاصل ۵ کی مقدار دریافت کرنے کے لئے یہ ضروری نہیں ہے کہ متوازی الاضلاع پورا کھینچا جائے۔ اگر ہم ب کو بلحاظ مقدار و سمت خط و ب سے تعبیر کریں اور نقطہ ب سے ۱ کے متوازی اور مناسب طول کا خط ب ج کھینچیں تو نصف متوازی الاضلاع تیار ہو جائیگا۔ نقاط و اور ج کے ملانے سے متوازی الاضلاع



شکل ۱۹۔ قوتوں کا مثلث

کا وتر حاصل ہوتا ہے اور یہ وتر شکل کی تکمیل کے بغیر قوت ۵ کی تعبیر کرتا ہے اور اس طرح ایک مثلث کے ذریعہ سے مطلوبہ حاصل قوت دریافت ہو سکتا ہے۔

قوتوں کے مثلث کا اصول بالعموم حسب ذیل بیان کیا جاتا ہے:۔

اگر تین قوتیں جن کی مقداریں کسی مثلث کے ضلعوں کے طول کے متناسب اور جن کے عمل کی سمتیں بالترتیب ان ضلعوں کے متوازی ہوں کسی جسم پر عمل کریں تو وہ جسم ان کے زیر عمل ساکن رہیگا بشرطیکہ ان کی سمت کے ظاہر کرنے والے پیکان مثلث کے گرد ایک ہی رخ میں ہوں۔

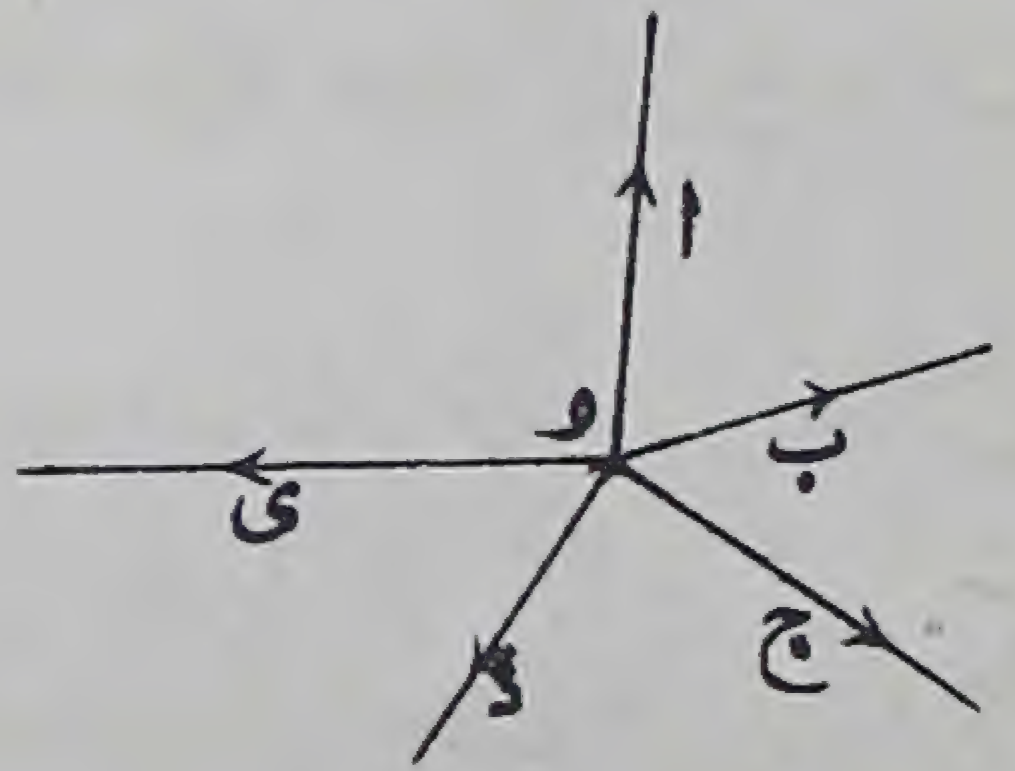
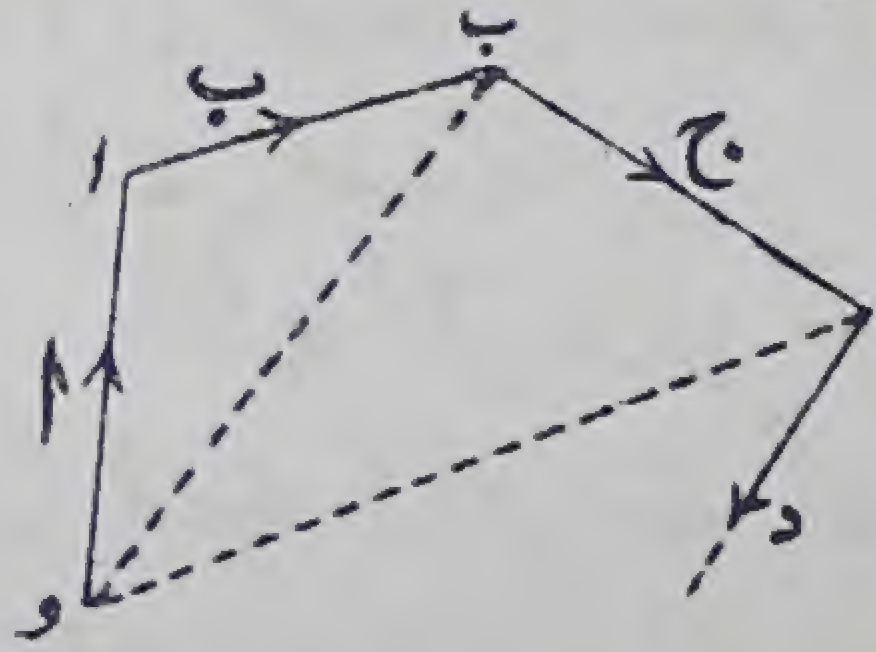
شکل ۲۹۔ میں مثلث وب ج پر غور کرو۔ ضلع ب ج قوت ۱ کی سمت عمل کو ظاہر کرنے والے پیکان کا مثلث کے گرد جانے کا رخ وہی ہے جو قوت ب کی سمت عمل ظاہر کرنا پیکان کا ہے۔ حاصل قوت کی تعبیر اس خط سے ہوتی ہے جس سے مثلث کا تعلق ہو جاتا ہے اور اس خط میں پیکان کا رخ مثلث کے گرد جانے والے مذکورہ بالا پیکان کے رخ کے متضاد ہے۔

اب وہی خط وج قوتوں ۱ اور ب کے حاصل کو تعبیر کرتا ہے۔ اگر اس کے پیکان کی سمت نقطہ و کی طرف ہو تو خط ہذا قوت ج کو تعبیر کرے گا۔ ان تینوں قوتوں ۱، ب، ج کے زیر عمل جسم ساکن ہے۔

مذکورہ بالا اصول قوتوں کے متوازی الاضلاع کے اصول کی

عملی تصدیق سے ثابت کیا جاتا ہے۔ اگر متعدد قوتیں خواہ ان کی تعداد کچھ ہی ہو کسی چھوٹے جسم پر عمل کریں تو متذکرہ بالا اصول کا اطلاق ان قوتوں پر بھی ہو سکتا ہے۔ ایک عام اصول جو کہ سمتیوں کے کثیر الاضلاع کے اصول سے موسوم ہے حسب ذیل بیان کیا جاتا ہے :-
اگر کوئی جسم کسی تعداد کی قوتوں ۱، ب، ج، د، ی، وغیرہ کے زیر عمل ساکن ہے اور اگر ان قوتوں کو مقدار اور سمت کے اعتبار سے تعبیر کرنے والے خطوط بالترتیب

مسلل کھینچنے جائیں اور قوتوں کی سمت ظاہر کرنے والے
پیرکان ایک ہی رخ میں ہوں تو ان خطوط سے مکمل کثیر الاضلاع
بن جائیگا۔



شکل ۳۱۔ پانچ متبادل قوتیں شکل ۳۲۔ قوتوں کا کثیر الاضلاع

مذکورہ بالا اصول مثلث قوائے کے اصول کی مدد سے
حسب ذیل ثابت کیا جاسکتا ہے :-
قوتوں ۱ اور ب اور ان کے حاصل کو تعبیر کرنے کے لئے
مثلث و ا ب کھینچو۔ خط و ب پر ایک اور مثلث و ب ج
ایسا کھینچو کہ ضلع ب ج قوت ج کو تعبیر کرے۔ ضلع و ج قوت
ج اور و ب کا حاصل ہے اس لئے و ج، ا ب، ج تین
قوتوں کا حاصل ہے (اشکال ۳۰ و ۳۱)

یہ ظاہر ہے کہ خط و ب غیر ضروری ہے کیونکہ و ا، ا ب، اور ب ج کے
کھینچنے سے و ج دریافت ہو جاتا ہے اور اس خط سے شکل ذوالربعۃ الاضلاع کی تکمیل ہو جاتی ہے
نقطہ ج سے ایک اور خط شکل کثیر الاضلاع میں اضافہ
کرنے سے چوتھی قوت د مذکورہ بالا قوتوں ۱، ب، ج میں
شریک کی جاسکتی ہے۔ اور کثیر الاضلاع کے متذکرہ بالا عمل سے
کسی تعداد کی قوتوں کی ترکیب ہو سکتی ہے۔

لہذا ایک ہی نقطہ پر عمل کرنے والی کسی تعداد کی قوتوں کے حاصل دریافت کرنے کے لئے ایک شکل اس طرح کھینچی جاتی ہے جس کے اضلاع وہ خط ہیں جو قوتوں کو تعبیر کرنے کے لئے مسلسل کھینچے گئے ہیں اور شکل مذکور میں قوتوں کی سمت ظاہر کرنے والے پیکان اس طرح ہیں کہ وہ شکل کے گرد یکے بعد دیگرے ایک ہی رخ میں جاتے ہیں۔

خط جو شکل کو مکمل کرتا ہے وہ ان تمام قوتوں کے حاصل کو تعبیر کرتا ہے مگر اس کے پیکان کا رخ مندرجہ بالا پیکان کے رخ کے خلاف ہے۔

وہی خط ان تمام قوتوں کے متعادل کی بھی تعبیر کرتا ہے اگر اس کے پیکان کا رخ شکل کے گرد جانے والے پیکان کے رخ کے موافق ہو۔

یہ بیان قوتوں کے کثیر الاضلاع کے اصول کا ایک دوسرا پیرایہ ہے۔

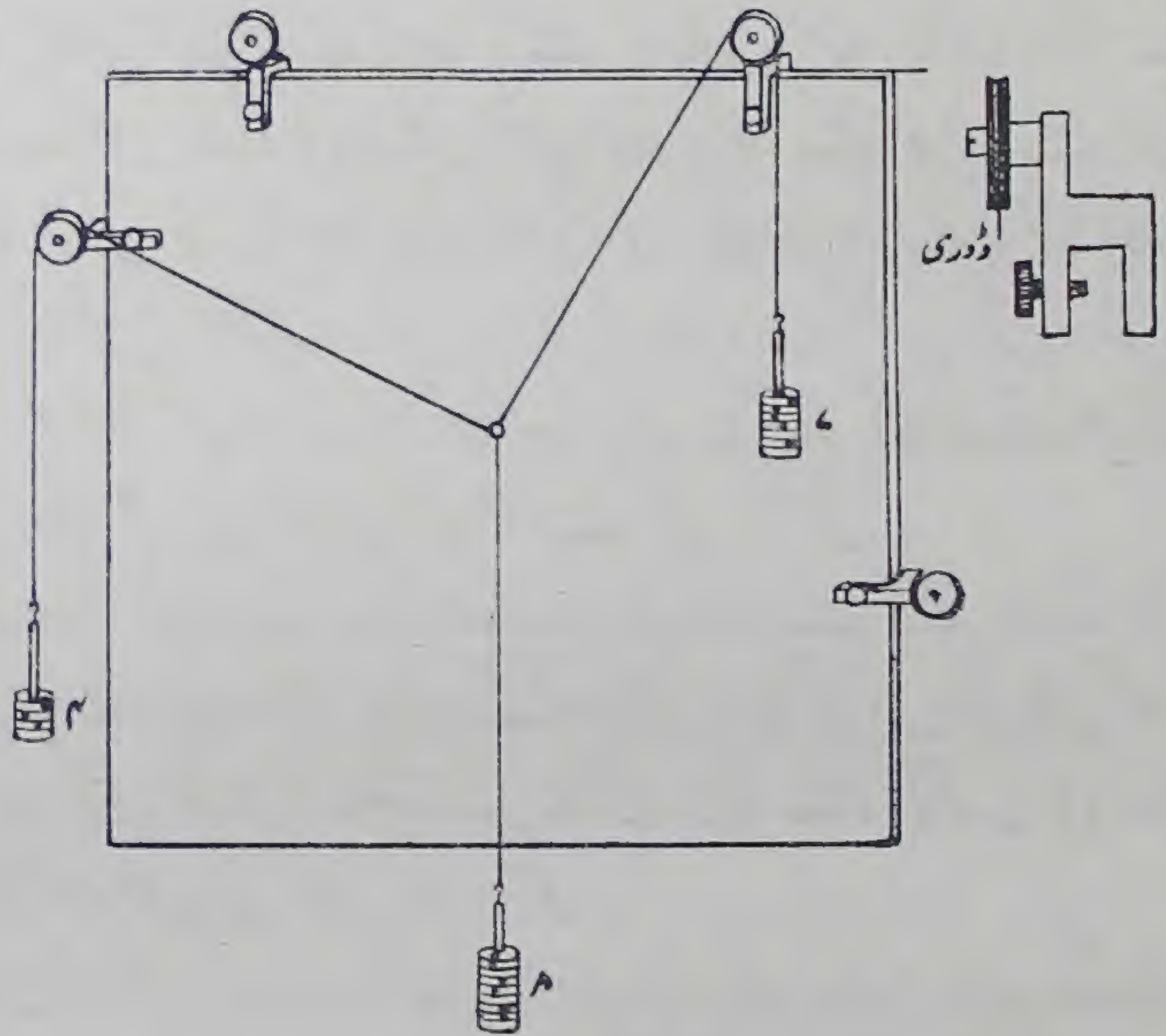
اگر خط شکل کو مکمل کر چکے ہیں تو قوت حاصلہ صفر ہے یعنی دی ہوئی قوتوں کے زیر عمل جسم تعادل میں ہے۔ اس امر کے لحاظ کرنے کی مطلق ضرورت نہیں کہ قوتیں کس ترتیب سے کھینچی گئی ہیں۔

قوتوں پر تجربہ کرنے کا آلہ

قوتوں کے متعلق جو اصول بیان کئے جا چکے ہیں ان کی تصدیق کے لئے ایک سہل و مناسب آلہ حسب ذیل طریقہ سے تیار کیا جاسکتا ہے:۔

ایک سیاہ تختہ لہو اور اس کے کنارے کے گرد چند ہلکی

اور بے رگڑ چرخیاں (جیسا کہ شکل ۳۲ میں دکھایا گیا ہے) مرتب کرد۔



شکل ۳۲ - قوتوں پر تجربہ کرنے کا آلہ

ان چرخوں پر مضبوط ڈوریاں ڈالو۔ ان ڈوریوں کے ایک سرے پر طلقے بناؤ اور اگر ممکن ہو تو ہر ڈوری کے دوسرے سرے پر گھڑی کی زنجیر جیسے کلپ (Clip) لگاؤ۔ تختہ مذکور کو دیوار یا کسی استوار مضبوط سہارے پر اتصافاً (سیدھا) کھڑا کر دو۔ اگر چرخیاں اس طرح قائم کی گئی ہیں کہ ان کے سطوح اس تختہ کی سطح کے علی القوائم ہیں تو تختہ مذکور ایک میز پر افقی ہیئت میں رکھا جاسکتا ہے۔ مگر اس صورت میں ڈوریوں کے سرے کناروں کے باہر بالکل صاف لٹکتے رہنے چاہئیں۔

یہ بھی ہو سکتا ہے کہ بعض دفعہ بجائے اس کے کہ سیاہ تختہ کے کناروں کے گرد چرخیاں لگائی جائیں ان کو ایسے گندوں پر قائم

کیا جائے جو کسی سپاہیہ استادہ پر چڑھے ہوں۔
یہاں ایک ہلکا چھٹا بطور چھوٹے جسم کے استعمال کیا جاتا
ہے اور یہ چھٹا کلپ کے ذریعہ سے ڈوریوں میں لگایا جاتا ہے۔
جب کسی تعداد کی قوتیں ان ڈوریوں کے ذریعہ سے اس
چھٹے پر لگائی جائیں تو وہ چھٹا فوراً تعادل کی جگہ پر سرک جائیگا اور
ڈوریاں خاص سمتیں اختیار کر لیں گی۔ ان ڈوریوں کی سمتیں نوکدار کھریا
سے تختہ پر کھینچی جاسکتی ہیں اور اگر تختہ مذکور پر کاغذ لگا ہو تو پینسل سے
تختہ پر کھینچی ہوئی لکیریں قوتوں کی سمت عمل بتائیں گی۔
مذکورہ بالا ڈوریوں کے دوسرے سروں سے لٹکتے ہوئے وزن
کے مناسب ایک مناسب پیمانہ کے مطابق ان لکیروں پر طول کاٹوں
اس طرح ہلکے ایسی لکیریں دستیاب ہوں گی جن سے قوتوں کی مقدار
اور سمت عمل دونوں کی تعبیر ہو جائیگی۔

قوتوں کو تعبیر کرنے والے ان خطوں کے ذریعہ سے متذکرہ بالا
مختلف اصولوں کی عملی تصدیق بخوبی ہو سکتی ہے خواہ قوتیں زیر
بحث دو ہوں یا تین یا متعدد۔

یہ امر ملحوظ رہے کہ رگڑ کی وجہ سے قوتوں کے زیر عمل
چھٹے کا محل تعادل کی حالت میں ایک ہی مقام پر قائم نہیں رہیگا
بلکہ رگڑ کی مقدار کے مطابق ایک چھوٹے رقبہ کے اندر بدلتا رہیگا۔
تعادل کا صحیح مقام حسب ذیل دریافت ہو سکتا ہے :-

جب قوتوں کے زیر عمل چھٹا ساکن ہو جائے تو اس کے
مقام سکون کا نشان تختہ سیاہ پر لگا دو۔ اس کے بعد چھٹے کو
اپنی جگہ سے ہٹا دو۔ چھٹا پھر ایک نیا مقام سکون اختیار کر لیگا۔
اس نئے مقام کا نشان بھی تختہ پر لگا دو۔ اس طرح چند بار
چھٹے کو ہٹا ہٹا کر اس کے مختلف مقامات سکون کے نشانات
ڈالو۔ یہ مختلف نشانات ایک چھوٹے رقبہ کے اندر واقع ہونگے

اگر اس رقبہ کے وسط کا نشان لیا جائے تو وہ نشان چھلے کے تعادل کا صحیح مقام بتائیگا۔

نیز اگر چرخیاں اس طرح سے قائم کی گئی ہیں کہ ان کے سطوح تختہ سیاہ کی سطح کے علی القوائم ہیں تو اس صورت میں ان کی حرکت میں ایسی آزادی ہونی چاہئے کہ وہ چرخیاں ڈوریوں کی سمتیں بآسانی اختیار کر سکیں۔ مگر اس حالت میں محور کی رگڑ کے سوا دوسری رگڑ بھی عمل میں آجاتی ہے لہذا انتصابی تختہ پر تجربہ کرنا قابل ترجیح ہے۔

تجربہ ۲۸ — دو قوتوں کے

زیر عمل تعادل کے شرائط دریافت کرنا۔ چھلے سے دو ڈوریاں لگاؤ اور ان ڈوریوں کے دوسرے سروں سے مختلف وزن لٹکاؤ۔ یہ ڈوریاں کھینچ کر ایک خط مستقیم میں ہو جائیں گی۔ چھلے صرف اس حالت میں ساکن رہیں گے جب ڈوریوں سے لٹکے ہوئے وزن آپس میں برابر ہوں گے۔

تجربہ ۲۹ — قوتوں کے متوازی الاضلاع

و مثلث کے اصول کی تصدیق — چھلے سے تین ڈوریاں لگاؤ اور ان ڈوریوں کے دوسرے سروں سے وزن لٹکاؤ جب چھلے تعادل کے مقام پر آجائے تو عمل کرنے والی قوتوں کو لکیروں سے تعبیر کرو جیسا کہ قبل بتایا جا چکا ہے۔

ان تین لکیروں میں سے کسی دو کو متصل اضلاع مان کر ایک شکل متوازی الاضلاع کھینچو اور یہ دکھاؤ کہ شکل مذکور کا وتر طول میں تیسری لکیر کے برابر ہے اور یہ لکیر اور وتر دونوں ایک ہی سیدھے میں ہیں۔

تختہ سیاہ کے بازو پر مثلث کے دو ضلعے اس طرح کھینچو کہ وہ مندرجہ بالا تین قوتوں میں سے دو قوتوں کے متوازی اور طول میں بالترتیب ان کے مناسب ہوں اور سمت بتانے والے پیکان

یکے بعد دیگرے ایک ہی رخ میں ہوں۔ مثلث مذکور کو مکمل کر کے دکھلاؤ کہ تیسرا ضلع تیسری قوت کے متوازی ہے اور یہ ضلع تیسری قوت کی مقدار کو اُسی پیمانہ سے تعبیر کرتا ہے جس پیمانہ سے بقیہ دو قوتوں کی تعبیر بقیہ دو ضلعوں سے ہوئی ہے۔

تجربہ ۳۔۔۔۔۔ قوتوں کے متوازی الاضلاع کے ذریعہ سے کسی جسم کا وزن دریافت کرنا۔

دو معلوم اور ایک غیر معلوم وزن لے کر تجربہ ۲ کو دہراؤ۔ معلوم وزن کو متوازی الاضلاع کے دو متصل ضلعوں سے تعبیر کرو۔ متوازی الاضلاع کے وتر کے طول سے غیر معلوم وزن دریافت ہو جائیگا۔ معمولی ترازو کے ذریعہ سے امر مذکور بالا کی تصدیق کرو۔

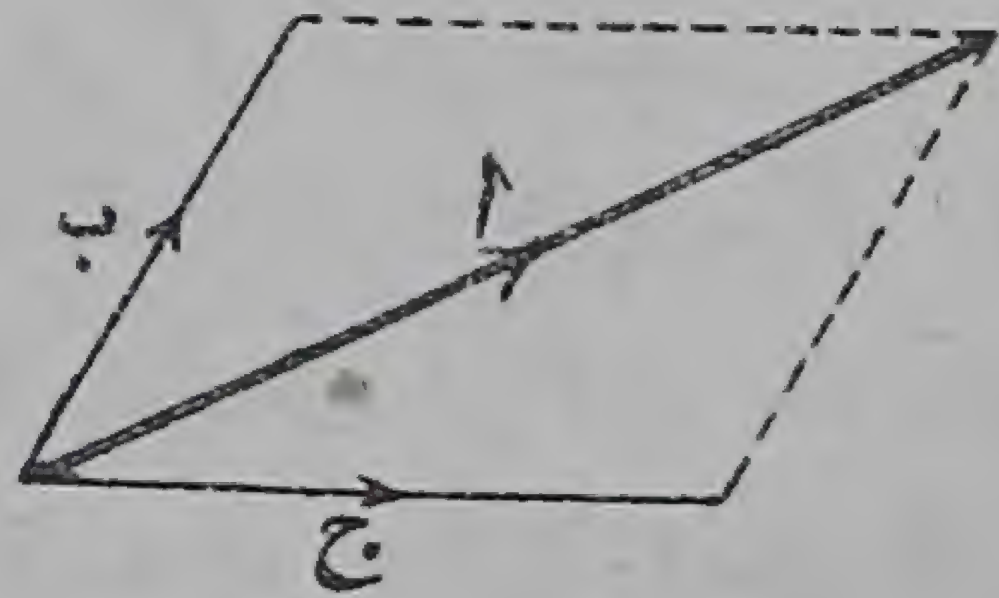
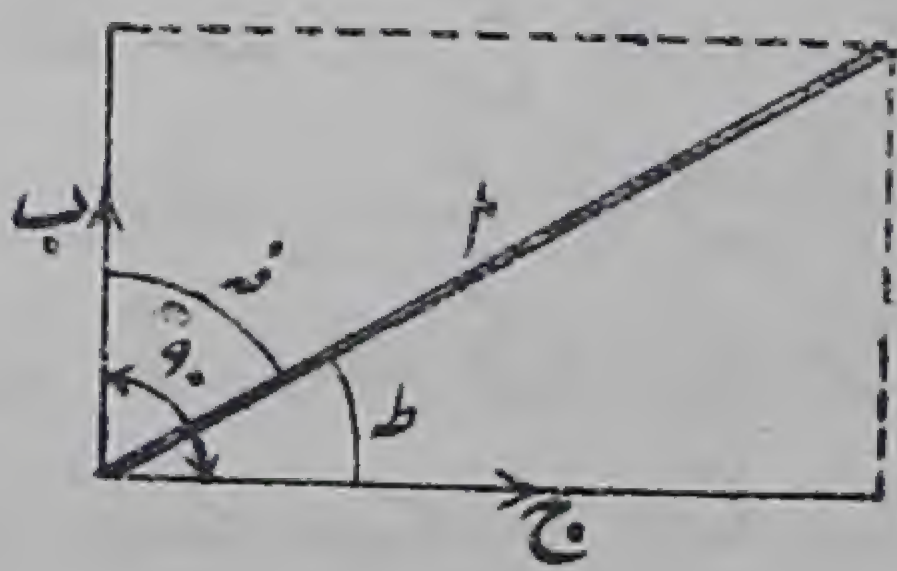
تجربہ ۴۔۔۔۔۔ قوتوں کے کثیر الاضلاع

کے اصول کی تصدیق۔ چار یا پانچ وزن لے کر تجربہ ۲ کی طرح عمل کرو مگر تختہ کے ایک حصہ پر ایک ایسی شکل کھینچو کہ اُس کے ضلع قوتوں (وزن کے خط عمل) کے متوازی و متناسب ہوں اور سمت بتلانے والے پیکان یکے بعد دیگرے شکل کے گرد ایک ہی رخ میں ہوں جب کل قوتوں کی تعبیر سوائے ایک قوت کے اس طرح ہو جائے تو شکل کثیر الاضلاع کو مکمل کر کے دکھلاؤ کہ شکل کو مکمل کرنے والا خط دونوں مقدار اور سمت میں بقیہ قوت کی تعبیر کرتا ہے بشرطیکہ اس خط پر کا پیکان دوسرے پیکان کی طرح ایک ہی رخ میں ہو۔ اُس تجربہ کو دو یا تین بار دہراؤ مگر ہر دفعہ وزن کی ترتیب جداگانہ ہو تاکہ مختلف شکل کے کثیر الاضلاع کھینچے جاسکیں۔ یہ دکھلاؤ کہ ہر حالت میں شکل کو مکمل کرنے والا خط بقیہ قوت کو تعبیر کرتا ہے خواہ کثیر الاضلاع کے بقیہ ضلعوں کی ترتیب کچھ بھی ہو۔

۲۔ سمتیوں کی تحلیل

ہم دیکھ چکے ہیں کہ کسی جسم پر عمل کرنے والی دو سمتیوں کی ترکیب ایک واحد مماثل سمتی سے ہو سکتی ہے۔ اب ہمیں ایک واحد سمتی کو دو مختلف سمتیوں میں تحلیل کرنے کے مسئلہ پر غور کرنا ہے۔ ایک واحد سمتی دو مختلف سمتیوں میں اس طرح تحلیل کی جاسکتی ہے کہ موخر الذکر دو سمتیاں مل کر اول الذکر سمتی کے مماثل ہوں۔

شکل ۳۲ پر غور کرو۔ ب اور ج متذکرہ بالا دو سمتیوں کو تعبیر کرتے ہیں۔ اگر ان کو متصل اضلاع مان کر شکل متوازی الاضلاع مکمل کی جائے تو یہ ظاہر ہے کہ ب اور ج شکل مذکور کے وتر ا کے مماثل ہیں۔



شکل ۳۲۔ سمتی کے تحلیلی اجزاء

شکل ۳۳۔ سمتیوں کی تحلیل

اگر ب اور ج آپس میں علی القوائم ہیں تو نہ ب کا اثر ج کے خط عمل میں اور نہ ج کا اثر ب کے خط عمل میں ہوگا۔ لہذا ہم کہہ سکتے ہیں کہ ب اور ج اپنی اپنی سمتوں میں ا کے پورے اثر کو تعبیر

کرتے ہیں۔

اس صورت میں ب اور ج اپنی اپنی سمتوں میں ا کے تحلیل شدہ اجزاء ہیں یا یوں کہئے کہ ب اور ج مذکورہ بالا سمتیوں میں ا کے اجزائے ترکیبی ہیں۔ شکل ۳۴ پر غور کرو۔

ب = ا جم فہ

ج = ا جم ط

اور پس ہم کہہ سکتے ہیں کہ کسی قوت معلومہ کا تحلیل شدہ جزو کسی خاص سمت میں قوت معلومہ اور سمت مذکورہ کے درمیانی زاویہ کے جیب التمام اور قوت مذکورہ کی مقدار کے حامل ضرب کے برابر ہے۔

اس اصول کی تصدیق سکونی سطح مائل کے تجربہ کے تحت میں براہ راست کی جائیگی (شکل ۳۵ صفحہ ۱۱۱ دیکھو)۔

اس تجربہ میں ایک جسم و وزن کا افق سے زاویہ طہ بنانے والی ایک سطح مائل پر ایک ایسی قوت ق کے ذریعہ سے ساکن رکھا جاتا ہے جو سطح مذکورہ کے متوازی عمل کرتی ہے۔

یہ ظاہر ہے کہ و کے اثر سے جسم سطح پر نیچے اترے گا اور یہ اثر قوت ق کے برابر ہوگا کیونکہ ق کی وجہ سے جسم مذکور نیچے اترنے سے باز رہتا ہے۔ یا یوں کہو کہ ق، وزن و کے اس جزو تحلیلی کے برابر ہے جو سطح مذکور کے متوازی عمل کرتا ہے۔

مگر یہ دکھلایا گیا ہے کہ ق برابر ہے و جب ط کے۔ اس لئے سطح کے متوازی وزن و کا جزو تحلیلی برابر ہے و جب ط کے،

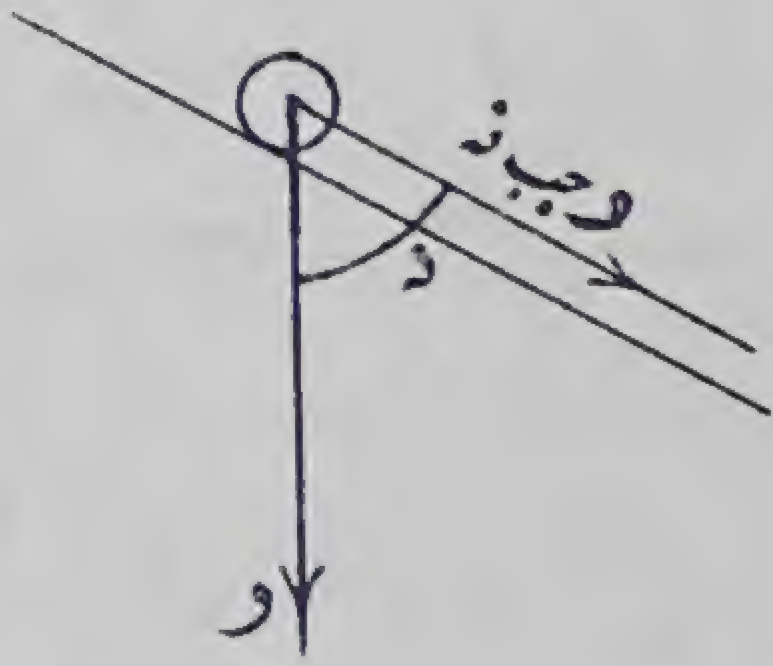
شکل ۳۵ میں سطح اور انتصابی سمت کا درمیانی زاویہ فہ ہے۔

فہ = q_0 - طہ

اور جم فہ = جب طہ

∴ جب طہ = و جم فہ

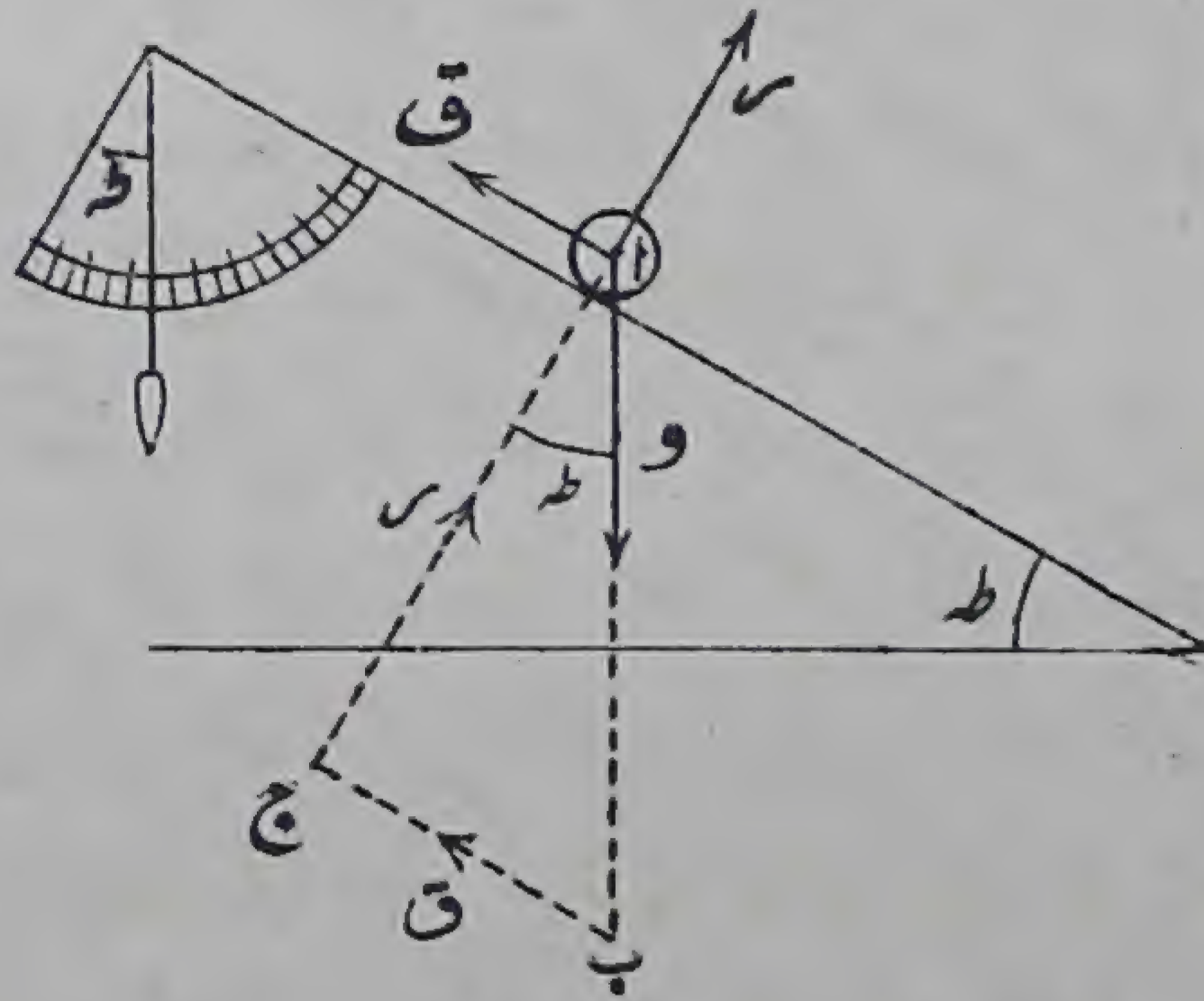
پس و کا وہ تحلیل جزو جو
و کے خط عمل سے زاویہ فہ
بنانے والی سطح کے متوازی
عمل کرتا ہے برابر ہے و جم فہ
کے۔



شکل ۳۵ - سطح مائل

سکونی سطح مائل

اگر کوئی بوجھ و کسی سطح مائل پر رکھا جائے تو سطح مذکورہ کے



شکل ۳۶ - سکونی سطح مائل

متوازی عمل کرنے والی قوت Q کے ذریعہ سے اس
بوجھ کو سطح پر بحالت تعادل قائم رکھ سکتے ہیں یا اس کو
سطح کے اوپر کی طرف بغیر اسراع کھینچ سکتے ہیں۔ قوت
 Q کی مقدار W سے بہت کم ہے۔ اگر سطح کا زاویہ میلان
گھٹایا جائے تو Q کی مقدار بھی کم ہو جاتی ہے یا یوں کہو
کہ Q کی مقدار سطح کے زاویہ میلان کے ساتھ ساتھ گھٹتی
جاتی ہے۔

فرض کرو کہ افق سے زاویہ θ بنانے والی ایک سطح مائل پر
ایک جسم W وزن کا سطح مذکورہ کے متوازی عمل کرنے والی ایک
قوت Q کے ذریعہ سے عین تعادل کی حالت میں ہے اور جسم
مذکورہ بالا پر عمل کرنے والی مختلف قوتوں پر غور کرو۔ شکل ۱۱۲
سے ظاہر ہے کہ

(۱) W انتصاباً نیچے کی طرف عمل کر رہا ہے۔

(ب) Q سطح کے متوازی عمل کر رہی ہے۔

اور ان کے سوا ایک اور قوت R عمل کر رہی ہے جس کو
سطح کا رد عمل کہتے ہیں۔ اگر سطح چکنی ہو تو آخر الذکر قوت کی
سمت عمل سطح مذکورہ پر عمود وار ہوگی۔
یہ تینوں قوتیں مل کر جسم کو ساکن رکھتی ہیں۔ اور ان کی سمتیں
معلوم ہیں۔ لہذا اگر ان میں سے کسی ایک کی مقدار معلوم ہو تو
بقیہ دو قوتوں کی مقداریں بھی قوتوں کے مثلث کے اصول سے
معلوم ہو سکتی ہیں۔

فرض کرو کہ خط AB قوت W کی تعبیر کرتا ہے۔ خط AC
سطح پر عمود وار یعنی رد عمل R کے متوازی اور خط BC
سطح مذکورہ کے متوازی یعنی قوت Q کے متوازی کھینچو۔
یہ دونوں آخر الذکر خطوط نقطہ C پر تقاطع کرتے ہیں۔ اس لئے

یہ خطوط بالترتیب α اور β کو تعبیر کرتے ہیں۔
 زاویہ β α ب زاویہ θ کے برابر ہے کیونکہ α ج سطح پر
 اور α ب قاعدہ پر عمود ہے اور سطح اور قاعدہ کا درمیانی زاویہ
 θ ہے۔

$$\text{لہذا } \frac{\beta}{\alpha} = \text{جب } \theta$$

لیکن β ج اور α ب بالترتیب β اور α کو تعبیر
 کرتے ہیں۔

$$\text{اس لئے } \frac{\beta}{\alpha} = \text{جب } \theta$$

$$\text{یا } \frac{\beta}{\alpha} = \text{جب } \theta$$

اس مسئلہ کو اگر ایک دوسرے پہلو سے دیکھا جائے تو
 ثبوت کچھ آسان ہو جائیگا۔ یہ معلوم ہے کہ جب وزن اوپر کھینچا
 جاتا ہے تو جسم میں توانائی کا اضافہ پیدا ہوتا ہے اور
 کھینچنے والی قوت β کام کرتی ہے۔ اس توانائی اور کام پر
 غور کرو۔

فرض کرو کہ سطح مائل کا ارتفاع یعنی α کے قاعدہ سے
 سرے کی بلندی h ہے۔ اس لئے جب وزن بالکل سرے
 تک کھینچا جائے تو جسم میں توانائی بالقوہ کا اضافہ ہوگا اور اس
 کی مقدار W کے برابر ہوگی۔

قوت β وزن کو اوپر کھینچنے میں اپنی سمت عمل میں
 فصل لے لے کرتی ہے۔ فرض کرو کہ سطح کا طول L ہے اس
 لئے اس قوت کے کام کی مقدار βL ہوگی۔
 بقائے توانائی کے اصول سے

$$\text{کسب توانائی} = \text{کام کردہ شدہ}$$

$$\text{یعنی } W = \beta L$$

یا ق = و گ و جب ط

اس تجربہ کے لئے جو آلہ استعمال کیا جاتا ہے وہ ایک ایسے مستوی تختہ پر مشتمل ہے جس کا سچلا سہرا قبضہ کے ذریعہ سے جکڑا ہوا ہوتا ہے اور اس میں ایک ایسا انتظام رہتا ہے کہ تختہ کے میلان میں تبدیلی حسب ضرورت پیدا کی جاسکے۔ بالعموم تختہ کے اوپر کے کنارے میں ایک چرخی لگی رہتی ہے اور اس چرخی پر سے ایک ڈوری گزرتی ہے۔ اس ڈوری کے ایک سرے سے سطح پر حرکت کرنے والا بوجھ بندھا رہتا ہے اور دوسرے سرے سے مختلف وزن لٹکائے جاتے ہیں۔ لٹکے ہوئے وزن سے ڈوری پر قوت ق کی قیمت معلوم ہوتی ہے۔ عموماً بوجھ و ایک چھوٹے اسطوانہ کی شکل کا ہوتا ہے۔ یہ اسطوانہ ڈھانچے سے لگے ہوئے ایک مناسب محور کے گرد لڑھک سکتا ہے اور ڈوری اس ڈھانچے سے بندھی ہوتی ہے۔ اس آلہ کی بعض شکلیں ایسی بھی ہوتی ہیں جن میں چرخی اور لٹکنے والے وزن کے بجائے کمائیدار ترازو استعمال کیا جاتا ہے۔ یہ کمائیدار ترازو خود بخود میلان کے لحاظ سے حسب ضرورت قوت ق پیدا کر دیتا ہے اور اس طرح ق کی قیمت براہ راست معلوم ہو سکتی ہے۔

زاویہ ط کی پیمائش ایک ایسے گونیہ (زاویہ پیم) سے ہو سکتی ہے جس کا کنارہ افقی قاعدے میں ہو اور جس کا مرکز قبضہ مذکورہ بالا کے مرکز پر ہو مگر پیمانہ وار رجبہ کا استعمال بہتر ہے جیسا کہ شکل ۳۳ میں دکھایا گیا ہے۔ یہ رجبہ سطح مائل کے اوپر کے سرے پر لگا رہتا ہے اور اس کے مرکز سے ایک شاقول لٹکا رہتا ہے۔ اگر رجبہ مذکور کا صفری نشان سطح کے علی القوائم ہو تو زاویہ ط وہ زاویہ ہے جو صفری نشان اور خط شاقولی کے درمیان واقع ہے۔ یہ طریقہ اول الذکر طریقہ سے قابل ترجیح ہے کیونکہ پہلے طریقہ میں افق نما کے ذریعہ سے قاعدہ کی سطح درست کرنا پڑتی ہے۔ ماسوا اس کے زاویہ ط کی پیمائش میں

دیگر غلطیاں آسانی داخل ہوتی ہیں۔ سکونی سطح مائل۔ سطح کے تجربہ ۳۲۔ میلان کو بدل بدل کر چرخوں کے اوپر مختلف قوتیں ق بتدریج لگاؤ۔ ہر تجربہ میں ق کی قیمت اس طرح درست کر لو کہ بیلین (اسٹوانہ) ذرا سا بھی دھکا دینے پر سطح کے اوپر یا نیچے کی طرف یکساں آسانی کے ساتھ حرکت کر سکے۔ ایسا کرنے سے چرنی پر کی رگڑ کا اثر دور ہو جاتا ہے اور مشاہدات بھی بہت صحت کے ساتھ کئے جاسکتے ہیں۔ تجربہ کو پانچ یا چھ مختلف میلان کے ساتھ دہراؤ۔ زاویہ میلان ط کی ہر قیمت کے جواب میں ق کی قیمت دریافت کرو۔ اپنے مشاہدات کو حسب ذیل جدول کی صورت میں مرتب کرو۔

ط	جب ط	ق	ق جب ط

اوسط قیمت $\frac{ق}{جب ط} =$

یہ ثابت کیا جا چکا ہے کہ $ق = و جب ط$ ۔ اس لئے $و = \frac{ق}{جب ط}$ مگر و کی قیمت مستقل ہے کیونکہ ہر دفعہ ایک ہی بیلین استعمال کیا گیا ہے۔ لہذا جدول کے آخری خانہ میں $\frac{ق}{جب ط}$ کی قیمت مستقل ہونی چاہئے۔ ماسوا اس کے $\frac{ق}{جب ط}$ کی اوسط قیمت کو بیلین کے

وزن و کے مساوی ہونا چاہیے۔ اس امر کی تصدیق بیلن کو تول کر کرو۔

اگر زاویہ طہ کی پیمائش کے لئے آلہ کے ساتھ کوئی رُبعہ لگا نہ ہو تو سطح کے کنارے پر کوئی ایک نقطہ قائم کرلو اور ہر دفعہ قاعدہ سے نقطہ مذکور کی بلندی اور قبضہ کے مرکز سے اس کا فاصلہ ناپ لو یعنی گ اور ل کی قیمتیں برابر راست دریافت کرلو۔ اس صورت میں مشاہدات کی جدول حسبِ ذیل ہوگی:—

ق	گ	ل	گ	ق

اوسط قیمت $\frac{ق}{ل} =$

ق/ل کی اوسط قیمت کو برابر راست دریافت شدہ قیمت و کے برابر ہونا چاہیے۔

اگر وزن جن کے ذریعہ سے قوت ق عمل پذیر ہوتی ہے ڈوری سے لٹکے ہوئے پلٹے پر رکھے جائیں تو قوت ق کی قیمت میں پلٹے کے ذاتی وزن کو بھی شریک کرنا چاہیے۔

۳۔ کسی قسم کی قوتوں کے زیرِ عمل جسم کے تعادل کے عام شرائط۔

قوت کا معیار اثر

کسی محور کے گرد کسی قوت کے گردشی اثر کو محور مذکور کے گرد اُس قوت کا معیارِ اثر کہتے ہیں اور معیارِ اثر کا اندازہ قوتِ مذکورہ کی مقدار اور محور سے خطِ عمل کے عمودی فاصلہ کے حاصل ضرب سے ہوتا ہے۔

سمتِ گردش "معیارِ اثر کی جہت" کہلاتی ہے۔ گردش خواہ "موافق سمت ساعت" ہو یا "مخالف سمت ساعت"۔ یہ ضروری نہیں کہ کوئی خاص سمت گردش مثبت جہت کہلائے یا منفی یہ محض اختیاری بات ہے کہ کوئی خاص جہت سہولت کے لحاظ سے مثبت یا منفی قرار دے دی جائے۔

اگر کوئی جسم قوتوں کے کسی نظام کے زیرِ عمل ہو تو جسم مذکورہ صرف اُس حالت میں ساکن رہیگا جب کہ مندرجہ ذیل دو شرائط الگ الگ پورے ہوں:—

- (۱) حاصل قوت کو کسی سمت میں صفر ہونا چاہیے۔
- (۲) کل قوتوں کے حاصل معیارِ اثر کو کسی محور کے گرد صفر ہونا چاہیے۔

شرط (۱) شرط (۲) میں تھینا شامل ہے مگر اس کو الگ سے تصریحاً بیان کرنا خاص اہمیت رکھتا ہے۔

بیرم کا اصول

مذکورہ بالا شرائط میں سے شرط (۱) کا عملی ثبوت ترکیب قوائے کے بیان میں دیا جا چکا ہے۔ اب ہم کو تجربہٴ دوسری شرط کی صحت کی تصدیق کرنی ہے۔ اس امر کے لئے سب سے زیادہ آسان طریقہ یہ ہے کہ جسم جس پر قوتیں عمل کرنے والی ہیں ایک مناسب چول پر رکھا جائے تاکہ جسم مذکور اُس چول کے گرد حرکت کر سکے۔ یہ چول محور کا کام دینی۔ اس محور کو اصطلاحی زبان میں "نصاب" کہتے ہیں۔ اس صورت میں جسم مذکور کو کلاً متحرک ہونے سے باز رکھنے والی قوتیں نصاب پر عمل کرتی ہیں اور شرط (۱) بغیر کسی زحمت کے پوری ہو جاتی ہے۔ اگر کوئی جسم مذکورہ بالا طریقہ سے کسی چول پر قائم ہو تو اُس جسم کو بیرم کہتے ہیں۔

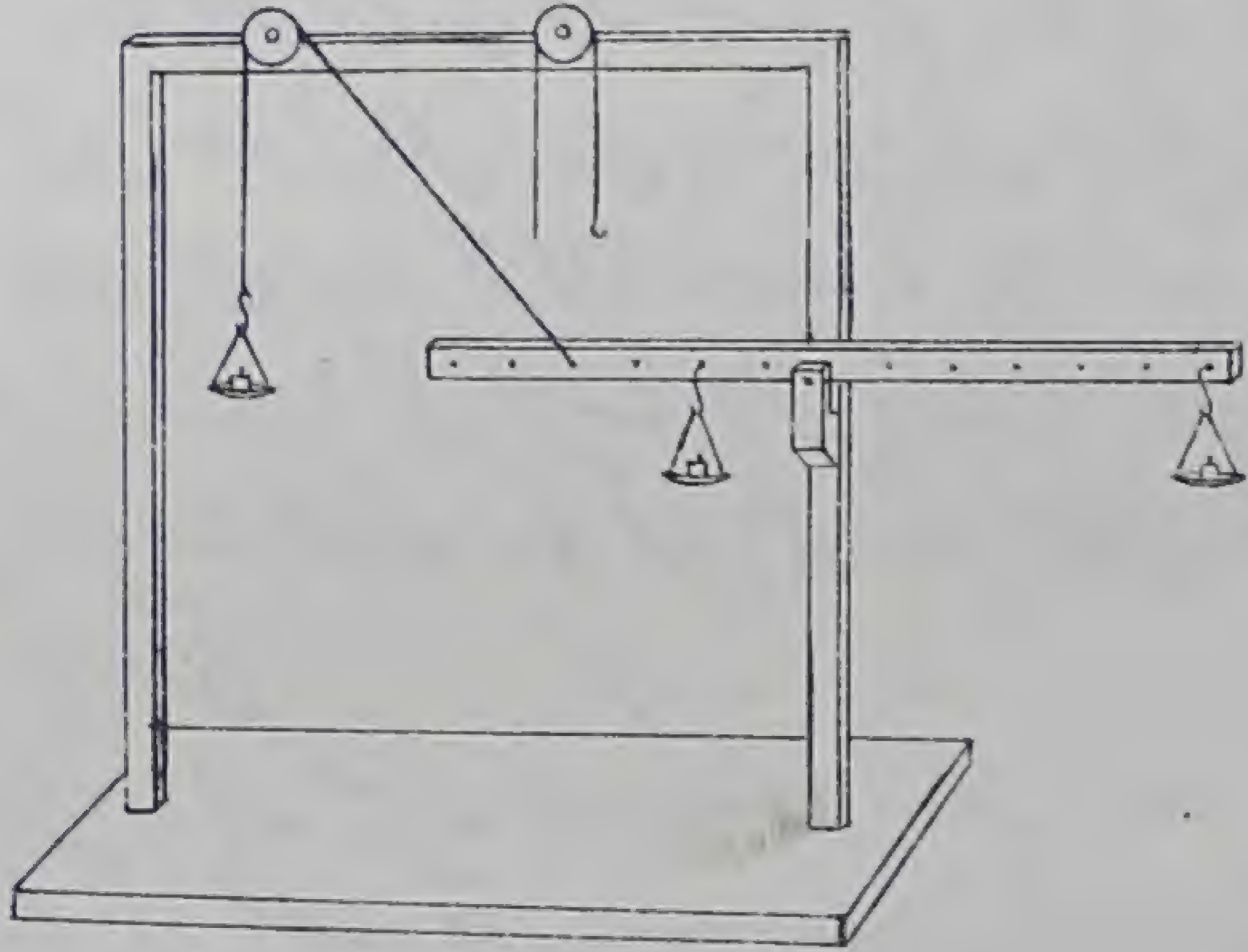
چونکہ نصاب پر عمل میں آنے والی قوت باآسانی دریافت نہیں ہو سکتی لہذا ہم نصاب کے گرد صرف قوت مذکورہ کا معیار اثر معلوم کر سکتے ہیں کسی قوت کا معیار اثر اُس کے نقطۂ عمل کے گرد صفر ہے۔ اس لئے نصاب پر عمل کرنے والی قوت کا معیار اثر نصاب مذکور کے گرد صفر ہو گا۔ لہذا بیرم کے تعادل کی حالت میں نصاب کے گرد مختلف قوتوں کے معیار اثر پر غور کرتے وقت ان قوتوں کا لحاظ رکھنا ضروری نہیں جو نصاب پر عمل کر رہی ہوں۔

اب ہم بیرم کے تعادل کی شرط حسب ذیل بیان کر سکتے ہیں:—
اگر بیرم پر عمل کرنے والی کل قوتوں کا حامل معیار اثر کسی نصاب معین کے گرد صفر ہو تو بیرم مذکور تعادل میں ہو گا۔

بیرم

بیرم کے اصول کی تشریح و نیز کلیۂ معیار اثر کی تصدیق کرنے کے لئے

ایک آسان آلحسب ذیل تیار کیا جاسکتا ہے :-
 شکل ۳ء کو دیکھو۔ لکڑی کے ایک مضبوط استوار چوکھٹے کے انتصابی بازوؤں میں سے ایک کے قریب قریب وسط میں پیتل کی ایک گول سلاخ (کیل) اُفقاً لگی ہوئی ہے۔ اس سلاخ پر ایک میٹری پیمانہ چڑھا ہے۔



شکل ۳ء - بیرموں پر تجربے

اس پیمانہ کے ہر دو دوسرے پر آر پار سوراخ بنے ہیں اور سلاخ مذکور اس پیمانہ کے وسطی سوراخ سے گزرتی ہے۔ اس طریقہ سے پیمانہ کا مرکز ثقل انصاف پر رہتا ہے جس کی وجہ سے پیمانہ کے ذاتی وزن کا اثر دور ہو جاتا ہے (مرکز جاذبہ کا بیان صفحہ ۱۲۵ میں دیکھو)۔
 چوکھٹے کے اوپر والے ڈنڈے پر چرخیاں چڑھی ہیں اور ان پر سے ڈوریاں گزرتی ہیں۔ یہ ڈوریاں اپنے سروں پر بندھے ہوئے پیتل کے کانٹوں کے ذریعہ سے میٹری پیمانہ کے کسی سوراخ سے لگائی جاسکتی ہیں۔ ڈوریوں کے دوسرے سروں سے ترازو کے پلڑے لٹکتے ہیں جن پر وزن ڈال کر بیرم پر مختلف قوتیں لگائی جاسکتی ہیں۔ مذکورہ بالا پلڑوں کے سوا دوسرے پلڑے پیمانہ کے سوراخ سے براہ راست لٹکائے جاسکتے ہیں تاکہ بیرم پر مختلف قوتیں اوپر نیچے دونوں سمتوں میں عمل

کر سکیں یا قوتوں کی سمتیں اُفق سے مختلف زاویے بنا سکیں۔
چونکہ چرخوں اور نصاب پر کی رگڑ دُور نہیں کی جاسکتی اس لئے
ضروری ہے کہ جب آلہ (بیرم) قریب قریب ٹھیک محل پر آجائے تو
اُس میں ایک خفیف رفتار پیدا کی جائے اور اُس کے بعد پلڑوں
پر کے وزن کو اس طرح درست کیا جائے کہ بیرم یکساں آزادی کے
ساتھ حرکت کر سکے خواہ اوپر کی طرف ہو یا نیچے کی طرف۔ اگر ان قوتوں میں
سے کوئی قوت ترجیحی سمت میں عمل کر رہی ہو تو بیرم میں متذکرہ بالا خفیف رفتار
پیدا کرتے وقت اس بات کا لحاظ رہے کہ بیرم اپنے اُفقی محل سے
زیادہ بہکنے نہ پائے ورنہ عمل کرنے والی قوت کا زاویہ بدل جائے گا
اور اُس کی وجہ سے نصاب کے گرد اُس کے معیار اثر میں بھی
تبدیلی پیدا ہو جائیگی۔

جب بیرم دونوں سمتوں میں یکساں آزادی کے ساتھ ملنے لگے
تو نصاب کے گرد مختلف قوتوں کے معیار اثر بلحاظ مقدار و جہت
محسوب کر لینا چاہئے۔

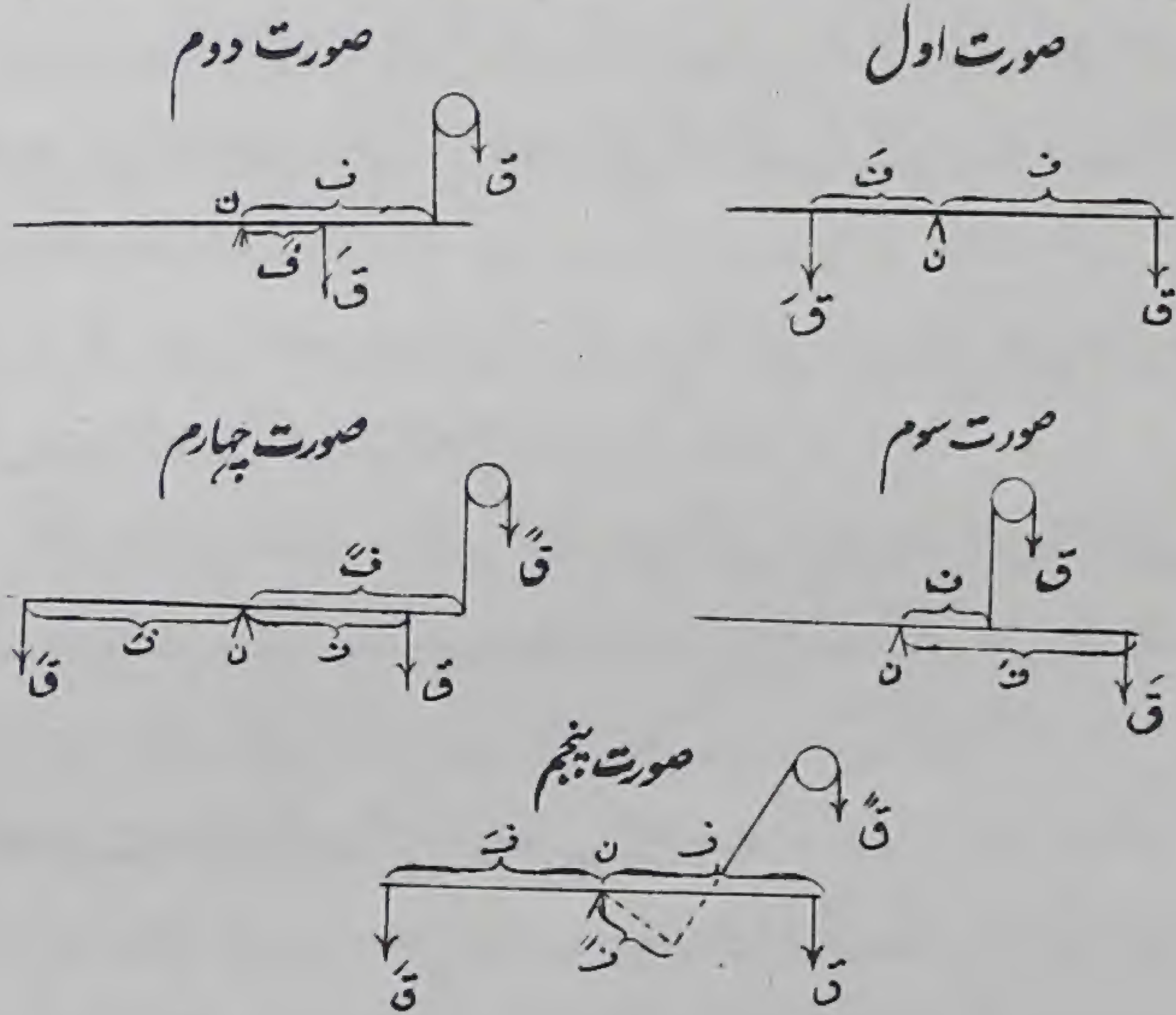
معیار اثر دریافت کرنے کے لئے ہر قوت کی مقدار کو نصاب
سے خط عمل کے عمودی فاصلہ سے ضرب دے کر حاصل ضرب
کے آگے مثبت یا منفی کی علامت لگا دینا چاہئے بلحاظ اس کے
کہ معیار اثر کی جہت موافق سمتِ ساعت ہے یا مخالف سمتِ ساعت۔
کل قوتوں کے معیار اثر کے جبری مجموعہ کو ہر حالت میں صفر کے برابر ہونا چاہئے۔

انتباہ - پلڑوں کے ذاتی وزن قوائے زیرِ مباحثہ میں
شریک رہیں۔

تجربہ ۳۳ - بیرم — مختلف قوتیں لگا کر جیسا کہ
شکل ۳۸ میں دکھایا گیا ہے ذیل کی صورتوں میں سے ہر ایک
کے لئے تجربہ کرو :-

صورت اول :- بیرم اکثر پہلی ترتیب کے بیرم سے منسوب

کیا جاتا ہے۔
 قوت قی "موافق سمت ساعت" گردش پیدا کرتی ہے۔ فرض کرو
 کہ اس قوت کا معیار اثر قی ف نصاب ن کے گرد مثبت ہے۔



شکل ۳۸ - بیرم

قوت قی "مخالف سمت ساعت" گردش پیدا کرتی ہے اس لئے اس کا
 معیار اثر قی ف نصاب کے گرد منفی ہے۔

ثابت کرو کہ متذکرہ بالا دونوں معیار اثر کا جبری مجموعہ صفر ہے یعنی
 $ق + قی + ف = ۰$

مثال — فرض کرو کہ تجربہ میں

ق = ۳۵۰ گرام وزن

ف = ۴۸ سمر

قی = ۱۶۸۰۰ +

قی = ۵۰ گرام وزن

ف = ۲۲ سمر

ق ف = ۱۶۵۰۰ -

ق ف + ق ف = ۱۶۸۰۰ - ۱۶۵۰۰ = ۳۰۰

مگر مجموعہ کو صفر ہونا چاہئے۔ اس لئے تجربہ میں ۲ فیصد کی غلطی ہے۔

صورت دوم - عموماً یہ دوسری ترتیب کے بیرم سے منسوب کیا جاتا ہے۔

قوت ق مخالف سمت ساعت گردش پیدا کرتی ہے یعنی اس کا معیار اثر ق ف نصاب کے گرد منفی ہے۔

ق موافق سمت ساعت گردش پیدا کرتی ہے یعنی اس کا معیار اثر ق ف نصاب کے گرد مثبت ہے۔

تجربہ سے دکھاؤ کہ ق ف + ق ف =

صورت سوم تیسری ترتیب کا بیرم۔

یہاں بھی ق ف منفی ہے اور ق ف مثبت

پھر ثابت کرو کہ ق ف + ق ف =

بیرم کے عام اصول کا اطلاق کل قوتوں پر ہو سکتا ہے خواہ ان کی تعداد کچھ بھی ہو اور ان کے خطوط عمل بیرم کے ساتھ کچھ بھی زاویہ بنائیں جیسا کہ ذیل کی دو صورتوں میں دکھایا گیا ہے۔ مندرجہ بالا قوتوں کے سوا اور دوسری قوتیں بھی عمل میں لائی جاسکتی ہیں۔ ہر حالت میں نصاب کے گرد مجموعی معیار اثر کی قیمت صفر حاصل ہوگی۔

صورت چہارم - ق ف مثبت ہے

ق ف منفی ہے

ق ف منفی ہے۔

تجربہ دکھاؤ کہ ق ف + ق ف + ق ف =

صورت پنجم - ق ف مثبت ہے۔

ق ف اور ق ف دونوں منفی ہیں۔

یہاں بھی دکھاؤ کہ $ق + ق + ق = ف$ ۔
 جیسا کہ صورت اول کے تحت میں مثال دی جا چکی ہے مندرجہ بالا
 پانچوں صورتوں کے کل نتیجے درج کرو اور دو سمتوں میں سے
 کسی ایک سمت کے مجموعی معیار اثر کے لحاظ سے مشہودہ غلطی کا حساب
 فیصد لگاؤ۔ تجربہ میں بڑی قوتوں کا استعمال مناسب ہے یعنی بیرم کے
 سرے پر ۲۰۰ سے ۳۰۰ گرام اور اس کے وسط کے قریب ایک کلو گرام
 تک وزن استعمال کرنا چاہئے۔ ایسا کرنے سے نصاب پر کی رگڑ کا اثر
 مقابلہ معیار اثر زیر تجربہ کے بہت کم ہو جائیگا اور نتیجہ زیادہ صحت کے ساتھ
 حاصل ہوگا۔

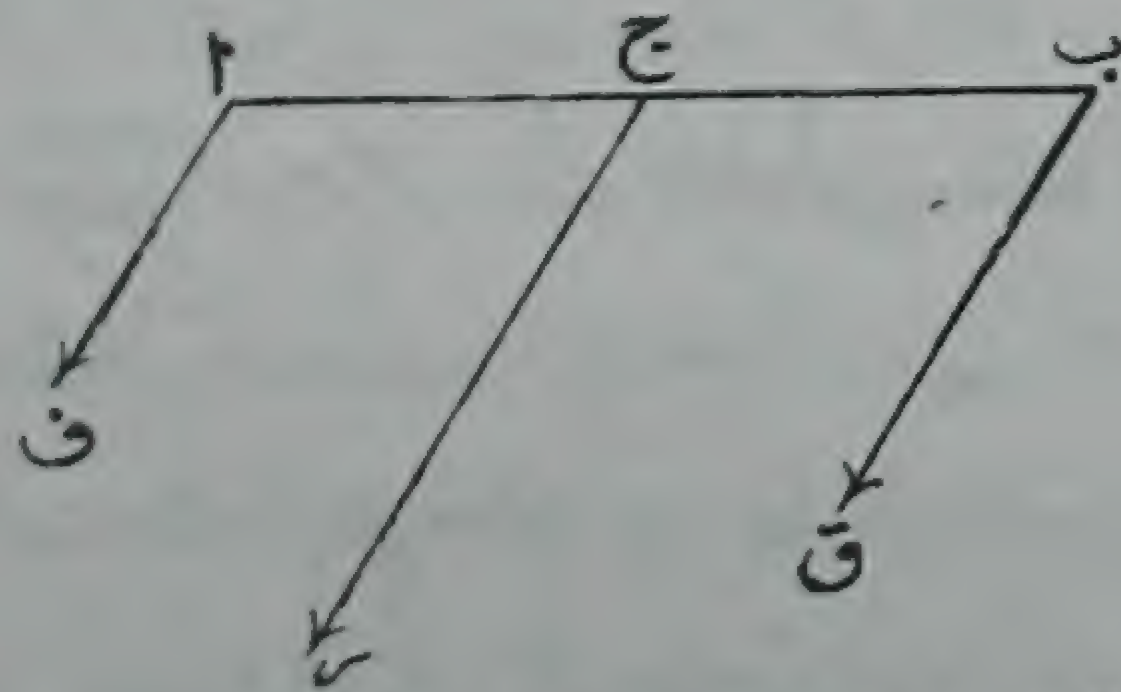
تجربہ ۳۳۔ بیرم کے اصول سے میٹری پیمانہ کا
 وزن دریافت کرنا۔ میٹری پیمانہ کو اس کے اس نقطہ پر قائم
 کرو جو ایک سرے سے قریب دس سمر کے فاصلے پر واقع ہو۔ پیمانہ مذکور
 کے چھوٹے بازو کے آخری سوراخ سے ترازو کا ایک پلڑا لٹکاؤ اور اس میں
 وزن بالتدریج بڑھاتے جاؤ یہاں تک کہ پیمانہ عین افق میں آجائے۔
 پیمانہ کا ذاتی وزن اس کے مرکز جاذبہ پر نیچے کی طرف عمل کرتا ہے۔
 مرکز جاذبہ مذکورہ پیمانہ کے وسط میں واقع ہے۔ فرض کرو کہ میٹری پیمانہ کا
 وزن و گرام ہے اور پلڑے پر کا وزن مع پلڑے کے ذاتی وزن
 کے و گرام ہے۔ نصاب کا فصل پیمانہ کے مرکز سے $ف$ اور پلڑے
 سے (نقطہ اتعلیق سے) $ن$ ہے۔

اس لئے $و ف = ن$

$ف$ اور $ن$ کو پائش سے اور $و$ کو مشاہدہ سے دریافت کرو
 اور مندرجہ بالا مساوات سے $و$ کی قیمت محسوب کرو۔
 اس تجربہ کو دو تین بار نصاب کے مقام کو بدل بدل کر دہراؤ اس کے
 بعد پیمانہ کو ترازو پر براہ راست تول کر اس کے وزن کو مندرجہ بالا
 تجربہ کے حاصل شدہ نتیجہ سے مقابلہ کرو۔

۴۔ مراکزِ جاذبہ (ثقل)

جب کسی استوار جسم پر دو متوازی قوتیں عمل کریں تو اُن کے عوض بالعموم ایک واحد حاصل قوت لگائی جاسکتی ہے۔ شکل ۳۹ پر غور کرو۔ دو متوازی قوتیں **ف** اور **ق** نقاط **ا** اور **ب** پر بالترتیب عمل کر رہی ہیں اور وہ ایک واحد قوت **س** کے مماثل ہیں یعنی

$$س = ف + ق$$


شکل ۳۹۔ متوازی قوتوں کا حاصل

اس قوت **س** کا خطِ عمل خط **ا ب** کو نقطہ **ج** پر اس طرح قطع کرتا ہے کہ

$$ف \times ا ج = ق \times ج ب$$

نقطہ **ج** کا مقام متذکرہ بالا قوتوں کی سمتوں پر موقوف نہیں۔ یہ نقطہ **ج** مذکورہ متوازی قوتوں کا مرکزِ کھلاتا ہے۔ اسی طرح جب متوازی قوتیں خواہ اُن کی تعداد کچھ بھی ہو کسی استوار جسم پر عمل کرتی ہیں تو اُن کا حاصل کسی خاص نقطہ سے گزرتا ہے اور نقطہ مذکور کا مقام مذکورہ بالا قوتوں کی سمتوں پر موقوف نہیں۔ لہذا اگر قوتوں کے صرف نقاطِ عمل اور مقداریں معلوم ہوں تو اُن کے مرکز کا مقام مقرر ہو جاتا ہے۔

زمین اپنی قوتِ جاذبہ کی وجہ سے کل اجسام کو اپنے مرکز کی طرف

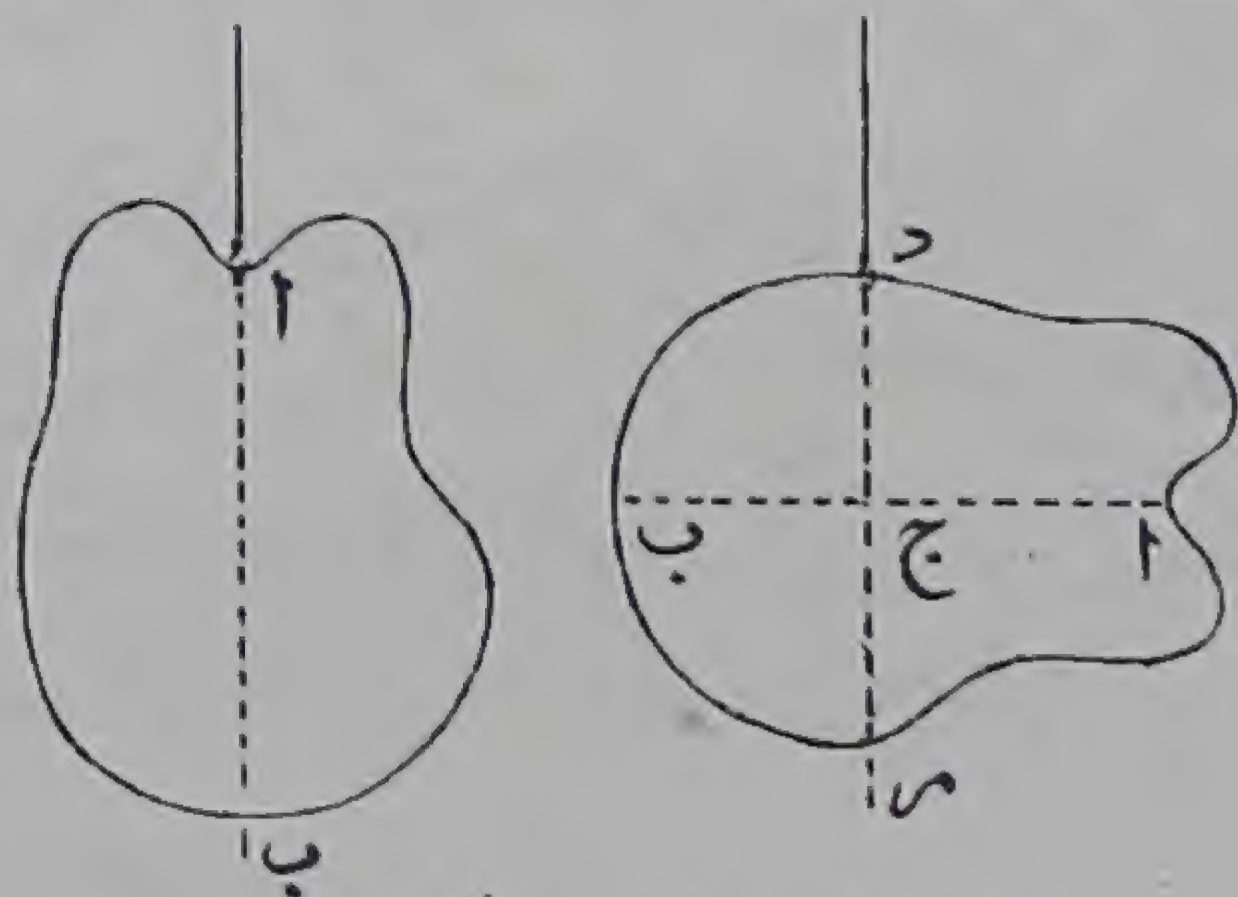
کھینچتی ہے۔ یہ تصور کیا جاسکتا ہے کہ استوار جسم چھوٹے چھوٹے ذرات کے اجتماع کا نتیجہ ہے اور زمین جسم مذکور کے ہر ذرہ کو اپنے مرکز کی طرف کھینچتی ہے۔ پس ہم کو جسم پر عمل کرنے والی تقریباً متوازی قوتوں کا ایک نظام حاصل ہوتا ہے۔ ان متوازی قوتوں کے مرکز کو جسم مذکور کا مرکز جاذبہ یا مرکز ثقل کہتے ہیں۔

بنا دہریں کسی جسم کے مرکز جاذبہ سے وہ نقطہ مقررہ مراد ہے جس سے جسم مذکور کے کل ذروں پر عمل کرنے والی جاذبہ زمین کا حاصل گزرتا ہے خواہ جسم کی ہیئت کچھ بھی ہو۔

جب کوئی بھاری جسم ایک نقطہ واحد پر سہارا جائے تو اس پر عمل کرنے والی صرف دو قوتیں ہیں۔ ایک تو اس کا وزن ہے اور دوسری قوت ٹیکن کا رد عمل۔ اگر جسم مذکور ساکن رہے تو یہ قوتیں تعادل میں ہونگی اور اس صورت میں ان کے خطوط عمل ایک ہی خط میں ہونگے۔ لہذا ضرور ہے کہ ٹیکن کا نقطہ اسی انتصابی خط میں رہیگا جس میں مرکز جاذبہ واقع ہے۔

تجربہ ۱۲۱۔ مرکز جاذبہ کی عملی تعیین — کسی جسم

کا مرکز جاذبہ دریافت کرنے کے لئے اس جسم کو اس کے کسی نقطہ سے لگی ہوئی ڈوری سے لٹکاؤ اور شاقول کے ذریعہ سے انتصابی خط ۱ ب



شکل ۱۲۱۔ مرکز جاذبہ کی تعیین

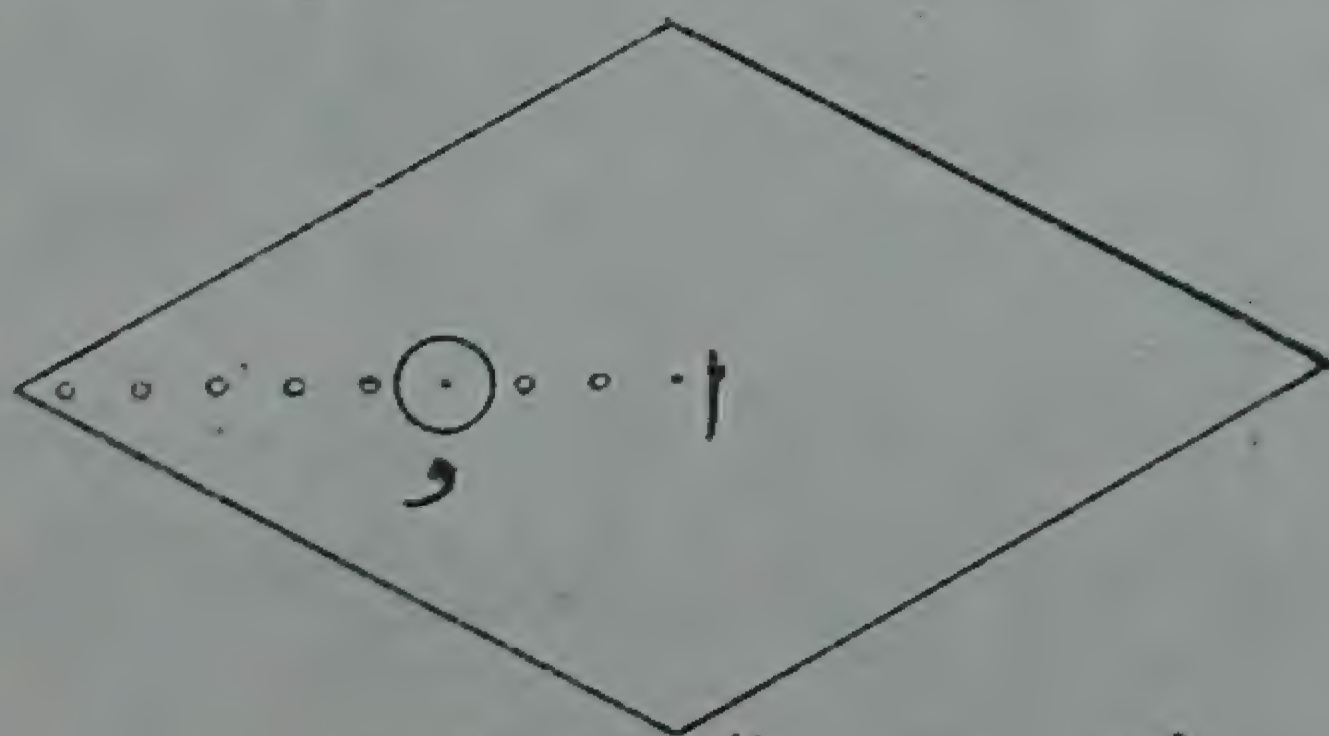
(شکل ۲۱) کا نشان کرلو۔ بعد اُس کے جسم مذکور کو اُس کے کسی دوسرے نقطہ د سے لٹکائو اور پھر اسی طرح انتصابی خط د سے لٹکان کرلو۔ مرکز جاذبہ ضرور ا ب میں ہوگا اور د سے بھی۔ اس لئے وہ دونوں خطوط کے نقطہ تقاطع ج پر واقع ہوگا۔ اگر جسم مذکور کسی تیسرے نقطہ سے لٹکایا جائے تو انتصابی خط کو نقطہ ج سے گزرنا چاہیے۔ اس امر کی عملی تصدیق کرو۔

کسی جسم کے مرکز جاذبہ کا محل جسم مذکور کے اندر مادہ کی تقسیم پر منحصر ہے۔ اس امر کا ثبوت حسب ذیل دیا جاسکتا ہے:—

اس تجربہ کے لئے جو جسم لیا جاتا ہے وہ یکساں و ہموار معین کی شکل کی لکڑی کی ایک ایسی پتلی تختی پر مشتمل ہے جس کے کسی مقام پر ڈھیری کی شکل کا پتیل کا وزن و کسی پیچ کے ذریعہ سے لگا دیا جاسکے۔ اس انتظام سے تختی کے اندر مادہ کی تقسیم میں تبدیلی پیدا کی جاسکتی ہے۔ سب سے پہلے صرف تختی کا مرکز جاذبہ دریافت کرو۔ فرض کرو کہ ۱ مرکز جاذبہ ہے۔ بعد اس کے تختی کے کسی خاص مقام پر وزن لگا کر مشترک مرکز جاذبہ دریافت کرو۔

تختی کے وتر کے مختلف مقامات پر وزن لگا لگا کر مختلف مرکز جاذبہ دریافت کرو۔

بعد اس کے ۱ و ۲ کو یعنی تختی کے مرکز سے وزن و کے فصل کو فصل اور تختی کے مرکز سے مشترک مرکز جاذبہ کے فصل کو معین مان کر ایک سمجھنی تیار کرو۔



شکل ۲۱۔ بوجھ لگی ہوئی تختی

مُختی پر غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ تختی کے ذاتی مرکز جاذبہ ۱ سے مرکب تختی کے مرکز جاذبہ کا فصل تختی کے ذاتی مرکز جاذبہ سے لگائے ہوئے وزن کے فصل کے متناسب ہے اور پیتلی وزن اور چوبی تختی کے وزن کی باہمی نسبت مرکب تختی کے مرکز جاذبہ سے ان کے مرکبوں (پیتلی وزن اور چوبی تختی کے) فصل کے ساتھ متناسب معکوس رکھتی ہے۔ علمائے اس کی تصدیق کرو۔

۵۔ تحسب کے تریبی طریقہ

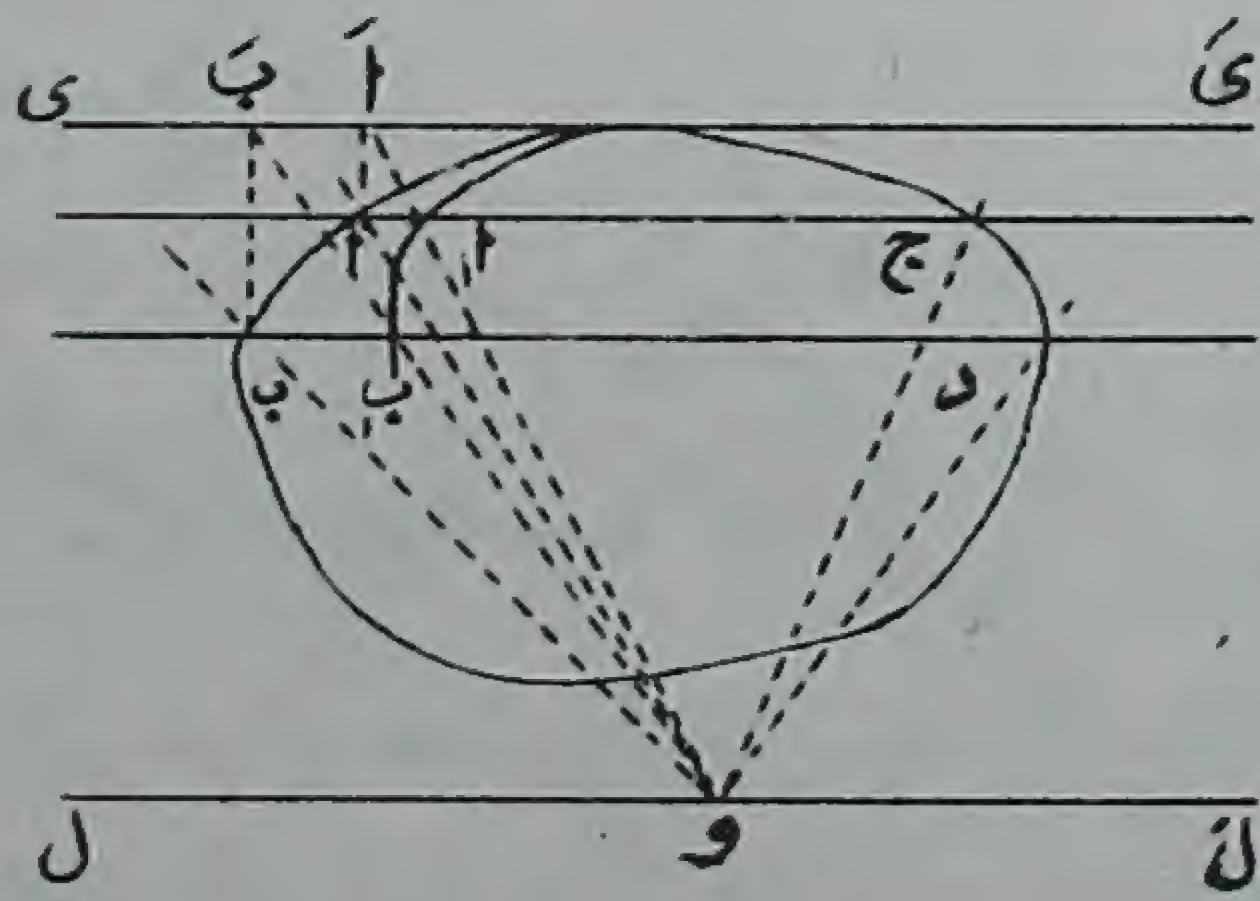
کمیتوں کی ایک کثیر تعداد عددی طریقہ سے بالکل متوازن محض تریبی طریقہ سے بھی دریافت کی جاسکتی ہے۔ موخر الذکر طریقوں سے یہ بھی ممکن ہے کہ کسی جسم کے تعادل کے شرائط یا جسم مذکور کو تعادل میں رکھنے والی قوتیں دریافت ہو جائیں۔ یہ طریقہ تریبی سکونیات کے نام سے موسوم کئے جاتے ہیں۔

ہموار چھٹے اجسام کے دو خواص جو تریبی عمل سے آسانی دریافت ہو جاتے ہیں حسب ذیل ہیں:-
ایک تو ہموار تختی کے مرکز جاذبہ کا محل اور دوسری خاصیت کسی محور کے گرد تختی مذکور کے جمود کے معیار اثر کی قیمت۔ ان طریقوں سے نہ صرف کسی شبہ کی تراش عمودی کے جمود کا معیار اثر دریافت کیا جاسکتا ہے بلکہ ان کی مدد سے سطح پیمائے استعمال میں بکار آمد مشق حاصل ہوتی ہے۔

ہموار تختی کا مرکز جاذبہ دریافت کرنے کا تریبی طریقہ

کسی شکل کی تختی کے خاکے پر غور کرو جیسا کہ شکل ۴۲ میں دکھایا گیا ہے۔

اس کی ایک طرف خط ال ل کھینچو اور دوسری طرف تختی کے منحنی کنارے کے بالکل سرے پر ایک مماسی خط ی ی خط ال ل کے متوازی کھینچو۔ خط ال ل کے کسی نقطہ و سے مختلف سمتوں میں متعدد خطوط کھینچو۔ ان



شکل ۴۲ - مرکز جاذبہ کا تریسی طریقہ

خطوط کو اس طرح ترتیب دینا مناسب ہوگا کہ ان کے جوڑے مثلاً و ا اور و ج تختی کے گھیرے کو ابتدائی خط ل و ل سے مساوی فاصلوں پر قطع کریں۔

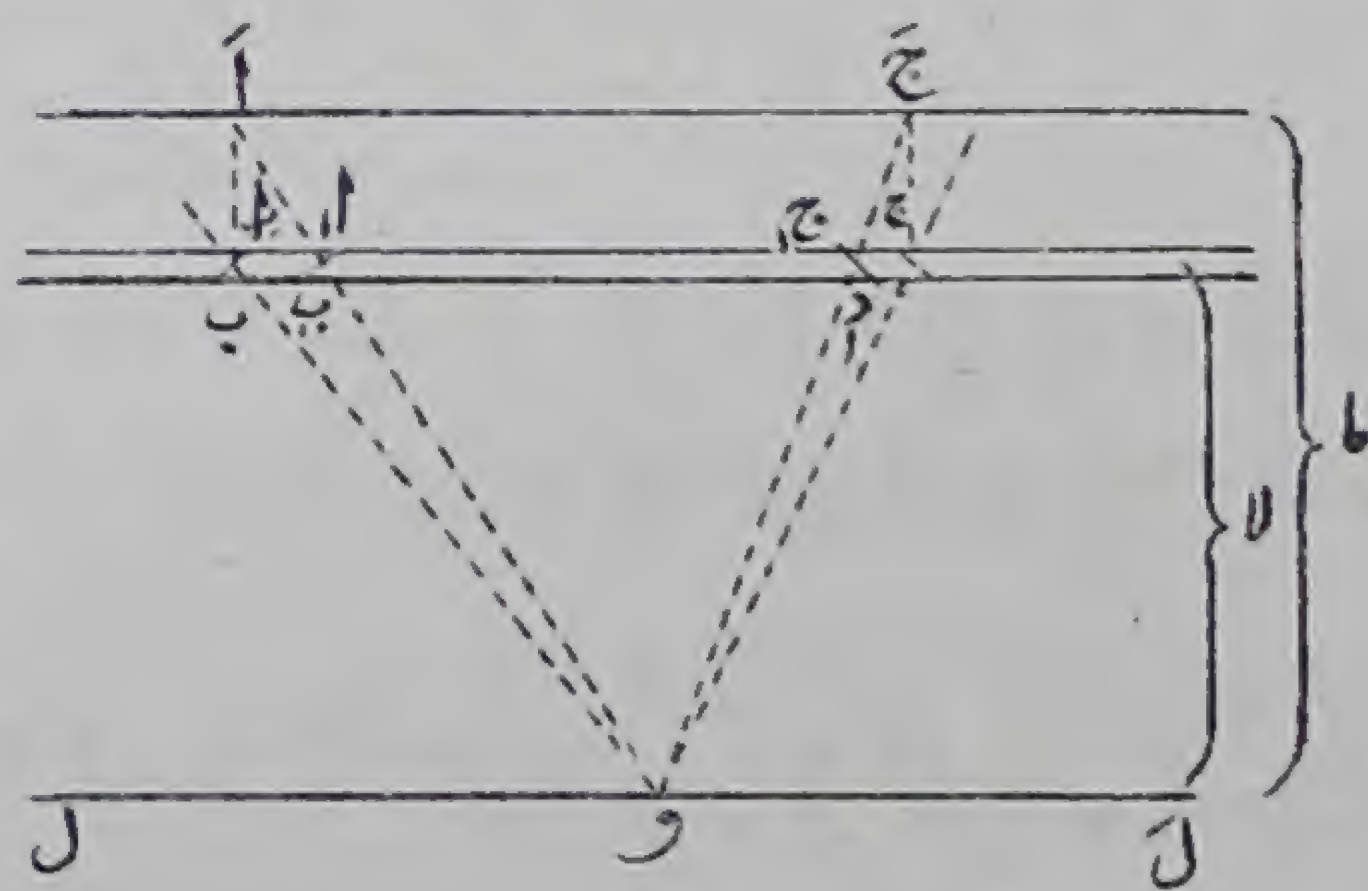
نقاط تقاطع ا ب ج وغیرہ ہو کر خط ل و ل کے متوازی خطوط کھینچو اور ہر نقطہ ا ب ج وغیرہ سے خط مذکور کے عمود وار دوسرے خطوط اس طرح کھینچو کہ وہ خط ی ی سے بالترتیب نقاط ا ب ج وغیرہ پر ملیں۔

نقطہ و کو نقاط ا ب ج وغیرہ سے ملاؤ۔ خطوط و ا، و ب، و ج میں سے ہر ایک خط اپنے اپنے جوانی متذکرہ بالا متوازی خطوں کو بالترتیب نقاط ا ب ج میں قطع کرتا ہے جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ان نقاط ا ب ج وغیرہ ہو کر ایک منحنی کھینچو اور اس منحنی سے جو شکل حاصل ہو اس کا رقبہ اور تختی کا

بھی رقبہ دریافت کرو۔
یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ تختی کا مرکز جاذبہ خط $ول$ سے ایک ایسے فصل $ن$ پر واقع ہے کہ

$$ن = \frac{\text{شکل } ا ب ج \text{ وغیرہ کا رقبہ}}{\text{شکل } (ل ل) \text{ اور سی کا درمیانی فاصلہ}}$$

ثبوت۔ ابتدائی شکل یعنی تختی کے ایک ایسے چھوٹے حصہ پر غور کرو جو متوازیات $ا ج$ اور $ب د$ کے درمیان واقع ہے اور یہ بھی تصور کر لو کہ متوازیات مذکورہ آپس میں بہت قریب ہیں۔ یعنی رقبہ $ا ب ج د$ پر غور کرو۔ شکل $ا ب ج$ وغیرہ میں رقبہ $ا ب ج د$ کے جوابی رقبہ $ا ب ج د$ کا انتصابی بعد (یعنی عرض) وہی ہے جو رقبہ $ا ب ج د$ کا۔



شکل ۴۳۔ مرکز جاذبہ کے تریبی طلقہ کا ثبوت

مگر اس کا طول (افقی بعد) رقبہ $ا ب ج د$ کے طول سے $\frac{1}{2}$ کی نسبت میں کم ہے۔

$$\frac{1}{2} = \frac{\text{رقبہ } ا ب ج د}{\text{رقبہ } ا ب ج د}$$

ابتدائی شکل $ا ب ج د$ کی کیت مادہ کا معیار اثر محور $ل ل$ کے گرد

$$= \text{رقبہ } ۱۲ \text{ ج } ۵ \times \text{ لا}$$

مگر رقبہ ۱۲ ج ۵ \times لا = رقبہ ۱۲ ج ۵ ج ۵ \times ما اس لئے
معیار اثر مذکور = رقبہ ۱۲ ج ۵ ج ۵ \times ما

لہذا ابتدائی شکل یعنی تختی کے کسی تیلے ٹکڑے ۱۲ ج ۵
کا معیار اثر محور ل ول کے گرد ساختہ شکل میں ٹکڑے ۱۲ ج ۵
کے جوابی ٹکڑے کے رقبہ کول ول اور ی می کے درمیانی
فاصلہ سے ضرب دینے سے حاصل ہوتا ہے۔

فرض کرو کہ تختی کا مرکز جاذبہ محور ل ول سے فصل ف پر واقع
ہے۔ اس صورت میں پوری تختی کا رقبہ اور عمودی فصل ف کا
حاصل ضرب ٹکڑا ۱۲ ج ۵ کی طرح چھوٹے چھوٹے رقبہ جات
اور مذکورہ بالا خط ل ول سے ان کے فاصلوں (لا) کے حاصل
ضرب کے مجموعہ کے برابر ہوگا۔ اس امر کو ریاضی کی زبان میں
حسب ذیل ادا کر سکتے ہیں:—

$$\begin{aligned} \text{تختی کا رقبہ } \times \text{ ف} &= \text{ج} (۱۲ \text{ ج } ۵ \times \text{ لا}) \\ &= \text{ج} (۱۲ \text{ ج } ۵ ج ۵ \times \text{ ما}) \\ &= \text{ما} \times \text{ج} (۱۲ \text{ ج } ۵ ج ۵) \\ &= \text{ما} \times \text{ساختہ شکل کا رقبہ} \end{aligned}$$

$$\text{یعنی ف} = \frac{\text{ساختہ شکل کا رقبہ}}{\text{ابتدائی شکل کا رقبہ}} \times (\text{ل ول اور ی می کا درمیانی فاصلہ})$$

اگر مذکورہ بالا بنیادی خط ل ول کے عوض ایک دوسرا علی القوائم
خط لے کر مندرجہ بالا طریقہ سے شکل کھینچی جائے تو موخر الذکر بنیادی
خط سے مرکز جاذبہ کا فصل ف حسب عمل بالا دریافت ہو سکتا ہے۔ لہذا
ف اور ف کی قیمتوں سے مرکز جاذبہ کا ٹھیک محل دریافت ہو جائیگا۔
اگر تختی کسی خط کے دونوں طرف متشاکل ہو تو ضرور ہے کہ مرکز جاذبہ

محور تشاکل میں واقع ہوگا۔ اس صورت میں مرکز جاذبہ کا محل دریافت کرنے کے لئے صرف ایک ہی عمل کی ضرورت ہوگی۔ یعنی اگر صرف فک کی قیمت معلوم ہو جائے تو مرکز کا محل دریافت ہو جائیگا۔

تحریر ۲۶ — مرکز جاذبہ کی ترمیمی تعین۔

ایک مثلث متساوی الساقین کھینچو اور اس کے قاعدہ کو محور ل دل مان کر عملاً ثابت کرو کہ مثلث مذکور کے مرکز جاذبہ کا فصل قاعدہ سے اس کے فاصلے کے ۱/۲ کے برابر ہے۔ مذکورہ بالا امر ثابت کرنے میں جن رقبوں کی ضرورت پڑے ان کی پیمائش سطح پیمائش کے ذریعہ سے کرو۔

نصف دائرہ کے مرکز جاذبہ کا بھی محل دریافت کرو۔

کسی یکساں ہوا پترے کے جہود کے معیار اثر کی ترمیمی تعین

(جہود کے معیار اثر کی تعریف صفحہ ۳۳ میں کی گئی ہے)

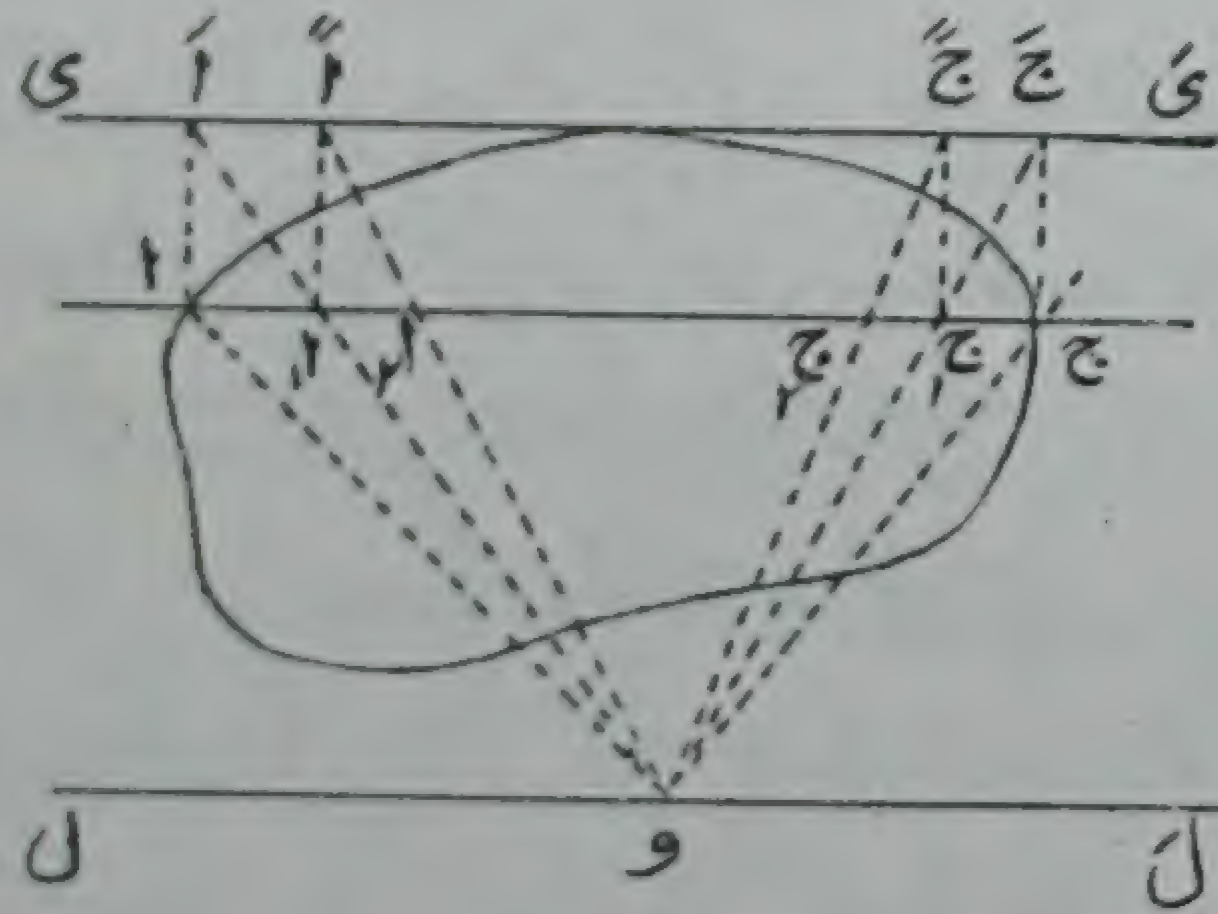
پترے کے جہود کا معیار اثر دریافت کرنے کے لئے ویسا ہی عمل کیا جاتا ہے جیسا کہ اس کے مرکز جاذبہ کے محل دریافت کرنے میں۔

جب نقطے 'ا'، 'ب'، 'ج' وغیرہ دریافت ہو جائیں تو ان نقطوں سے خط لائن کے علی القوائم خطوط کھینچو اور فرض کرو کہ یہ خطوط، خط 'ای' سے نقاط 'ا'، 'ب'، 'ج' وغیرہ پر ملتے ہیں۔ 'ا'، 'و'، 'ب' وغیرہ کو ملاؤ۔

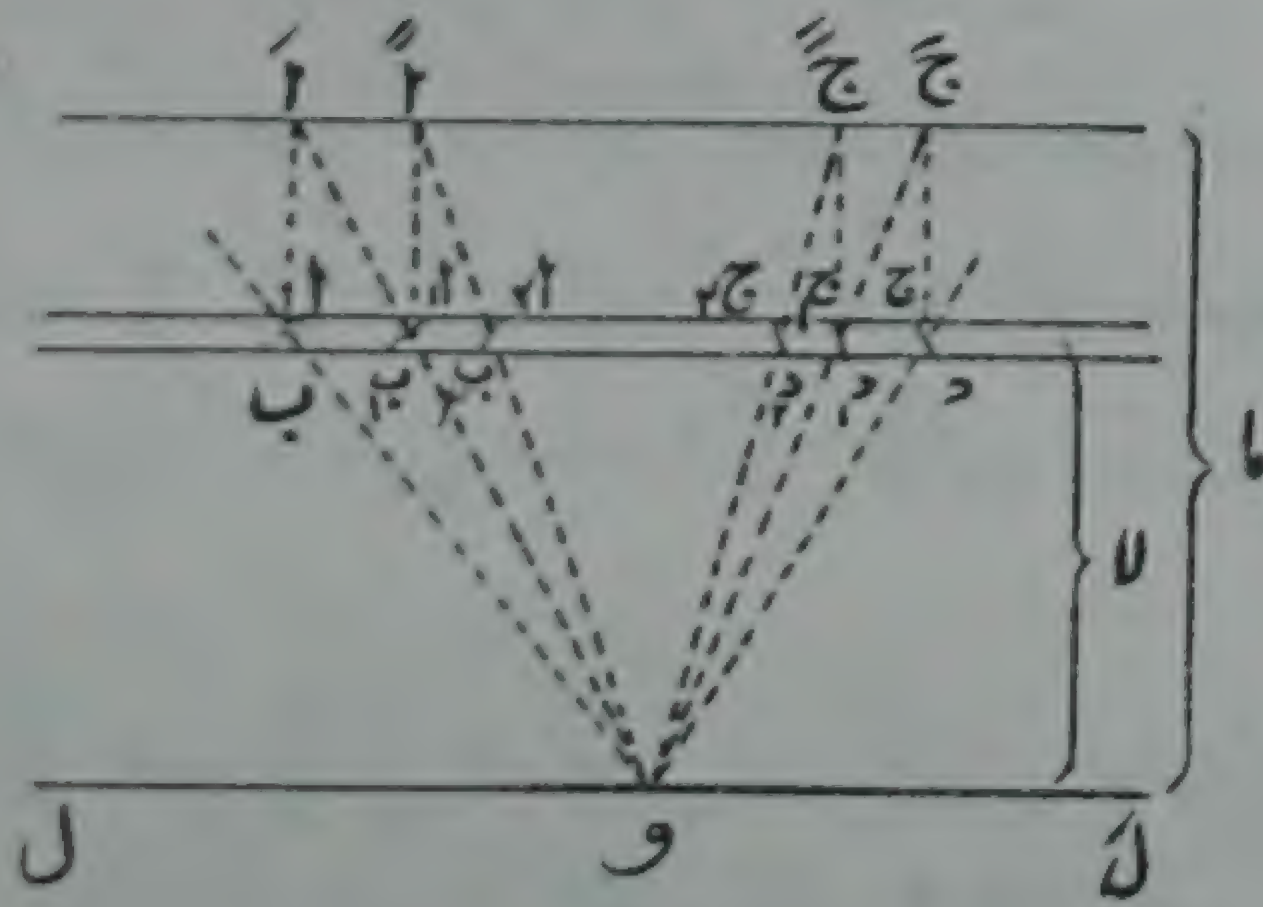
یہ خطوط اپنی نظیری متوازیات کو بالترتیب نقاط 'ا'، 'ب'، 'ج' وغیرہ پر قطع کرتے ہیں (شکل ۳۴ دیکھو) منحنی 'ا'، 'ب'، 'ج' وغیرہ کھینچو اور اس حاصل شدہ شکل کا رقبہ دریافت کرو۔

تختی (پترے) کے جہود کا معیار اثر محور ل دل کے گرد مذکورہ بالا شکل (یعنی 'ا'، 'ب'، 'ج' وغیرہ) کے رقبہ اور خطوط ل اور

ی ی کے درمیانی فاصلہ کے مربع کے حاصل ضرب کے برابر ہے۔



شکل ۲۴۔ جمود کے معیار اثر کا ترسیمی طریقہ



شکل ۲۵۔ جمود کے معیار اثر کے ترسیمی طریقہ کا ثبوت

ثبوت۔ ابتدائی شکل یعنی تختی کے ایک ایسے پتلے ٹکڑے پر غور کرو جو دو قریب ترین متوازیات کے درمیان واقع ہے۔

$$\begin{aligned} \text{ا اور ج کے درمیان ٹکڑے کا طول} &= \text{ا ج} \times \frac{\text{ل}}{\text{ا}} \\ \text{ا اور ج کے درمیان ٹکڑے کا طول} &= \text{ا ج} \times \frac{\text{ل}}{\text{ا}} \\ \text{ا اور ج کے درمیان ٹکڑے کا طول} &= \text{ا ج} \times \frac{\text{ل}}{\text{ا}} \end{aligned}$$

$$\text{یعنی } \frac{ا.ج. ۱}{ا.ج. ۲} = \frac{۲۱}{۲۱}$$

ٹکڑے کے مختلف حصوں کا انتصابی بُعد (یعنی عرض) ایک ہی ہے
اس لئے تختی کے ٹکڑے کا رقبہ
ساختم شکل میں نظیری ٹکڑے کا رقبہ

رقبہ ا ب ج د

رقبہ ا ب ج د =

محور ول کے گرد پورے پترے کے جمود کا معیار اثر ہر ٹکڑے
کی کیت ماوہ اور محور مذکور سے اس کے فصل کے مربع کے حاصل ضرب
کے مجموعہ کے برابر ہے۔ یعنی

پورے پترے کے جمود کا معیار اثر = م

$$= (ا ب ج د \times ۱۱)$$

مگر ا ب ج د $\times ۱۱ = ا ب ج د \times ۲۱$

اس لئے م = (ا ب ج د $\times ۲۱$)

$$= (ا ب ج د \times ۲۱)$$

$$= \text{ساختم شکل کا رقبہ} \times ۲۱$$

تجربہ ۳۱۔ گول پترے کے جمود کے معیار اثر

کی تریسی تعین۔ ایک نصف دائرہ کھینچو اور اس کے قطر کو محور ول

قرار دے کر قطر کے گرد نصف دائرہ مذکور کے جمود کا معیار اثر دریافت

کرو۔ قطر کے گرد پورے مدور پترے کے جمود کا معیار اثر نصف دائرہ

کے جمود کے معیار اثر کا دو چندان ہوگا۔ عملاً ثابت کرو کہ مدور پترے کا

معیار اثر = $\frac{۱}{۲} \pi$ جہاں ن دائرے کا نصف قطر ہے۔ (اس تجربہ

۱. سمر نصف قطر کا پترالینا مناسب ہے۔

تجربہ ۳۸ — مستطیلی پترے کے معیار اثر کی ترسیبی تعین۔ ایک مستطیل کھینچو جس کا طول ط ہے اور عرض ع (اس تجربہ میں ط کا طول ۵ سمر اور ع کا طول ۱۰ سمر لینا مناسب ہے) مستطیل کو دو برابر حصوں میں ایک ایسے خط سے تقسیم کرو جو اس کے طول کے متوازی ہو۔ اس تقسیم کرنے والے خط کو محور l قرار دیکر نصف مستطیل کے جمود کا معیار اثر دریافت کرو۔ ظاہر ہے کہ پورے مستطیل کے جمود کا معیار اثر نصف مستطیل کے جمود کے معیار اثر سے دو چند ہوگا۔
 عملاً یہ بھی دکھاؤ کہ معیار اثر مذکور کی قیمت $\frac{ط}{۱۲} ع$ کے برابر ہے۔

تقسیم کرنے والے خط کو مستطیل مذکور کے عرض کے متوازی لے کر اس تجربہ کو دہراؤ۔

یہ معلوم ہوا ہوگا کہ متذکرہ بالا بیان میں پترے کی کمیت مادہ کا مطلق ذکر نہیں کیا گیا ہے۔ پترے کے صرف کنارے کا نشان کاغذ پر کر لیا جاتا ہے اور عمل کو پترے کے صرف رقبہ سے تعلق ہے۔ جو نتیجہ حاصل ہوتا ہے اس کو بالعموم کسی محور کے گرد رقبہ کے جمود کا معیار اثر کہتے ہیں۔ فن انجینیئری میں اسی معیار اثر کی عموماً ضرورت پڑتی ہے۔ بہر حال اگر مادے کے حقیقی پترے کے جمود کے معیار اثر کی ضرورت ہو تو اس کی قیمت اس کے رقبہ کے جمود کے معیار اثر کی قیمت کے ذریعہ سے حسب ذیل دریافت ہو سکتی ہے:—

کسی پترے کے رقبہ کے جمود کا معیار اثر عدد $اس$ ہمشکل پترے کے جمود کے معیار اثر کے برابر ہے جس کے مادہ کی سطحی کثافت ایک ہے۔ لہذا اگر رقبہ کے جمود کا معیار اثر مذکورہ بالا ترسیبی طریقہ سے معلوم ہو تو ایک ہمشکل پترے کے جمود کا معیار اثر کسی ایک منشابہ محور کے گرد رقبہ مذکورہ کے جمود کے معیار اثر کو پترے کے مادہ کی سطحی کثافت سے ضرب

دینے سے حاصل ہو جائیگا۔ یاد رہے کہ سطحی کثافت = $\frac{\text{کمیت مادہ}}{\text{رقبہ}}$

۶۔ ترسیمی سکونیات

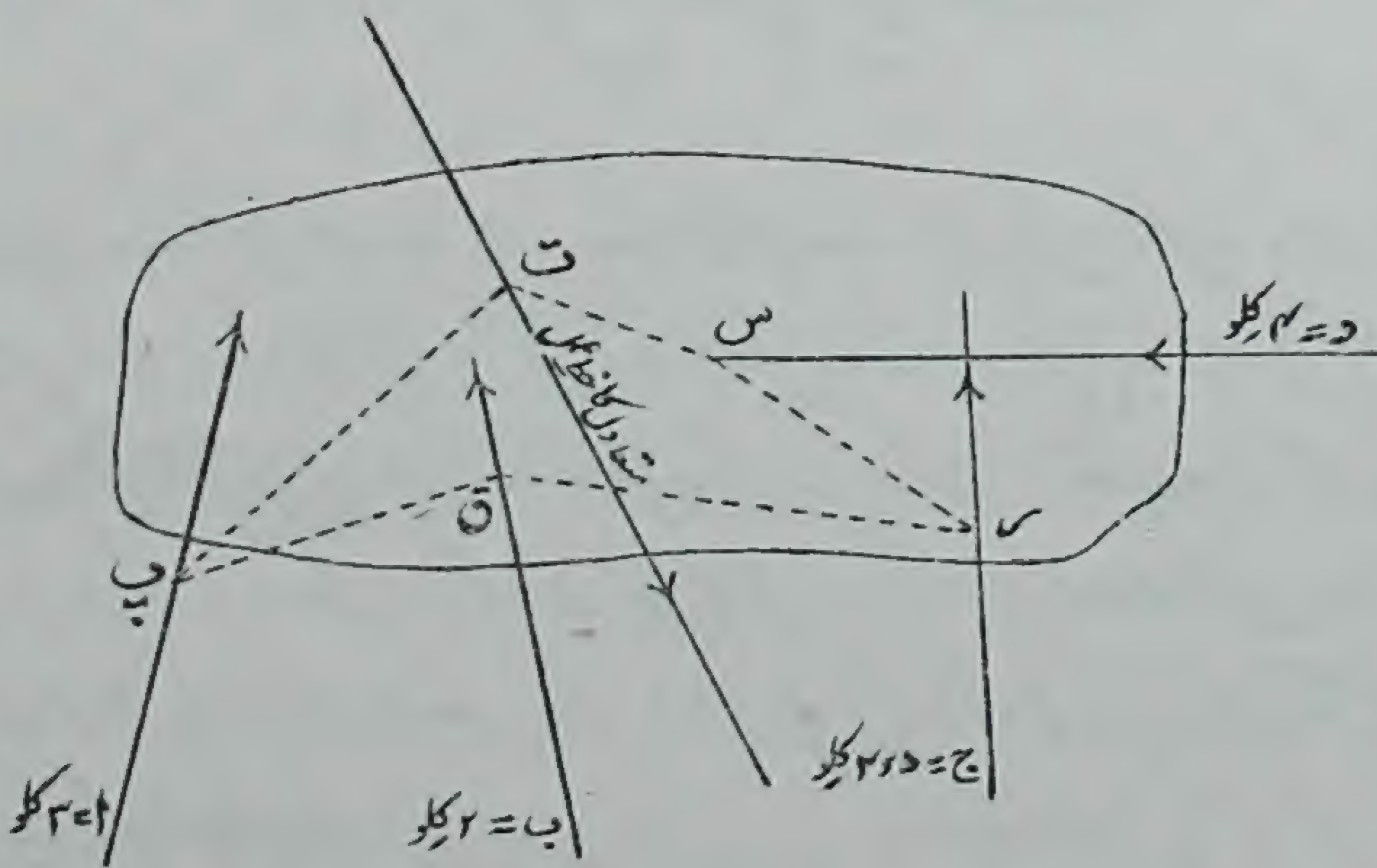
قوتوں کے کسی دئے ہوئے نظام کے زیرِ عمل کوئی جسم تعادل میں ہوگا یا نہیں اس کی جانچ بالکل ترسیمی عمل سے ہو سکتی ہے۔ قوتیں دو قسم کی حرکتیں پیدا کر سکتی ہیں:- (۱) انتقالی حرکت (ب) محوری حرکت۔ اول الذکر حرکت صفر کے برابر ہوگی اگر کسی سمت میں حاصل قوت صفر ہو۔ موخر الذکر حرکت صفر کے برابر ہوگی اگر قوتوں کا حاصل معیار اثر کسی محور کے گرد صفر ہو۔

اس امر کا ترسیماً جانچنا کہ انتقالی حرکت صفر ہے، فی الحقیقت قوتوں کے کثیر الاضلاع کا کھینچنا ہے۔ اگر کثیر الاضلاع مکمل ہے تو حاصل قوت کسی سمت میں صفر ہے یعنی جسم میں کوئی انتقالی حرکت نہیں۔ اگر ہم ترسیمی عمل کی کوئی ایسی ترکیب مل جائے جس سے یہ بھی معلوم ہو جائے کہ قوتوں کا حاصل معیار اثر کسی محور کے گرد صفر ہے تو قوتوں کے کسی نظام کے زیرِ عمل جسم تعادل میں ہے یا نہیں اس کے جانچنے کا ایک مکمل ترسیمی طریقہ حاصل ہو جائے گا۔

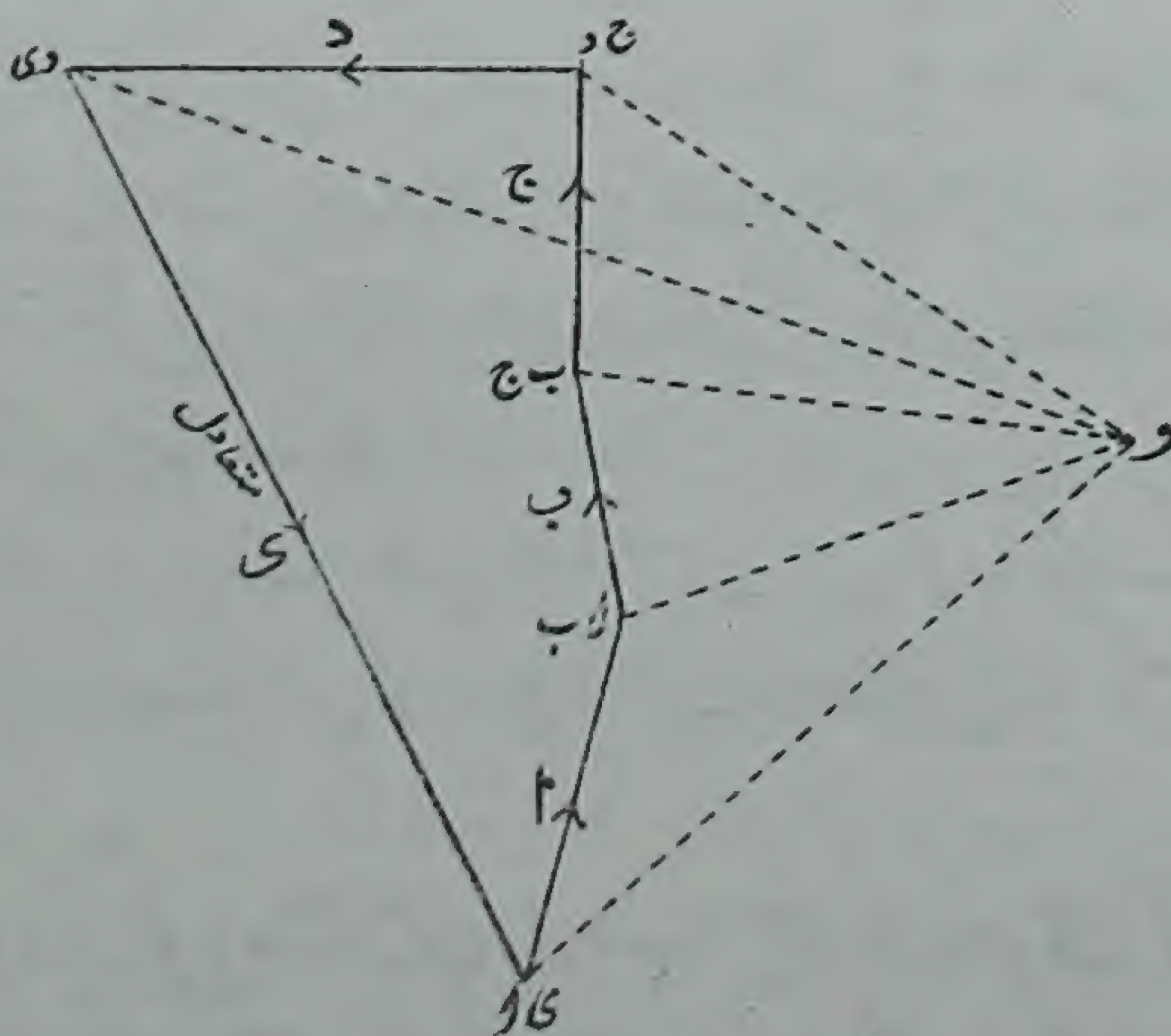
معیار اثر کی قیمت صفر ہے یا نہیں اس کو جانچنے کے لئے جو ترسیمی طریقہ اختیار کیا جاتا ہے اس کو ربطی کثیر الاضلاع یا رسیمانی کثیر الاضلاع کہتے ہیں۔

فرض کرو کہ شکل ۴۶ میں 'ا'، 'ب'، 'ج'، 'د' اور 'ی' قوتوں کے کسی ایک نظام کی تعبیر کرتے ہیں اور جسم میں ان قوتوں کے زیرِ عمل نہ انتقالی حرکت ہے اور نہ محوری۔ قوائی کثیر الاضلاع اس شکل کا ہوگا جیسا کہ شکل ۴۷ میں پورے کھینچے ہوئے خطوں سے دکھایا گیا ہے اور یہ کثیر الاضلاع مکمل ہوگا۔

کوئی نقطہ و مقرر کرلو اور نقطہ مذکور سے قوائی کثیر الاضلاع کے کونوں
ا ب، ب ج، ج د، وغیرہ تک خطوط کھینچو جیسا کہ شکل ۲۷ میں نقطہ دار
خطوں سے دکھایا گیا ہے۔



شکل ۲۷ - ربطی کثیر الاضلاع



شکل ۲۸ - قوائی کثیر الاضلاع

قوت ۱ کے خط عمل (شکل ۲۸) پر کے کسی نقطہ پ سے خط و ا ب کے

متوازی پ ق کھینچو۔

خط پ ق اور قوت ب کے خط عمل کے نقطہ تقاطع ق سے قوتوں ب اور ج کے درمیان خط و ب ج کے متوازی خط ق سے کھینچو۔ قوت ج سے قوت د تک و ج د کے متوازی خط سے اس کھینچو اور علیٰ ہذا۔ اس عمل سے ایک شکل حاصل ہوگی جیسا کہ 'ا' ب 'ج' د اور ی قوتوں کے خطوط عمل کے درمیان نقطہ دار خطوں سے شکل ۴۶ میں دکھایا گیا ہے۔

اس شکل کو ربطی کثیر الاضلاع یا رسیمانی کثیر الاضلاع کہتے ہیں۔ اگر شکل مکمل ہو تو عمل کرنے والی قوتیں جسم پر گردشیں معیار اثر نہیں پیدا کریں گی۔ لہذا جسم کے تعادل کے شرائط حسب ذیل بیان کئے جاسکتے ہیں:۔ کسی جسم کے تعادل کے لئے قوائی کثیر الاضلاع کو مکمل ہونا چاہیے اور ربطی یا رسیمانی کثیر الاضلاع کو بھی مکمل ہونا چاہیے۔

اگر مذکورہ بالا دونوں کثیر الاضلاع کے کھینچے جانے پر یہ معلوم ہو کہ وہ مکمل نہیں ہیں تو قوائی کثیر الاضلاع کو مکمل کرنے والے خط کا کھینچنا ضرور ہے۔ یہ خط متعادل قوت کی مقدار اور سمت عمل بتلائیگا۔ رسیمانی کثیر الاضلاع کے کھٹے سروں کو یہاں تک بڑھاؤ کہ وہ آپس میں مل جائیں۔ نقطہ تقاطع قوت زیر بحث کے خط عمل پر واقع ہوگا۔ قوت مذکور کی مقدار اور سمت عمل قوائی کثیر الاضلاع سے معلوم ہو چکی ہیں لہذا جسم کو تعادل میں رکھنے والی قوت مکمل طور سے دریافت ہو جائے گی۔

قوتیں 'ا' ب 'ج' اور د معلوم فرض کر کے شکل ۴۶ میں قوت ی کی مقدار اور سمت عمل انہیں طریقوں سے دریافت کی گئی ہیں۔

رسیمانی کثیر الاضلاع کے متعلق جو کچھ اوپر بیان کیا گیا ہے اس کے ثبوت یا اس کے متعلق مزید معلومات حاصل کرنے کے لئے عملی ریاضیات کی کتابیں دیکھو۔

تجربہ ۴۷۔ قوائی کثیر الاضلاع اور

ربطی کثیر الاضلاع کا کھینچنا —

بلکے پٹھے کا ایک ٹکڑا یا دھات کا ایک پترا لو اور اُس کے کسی چار نقطوں سے ڈوریاں لگاؤ اور ان ڈوریوں کے دوسرے سروں پر مختلف وزن باندھو۔ بعد اس کے قوتوں کے کثیر الاضلاع کی تصدیق کے لئے جو آلہ استعمال کیا گیا تھا اُس کی چرخوں پر مذکورہ بالا ڈوریاں کو گزار کر پترے کو لٹکاؤ۔ چرخوں کو اس طرح مرتب کرو کہ پترے پر قوتیں مختلف سمتوں میں عمل کر سکیں۔ نقشہ کشی کے تختہ کے کاغذ پر مذکورہ بالا پترے کا خاکہ کھینچو اور پترے پر عمل کرنے والی چار قوتوں میں سے کسی تین قوتوں کی مقداروں اور سمتوں کی تعبیر کرنیوالے خطوط کھینچو۔

مذکورہ بالا تین قوتوں سے قوائی کثیر الاضلاع اور رسیہ مانی کثیر الاضلاع تیار کرو۔ ان قوتوں کے زیرِ عمل پترے کو ساکن رکھنے کے لئے جس چوتھی قوت کی ضرورت ہوگی اُس کی مقدار و خطِ عمل دریافت کرو۔ اس امر کی تصدیق کرو کہ وہ چوتھی قوت جو پترے پر فی الحقیقت عمل کر رہی ہے مقدار میں اول الذکر قوت کے برابر ہے اور اس کا خطِ عمل وہی ہے جو ترسیبی طریقہ سے حاصل ہوا ہے۔

تجربہ پنجم۔ کسی پترے کے وزن کی ترسیبی تعیین — ترسیبی سکونیات میں مزید مشق حاصل کرنے کے لئے ایک بھاری پترا استعمال کیا جاسکتا ہے۔ پترے کو چرخوں پر گزرنے والی تین ڈوریوں سے اس طرح لٹکاؤ کہ تین قوتیں مختلف سمتوں میں اور ایک ہی سطح پر کے مختلف نقطوں پر عمل کریں۔ جسم مذکور کو قوائے مذکورہ کے زیرِ عمل تعادل میں رکھنے کے لئے جس قوت کی ضرورت ہوگی اُس کو دریافت کرو۔ یہ حاصل شدہ قوت پترے کے وزن کے برابر ہوگی۔ یہ ضرور ہے

کہ تریبی طریقہ سے جو خطِ عمل حاصل ہوگا وہ پترے کے مرکز
جاذبہ سے انتصاباً گزرے گا۔

حسب بیان مندرجہ صفحہ ۱۲۵ پترے کا مرکزِ جاذبہ دریافت
کرو اور پترے کو براہِ راست تول کر اُس کا وزن بھی دریافت
کرو۔ ان معلومات سے متذکرہ بالا نتیجوں کی تصدیق کرو۔

۷۔ رگڑ

جب کبھی دوسرے کرنے والے اجسام کو ایک دوسرے کی
اضافت سے متحرک کرنے کی کوشش کی جاتی ہے تو اُس وقت
ایسی قوتیں پیدا ہو جاتی ہیں جو حرکت کی مخالف سمت میں عمل
کرنے لگتی ہیں اگرچہ ایسی قوتیں خاصیت کے لحاظ سے آپس میں
بالکل جداگانہ قسم کی ہوتی ہیں مگر وہ بالعموم فرکی قوتوں یا رگڑ کی
قوتوں کے نام سے موسوم کی جاتی ہیں۔ سیالی رگڑ کی تحقیقات
عموماً لزوجت کے تجربوں کے تحت میں ہوتی ہے اور اس کتاب
میں اُس کے بیان کرنے کی گنجائش نہیں۔

ٹھوس اجسام کے درمیان رگڑ

جب دو ٹھوس اجسام آپس میں مس کرتے ہیں تو اُن کے درمیان
عمل کرنے والی قوتیں بالعموم دو اجزائے ترکیبی میں تحلیل ہو سکتی ہیں۔
دونوں اجسام کے باہمی عمود کی سمت والے جزو کو اجسامِ مذکورہ کے
درمیان کا ادبائو کہہ سکتے ہیں اور دوسرے جزو کو جو عمودِ مذکور کے
علی القوائم سمت میں عمل کرتا ہے رگڑ کی قوت سے موسوم کر سکتے
ہیں۔ جب کوئی خارجی قوت متذکرہ بالا اجسام میں سے کسی ایک پر
اس طرح لگائی جائے کہ اُس کا تقاضا یہ ہو کہ وہ جسم عمود کے علی القوائم

سمت میں حرکت کرے تو اس صورت میں ایسی رگڑ کی قوت ظہور پذیر ہوتی ہے جو پھسلنے والی حرکت کو روکنے کا تقاضا کرتی ہے۔ اس وقت تک کہ اضافی حرکت واقع نہ ہو رگڑ کی قوت اور لگائی ہوئی خارجی قوت آپس میں متوازن رہتی ہیں۔ اگر خارجی قوت بتدریج بڑھائی جائے تو ایک حد ایسی آئیگی کہ پھسلنے والی حرکت عین شروع ہونے کے موقع پر ہوگی۔ اس حالت میں جو رگڑ کی قوت ظہور پذیر ہوتی ہے اس کو انتہائی رگڑ کہتے ہیں۔

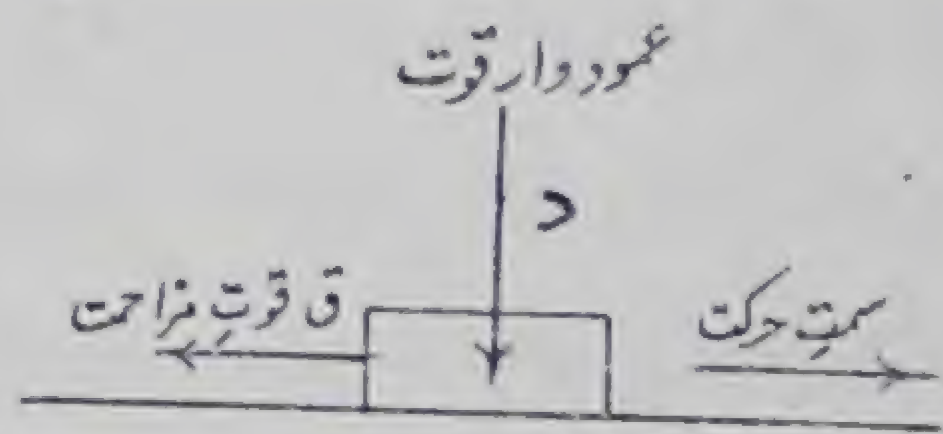
آپس میں مس کرنیوالی دو ٹھوس سطحوں کے درمیان انتہائی رگڑ کی مقدار مس کرنیوالی سطحوں کے رقبہ پر موقوف نہیں بشرطیکہ سطحوں کو آپس میں دبانے والی قوت بہت بڑی نہ ہو اور رقبہ جس پر قوت عمل کرے اس قدر چھوٹا نہ ہو کہ دبانے والی قوت کے زیر عمل سطحوں کی شکل صریحاً بگڑ جائے۔

حرکت کی حالت میں دو ٹھوس اجسام کی سطحوں کے درمیان رگڑ کی مقدار ان دو سطحوں کی اضافی رفتار پر بھی موقوف نہیں۔ انتہائی رگڑ مس کرنے والی ٹھوس سطحوں کی نوعیت اور حالت پر اور سطوح مذکورہ کو آپس میں دبانے والی قوت پر مبنی ہے۔ یہ انتہائی رگڑ دو سطحوں کو آپس میں دبانے والی قوت کے تناسب سے ہے اور اس نسبت سے ہم کو دونوں سطحوں کے درمیان رگڑ کا مکرر ملتا ہے۔

رگڑ کے مکرر

دو سطحوں کے درمیان رگڑ کے مکرر سے وہ نسبت مراد ہے جو رگڑ کی قوت کو سطوح مذکورہ کو آپس میں دبانے والی قوت کے ساتھ ہے۔ مثلاً شکل ۱ پر غور کرو دونوں سطحوں پر عموداً عمل کرنے والی قوت (دباؤ کی قوت) ہے اور ان کی اضافی حرکت روکنے والی قوت ق ہے

توسط مذکورہ بالا کے درمیان رگڑ کا مکڑ = $\frac{Q}{d}$ - اس مکڑ کو عموماً



شکل ۴۸ - رگڑ کی قوت

مہ کے نشان سے ظاہر کرتے ہیں۔

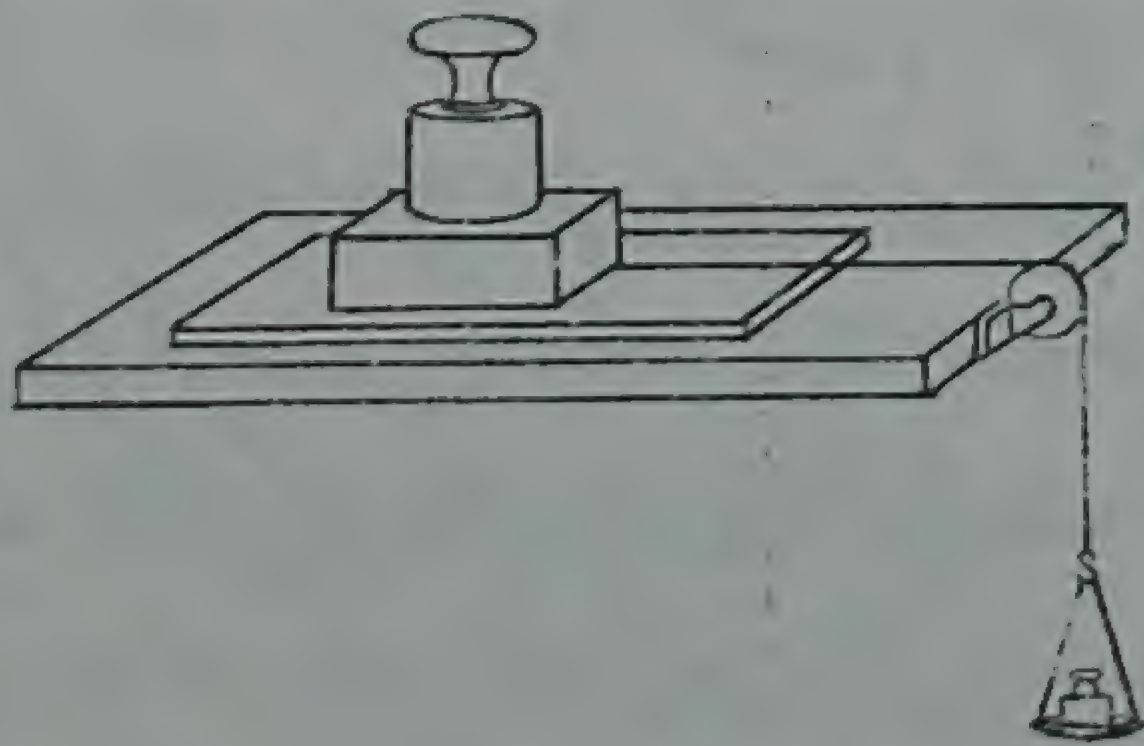
یعنی مہ = $\frac{Q}{d}$

سکونی اور حرکتی رگڑ

ایک دی ہوئی قوت سے دہائی ہوئی دو سطحوں میں سے ایک کو دوسری پر عین پھسلانے کے لئے جس قوت کی ضرورت پڑتی ہے وہ اس قوت سے زیادہ ہے جو حرکت شروع ہو جانے کی حالت میں حرکت کو جاری رکھنے کے لئے درکار ہے۔ لہذا سطحوں پر کسی ایک عمودی قوت (دبانے والی قوت) کے لحاظ سے رگڑ کی دو قوتیں عمل میں آتی ہیں۔ ایک تو سکونی رگڑ کی قوت کے نام سے موسوم ہے اور دوسری حرکتی رگڑ کی قوت کے نام سے۔ اول الذکر قوت اس قوت کے برابر ہے جو حرکت شروع کرنے کے لئے لگانی پڑتی ہے یعنی وہ باہمی قوت ہے جو ساکن سطحوں پر عمل کرتی ہے۔ موخر الذکر قوت یعنی حرکتی رگڑ کی قوت اس قوت کے برابر ہے جو حرکت شروع ہو جانے کے بعد مس کرنے والی سطحوں میں سے ایک سطح کو دوسری سطح پر مستقل حرکت میں قائم رکھنے کے لئے درکار ہے۔ ان دو قوتوں کے لحاظ سے رگڑ کے دو مکڑ ہونگے۔ سکونی رگڑ کا مکڑ بلا استثناء ہمیشہ حرکتی رگڑ کے مکڑ سے بڑا ہوگا۔

تجربہ ۴۱۔ افقی میز پر ایک کُندے کو حرکت دیکر رگڑ کے مکرر کی تعیین۔ میز کی سطح افق میں درست کرلو۔ لکڑی یا دھات کا ایک مستطیلی کُندا لے کر اُس کے پہلو میں ایک چھوٹا سا کُندا یا ہک گاڑ دو۔ کُندے کو ٹول کر اُس کو میز کی سطح پر رکھو۔ کُندے سے ایک ڈوری لگاؤ اور ڈوری کو ایک ایسی چرخی پر سے گزارو کہ ڈوری کا وہ حصہ جو کُندے اور چرخی کے درمیان واقع ہے افق کے متوازی ہو۔ ڈوری کے آزاد سرے سے ترازو کا ایک ایسا چھوٹا پلڑا لٹکاؤ جس پر مختلف وزن رکھے جاسکیں۔

(۱) سکونی رگڑ کے مکرر کی تعیین۔ کُندے پر ایک معلوم ہٹ رکھو۔ یہ ہٹ دبانے والی قوت کا کام دیگا۔ بعد اس کے پلڑے پر وزن رکھ کر اسکو بالتدریج بڑھاتے جاؤ یہاں تک کہ کُندا عین حرکت کرنے لگے۔ کُندے کو متحرک کرنے والی قوت اور سطحوں کو دبانے والی قوت کے درمیان جو نسبت ہے اُس کو دریافت کرو۔ یہ نسبت مَس کرنے والی دو سطحوں کے درمیان



شکل ۴۹۔ رگڑ کے مکرر کی تعیین

سکونی رگڑ کا مکرر ہے۔ کُندے پر مختلف ہٹ رکھ کر تجربہ کو دہراؤ اور دکھلاؤ کہ نسبت مذکورہ بالا تقریباً مستقل ہے۔

پلڑے پر جو قوت ق عمل کرتی ہے اُس میں پلڑے کا ذاتی وزن بھی شامل ہے اور قوت μ میں کُندے کا اپنا وزن بھی شریک ہے۔

مشاہدات کو حسب ذیل جدول کی صورت میں قلمبند کرو۔

نمبر تجربہ	د	ق	رگڑ کا مکرر مہ

اوسط قیمت مہ =

مہ کی اوسط قیمت سکونی رگڑ کا مکرر ہے۔

(۲) حرکی رگڑ کے مکرر کی تعیین — سکونی رگڑ کے تجربہ کی طرح کُندے پر باٹ رکھ کر پلے پر وزن بتدیج بڑھاتے جاؤ یہاں تک کہ خیف سا دھکا دینے پر کُندا مستقل رفتار سے (یعنی بغیر اسراع) میز پر متحرک ہونے لگے۔ کُندے کو حرکت میں قائم رکھنے والی قوت اور سطحوں کو دبانے والی قوت کے درمیان جو نسبت ہے اُس کو دریافت کرو۔ اس نسبت کو مَس کر نیوالی دو سطحوں کے درمیان حرکی رگڑ کا مکرر کہتے ہیں۔ اس تجربہ کو کُندے پر مختلف باٹ رکھ کر دہراؤ اور ثابت کرو کہ مذکورہ بالا نسبت تقریباً مستقل ہے مگر اس کی قیمت سکونی رگڑ کے مکرر سے کم ہے۔ مشاہدات کو مندرجہ بالا جدول کی صورت میں درج کرو اور حرکی رگڑ کے مکرر کی اوسط قیمت دریافت کرو۔

اگر تجربات مندرجہ بالا میں میز کی سطح پر پتل یا جست کا چٹا پترا لگا دیا جائے اور مختلف اشیاء کے بنے ہوئے کُندے لئے جائیں تو مَس کر نیوالی سطحوں کے چند مختلف اقسام کے جوڑوں کے درمیان رگڑ کے مکرر دریافت کئے جاسکتے ہیں۔ مکرر کی مختلف قیمتیں حاصل کرنے کے لئے اشیاء کا ایک مناسب انتخاب

حسب ذیل ہے:۔

- (۱) لکڑی پر لکڑی (ریشے متوازی ہوں)
- (۲) لکڑی پر لکڑی (ریشے علی القوائم ہوں)
- (۳) جست پر جست۔

(۴) پتیل پر پتیل۔

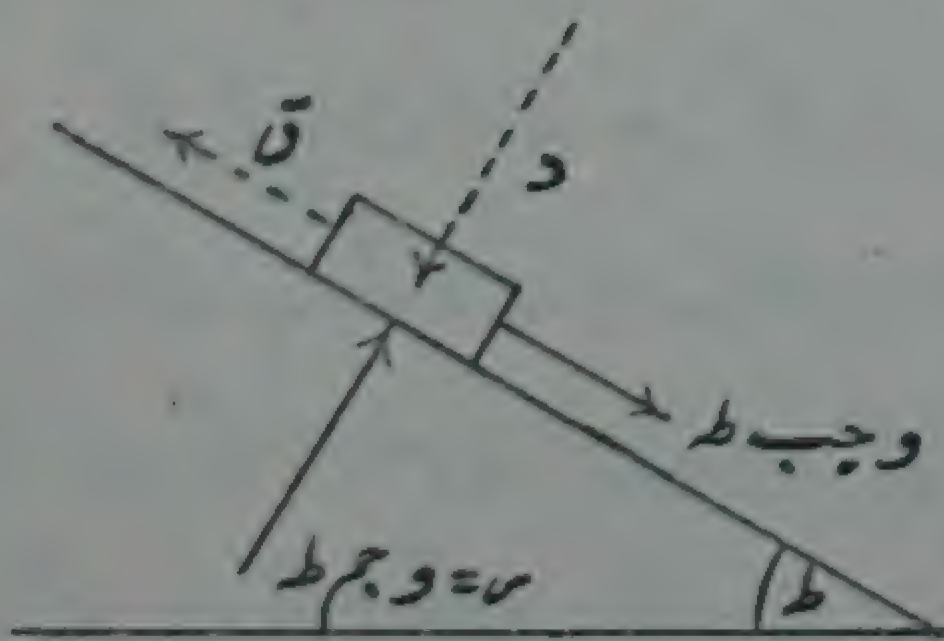
(۵) پتیل پر لکڑی۔

(۶) جست پر لکڑی۔

مختلف نتیجوں میں مطابقت قائم رکھنے کے لئے یہ ضروری ہے کہ پتھر کی تمام سطح یکساں اور ایک ہی طرح مجلا ہو۔ اگر یہ صورت نصیب نہ ہو تو نچلی سطح (مینر) کا ہمیشہ ایک ہی حصہ تجربہ میں استعمال کرنا چاہیئے۔ اس امر کے لئے ثابت سطح (یعنی مینر کی سطح) پر ایک نشان لگا دیا جاتا ہے اور ہر تجربہ میں کُندا اسی نشان سے متحرک کیا جاتا ہے۔

یہ بھی ضروری ہے کہ سطحوں کے کسی مقرر جوڑے کے ساتھ جتنے تجربے کئے جائیں اُن میں ہمیشہ سس کرنیوالی سطحوں کی حالت یکساں رہے۔ کھینچنے والی قوت لگانے کے قبل اگر سطحیں آپس میں دبائی جائیں تو رگڑ کے مکڑ میں ایک حد تک تبدیلی واقع ہوگی مگر سطحوں پر رطوبت جم جانے کی حالت میں مکڑ بالکل بدل جائیگا۔

سطح مائل پر انتہائی تعادل



شکل ۵۔ سطح مائل پر رگڑ

جب کوئی جسم سطح مائل پر ساکن رکھا جائے اور سطح مذکور اور افق کے درمیان کا زاویہ طہ بتدریج بڑھایا جائے یہاں تک کہ جسم سطح کے نیچے کی طرف عین پھسلنے کے موقع پر آجائے تو

اس صورت میں رگڑ کی قوت اپنی انتہائی قیمت اختیار کر لیتی ہے۔ جیسا کہ سکونی سطح مائل کے بیان کے تحت میں (صفحہ ۱۴۱) دکھلایا گیا ہے جسم کو سطح کے نیچے کھینچنے والی قوت اس قوت Q کے برابر ہے جو جسم مذکور کو رگڑ کی عدم موجودگی میں سطح پر ساکن رکھنے کے لئے درکار ہے۔ دو سطحوں کی آپس میں دباؤ والی قوت سطح مائل کے رد عمل S کے برابر ہے۔

رگڑ کا کمر $m = \frac{Q}{S}$
اب شکل ۱۰ پر غور کرو۔

$Q = W \sin \theta$

اور $S = W \cos \theta$

اس لئے $m = \frac{Q}{S} = \frac{W \sin \theta}{W \cos \theta} = \tan \theta$

یہاں θ کُندے کا ڈھلوان ہے

تجربہ ۱۰۰۔ سطح مائل کے ذریعہ سے رگڑ کے کمر کی تعیین۔ کسی شے کا بنا ہوا ایک مستطیلی کُندا سطح مائل پر رکھو اور سطح مذکور کا میلان بتدریج بڑھاؤ۔ میلان کی ایک خاص قیمت پر کُندا پھسلنے لگیگا۔ جب کُندا عین پھسلنے کے موقع پر ہو تو زاویہ میلان قلمبند کرو۔

اب کُندے پر باٹ رکھ کر تجربہ کو دہراؤ۔ پوچھل کُندا پھر تقریباً اسی زاویہ میلان پر پھسلنے لگیگا جیسا کہ پہلے تجربہ میں خالی کُندا۔ فرض کرو کہ یہ زاویہ میلان θ ہے۔

تجربہ مندرجہ بالا کو پھر دہراؤ مگر اس دفعہ وہ زاویہ میلان دریافت کرو جبکہ کُندے کو ذرا سا دھکا دینے پر سطح کے نیچے اس کی حرکت جاری رہے یہ دکھلاؤ کہ کُندے پر خواہ باٹ رکھے جائیں یا نہ رکھے جائیں ہر حالت میں سطح مائل کا زاویہ میلان ایک ہی رہتا ہے۔ فرض کرو کہ یہ زاویہ میلان θ ہے۔

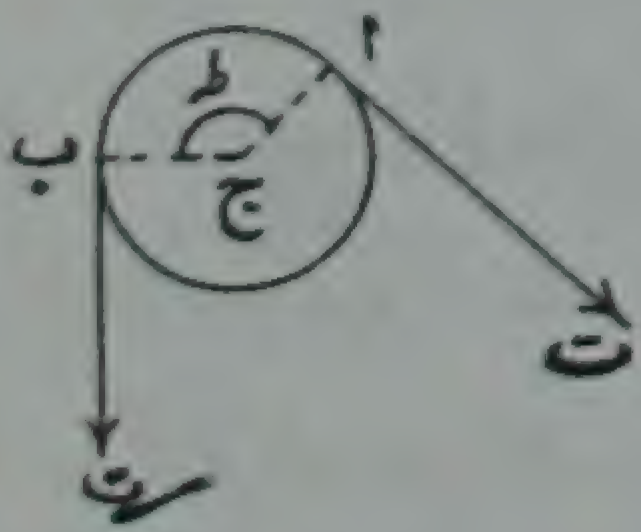
صورت ہذا میں میلان کی قیمت اتنی بڑی نہیں ہے جیسا کہ اس حالت میں جب گندا خود بخود بغیر دھکا دئے ہوئے متحرک ہو جاتا ہے۔
لہذا سکونی رگڑ کا مکر مس طہ ہے اور حرکی رگڑ کا مکر مس طہ ہے۔

سطح مائل مذکور پر مختلف اشیاء کی چادر میں چڑھا کر اور مختلف اقسام کے کندے لے کر حسبِ بالا تجربے کئے جاسکتے ہیں اور اس طرح مختلف سطحوں کے درمیان رگڑ کے مکر دریاقت ہو سکتے ہیں۔

ثابت چرخہ پر رسی کی رگڑ

جب کوئی جسم یا رسی کسی ثابت استوانہ پر سے کھینچی جائے تو رسی کے دونوں طرف غیر مساوی تناؤ رہنے پر بھی تعادل قائم ہو سکتا ہے کیونکہ یہاں تناؤ کے سوا ایک دوسری قوت یعنی دوسرے کرنیوالی سطحوں کے درمیان رگڑ عمل میں آجاتی ہے۔

فرض کرو کہ شکل ۱۵ میں رسی نقطہ ب سے ۱ کی طرف عین پھسلنے کے موقع پر ہے اور تناؤ ت تناؤ ت سے بڑا ہے۔ تو نظری طریقہ سے یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ ت = ت بومہ طہ جہاں مہ رگڑ کا مکر ہے۔ طہ زاویہ ۱ ج ب سے (شکل ۱۵) اور یہ رسی اور استوانہ کے درمیان زاویہ تماس ہے اور مو نیپیلی یا طبعی لوکارتر کا اساس ہے یعنی



شکل ۱۵ - چرخہ پر رسی

$$\mu = 0.281828$$

اور نو کی تعبیر حسب ذیل سلسلہ سے ہوتی ہے:۔

نو = $1 + \frac{1}{10} + \frac{1}{100} + \frac{1}{1000} + \dots$
 مساوات ت = ت نو مہ ط کے طرفین کے نو کا رتم اساس نو پر لینے سے
 نو ت = نو ت + نو (نو مہ ط)
 یعنی نو ت - نو ت = مہ ط
 بغرض تحسب نو کا رتم ہذا کو اساس ۱۰ پر کے نو کا رتموں میں
 تبدیل کر دو

لہذا (نو ت - نو ت) نو = مہ ط

نو = ۱۰ = ۲۵۸.۳۰۳

موجودہ ضرورت کے لحاظ سے اگر اس کی قیمت صرف ۲۵۳
 لی جائے تو کافی صحت حاصل ہوگی۔

اس لئے رگڑ کا مکر مہ = نو ت - نو ت $\times ۲۵۳$

یہاں زاویہ ط کی پیمائش نیم قطروں میں ہونی چاہیے۔

یاد رہے کہ ۲ نیم قطریاں = ۱۸۰ درجے

تجربہ ۲۳۔ چرخنی اور رستی کے درمیان رگڑ کے

مکر کی تعین۔۔۔۔۔ مندرجہ بالا نتائج کی تشریح کے لئے جو

آلہ استعمال کیا جاتا ہے وہ ایک ایسے دھاتی استوانہ پر مشتمل ہے

جس کی سطح پر سے تسمہ یا رستی رکھنی رہتی ہے اور اس رستی کے

دونوں سروں سے وزن لٹکا کر مختلف تناؤ پیدا کئے جاتے ہیں۔

یہ زیادہ مناسب ہے کہ رستی کے ایک سرے پر ایک مستقل وزن

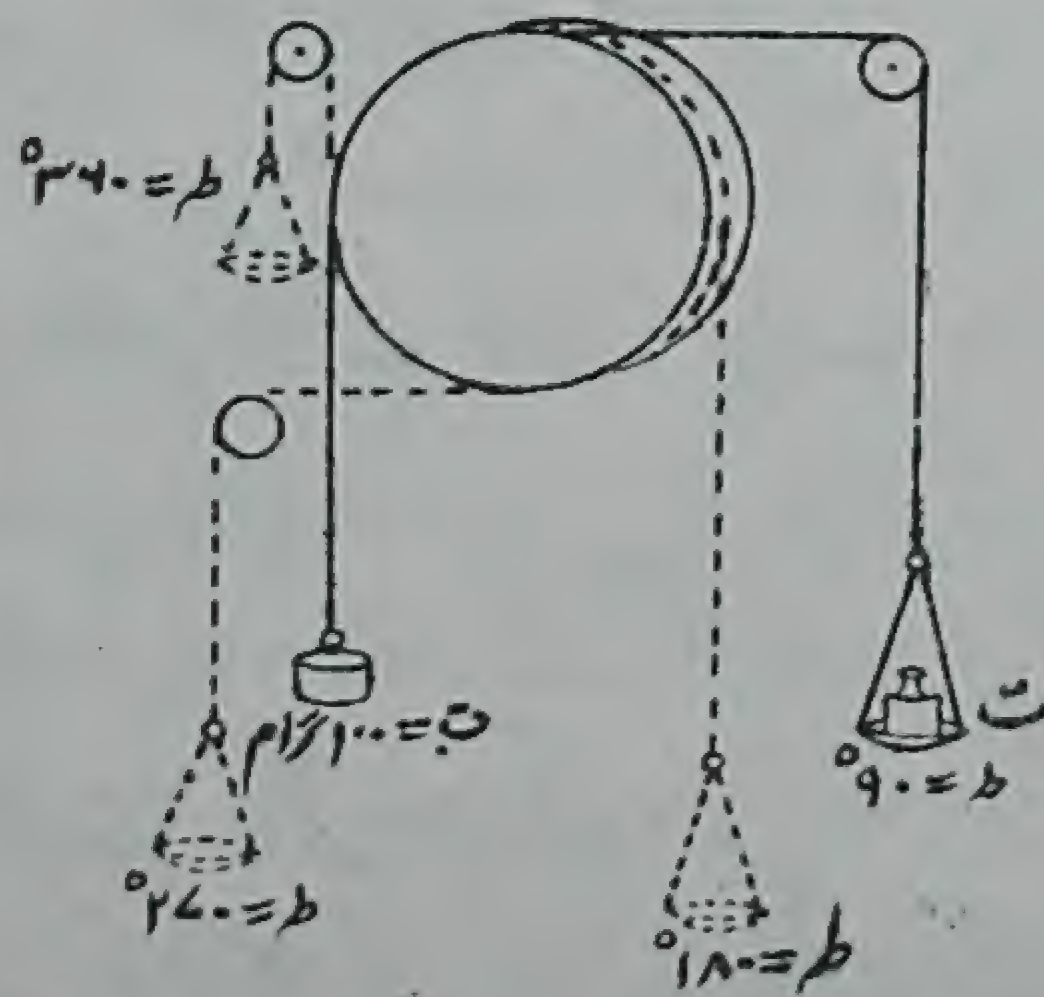
مثلاً ۱۰ گرام کا وزن لگا رہے اور دوسرے سرے سے ترازو کا ایک پڑا بندھا

رہے تاکہ پلڑے پر وزن بتدریج گھٹایا یا بڑھایا جاسکے۔ مگر اس صورت میں

ضروری ہے کہ پلڑے کا ذاتی وزن حساب میں شریک رہے۔ بعض

اوقات جب تجربہ میں نزاکت نظر رہتی ہے تو پلڑے کو لٹکانے والی
 ڈوری کا وزن بھی محسوب کر لیا جاتا ہے۔

رسی اور استوانہ کے درمیان مختلف "زوا یا تماس" پیدا کرنے کے لئے رسی ایک ایسی چھوٹی چرخ پر ڈالی جاتی ہے جس کا مقام حسب ضرورت بدلا جاسکے جیسا کہ شکل ۵۲ میں دکھایا گیا ہے۔ اس چھوٹی چرخ پر کی رگڑ یہاں نظر انداز کیا جاسکتی ہے۔



شکل ۵۲۔ رسی اور چرخ کے درمیان رگڑ

زوا یا ۹۰، ۱۸۰، ۲۴۰، ۳۴۰، ۴۵۰، ۵۴۰، وغیرہ کے لحاظ سے استوانہ کے محیط پر برابر برابر فاصلوں پر نشانات لگائے جاسکتے ہیں۔ اور اس کے بعد استوانہ پر رسی اس طرح لپیٹی جاسکتی ہے کہ مس کرنے والے قوس کا زاویہ مندرجہ بالا زاویوں میں سے کوئی ایک ہو۔ کسی خاص زاویہ تماس کے لحاظ سے یہ دریافت کرو کہ رسی کو استوا پر عین پھسلانے کے موقع پر لانے کے لئے پڑے پر کتنے وزن کی ضرورت ہے۔ حسب جدول مندرجہ ذیل نتائج درج کرو:-

زاویہ تماس ط	تناؤ ت	لوک ت	تناؤ ت	لوک ت	لوک ت - لوک ت ط
۹۰					
۱۸۰					
۲۴۰					
وغیرہ					

اوسط قیمت مہ =

یہاں ط کی پیمائش نیم نظریوں میں ہونی چاہئے۔

مفصلہ ذیل دو منحنیوں کے ذریعہ ان نتیجوں کی تعبیر کرو:-
 (۱) (ت-ت) کی قیمتوں کو معین اور زاویہ تماس کی قیمتوں کو فصلے مان کر ایک منحنی تیار کرو۔ یہ منحنی اس امر کی تشریح کرے گا کہ تناؤ زاویہ تماس کے ساتھ ساتھ اسی طرح بڑھتا ہے جس طرح روپیہ کی رقم مرکب سود کے حساب سے بڑھتی ہے۔

دونوں عملی اور نظری طبیعیات میں اس منحنی کی اہمیت بہت زیادہ ہے۔ مثلاً قصری ارتعاش اور نیوٹن کے کرویہ تبرید کے مسئلوں میں حاصل شدہ نتائج سے جو منحنی تیار ہوتا ہے اس کی شکل بجنم ایسی ہی ہوتی ہے۔

(۲) (لوک ت-لوک ت) کی قیمتوں کو معین اور زاویہ کی قیمتوں کو فصلے مان کر ایک دوسرا منحنی تیار کرو۔ مختلف حاصل شدہ نقطے ایک ہی خط مستقیم پر واقع ہونگے۔



فصل ششم

مشینیں

استعداد، توانائی نسبت

اور

رفتاری نسبت

مشین اُس آلہ کو کہتے ہیں جس کے ذریعہ داخل کی ہوئی توانائی کے باعث کام حاصل ہوتا ہے۔ جیسی توانائی کے سوا کسی دوسری توانائی کی رسد سے جب کام حاصل ہوتا ہے تو اُس صورت میں مشین کے بجائے 'انجن' کا لفظ عموماً استعمال کیا جاتا ہے۔ لیکن یہاں پر ہم صرف مشینوں ہی سے بحث کریں گے۔

استعداد

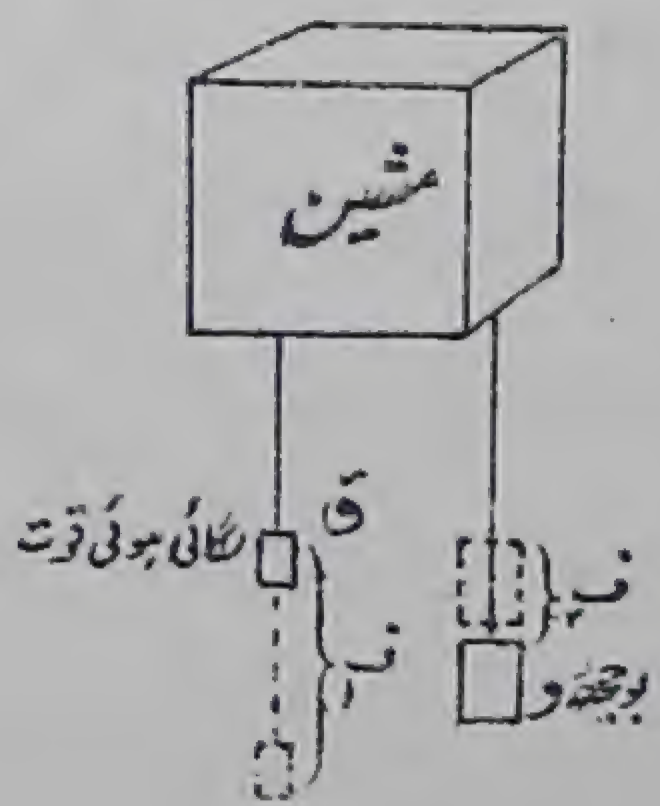
کسی شکل کی مشین میں داخل کی ہوئی توانائی کا صرف ایک حصہ فی الحقیقت مفید کام کے کرنے میں لگایا جاتا ہے۔ اور توانائی کا بقیہ حصہ مشین کے اندر رگڑ کے مقابلے میں ضائع ہو جاتا ہے۔ جتنی زیادہ "استعداد" والی مشین ہوتی ہے، داخل کی ہوئی توانائی کا

اُتنا ہی زیادہ حصہ کار آمد کام میں صرف ہوتا ہے۔ پس ہم کہتے ہیں کہ مشین کی استعداد سے وہ نسبت مراد ہے جو حاصل شدہ مفید کام کو مجموعی داخل شدہ توانائی کے ساتھ ہے۔ یعنی

$$\text{استعداد} = \frac{\text{حاصل شدہ مفید کام}}{\text{داخل شدہ توانائی}}$$

کامل مشین وہ مشین ہوگی جو داخل شدہ توانائی سے پورا فائدہ اٹھائیگی۔ یعنی کامل مشین سے وہ مشین مراد ہے جس میں حاصل شدہ مفید کام داخل شدہ توانائی کے برابر ہوتا ہے۔ بناء بریں کامل مشین کی استعداد عدد ایک سے ظاہر کی جاتی ہے۔

ہر ایک قسم کی مشین میں (جیسا کہ شکل ۵۳ سے واضح ہے) فصل ف تک عمل کرنیوالی کوئی قوت ق لگا کر توانائی داخل کی جاتی ہے اور مشین مذکور میں فصل ف تک کسی قوت و کے مقابلہ میں کام حاصل ہوتا ہے۔



جب لگائی ہوئی قوت ق کا نقطہ عمل فصل ف طے کرتا ہے تو مشین میں ق ف توانائی داخل ہو جاتی ہے۔ اور اتنے ہی وقت میں اگر قوت و کا نقطہ عمل فصل ف طے کرے تو حاصل شدہ مفید کام کی مقدار و ف ہوگی۔

شکل ۵۳ - مشین کا اصول

پس مشین کی استعداد حسب ذیل رشتہ سے حاصل ہوگی:-

$$\text{استعداد} = \frac{و}{ق}$$

مقادِ جلی یا قوائی نسبت

عموماً مشین اس ساخت کی بنائی جاتی ہے کہ اُس میں ایک چھوٹی سی قوت قی لگا کر کہیں زیادہ مقدار کا بوجھ و مغلوب کر لیا جاسکے۔

نسبت $\frac{\text{مشین سے مغلوب بوجھ}}{\text{مشین میں لگائی ہوئی قوت}}$ کو مقادِ جلی کہتے ہیں۔

کیونکہ بالعموم اس نسبت سے "نافع قوت" کی تعبیر ہوتی ہے۔ مگر یہ صورت ہمیشہ حاصل نہیں ہوتی۔ کیونکہ ایک بہت بڑی قوت قی کو ایک چھوٹے فاصلے تک عمل میں لا کر ایک چھوٹے بوجھ کو ہم کہیں بڑے فاصلہ تک اٹھا سکتے ہیں۔ حالتِ مذکور میں نسبت $\frac{1}{1}$ ایک سے کم ہوگی۔ یعنی یہاں اس نسبت سے "نافع قوت" کے بجائے "انقصان قوت" کی تعبیر ہوتی ہے۔ لہذا مقادِ جلی کے نام کے غلط استعمال سے بچنے کے لئے بعض اوقات یہ نسبت قوائی نسبت کے نام سے موسوم کی جاتی ہے۔ موخر الذکر نام کل صورتوں پر حاوی ہے اور بعض اوقات نسبت $\frac{1}{1}$ کو ظاہر کرنے کے لئے استعمال کیا جاتا ہے۔

مذکورہ بالا امر کو ہم ریاضی کی زبان میں حسبِ ذیل بیان کر سکتے ہیں:-

قوائی نسبت یا مقادِ جلی = $\frac{\text{مغلوب بوجھ}}{\text{مشین میں لگائی ہوئی قوت}}$

رفقاری نسبت

عموماً یہ دیکھا جاتا ہے کہ لگائی ہوئی قوت اور بوجھ کے

نقاطِ عمل کے طے کئے ہوئے فاصلے آپس میں برابر نہیں ہوتے۔ مشین کے کامل ہونے کی صورت میں W کو Q کے مساوی ہونا چاہئے۔ یعنی

کامل مشین میں $\frac{W}{Q} = \frac{F}{f}$
 بہر حال ایسی مکمل صورت کبھی نصیب نہیں ہوتی اور ہمیشہ

$$W < Q$$

یعنی $\frac{W}{Q} < \frac{F}{f}$

عموماً فاصلے W اور F مشین کے پُرزوں کی ساخت کے ملاحظہ سے یا مشین کے مختلف حصوں کی پیمائش سے دریافت ہو سکتے ہیں۔ اگر مشین کے پُرزے بند بھی ہوں تو کسی فاصلہ F کے جواب میں فاصلہ W کی پیمائش بہ آسانی ہو سکتی ہے۔ لہذا یہ ہمیشہ ممکن ہے کہ نسبت $\frac{W}{Q}$ خواہ پُرزوں کے محض معائنہ سے یا براہِ راست پیمائش سے دریافت ہو سکے۔

نسبت $\frac{W}{Q}$ سے وہ نسبت مراد ہے جو لگائی ہوئی قوت کے نقطہٴ عمل کے طے کردہ فاصلے کو اتنے ہی وقت میں بوجھ کے نقطہٴ عمل کے طے کردہ فاصلے کے ساتھ ہے۔ چونکہ دونوں قوتوں کے اوقاتِ عمل ایک ہی ہیں اس لئے

$$\text{نسبت } \frac{W}{Q} = \frac{\text{لگائی ہوئی قوت کے نقطہٴ عمل کی رفتار}}{\text{بوجھ کے نقطہٴ عمل کی رفتار}}$$

فنِ انجینیری کے نقطہٴ نظر سے کام کرنے کی شرح، مقدارِ کام کے مقابلہ میں زیادہ اہمیت رکھتی ہے اور اس بناء پر طے شدہ فاصلے کے مقابلے میں حرکت کی شرح کو انجینیری خیالات کے ساتھ زیادہ موزونیت ہے۔ اس لئے ان طے شدہ فاصلوں کی باہمی نسبت کو عموماً رفتاری نسبت کے نام سے موسوم کرتے ہیں۔

کیونکہ رفتاریں ان فاصلوں کے متناسب ہیں۔ یعنی
رفتاری نسبت = لگائی ہوئی قوت کا طے کردہ فاصلہ
 بوجھ کی مزاحمت کا فاصلہ

اگر کسی خاص غرض کے لئے مشین کا انتخاب منظور ہو تو سب سے پہلے مطلوبہ مفادِ جیلی یا قوائی نسبت کا اندازہ لگانا چاہئے۔ اور منتخبہ مشین ایسی ہونی چاہئے کہ اُس کی رفتاری نسبت مذکورہ بالا مفادِ جیلی سے اس قدر بڑی ہو کہ مشین کے اندر رگڑ کی وجہ سے جو نقصان ہوتا ہے اُس کی تلافی کافی طور پر ہو جائے۔ (ذیل کا نوٹ دیکھو)۔

رفتاری نسبت، مفادِ جیلی (یا قوائی نسبت)

اور استعداد کے درمیان باہمی رشتہ

ہم دیکھ چکے ہیں کہ استعداد حسبِ ذیل طریقہ سے ظاہر کی جاسکتی ہے:-

$$\text{اس نسبت کو ہم ایک مناسب شکل میں یوں بھی لکھ سکتے ہیں:-}$$

$$\frac{F}{W} = \frac{C}{C}$$

فہ مفادِ جیلی یا (قوائی نسبت)

یعنی استعداد = رفتاری نسبت

رفتاری نسبت

پس اگر مشین کا مفادِ جیلی تجربہ دریافت ہو جائے اور اس کی رفتاری نسبت کی قیمت پیمائش یا ملاحظہ سے معلوم ہو جائے تو ان دونوں کی خارج قسمت سے استعداد کی قیمت قابلِ حصول ہے۔
 نوٹ۔ کچھ تجربہ کے بعد مختلف اقسام کی مشینوں کی استعداد ممکنہ

کا اندازہ کافی صحت کے ساتھ لگایا جاسکتا ہے۔ اگر کسی مشین کی رفتاری نسبت حسب متذکرہ بالا دریافت ہو جائے تو اس کی ممکنہ توانی نسبت (مفاد جیلی) ذیل کے رشتہ سے سرسری طور پر معلوم ہو سکتی ہے:-

مفاد جیلی = رفتاری نسبت \times استعداد
اور اس طرح سے کسی خاص ضرورت کے لحاظ سے مشین مذکور کی موزونیت کا اندازہ لگایا جاسکتا ہے۔

۲۔ مختلف اقسام کی مشینوں کی استعداد

وغیرہ کی تقسیم

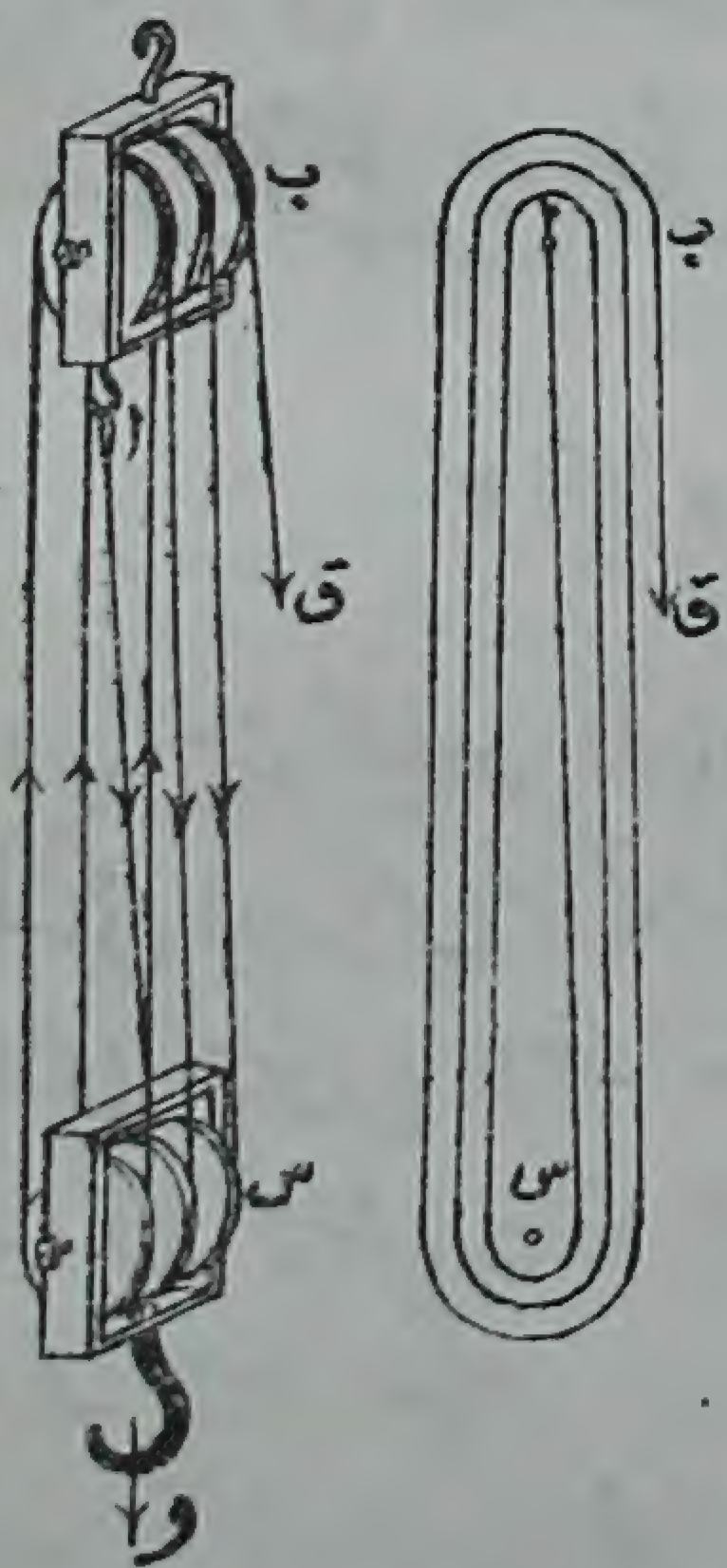
اب چند مختلف اقسام کی مروجہ مشینوں کی ساخت پر بحث کی جائیگی اور اس کے ساتھ ساتھ یہ بھی بتلایا جائیگا کہ ان کی رفتاری نسبتیں ملاحظہ سے کس طرح دریافت ہو سکتی ہیں۔ کل قسموں کی مشینوں کے مفاد جیلی دریافت کرنے کا طریقہ تقریباً ایک ہی جیسا ہے۔

چرخہ کے بلاق

چرخوں کے بلاق کا وہ نظام جس پر یہاں بحث کی جائیگی تین تین چرخوں کے دو بلاقوں پر مشتمل ہے (شکل ۵۴)۔ اوپر والا بلاق ایک شہتیر میں ثابت رہتا ہے اور نیچے والا بلاق اول الذکر بلاق سے ایک ایسی مسلسل ڈوری کے ذریعہ لٹکایا جاتا ہے جو ہر چرخہ پر سے گزرتی ہے۔ اس ڈوری کا ایک سرا اوپر والے بلاق کے ڈھانچے سے بندھا رہتا ہے۔ اور اس کا دوسرا سرا نیچے کی طرف لٹکتا ہے جس کو لگائی ہوئی قوت قی کھینچتی ہے۔

بوجھ و نیچے والے بلاق کے ڈھانچے سے لٹکایا جاتا ہے۔
تجربہ ۵۳۔ چرخہ کے بلاق کے ایک جوڑے
کی استعداد — استعداد کی دریافت کے لئے دو تجربے
درکار ہیں۔

(۱) معائنہ سے رفتاری نسبت کی تعیین۔ اگر ڈوری کا سراپ
فصل F تک نیچے کی طرف کھینچا جائے تو چرخوں پر چڑھی ہوئی



ڈوری کا مجموعہ طول، فصل F کے
کے مساوی کم ہو جائیگا۔ طول کی یہ
کمی b اور a کے درمیان ڈوری
کے کل انتصابی حصوں پر برابر برابر
تقسیم ہو جائیگی کیونکہ نیچے والی
کل چرخیاں اوپر کی طرف ایک ساتھ
اٹھتی ہیں۔ لہذا چونکہ ڈوری کے
انتصابی حصے تعداد میں چھ ہیں اس
لئے نیچے اور اوپر والے بلاق کے
درمیان ڈوری کے ہر حصہ میں طول
فصل F کی کمی واقع ہوگی۔

شکل ۵۳۔ چرخہ کے بلاق

اگر نیچے والے بلاق کا مرکز S
ہو تو S فصل F تک اوپر

کی طرف اٹھ جائیگا۔ اور یہ وہ فصل ہے جہاں تک بوجھ و اوپر اٹھیکائی یعنی

$$F = \frac{W}{2}$$

اس لئے رفتاری نسبت $\frac{F}{W} = \frac{1}{2}$

اسی طریقہ سے چرخوں کے کسی اور نظام کی "رفتاری نسبت" بہ آسانی
دریافت کی جاسکتی ہے۔

(۲) مفادِ جیلی کی عملی تعیین — تجربہ خانہ کے استعمال کے لئے

جو آلات بنائے جاتے ہیں اُن میں اکثر اقسام کے آلات میں نیچے والے بلاق کا وزن "بوجھ" کی مناسبت سے بہت زیادہ ہوتا ہے۔ لیکن فن انجیری میں جو بلاق استعمال ہوتے ہیں اُن کا وزن اٹھنے والے "بوجھ" کے مقابلے میں کہیں کم رہتا ہے۔

اس لئے نیچے والے بلاق کا وزن اگر بوجھ میں نہ محسوب کر لیا جائے یا لگائی ہوئی قوت کا وہ حصہ جو صرف بلاق کو اٹھانے کے لئے درکار ہے قوت ق سے نہ گھٹایا جائے تو ایسے نظام کی عملی استعداد کے متعلق غلط معلومات حاصل ہونگی اور استعداد کی حاصل شدہ قیمت عملی استعداد کی قیمت سے کم ہوگی۔

اس لئے مقار حلی محسوب کرنے کے وقت آیا وہ قوت ق جو صرف نیچے والے بلاق کو اٹھانے کے لئے درکار ہے ق سے گھٹالی جاتی ہے یا بوجھ و میں بلاق کا ذاتی وزن شریک کر لیا جاتا ہے۔ مگر یاد رہے کہ بلاق کے اٹھانے میں جو کام صرف ہوتا ہے وہ کار آمد نہیں۔

اگر حرخی کے بلاق کا وزن معلوم ہو تو ظاہر ہے کہ نسبت و کے دریافت کرنے کا طریقہ یہ ہوگا کہ بلاق کا ذاتی وزن بوجھ و میں شریک کر لیا جائے۔ اس صورت میں بلاق کا وزن بوجھ کا ایک حصہ تصور کیا جائیگا۔

اگر حرخی کے بلاق کا وزن معلوم نہ ہو تو وہ قوت ق دریافت کرو جو صرف بلاق کو اٹھانے کے لئے درکار ہے اب بلاق سے و وزن کا ایک بوجھ لٹکاؤ تو بلاق اور بوجھ کو اٹھانے کے لئے ایک دوسری قوت ق درکار ہوگی۔ اس لئے قوت ق جو صرف بوجھ و کو اٹھانے کے لئے درکار ہے ق - ق کے مساوی ہوگی۔

تو ق ق اور ق اس طرح درست کرو کہ اگر مشین کو خفیف سی بھی حرکت دی جائے تو وہ عمل کرنے لگے۔

اس طرح پانچ یا چھ مختلف بوجھ لے کر مندرجہ بالا چرخوں کے ہبلاتوں کے جوڑے کا مفادِ حیلی دریافت کرو۔ اور مشاہدات کو مندرجہ ذیل جدولوں کی شکل میں ترتیب دو:-

(۱) اگر ہبلات کا وزن معلوم ہو (مثلاً، گرام)

شمار تجربہ	ہبلات سے لٹکا ہوا بوجھ و گرام	لگائی ہوئی قوت	مجموعہ بوجھ ہبلات و	و ق
۱	۲۰۰	۱۱۰	۲۴۰	۲۶۴۵
۲	۴۰۰	۱۹۰	۴۴۰	۲۶۴۴
۳	۶۰۰	۲۴۰	۶۴۰	۲۶۴۸
۴	۸۰۰	۳۴۰	۸۴۰	۲۶۳۵
۵	۱۰۰۰	۴۵۰	۱۰۴۰	۲۶۳۸

آخر خانے کی رقموں کا اوسط = اوسط مفادِ حیلی = ۲۶۴۴

(ب) اگر ہبلات کا وزن معلوم نہ ہو۔
صرف ہبلات کو اٹھانے کے لئے جو قوت درکار ہے = ق۔ = ۳ گرام (مثلاً)

شمار تجربہ	ہبلات سے لٹکا ہوا بوجھ و گرام	لگائی ہوئی مجموعہ قوت	بوجھ و کے لئے جو قوت درکار ہے ق۔ = ق۔ - ق۔	و ق
۱	۲۰۰	۱۱۰	۸۰	۲۶۵۰
۲	۴۰۰	۱۹۰	۱۶۰	۲۶۵۰
۳	۶۰۰	۲۴۰	۲۴۰	۲۶۵۰
۴	۸۰۰	۳۴۰	۳۴۰	۲۶۳۵
۵	۱۰۰۰	۴۵۰	۴۴۰	۲۶۳۸

آخر خانے کی رقموں کا اوسط = اوسط مفادِ حیلی = ۲۶۴۵

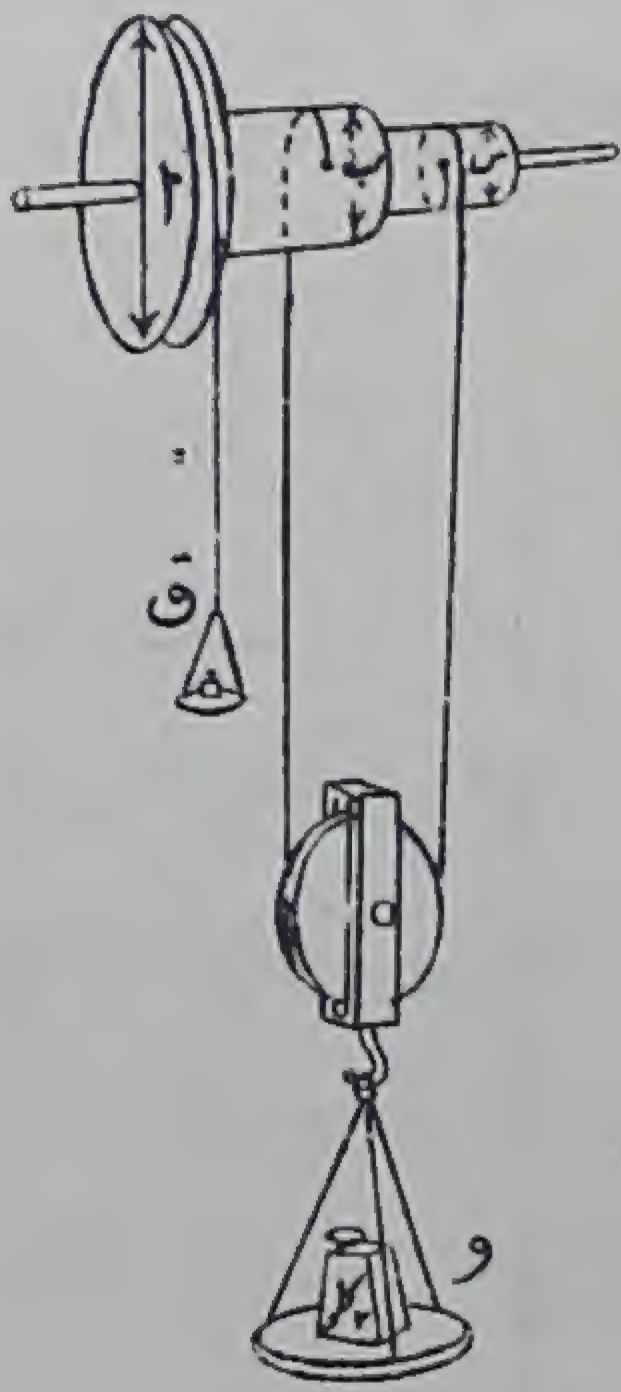
نوٹ۔ اگر بوجھ و یا قوت قی لگانے کے لئے ترازو کا پلڑا درکار ہو تو اس پلڑے کا وزن بھی شریک حساب رہے۔
 بملاق کے جوڑے کے مفاد جیلی اور رفتاری نسبت دریافت کر لینے کے بعد استعداد کو مندرجہ ذیل مساوات سے ظاہر کرو:-

$$ع = \frac{\text{مفاد جیلی}}{\text{رفتاری نسبت}}$$

$$= \frac{۲۵۳۵}{۶} = ۴۲۱ = ۴۱ \text{ فیصد}$$

تفریقی چرخ اور محور

چونکہ اس آلہ سے تجربہ خانوں میں اکثر کام پڑتا ہے اور اس کے ”تفریقی“ اصول کا اطلاق عموماً بندش (Gearing) کی تمام عملی شکلیوں پر ہوتا ہے اس لئے ہم اس آلہ کو ایک مناسب اور بکار آمد قسم کی مشین تصور کر کے اس پر



شکل ۵۵۔ مرکب چرخ اور محور

بالتفصیل بحث کریں گے۔ شکل ۵۵ پر غور کرو۔ لگائی ہوئی قوت قی ایک ایسی ڈوری پر عمل کرتی ہے جو بڑے قطر کے چرخ پر لپیٹی ہوئی ہوتی ہے۔ یہ چرخ ایک ایسے محور سے جڑا ہوا ہوتا ہے جس کے دو حصوں کے قطر مختلف ہیں اور محور مذکور کے ان دو حصوں پر ایک دوسری ڈوری کے دونوں سرے متضاد سمتوں میں پیٹے جاتے ہیں۔ اس ڈوری کے لٹکتے ہوئے حلقے پر ایک ایسی

چرخ چڑھی رہتی ہے جس کے ڈھانچے سے بوجھ W لٹکایا جاتا ہے۔
 تمام آلہ کو ایک دھاتی ٹکے پر چڑھا کر دو مناسب براکٹوں (Brackets)
 پر اس طرح سہا روایا جاتا ہے کہ وہ آزادی سے گھوم سکے۔
 تجربہ ۲۵۔ مرکب چرخ اور محور یا تفریقی چرخ
 اور محور —

تجربہ دو حصوں پر منقسم ہے:-

(۱) رخاری نسبت کی تعیین — جب چرخ پر لپٹی ہوئی ڈوری
 نیچے کی طرف یوں کھینچی جاتی ہے کہ ڈوری چرخ سے کھلتی جائے
 تو آلہ اس طرح گردش کرتا ہے کہ دوسری ڈوری بڑے قطر کے محور
 پر لپٹی جاتی ہے اور چھوٹے قطر کے محور پر سے کھلتی جاتی ہے۔
 آلے کی ایک پوری گردش پر غور کرو۔ فرض کرو کہ چرخ کا
 قطر ۱ ہے اور محور کے موٹے اور پتلے حصوں کے قطر بالترتیب
 ب اور س ہیں۔

جب آلہ ایک مکمل گردش کر چکا ہے تو لگائی ہوئی قوت
 چرخ کے محیط کے برابر فضل تک عمل کرتی ہے یعنی

$$F = 2\pi b$$

راتنے ہی وقت میں دوسری ڈوری کے اس حصہ کی
 لمبائی میں بھی تبدیلی واقع ہوتی ہے جو محور سے باہر لٹکتا ہے۔
 اب طول کی ڈوری محور کے موٹے حصہ پر لپٹ جاتی ہے مگر
 اس طول کی ڈوری محور کے پتلے حصہ پر سے کھل جاتی ہے
 اس لئے ڈوری کے آزاد حصے کے طول میں فی الحقیقت
 $2\pi b - 2\pi s$ یا $2\pi (b - s)$ کی کمی واقع ہوتی ہے۔
 یہ کمی حلقہ کے دونوں طرف برابر برابر تقسیم ہو جاتی ہے۔ اس لئے
 چھوٹی چرخ مذکورہ بالا حلقہ کی کمی کے صرف نصف فاصلہ تک اوپر
 اٹھتی ہے۔ یعنی بوجھ فاصلہ $\frac{1}{2} 2\pi (b - s)$ تک اوپر

اٹھتا ہے۔ یا

$$\text{فہم} = \frac{\pi}{2} (\text{ب۔س})$$

$$\text{اس لئے رفتاری نسبت} = \frac{\frac{\pi}{2} (\text{ب۔س})}{\frac{\pi}{2} (\text{ب۔س})} =$$

چرخ کا قطر اور محور کے دو حصوں کے قطر سرل چاپ کی مدد سے ناپو یا محیطوں کی پیمائش براہ راست خواہ ڈوری اور پیمانے کی مدد سے یا کسی لچکدار پیمائشی فیتہ کے ذریعہ کرو۔ اور ان معلومات سے رفتاری نسبت دریافت کرو۔

(۲) مفادِ جیلی کی تعین۔ جیسا کہ چرخوں کے بلاق کے بیان کے تحت میں (تجربہ ۴۴) بتایا جا چکا ہے مفادِ جیلی دریافت کرو۔ اس امر کا لحاظ رہے کہ چرخ اور ترازو کے پلٹاؤں کے وزن بھی شریکِ حساب ہوں۔

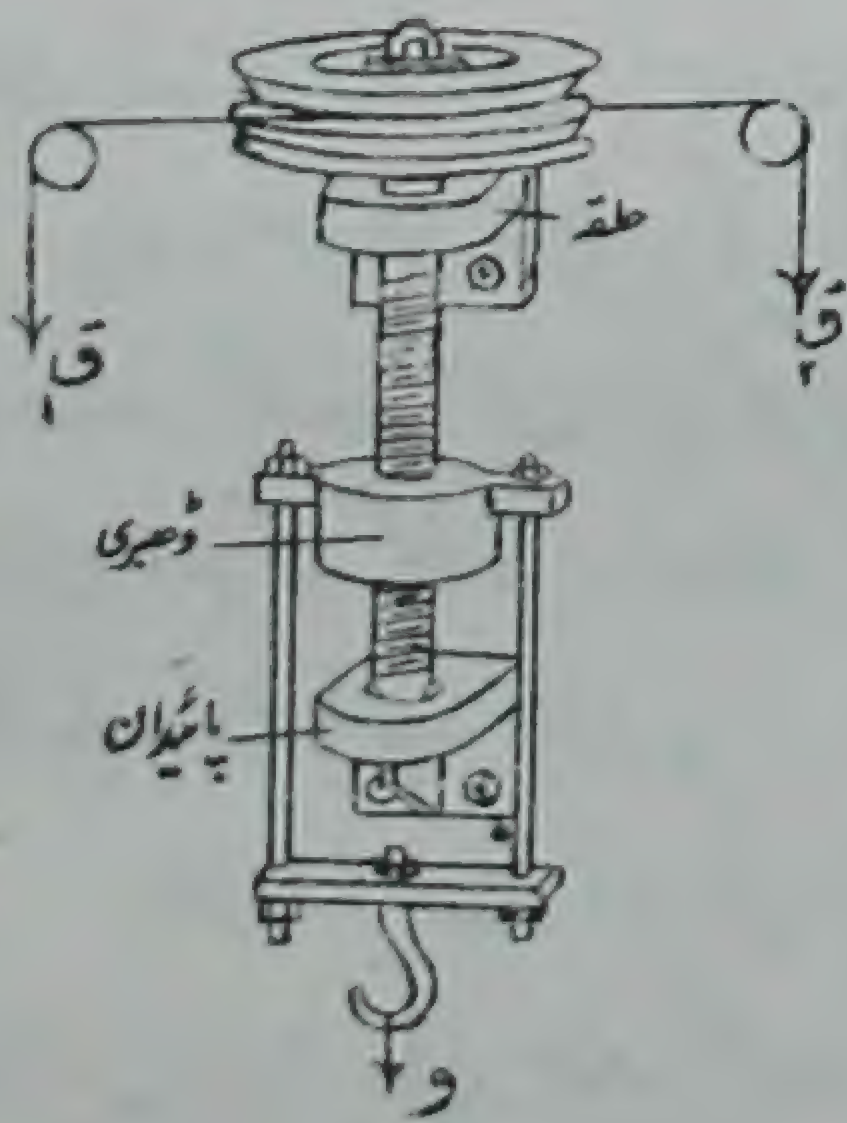
بعد ازاں آلہ کی استعداد دریافت کرو۔ اس کی قیمت غالباً ۸۵ یا ۹۰ فی صد تک ملیگی۔

بیچ

مختلف اقسام کی مشینوں میں بیچوں کی ترکیب کا استعمال بہت ہی عام ہوتا ہے بالخصوص جبکہ بہت بڑا مفادِ جیلی مطلوب ہو۔ عملیات میں بیچ اکثر اوقات پیچیدہ کل کا ایک جزو ہوتا ہے۔ اگرچہ بعض اوقات یہ بذاتِ خود بھی استعمال کیا جاتا ہے۔ اس کل کی عام مثال شہ بیچ ہے جو ٹائیر (Tyre) چڑھانے کے وقت موٹر گاڑی کے دھڑے کو یا کسی اور بھاری وزن کو اٹھانے میں استعمال کیا جاتا ہے۔ خصوصاً جہاں صرف دستی مزدوری (Hand Labour)

میتھر ہوتی ہے۔

تجربہ میں جو بیج استعمال ہوتا ہے اُس میں عموماً بڑے قطر کی ایک چرخ لگی رہتی ہے جس کے گرد ڈوری لپیٹی جاتی ہے۔ اس ڈوری کے دونوں سرے آلہ کے بازوؤں میں دو چھوٹی ثابت چرخوں پر سے گزرتے ہیں (جیسا کہ شکل ۵۶ سے واضح ہے) اور ان سروں پر بندھے ہوئے پلٹروں میں رکھے ہوئے وزن کی وجہ سے ڈوری کھینچتی ہے۔ اکثر اوقات عملیات میں متذکرہ بالا بڑے قطر والی چرخ اور ڈوری کے عوض T شکل کا ایک دستہ استعمال کیا جاتا ہے۔



شکل ۵۶ - بیج

بیج پر ایک بڑی ڈھری چڑھی رہتی ہے اور اس ڈھری میں ایک جوا لگا رہتا ہے جو بوجھ کو اٹھاتا ہے۔ بیج کا نیچے والا سرا ایک ثابت پائیدان پر اس طرح قائم ہے کہ وہ آزادی سے گھوم سکے اور اوپر کا سرا (جس پر بڑی چرخ لگی ہے) ایک ثابت حلقے میں سے آزادانہ گزرتا ہے۔ آلہ کے ایک مروج نمونہ کی

تصویر شکل ۵۶ سے واضح ہے۔ مگر اس شکل میں وہ ڈھانچہ جس پر چھوٹی چرخیاں قائم ہیں نہیں دکھایا گیا ہے۔ اس کے سوا دوسری قسم کے اور نمونے بھی اکثر اوقات تجربہ خانوں میں مستعمل ہوتے ہیں۔ بعض اوقات بڑی چرخ صرف ایک وزن سے کھینچی جاتی ہے۔ اور کبھی کبھی دو دوریاں لگائی جاتی ہیں اور ان سے دو وزن لٹکائے جاتے ہیں۔ جیسا کہ شکل سے ظاہر ہے۔

مؤخر الذکر نمونہ قابل ترجیح ہے۔ کیونکہ اگر قیام اور قیام مساوی ہوں تو پیچ دائیں یا بائیں کو کھینچنے سے باز رہتا ہے۔ لیکن صرف ایک غیر متوازن قوت کے استعمال کرنے میں پیچ حلقے کے ایک طرف کھینچ جاتا ہے جس کی وجہ سے رگڑ اور گھساؤ میں اضافہ ہو جاتا ہے۔

اگر کوئی مناسب ذریعہ گردش حرکت کو روکنے کے لئے استعمال نہ کیا جائے تو پیچ کو گھمانے کے وقت ڈھبیری بھی گھومنے کا تقاضا کرے گی۔ اس حرکت کو روکنے کے لئے جو عام بندش استعمال کی جاتی ہے وہ ایک یا دو سلاخوں پر مشتمل ہے۔ یہ سلاخیں آلہ کے ڈھانچے میں جکڑی رہتی ہیں اور سلاخ کا ایک سرا مذکورہ بالا حلقہ میں ثابت ہوتا ہے اور دوسرا سرا پائیدان میں ڈھبیری میں نالیاں بنی رہتی ہیں جن میں سے مذکورہ بالا سلاخیں ٹھیک پھنس کر گزرتی ہیں۔ ایسے انتظام سے پیچ کے گھومنے کے وقت ڈھبیری گھومنے سے باز رہتی ہے۔ اور اس میں جو کچھ حرکت پیدا ہوتی ہے وہ صرف پیچ کی گھائی کے متوازی ہوتی ہے۔ پیچ کی گردش کی سمت کے لحاظ سے ”بوجھ“ چڑھتا یا اترتا ہے۔ یہ سلاخیں شکل میں دکھائی نہیں گئی ہیں۔

تجربہ ۱۶۱۔ پیچ کی استعداد کی تعین — اگر پیچ سے کارگر کام لینا ہو تو یہ لازمی ہے کہ مذکورہ بالا حلقہ اور پائیدان، سلاخ اور ڈھبیری وغیرہ میں اچھی طرح تیل دیا جائے خاص کر پیچ کی چوڑیوں میں تیل دینا نہایت ضروری ہے کیونکہ رگڑ کا زیادہ تر حصہ پیچ اور ڈھبیری ہی کے درمیان عمل کرتا ہے۔

(۱) رفتاری نسبت کی تعین — فرض کرو کہ پیچ کے اوپر والے سرے کی چرخی کا قطر ۱ ہے۔ تب پیچ کی

ایک کامل گردش میں لگائی ہوئی قوت (یا قوتیں) چرخہ کے محیط کے برابر فاصلہ نیچے کی طرف طے کرتی ہے۔ یعنی پیچ کی ایک گردش کا لحاظ کرتے ہوئے۔

$$f = \frac{1}{T}$$

اتنے ہی وقت میں پیچ ڈھبڑی کے اندر ایک گردش کر کے آگے بڑھتا ہے یعنی ڈھبڑی اتنے فصل تک اٹھ جاتی ہے جو پیچ کی گھائی کے مساوی ہوتا ہے اگر پیچ کی گھائی = گھ۔ تو ظاہر ہے کہ $f = \frac{1}{T}$ گھ۔

$$\text{اور رفتاری نسبت} = \frac{1}{T}$$

چرخہ کا قطر ایک بڑے سرل چاپ کی مدد سے ناپو لیکن اس بات کی احتیاط رکھی جائے کہ پیمائش شدہ قطر اس مقام کا قطر ہو جہاں ڈوریوں کی نیچے والی سطحیں مس کرتی ہوں۔ اگر سرل چاپ میسر نہ ہو تو ڈوری اور پیمانے کی مدد سے چرخہ کا محیط براہ راست دریافت کرو۔ پیچ کی گھائی ناپنے کے لئے مندرجہ ذیل طریقہ اختیار کرو:—

صاف کاغذ کا ایک ٹکڑا لے کر اس کو پیچ کی کچھ لمبائی تک اس طرح دباؤ کہ کاغذ پر چوڑیوں کے نشان پڑ جائیں۔ اب اس کاغذ پر تقریباً ۲۰ چوڑیوں کا درمیانی فاصلہ ناپ لو۔ اس پیمائش سے گھائی دریافت ہو جائیگی۔ یاد رہے کہ پیچ کی گھائی سے وہ دو متشابہ نقطوں کا عمودی فاصلہ مراد ہے جو ایک ہی چوڑی کے دو متواتر گھاؤ (Turns) پر واقع ہیں۔ اس امر کی توضیح (شکل ۷) کے ملاحظہ سے بخوبی ہو جائیگی۔

مذکورہ بالا معلومات سے رفتاری نسبت محسوب کرو۔

(۲) مفاہیل کی تعیین — حسب تجربہ ۳۴ مفاہیل

دریافت کرو۔ یہاں پر ڈھبڑی اور جوے کا وزن معلوم نہیں ہو سکتا

کیونکہ یہ پیچ سے ملحق ہیں۔ لہذا یہاں پہلے قی کی قیمت دریافت کرنا ہوگی۔ یہ وہ قوت ہے جو صرف ڈھبری اور جوے کے اٹھانے کو درکار ہے۔ اس کے بعد مجموعی قوت قی دریافت کرنا ہوگی جو ”بوجھ“، ڈھبری، اور جوے کو اٹھاتی ہے۔ اس لئے قی۔ قی۔ وہ قوت قی ہے جو صرف ”بوجھ“ و کے لئے درکار ہوگی۔

اگر مذکورہ بالا بڑے قطر کی چرنی پر دو ڈوریاں لگی ہوں تو لگائی ہوئی قوت دونوں ڈوریوں سے لگے ہوئے وزن کے مجموعہ کے مساوی ہوگی۔

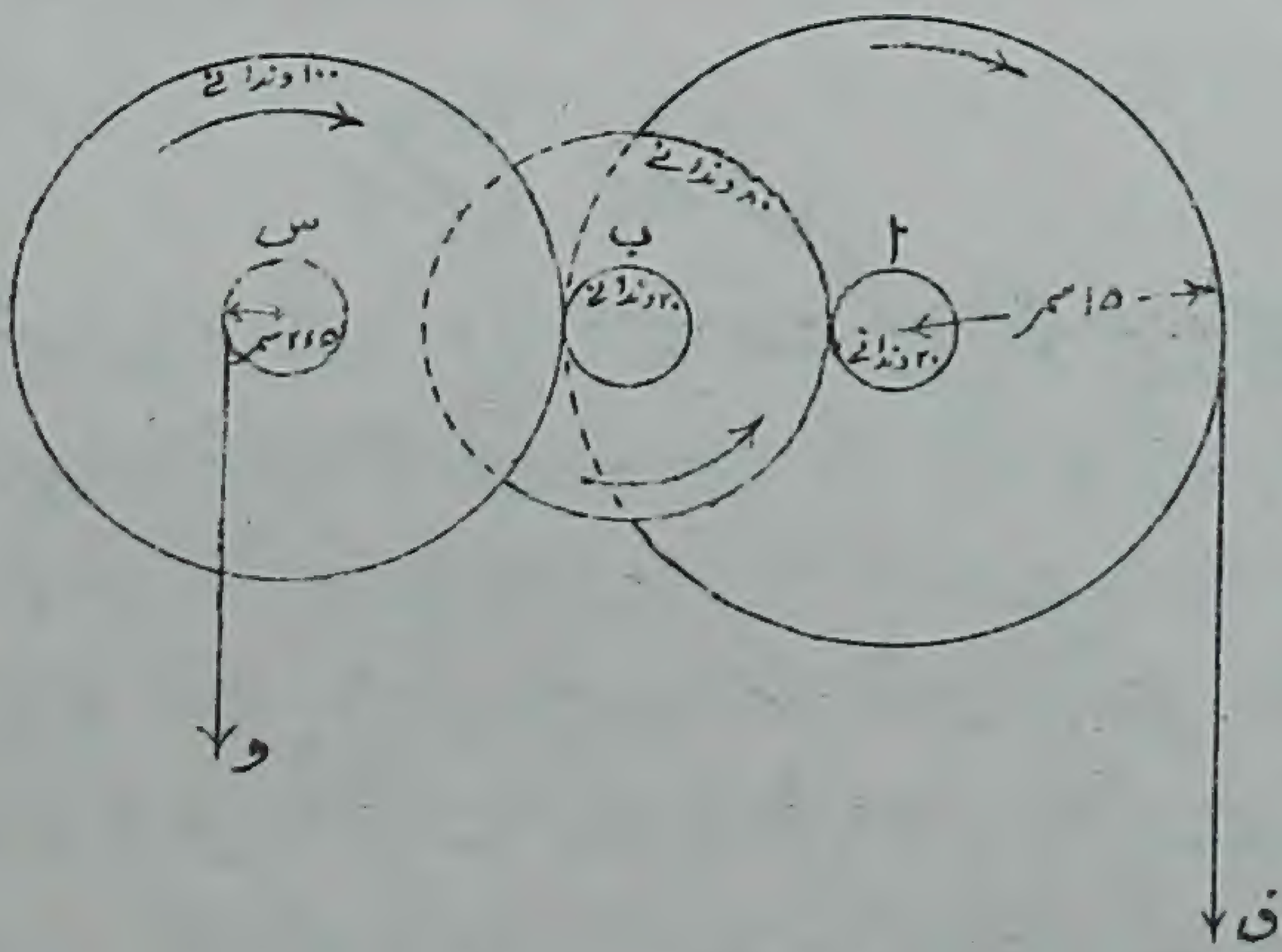
اب پیچ کی استعداد دریافت کرد۔ نتیجہ سے یہ معلوم ہوگا کہ کافی تیل دینے پر بھی پیچ کی استعداد بمشکل تمام ۲۰ فی صدی تک پہنچتی ہے۔ اور یہ بھی معلوم ہو جائیگا کہ اگر آلہ بد احتیاطی کی وجہ سے زنگ آلود ہو گیا ہو تو استعداد کی قیمت صرف ۸ یا ۸ فی صدی رہ جاتی ہے۔

چرخ بندی

مشینوں کا بیان اس وقت تک تکمیل کو نہیں پہنچ سکتا جب تک کہ عام ترین بندشوں کا مثلاً دندانہ دار چرخوں کی بندش (Gearing) کا کچھ ذکر نہ کیا جائے۔ اس بندش کی مختلف شکلوں کا استعمال قریب قریب تمام اقسام کی کلوں مثلاً گھڑیوں، موٹر گاڑیوں، خرا دوں، متحرک محالوں، وغیرہ میں ہوتا ہے۔ مگر ہم یہاں صرف چرخ بندی کے ایک آسان سلسلہ پر بحث کریں گے اور پیچیدگی سے بچنے کے لئے صرف عددی مثال دی جائیگی۔

شکل ۵ پر غور کرو۔ تکے ۲ پر ۱۵ سمر نصف قطر کا ایک بڑا ڈھول چڑھا ہوا ہے۔ اور اسی تکے پر ۲۰ دندانوں کا ایک دندانہ دار چرخ ڈھول سے جکڑا ہوا لگا ہے۔

مواخر الذکر دندانہ وار چرخ ۱ تکے ب پر چڑھے ہوئے ۸۰ دندانوں والے چرخ سے اس طرح لگا ہوا ہے کہ اگر ۱ چار گردشیں پوری کرے تو ب پر کا بڑا چرخ صرف ایک بار گھومتا ہے۔ ب پر کے بڑے چرخ میں ۲۰ دندانوں کا ایک چھوٹا چرخ جکڑا ہوا ہے۔ اور یہ چرخ تکے س پر کے بڑے چرخ کے دندانوں سے لگا ہوا ہے جس کے محیط میں ۱۰۰ دندانے ہیں۔ اس لئے جب ۱ ۲۰ گردشیں پوری کرتا ہے تو ب ۵ اور س صرف ۱۔ تیسرے تکے س پر ۵ و ۲ سم کا ایک چھوٹا ڈھول چڑھا ہوا ہے جس پر سے "بوجھ" و کو سنبھالنے والی ڈوری گزرتی ہے۔ اس ڈھول پر ڈوری اس طرح لپیٹی جاتی ہے کہ



شکل ۷۷۔ چرخ بندی

جب ق نیچے اترتا ہے تو و اوپر چڑھتا ہے۔
موجودہ مسئلہ میں آسانی کی غرض سے تکے س کی

صرف ایک گردش پر غور کرو۔

س کی ایک گردش میں ”بوجھ“ و اتنے فصل تک چڑھتا ہے جو چھوٹے ڈھول کے محیط کے برابر ہے۔

یعنی فاصلہ = $2\pi \times 2.5$ سم۔

س کی ہر گردش کے جواب میں ۱۰۲ مرتبہ گھومتا ہے اور اس لئے قی بڑے ڈھول کے محیط کے ہیں گئے فاصلے تک عمل کرتا ہے۔ یعنی

فاصلہ = $20 \times 2\pi \times 15$ سم

اس لئے رفتاری نسبت

$$\frac{15 \times 2\pi \times 20}{2.5 \times 2\pi} =$$

۱۲۰ =

تجربہ ۴۔ چرخ بندی کے ایک نظام کی استعداد کی تعین — چرخ بندی کے کسی نظام کی رفتاری نسبت

دریافت کرو جیسا کہ مذکورہ بالا مثال میں بیان کیا جا چکا ہے۔ اور

تجربہ ۴ کی طرح عملاً اس کا مفاد جلی بھی دریافت کرو۔ اور ان

معلومات سے اس کی استعداد کی قیمت اخذ کرو۔

چرخ بندی کے سلسلے کی استعداد کا انحصار زیادہ تر اس

امر پر ہے کہ دندانے صحت کے ساتھ کاٹے جائیں۔ متذکرہ بالا

سلسلہ کی طرح چرخ بندی کے ایک سادے سلسلے کی جس میں

دندانے عمدہ طور پر کٹے ہوں استعداد کی قیمت ۹۵ فی صدی تک

پہنچ سکتی ہے۔

نوٹ — فصل ہذا میں بحث کردہ کمیتیں و اور قی بالترتیب

”بوجھ“ اور ”لگائی ہوئی قوت“ کے نام سے موسوم کی گئی ہیں لیکن

اکثر اوقات ان کے لئے وزن اور طاقت کے نام بھی استعمال

ہوتے ہیں۔ وزن ایک عام کمیت ہے اس لئے اس کو ایک خاص کمیت کی طرح استعمال کرنا اعتراض سے خالی نہیں۔ ”بوجھ“ سائنس کی زبان میں کوئی خاص معنی نہیں رکھتا اس لئے اس نام کو یہاں وزن کے نام کے بجائے استعمال کرنا قابل ترجیح ہے۔ لفظ ”طاقت“ سائنس کی اصطلاح میں ایک خاص اور محدود معنی رکھتا ہے یعنی طاقت سے کام کرنے کی شرح مراد ہے اس لئے طاقت کو قوت کے معنوں میں ہرگز استعمال نہیں کرنا چاہیئے۔ بعض اوقات ق کی تعبیر کے لئے زور کا لفظ بھی استعمال کیا جاتا ہے لیکن کسی صورت میں اس کا استعمال عام نہیں۔



فصل ہفتم

لچک

۱۔ عام نظریہ۔

جب کوئی سی قوت کسی جسم پر عمل کرتی ہے تو جسم مذکور کی شکل میں کم و بیش بگاڑ پیدا ہو جاتا ہے۔ اور یہ بگاڑ بالعموم قوت کے ہٹا لینے پر غائب ہو جاتا ہے۔ جسم کا اپنی اصلی شکل میں واپس آ جانا جسم مذکور کی اپنی اُس خاصیت کا نتیجہ ہے جس کو لچک کے نام سے موسوم کرتے ہیں۔

گلیئہ ہوک

اس مضمون کی بنیاد رابرٹ ہاویل اور اس کے مددگار لھوک نے ڈالی تھی اور وہ نہایت ہی ضروری اور اہم گلیئہ جو قوت عالمہ اور اس سے پیدا شدہ بگاڑ کا باہمی تعلق بتاتا ہے گلیئہ ہوک کے نام سے مشہور ہے۔ اس گلیئہ کو ہم یوں بیان کر سکتے ہیں کہ تناؤ، بڑھاؤ کے متناسب ہے۔

یا ٹھیک علمی زبان میں مذکورہ بالا امر کو حسب ذیل بھی بیان کر سکتے ہیں :-
 زورِ فساد کے تناسب سے۔ (یہاں زور سے بگاڑ پیدا کرنے والی عام قوت
 مراد ہے۔ اور فساد سے جسم کی شکل میں عام تنویر) کلیئر ہوک کی صحت
 ایک خاص حد تک درست ہوتی ہے۔ چنانچہ اگر جسم پر عمل کرنے والا زور ایک خاص
 حد سے تجاوز کر جائے تو زور ہٹا لینے پر جسم مذکور اپنے ابتدائی ابعاد میں واپس نہیں
 آئیگا۔ وہ بڑے سے بڑا بگاڑ جو کسی شے میں دوامی بدشکلی پیدا نہیں کرتا
 شے مذکور کی لچک کی انتہا کہلاتا ہے۔ ہوک کا کلیئر لچک کی
 انتہا تک غایت درجہ کی قربت کے ساتھ درست پایا جاتا ہے۔

لچک کے مقیاس کی تعریف

زور اور فساد

متفرق اقسام کی اشیاء کی لچک والی خاصیتوں کے
 مقابلہ کرنے کے لئے یہ ضروری ہے کہ مختلف نوعیت کی قوتوں
 کے زیرِ عمل جو ”بگاڑ“ پیدا ہوتے ہیں ان کے متعلق کئی علم
 حاصل کیا جائے۔

زور — جہاں تک پیدا شدہ بگاڑ کی مقدار سے بحث ہے
 قوت کا اثر، مقدارِ قوت پر اور اس کے رقبہٴ عمل پر بھی مبنی
 پایا جاتا ہے اور اثرِ مذکور، قوت فی اکائی سابقہ کے تناسب
 ہوتا ہے۔ اس لئے زور کی تعریف یوں ہو سکتی ہے کہ
 زور سے وہ قوت مراد ہے جو اکائی رقبہ پر عمل کرے۔
 فساد — ایک دئے ہوئے زور کے زیرِ عمل کسی
 جسم میں پیدا شدہ بگاڑ جسم مذکور کی جسامت پر منحصر ہے۔
 مساوی مقدار کے تناؤ والے زور اگر ایک ہی قسم کے
 مختلف طول والے تاروں پر عمل کریں تو تاروں کے طولوں میں

جو درازیاں واقع ہونگی وہ اُن طولوں کے متناسب ہونگی۔ لہذا زور کا اثر گویا بگڑی ہوئی شکل کے جسم میں بگاڑ فی اکائی بُعد کا پیدا کرنا ہے۔

فساد کی تعریف عموماً شکل کے بگاڑ فی اکائی بُعد سے ہوتی ہے یا یوں کہو کہ فساد کسری بگاڑ ہے۔

لچک کے کسی مقیاس کی تعریف عمل کرنے والے زور اور پیدا شدہ فساد کے حاصل قسمت سے ہوتی ہے۔ ریاضی کی زبان میں اس کو یوں لکھتے ہیں کہ

$$\text{لچک کا مقیاس} = \frac{\text{زور}}{\text{فساد}}$$

مختلف مقیاسوں کی تعریفیں:—

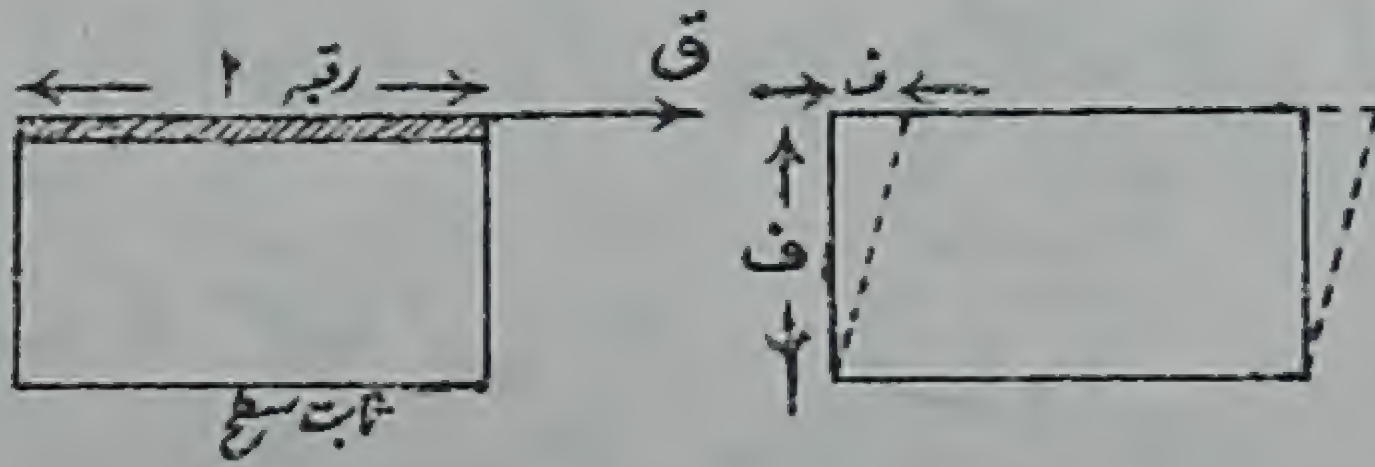
(۱) ینگ کا مقیاس یا تناؤ والی لچک کی قدر۔

یہاں جو زور بد نظر ہے وہ طولی تناؤ کا زور ہے۔ اور اس سے جو فساد پیدا ہوتا ہے وہ طول کی درازی فی اکائی طول ہے۔ (یا طول کا بڑھاؤ فی اکائی طول ہے)۔

اگر تناؤ کی قوت Q تراش عمودی A والے تار پر عمل کرے تو تار مذکور پر عمل کنندہ تناؤ والا زور $\frac{Q}{A}$ کے مساوی ہوگا۔ اگر اس تار کا طول L ہو اور زور مذکور کے زیر عمل اس کے طول میں ΔL کا اضافہ پیدا ہو جائے تو فساد $\frac{\Delta L}{L}$ کے مساوی ہوگا۔ اس لئے ینگ کا مقیاس

$$Y = \frac{\frac{Q}{A}}{\frac{\Delta L}{L}} = \frac{Q}{A} \cdot \frac{L}{\Delta L}$$

(۳) استواری کا مقیاس، یا جزی لچک کا مقیاس۔
 کسی شے (مثلاً ربڑ) کے مستطیلی متوازی السطوح کی شکل کے
 ایک ایسے کُندے کا تصور کرو جس کا ایک پہلو تو کسی ثابت
 افقی سطح سے چسپاں ہو اور دوسرا مقابل کا افقی پہلو ایک
 پترے سے مضبوطی کے ساتھ جڑا ہوا ہو۔
 اب اگر یہ پترا ایک افقی قوت Q سے کھینچا جائے
 تو تمام کُندا بگڑ کر ایک ایسی شکل اختیار کر گیا جیسا کہ نقطہ دار



شکل ۵۔ جزی زور اور جزی فساد

خطوں سے شکل ۵ میں دکھایا گیا ہے۔ قوت Q سارے پترے
 پر اس طرح پھیلی ہوئی ہے کہ وہ تمام اوپر والے رقبہ ۱ پر ہوارانہ
 عمل کرے۔ اس صورت میں زور Q کے برابر ہوگا۔ یہ زور
 جزی زور کہلاتا ہے۔ ذروں کی اوپر والی تہ اپنے ابتدائی محل سے
 نیچے والی تہ کے ذروں کی اضافت سے فصل F تک افقاً
 ہٹ گئی ہے۔ ایسی دو سطحوں کا اضافی بغلی ہٹاؤ جن کا
 باہمی درمیانی فاصلہ اکائی ہو، جزی فساد کہلاتا ہے۔ پس

جزی فساد = $\frac{F}{Q}$

اس لیے جزی لچک کا مقیاس = $\frac{Q}{F}$

نوٹ - صرف ٹھوس اجسام ہی میں تناؤ والی اور جزی لچکیں ہو سکتی ہیں۔
 (۳) حجمی مقیاس یا حجمی لچک کی قدر — اگر ح
 حجم والے کسی جسم پر دباؤ د ڈالا جائے اور اس کی وجہ سے
 اگر جسم مذکور کے حجم میں ح کا تغیر واقع ہو تو لگائی ہوئی
 قوت فی اکائی رقبہ د ہوگی چونکہ دباؤ سے قوت فی اکائی
 رقبہ مراد ہے پس زور = د
 فساد = ح — چونکہ پیدا شدہ بگاڑ ح ہے۔ اور بگڑے ہوئے
 بعد کی قیمت ح ہے۔

اس لئے حجمی مقیاس

$$\text{حجم} = \frac{د}{\frac{د}{ح}} = \frac{د}{د/ح}$$

چونکہ یہ ہمیشہ ممکن نہیں کہ جسم زیر تجربہ پر کچھ نہ کچھ ابتدائی
 زور موجود نہ ہو اس لئے اس کی ضرورت ہے کہ لچک کے
 مقیاس کی مذکورہ بالا تعریف میں کچھ ترمیم کی جائے۔
 اگر کلیئہ ہوک درست ہے تو لچک کا مقیاس مقررہ
 حالتوں کے تحت میں شے زیر تجربہ کی ایک مستقل خاصیت
 ہوگا۔ بناء پر یہ کہنا صحیح ہوگا کہ اگر زور میں اضافہ کیا جائے تو

$$\frac{\text{اضافہ زور}}{\text{اضافہ فساد}} = \frac{\text{زور}}{\text{فساد}} = \text{لچک کا مقیاس}$$

کسور مندرجہ بالا میں سے پہلی کسر لچک کے مقیاس
 کی پیمائش کرنے میں اکثر اوقات استعمال کی جاتی ہے۔
 گیسوں میں جہاں کلیئہ ہوک درست نہیں ہم کسی معین
 حالت کے تحت والی گیس کے حجمی مقیاس کے لئے

$$\text{خارج قسمت} = \frac{\text{اضافہ دباؤ}}{\text{اس کا جوابی حجمی فساد}} \text{ استعمال کرتے ہیں۔}$$

چونکہ گیسوں کے حجمی مقیاس براہ راست محض نظری نقطہ نظر سے محسوب کئے جا سکتے ہیں اس لئے ان کا مذکورہ بالا اصول سے عملاً دریافت کرنا لاسود ہے۔ چونکہ ٹھوس اور مائع اجسام کے حجمی مقیاس دریافت کرنے میں بڑی دقیقیت پیش آتی ہیں اس لئے ہم یہاں پر صرف ینگ کے مقیاس اور استواری کے مقیاس ہی دریافت کرنے کے عملی طریقوں پر اکتفا کریں گے۔

نوٹ۔ چونکہ زور ہمیشہ قوت فی اکائی رقبہ ہوتا ہے اس لئے اس کو ڈائین (Dyne) فی مربع سم یا اسی طرح کے البعاد کی کسی دوسری اکائیوں میں ظاہر کرنا چاہیے۔ فساد صرف ایک نسبت ہے اس لئے اس کے البعاد نہیں اور لچک کا مقیاس = $\frac{\text{زور}}{\text{فساد}}$ اس لئے اس مقیاس کو بھی زور کی اکائیوں میں ظاہر کرتے ہیں یعنی ڈائین فی مربع سم میں (اگر س۔ گ۔ ٹ اکائیاں مستعمل ہوں)۔

۲۔ ینگ کا مقیاس

تار کی شکل کی شے کے لئے ینگ کا مقیاس

جو آلہ اس تجربہ میں استعمال کیا جاتا ہے وہ ایسے دو انتصابی تاروں پر مشتمل ہے جن کے اوپر والے سرے آپس میں بہت قریب ایک ہی سہارے سے مضبوطی کے ساتھ جکڑے ہوئے ہوتے ہیں۔ ان میں سے ایک تار ایک ایسے مستقل بوجھ سے تنا رہتا ہے جس کے جاننے کی ضرورت نہیں۔ اور دوسرے تار سے ترازو کا پلٹا بندھا رہتا ہے جس پر حسب خواہش مختلف اوزان رکھے جا سکتے ہیں۔ اول الذکر تار پہ ایک چھوٹا پیمانہ

میں قائم ہے اور دوسرے تار پر ایک کسر پیماب اس طرح لگا رہتا ہے کہ وہ پیمانہ میں پر آزادانہ پھسل سکے۔ ان دونوں تاروں کو ایک ہی شے اور ایک ہی موٹائی کا ہونا چاہیئے۔ اس طرح ایک ہی قسم کے دو تاروں کے استعمال سے مندرجہ ذیل غلطیوں کے اہم ذرائع رفع ہو جاتے ہیں:-

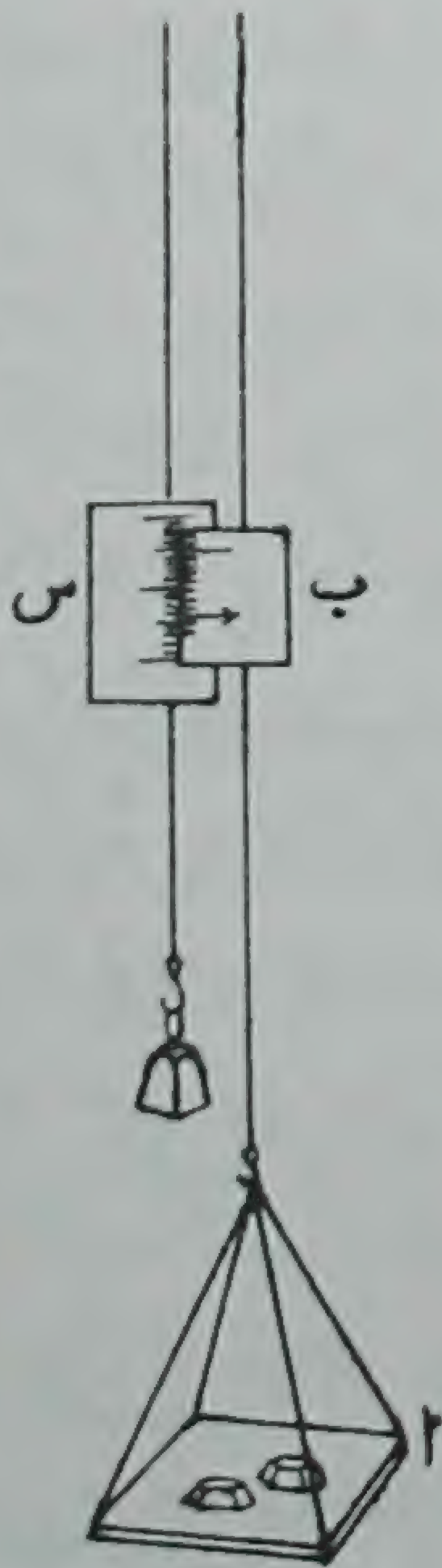
(۱) بوجھ ۱ کی وجہ سے نقطہ تعلیق نیچے آتر جائیگا مگر نقطہ تعلیق کی اس حرکت سے پیمانہ میں بھی اتنا ہی نیچے آتر آئیگا جتنا کہ کسر پیماب۔ لہذا تجربہ میں اس کا کچھ اثر نہ ہوگا۔
(۲) پیش کے تغیر سے طول میں تبدیلی واقع ہوگی۔ اس کا اثر دونوں تاروں میں یکساں پڑیگا۔ لہذا نتیجہ پر پیش کے تغیر کا بھی کوئی اثر نہیں ہوگا۔

اگر ایک تار پر مستقل قوت قائم رکھی جائے اور دوسرے پر مختلف قوتیں لگائی جائیں تو ان قوتوں کی وجہ سے موخر الذکر تار کے طول میں جو اضافہ واقع ہوگا اس کی قیمت پیمانہ میں پر کسر پیماب کی حرکت سے معلوم ہو جائیگی۔

تار کا طول اور اس کا نصف قطر کسی مروجہ طریقوں سے دریافت ہو سکتے ہیں۔ لہذا معلوم زور کے زیر عمل طولی فساد کی قیمت حاصل ہو سکتی ہے۔ اور اس کے ذریعہ ینگ کا مقیاس زیر تجربہ شے کے لئے محسوب کیا جاسکتا ہے۔

تجربہ ۲۷- تار کے لئے ینگ کے مقیاس کی تعیین — زیر تجربہ تار کے بل دور کرنے کے لئے

اس سے بندھے ہوئے پلڑے میں دو کلو گرام کا وزن رکھو۔ اور پیمانہ میں اور کسر پیماب پر کے درجے پڑھ لو۔ اس کے بعد پلڑے پر بتدریج دو دو کلو گرام رکھ کر بوجھ کو ۱۲ کلو گرام تک بڑھاؤ اور ہر وزن کے جواب میں



پیمانہ اور کسر پیمایا پر کے درجے
پڑھتے جاؤ۔ اب پلڑے پر کے
وزن کو بتدریج دو دو کلو گرام
گھٹا کر بوجھ کو ابتدائی دو کلو گرام
تک لاؤ اور پہلے کی طرح ہر
وزن کے جواب میں پیمانہ اور
کسر پیمایا پر کے درجے پڑھتے جاؤ۔
اس طریقہ سے ہر وزن کے
جواب میں پیمانے پر دو درجہ
خوانیاں حاصل ہونگی جن کی اوسط
قیمت وزن مذکور کے لئے پیمانے
پر اصلی قیمت ہوگی۔

اگر تجربہ کے اختتام پر درجہ
خوانی ابتدائی درجہ خوانی (یعنی جب
تار پر صرف دو کلو گرام کا وزن
ہو) سے جدا گانہ ہو تو یہ ممکن ہے
کہ زیر تجربہ تار بچک کی انتہا سے

زیادہ کھینچ گیا ہو۔ اگرچہ درجہ خوانیوں میں یہ فرق تار کے محض سیدھا
ہونے کا نتیجہ بھی ہو سکتا ہے۔ اگر یہ صورت پیش آجائے تو مشاہدات
کو دہراؤ۔ اور اگر متذکرہ بالا فرق، وزن ہٹا لینے پر پھر مشاہدہ میں
آئے تو تجربہ کو ایک دوسرا نیا تار لے کر دہرانا لازمی ہے۔ مگر اس
مرتبہ زیادہ سے زیادہ ۸ کلو گرام وزن استعمال کیا جائے۔

خبر وہ پیمائش کے ذریعہ تار کے چند مختلف نقطوں پر
غایت احتیاط کے ساتھ اس کے قطر کی پیمائش کرو۔ اس پیمائش
کی صحت کی اہمیت بہت زیادہ ہے۔ قطر کی پیمائش میں ۱۰۰ ممر کی

غلطی ایک فیصد کے درجہ کی غلطی ہے اور اس کے اثر سے آخری نتیجہ میں دو فیصد غلطی داخل ہو جائیگی کیونکہ مقیاس کے ضابطہ میں نصف قطر کی قوت ۲ ہے۔ تار کے طول کی پیمائش میں ۱ یا ۲ سمر کی غلطی اتنی زیادہ اہمیت نہیں رکھتی جتنی کہ نصف قطر کی پیمائش میں ۰.۱ سمر کی غلطی۔

تار کا طول نقطہ تعلیق سے لے کر کسر پیمائش کے صفر تک ناپ لو اور مشاہدات کو حسب جدول درج کرو:-

بوجھ	درجہ خوانیاں		۶ کلو گرام کی وجہ سے طول کا اضافہ سمر میں
	بڑھتا بوجھ	گھٹتا بوجھ	
۲ کلو گرام	۱۵۱۳	۱۵۱۵	۱۵۱۴
" ۴	" ۱۵۲۳	" ۱۵۳۵	" ۱۵۳۴
" ۶	" ۱۵۵۰	" ۱۵۵۵	" ۱۵۵۳
" ۸	" ۱۵۶۶	" ۱۵۶۷	" ۱۵۶۷
" ۱۰	" ۱۵۸۳	" ۱۵۸۷	" ۱۵۸۵
" ۱۲	" ۲۵۱۰	" ۲۵۱۰	" ۲۵۱۰

۶ کلو گرام کی وجہ سے طول کا اوسط اضافہ = ۰.۵۳۷ سمر

= ۰.۵۳۷ سمر

تار کا نصف قطر (متحدہ تعینوں کا اوسط) = ۰.۵۶۷۵ سمر

= ۰.۵۶۰۵ سمر

= ۲۵۰ سمر

نقطہ تعلیق سے کسر پیمائش تک تار کا طول
تار سے لٹکے ہوئے ۶ کلو گرام بوجھ سے پیدا شدہ زور

قوت

ستار کی تراش عمودی کا رقبہ

قوت = کلو گرام کا وزن ہے۔

یعنی قوت = 981×4000 ڈائین (یہاں 981 لندن میں اسراع
بوجھ جاذبہ زمین کی قیمت ہے)۔

تراش عمودی کا رقبہ = $\pi \times (0.0465)^2$ مربع سمر

اس لئے = کلو گرام کی وجہ سے زور = $\frac{4000 \times 981}{\pi \times (0.0465)^2}$

= $4000 \times 4.4 \times 10^6$ ڈائین فی مربع سمر

= 1.76×10^7 ڈائین فی مربع سمر۔

زور

یعنی

کلو گرام بوجھ کے اضافہ کی وجہ سے پیدا شدہ فساد

کلو گرام کی وجہ سے طول کا اوسط اضافہ

= نقطہ تعلیق سے کربیا تک تار کا طول

$$\frac{0.036}{250} =$$

$$= 0.000144$$

$$= 1.44 \times 10^{-4}$$

∴ ینگ کا مقیاس = $\frac{\text{زور}}{\text{زور کا جوابی فساد}}$

$$= \frac{1.76 \times 10^7}{1.44 \times 10^{-4}} \text{ ڈائین فی مربع سمر}$$

$$= 1.22 \times 10^{11} \text{ ڈائین فی مربع سمر}$$

منہی کھینچ کر دکھاؤ کہ ڈوری سے لٹکے ہوئے وزن کو ڈوری
کے بڑھاؤ کے ساتھ کیا تعلق ہے۔ تعبیری نقطوں کو تقریباً ایک ہی

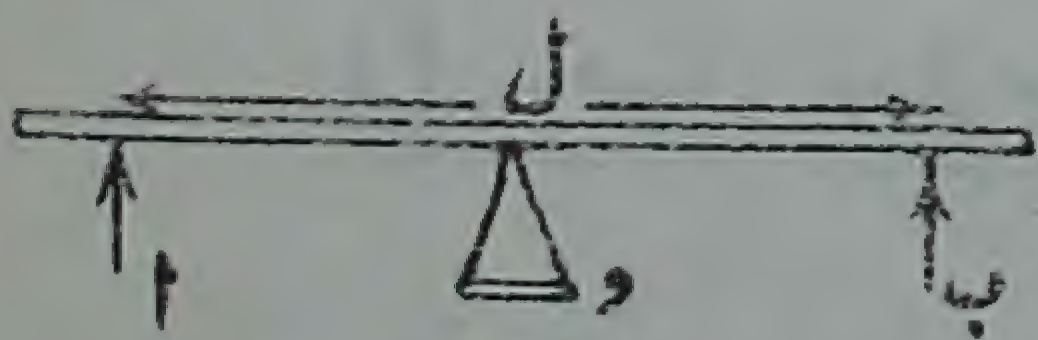
ہوتا ہے مگر جدول میں جو طریقہ اختیار کیا گیا ہے اس سے اس کی قیمت ۳۵.۵۰ ہوتی ہے۔

جدول کے طریقہ میں ہر مشاہدہ صرف ایک مرتبہ حساب میں آتا ہے اس لئے نتیجہ کل درجہ خوانیوں (مشاہدات) پر مبنی ہوتا ہے اور اس کی وجہ سے نتیجہ میں زیادہ صحت حاصل ہوتی ہے۔ دوسری بات جو قابل توجہ ہے وہ تار کے طول کی پیمائش سے تعلق رکھتی ہے۔ یہ ظاہر ہے کہ پلڑے ۱ پر کے وزن کے پورا تار کھینچتا ہے مگر پیمائش شدہ بڑھاؤ تار کے صرف اس حصہ کا بڑھاؤ ہے جو نقطہ ثقل اور کمر پیمائش کے درمیان واقع ہے۔ لہذا فساد کے حساب لگانے کے وقت نسب نما میں تار کے اسی حصہ کا طول استعمال کرنا چاہیئے۔

ینگ کا مقیاس شہتیری شکل کی شے کے لئے

اس تجربہ میں جس آلہ کی ضرورت پڑتی ہے وہ مندرجہ ذیل سامان پر مشتمل ہے:—

- (۱) دو دھار وار کنارے۔
- جن پر شہتیر زیر تجربہ رکھا جاسکے۔
- (۲) ترازو کا ایک پلڑا یا
- کانٹا جو شہتیر کے وسط سے لگایا جاسکے۔



(۳) شہتیر کے مرکز کے جھکاؤ کی پیمائش کرنے کا کوئی مناسب طریقہ۔ جب سلاح (شہتیر) نہایت ہی پتلی ہوتی ہے تو وزن (مثلاً ایک کلو) کی وجہ جھکاؤ بہت ہی زیادہ ہوتا ہے۔ ایسی صورت میں مرکز کے جھکاؤ کی پیمائش کے لئے سلاح کے پیچھے ایک

شکل ۹۔ دو دھار وار کناروں ۱ اور ۲ پر سہارا ہوئے شہتیر کے لئے ینگ کا مقیاس۔

میٹری پیمانہ کو انتصاباً رکھ کر استعمال کر سکتے ہیں۔ سہولت کے لحاظ سے سلاح کی خواہ اوپر والی سطح یا نیچے والی سطح کے مقابل کے درجے پیمانہ پر پڑھے جاتے ہیں۔ سلاح کے سخت ہونے کی صورت میں ایک ایسا جھکاؤ پیدا کرنے کے لئے جس کی پیمائش مندرجہ بالا طریقہ سے کافی صحت کے ساتھ ہو سکے ایک بہت بڑی قوت درکار ہوگی۔ لیکن بڑی قوتوں کے بجائے متبادل قوتوں اور ان سے پیدا شدہ جھکاؤ کی پیمائش کے لئے کسی زیادہ نازک طریقہ کا استعمال قابل ترجیح ہے۔ اس مقصد کے لئے ایک ایسا انتصابی نازک پیمانہ سلاح کے مرکز پر لگا دیا جاسکتا ہے جس کی درجہ خوانی چھوٹی قوت کی ایک ثابت خرد بین کے ذریعہ کی جاسکتی ہے۔ جب سلاح کا مرکز جھکیگا تو اس کے ساتھ ساتھ ثابت خرد بین کے لحاظ سے پیمانہ بھی نیچے کو اترے گا۔ مختلف بوجھ کی سخت میں پیمانہ کے درجوں کا مشاہدہ خرد بین کے چشمہ کے چلیبی تار پر کیا جاتا ہے اور اس طریقہ سے سلاح کے مرکز کے جھکاؤ کی پیمائش ہو جاتی ہے۔ بعض اوقات سلاح سے لگا ہوا پیمانہ ایک ثابت کمر پیا پر متحرک ہو سکتا ہے اور اس طریقہ سے بھی جھکاؤ کی پیمائش کافی صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے۔

تجربہ ۴۵۔ شہتیر کے لئے ینگ کے مقیاس کی تعین — پڑے یا کائٹ پر مختلف بوجھ رکھ کر ان کے جواب میں شہتیر کے مرکز کے مقامات دریافت کرو۔ بوجھ کو بتدریج مساوی مقداروں میں بڑھا کر چھ یا آٹھ مشاہدے کرو لیکن بڑے سے بڑا بوجھ جو استعمال کیا جائے وہ ایسا ہو جسے شہتیر حفاظت کے ساتھ سنبھال سکے۔ مگر کسی حالت میں بوجھ اس بوجھ سے زیادہ نہ ہونے پائے۔ اسی طرح بوجھ کو گھٹا گھٹا کر تجربہ کو دہراؤ۔

تار کے تجربہ کی طرح مشاہدات کو جدول کی شکل میں درج کرو۔ اور جیسا کہ تار کی جدول میں حساب لگایا گیا ہے یہاں بھی ۶ کلو گرام وزن و کی وجہ سے اوسط جھکاؤ کی قیمت ما دریافت کرو۔

دھاردار کناروں کے درمیان شہتیر کا طول ناپ لو اور ساتھ ساتھ اُس کی چوڑائی اور موٹائی کی بھی پیمائش کرو۔

فرض کرو کہ طول = ل، چوڑائی = ج، موٹائی = م، تو یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ مستطیلی تراش عمودی والی سلاخ کے لئے مرکز کے جھکاؤ ما اور بوجھ و اور سلاخ کے ابعاد کے درمیان حسب ذیل رشتہ ہے :-

$$\frac{W}{L^3} = \frac{M}{J^3}$$

جہاں ی شہتیر کے مادہ کے لئے ینگ کا مقیاس ہے رشتہ بالا کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں کہ

$$\frac{W}{L^3} = \frac{M}{J^3}$$

اور اس مساوات سے ینگ کے مقیاس کی قیمت دریافت کرو۔

مشاہدوں سے نتیجہ نکلنے کا ایک اور طریقہ حسب ذیل ہے :-

بوجھ و، و، و وغیرہ کے جواب میں سلاخ کے مرکز کا جھکاؤ ما، ما، ما وغیرہ حاصل کرو اور خوارج قسمت $\frac{W}{L^3}$ ، $\frac{W}{L^3}$ ، $\frac{W}{L^3}$ وغیرہ کی اوسط قیمت $\frac{W}{L^3}$ کی اوسط قیمت ہوگی۔ اس اوسط قیمت کو ضابطہ ی = $\frac{L^3}{J^3}$ میں (ی) کے بجائے داخل کر کے ی کی قیمت محسوب کرو۔

و کو ڈائمنٹول میں ظاہر کرنا چاہیئے اور مساوات کی بائیں طرف والی بقیہ مقداروں کو سمجھوں میں

اس قسم کے تجربہ میں مزید مشق حاصل کرنے کے لئے ذیل کے تجربے تجویز کئے جاتے ہیں :-
تجربہ ۵۰۔ کسی معین بوجھ کے تحت میں

کسی شہتیر کے مرکز کا جھکاؤ اُس کے طول کے
مکعب کے متناسب ہے۔۔۔۔۔ اس دعوے کی
تصدیق کے لئے دھاردار کناروں کے درمیانی فصل کو بدل بدل کر طول
ل، ل، ل، ل، وغیرہ کے جواب میں مرکز کا جھکاؤ ل، ل، ل، ل، وغیرہ
دریافت کرو۔

ل، ل، ل، ل، وغیرہ کو آپس میں مساوی ہونا چاہیئے۔ اس
تجربہ میں اس بات کا لحاظ ضرور رہے کہ بوجھ ہر مرتبہ دھاردار
کناروں کے درمیان شہتیر کے وسطی نقطہ پر عمل کرے۔
جس سے ۱۵۔۔۔۔۔ مستطیلی شہتیر کی سختی، اُس کی چوڑائی

کے متناسب اور اُس کی موٹائی (عمیق) کے
مکعب کے متناسب ہے۔ دھاردار کناروں کے
درمیانی فصل کو مستقل رکھ کر شہتیر پر کسی معین بوجھ کے تحت میں
ماکی قیمت دریافت کرو۔ مگر شہتیر پہلے 'چپٹے' بازو کے سہارے قائم
رہے اور اُس کے بعد اپنے کنارے کے سہارے پہلی صورت
میں 'چپٹا بازو' چوڑائی (ج) ہے اور کنارے اُس کی موٹائی (م)
ہے۔ اور یہ مقداریں دوسری صورت میں آپس میں بدل جاتی ہیں۔
دکھاؤ کہ دونوں صورتوں میں مقدار ج م م مستقل قیمت رکھتی

ہے۔

برآمدہ بیرم کے لئے نیگ کامقیات

برآمدہ بیرم ایک ایسے بوجھل (Loaded) بیرم کو
کہتے ہیں جس کا ایک سہرا افقاً ثابت رہتا ہے۔ اور دوسرا سہرا
آزاد۔

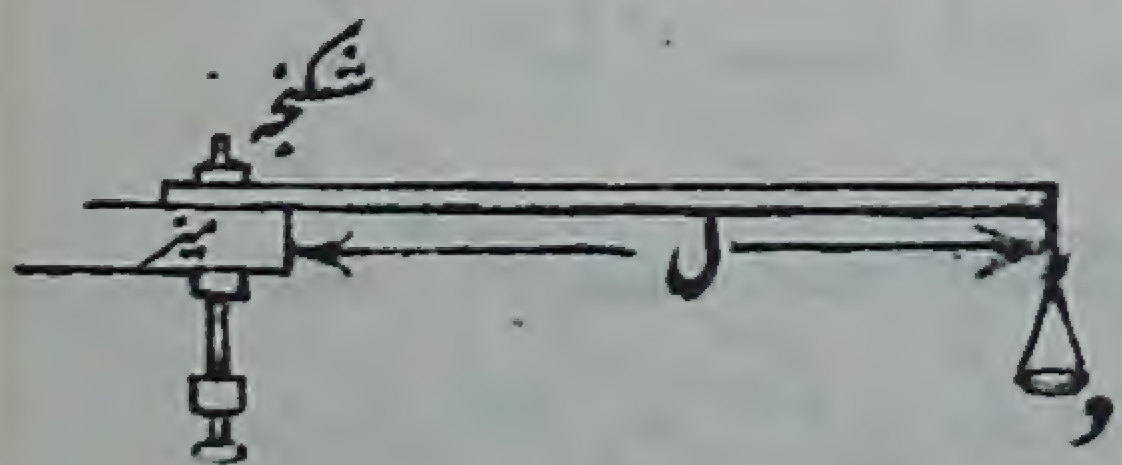
اگر برآمدہ بیرم کے آزاد سرے سے بوجھ و لٹک رہا ہو تو
اُس سرے کے جھکاؤ ماکی قیمت مندرجہ ذیل مساوات سے

حاصل ہوتی ہے۔

ما = $\frac{۴}{۳}$ ول

ی ج م

بشرطیکہ شہتیر کی تراشش اعمودی مستطیلی ہو۔
تجربہ ۵۔ برآمدہ بیرم کے لئے نیگ کے
مقیاس کی تعیین — کسی میتری پیمانے کو میز پر شکبجہ
کے ذریعہ اس طرح جکڑو کہ اُس کا آزاد سہارا میز کے کنارے
سے ۹۰ سمر تک اُفقاً باہر نکلا رہے۔ پیمانہ کے آزاد سرے سے
مختلف بوجھ لٹکاؤ۔ اور ہر ایک



بوجھ کے جواب میں اس سرے
کے جھکاؤ کی پیمائش کرو۔
اس جھکاؤ کی پیمائش کے لئے
دو ٹیکنوں پر سہارے ہوئے
شہتیر کے لئے جو طریقے اوپر

بیان کئے گئے ہیں اُن میں سے شکل ۶۔ برآمدہ بیرم کے لئے نیگ کا مقیاس

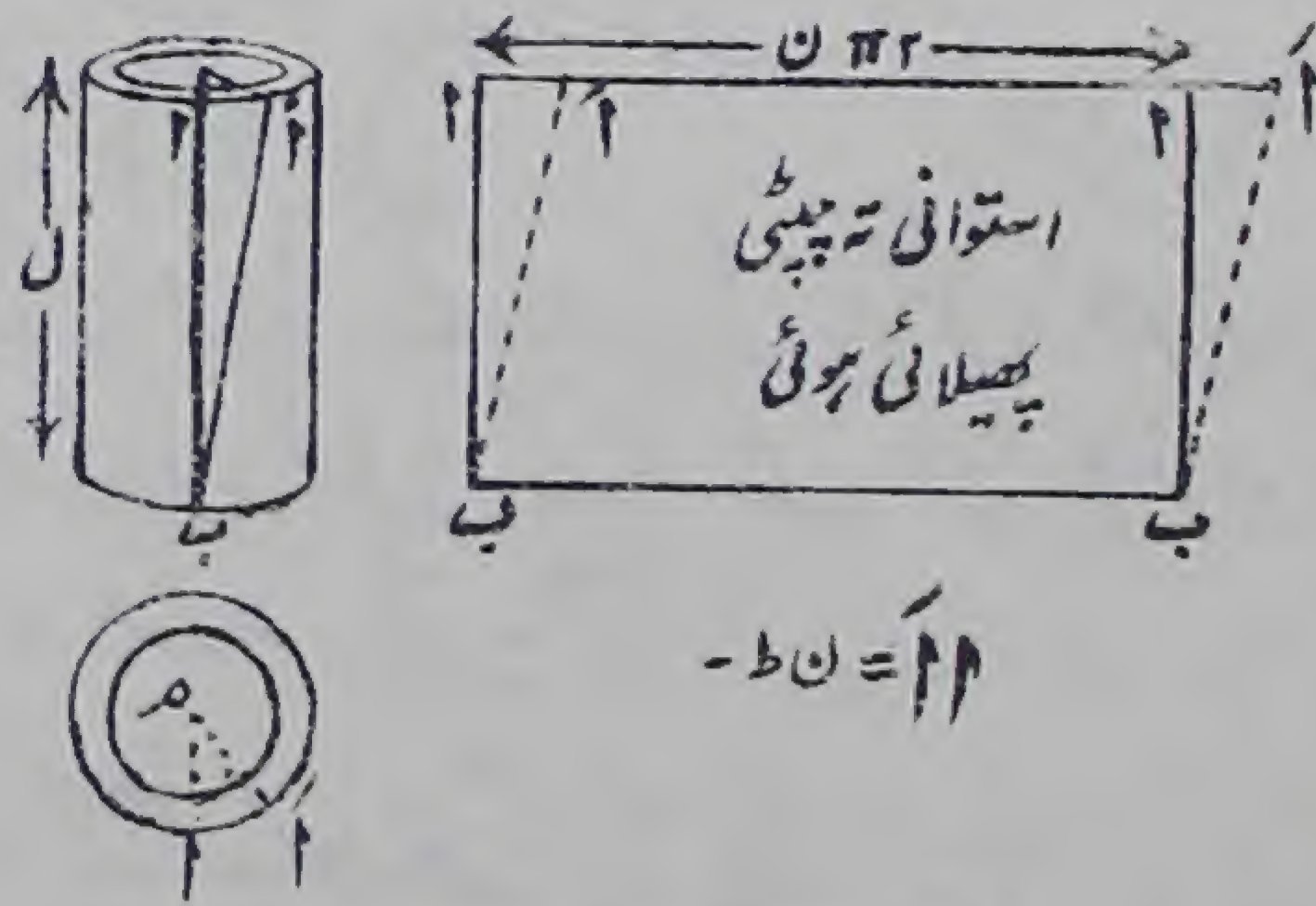
کوئی ایک طریقہ یہاں اختیار کیا جاسکتا ہے
میز سے باہر نکلے ہوئے شہتیر کے حصہ کی لمبائی ناپو اور
بعد اس کے شہتیر کی چوڑائی اور موٹائی بھی دریافت کرو۔ اب
مندرجہ بالا مساوات کی مدد سے نیگ کے مقیاس کی قیمت
اخذ کرو۔

۳۔ اُستواری کا مقیاس

اُستوانی تار کی شکل کی شے کے لئے اُستواری کا مقیاس۔
فصل ہذا کی ابتداء میں اُستواری کے مقیاس کی تعریف

کی جاچکی ہے اور اُس میں ایک ایسے کُندے کی مثال لی گئی تھی جس کا نیچے والا حصہ تو ثابت تھا اور اوپر والی سطح پر یکساں پھیلی ہوئی ایک مماسی جزی قوت قی لگائی گئی تھی۔ ربرٹ کے سوا کسی اور شے کی استواری کا مقیاس اس طرح دریافت کرنا ناممکن ہے کیونکہ تجربہ خانوں میں میسر آنے والی کوئی عملی قوت قی سے پیدا شدہ بگاڑ ب اس قدر کم ہوتا ہے کہ اُس کی پیائش نہیں ہو سکتی۔

تار کا مروڑ۔ جب کبھی کسی تار کے ایک سرے پر جُفت لگایا جائے اور اُس کا دوسرا سر ثابت رکھا جائے تو تار مذکور میں ایک ایسا مروڑ پیدا ہوگا جس کا زاویہ لگائے ہوئے مروڑی جُفت کے متناسب ہے۔



شکل ۶۲۔ تار کا مروڑنا

تار ایسا تصور کیا جاسکتا ہے جو چند تیلی ہم مرکز استوانی تہوں سے بنا ہوا ہو جب کبھی تار مروڑا جاتا ہے تو ان تہوں میں سے ہر ایک تہ جزی حالت میں آجاتی ہے۔ پس جبکہ تار کا اوپر والا سر زاویہ ط تک مروڑا جاتا ہے تو ذروں کی وہ تہ جو ابتداءً اب پر واقع رہتی ہے نقطہ دار خط اب پر منتقل ہو جاتی ہے۔

(شکل ۶۲ ملاحظہ ہو)۔

اگر مذکورہ بالا اُستوانی تہ کو پھیلا کر چپٹا کر دیا جائے تو تار میں مروڑ پیدا ہونے کے قبل وہ تہ ایک مستطیلی چادر کی شکل اختیار کر لیگی۔ اور مروڑ پیدا ہونے کے بعد اُس کی شکل نقطہ دار شکل آ ب ب ا کی طرح ہو جائیگی۔ مروڑ کا زاویہ تار کے ابعاد اور مروڑ پیدا کرنے والے جفت کے درمیان جو باہمی تعلق ہے وہ ذیل کے رشتہ سے ظاہر کیا جاسکتا ہے :-

$$ج = \frac{\pi s n^2}{l}$$

جہاں ج = مروڑ پیدا کرنے والا جفت

س = اُستواری کا مقیاس

ن = تار کا نصف قطر

ط = مروڑ کا زاویہ نیمقطریوں میں

ل = تار کا طول

عام طور پر مروڑ کے زاویہ کی پیمائش درجوں میں ہوتی ہے۔ فرض کرو کہ ل طول کے تار میں مروڑ کا زاویہ θ° ہے۔

تو ط نیمقطریاں = $\theta^\circ \times \frac{\pi}{180}$

$$ج = \frac{\pi s n^2}{l} \left(\frac{\pi \theta^\circ}{180} \right)$$

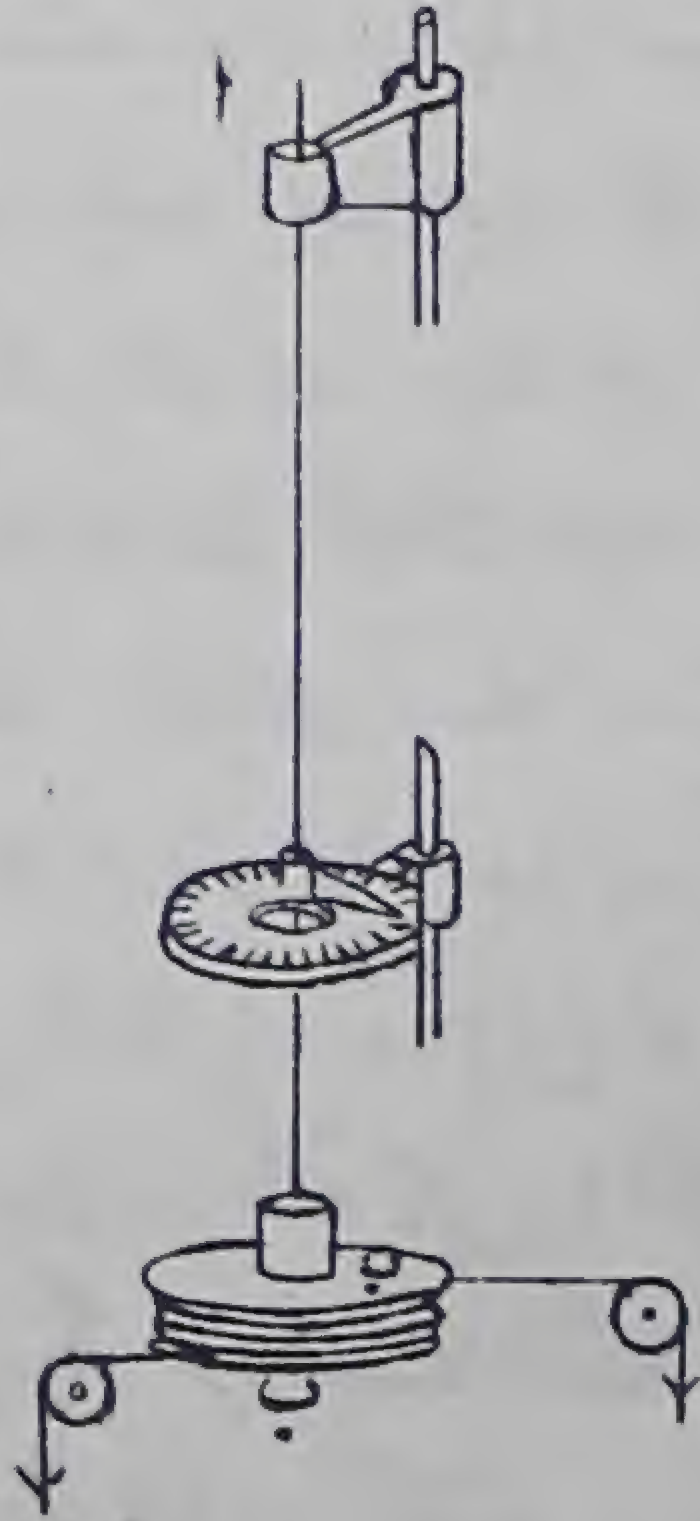
$$ج = \frac{\pi^2 s n^2 \theta^\circ}{180 l}$$

تار کو مروڑ کر اس کے اُستواری کے

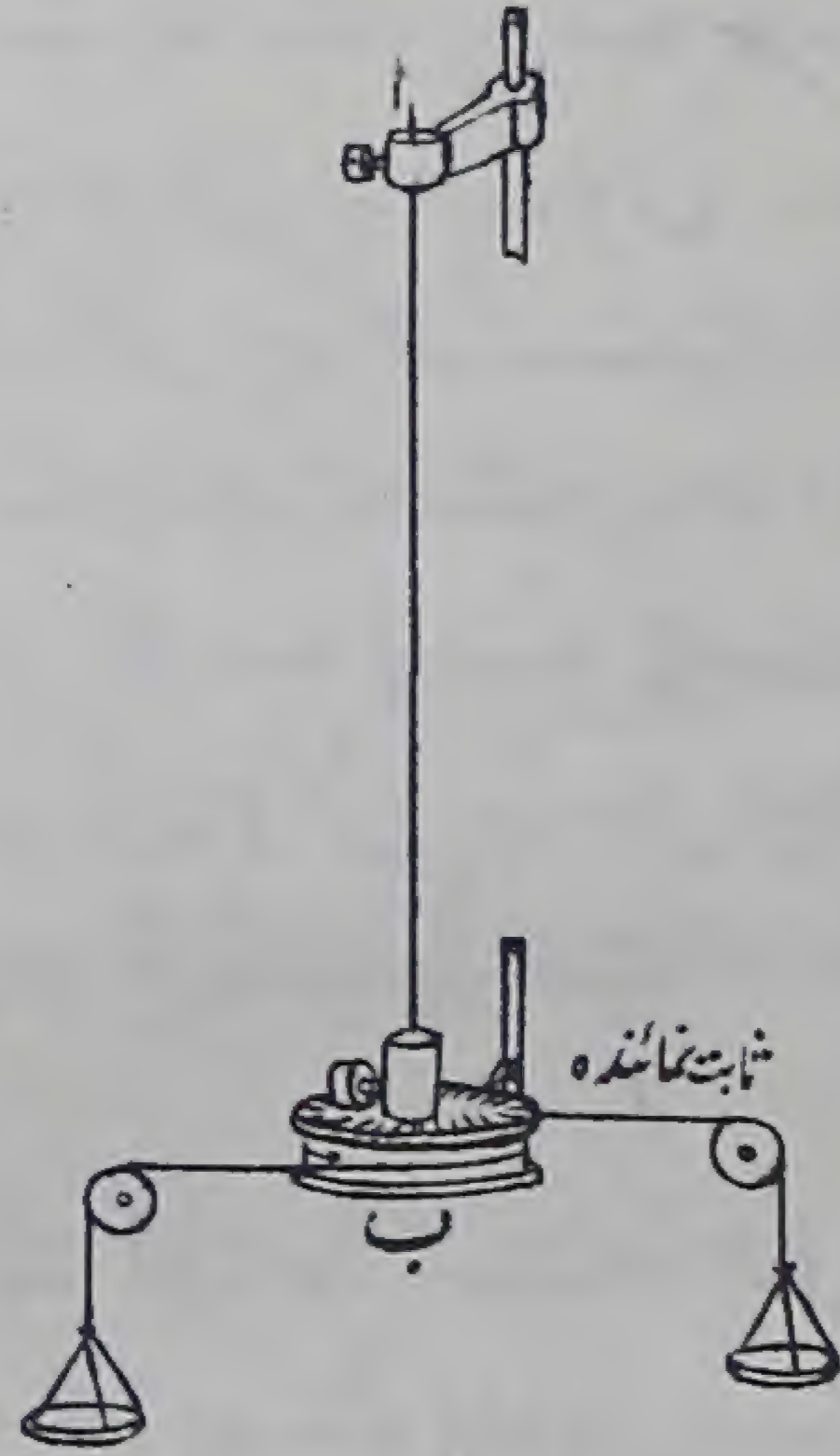
مقیاس دریافت کرنے کا آلہ۔

اس آلہ میں اشکال ۶۳ اور ۶۴ کی طرح تار انتصاباً قائم کیا جاتا ہے یا شکل ۶۵ کی طرح انقطاع تار کا ایک سہرا کسی

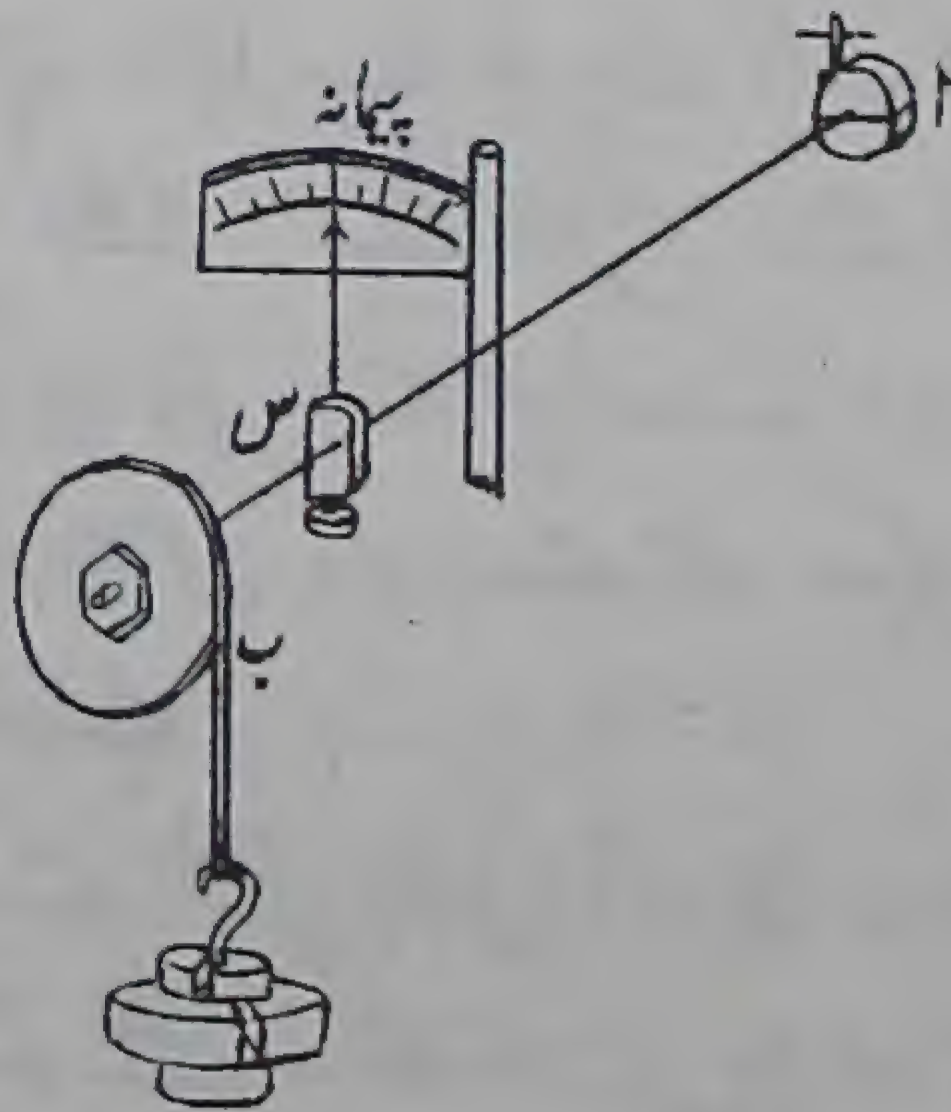
سہارنے والے ڈبھانچے سے مضبوطی کے ساتھ جکڑا رہتا ہے۔ اور دوسرا



شکل نمبر (۶۳)



شکل نمبر (۶۴)



شکل نمبر (۶۵)

سہرا تار کو اپنی جگہ پر قائم رکھنے کے لئے ایک موزوں ثابت حلقہ سے گزارا جاتا ہے اور یہ سہرا حلقہ سے گزرنے کے بعد چرنی ب کے وسط سے باندھ دیا جاتا ہے۔ چرنی سے بندھے ہوئے سرے کے قریب ایک ایسا پیمانہ لگا ہوا ہوتا ہے جس پر زاویوں کے درجوں کے نشانات بنے ہوتے ہیں اور جس پر تار سے چسپاں ایک نمائندہ حرکت کر سکتا ہے۔ اور اس کے ذریعہ ثابت سرے اور نمائندہ کے درمیان کے تار میں چرنی پر لگائے ہوئے جُفت کی وجہ سے جو مروڑ فہ پیدا ہوتی ہے اس کی پیمائش بہ آسانی ہو جاتی ہے۔ بعض اوقات درجوں کا پیمانہ چرنی پر چڑھا دیا جاتا ہے اور نمائندہ مذکور کو ثابت رکھتے ہیں (شکل ۷۷)۔

تار کو مروڑنے کے لئے جو جُفت لگایا جاتا ہے وہ چرنی پر لپیٹی ہوئی ڈوریوں کے سروں کے ذریعہ لٹکے ہوئے وزنوں سے پیدا ہوتا ہے، جیسا کہ شکلوں سے ظاہر ہے۔ اس امر کے لئے متوازی اور متضاد سمتوں میں دوساوی قوتوں کا استعمال قابل ترجیح ہے کیونکہ اس صورت میں تار دائیں بائیں کو نہیں کھینچتا۔ اگرچہ اس حالت میں جبکہ تار افقاً کھینچا رہتا ہے صرف ایک ہی قوت استعمال کی جاتی ہے جیسا کہ شکل ۷۸ سے واضح ہے۔ اس بغلی (دائیں بائیں) کھینچاؤ کی وجہ سے سہارے اور تار کے درمیان رگڑ عمل میں آ جاتی ہے اور اس وجہ سے تار کے آزادانہ مڑنے میں رکاوٹ پیدا ہو جاتی ہے

د قطر کی چرنی پر سے لپیٹی ہوئی ڈوری کے ذریعہ کمیتوں کے دو مادوں کے لٹکنے سے تار میں جو مروڑی جُفت پیدا ہوتا ہے اس کی قیمت ذیل کے رشتہ سے معلوم ہوتی ہے:-

$$ج = ک ج د$$

(جہاں ج اسراع، وجہ جاؤ بڑ زمین ہے)

اگر صرف ایک ہی ڈوری استعمال کی جائے تو

$$\frac{\text{ک ج د}}{\text{ج}} =$$

ہم کو پہلے سے معلوم ہے کہ

$$\frac{\text{ج} = \frac{\text{ا}^2 \text{ن}^2 \text{س}}{\text{ل} ۳۶۰} \text{ فہ}}$$

اس لئے اُس صورت کو غور کرتے ہوئے جب چرخہ پر دو
ڈوریوں سے مساوی کمیتوں کے دو مادے لٹکے ہوئے
ہوں

$$\frac{\text{ج} = \text{ک ج د}}{\frac{\text{ا}^2 \text{ن}^2 \text{س}}{\text{ل} ۳۶۰} \text{ فہ}}$$

$$\text{س} = \frac{\text{ل} ۳۶۰ \text{ ج د}}{\text{ا}^2 \text{ن}^2 \text{س}} - \left(\frac{\text{ک}}{\text{وہ}} \right) \dots \dots \dots (۱)$$

اگر صرف ایک ہی ڈوری چرخہ سے لگی ہو اور ک کیت
کا ایک مادہ لٹکتا ہو تو

$$\frac{\text{ج} = \text{ک ج د}}{\frac{\text{ا}^2 \text{ن}^2 \text{س}}{\text{ل} ۳۶۰} \text{ فہ}}$$

$$\text{یعنی س} = \frac{\text{ل} ۱۸۰ \text{ ج د}}{\text{ا}^2 \text{ن}^2 \text{س}} - \left(\frac{\text{ک}}{\text{وہ}} \right) \dots \dots \dots (۲)$$

تجربہ ۳۵۔ تار کی استواری کے مقياس
کی تقسیم۔ سب سے پہلے نمائندہ س کا صفری مقام
پر رکھ لو یعنی نمایندہ کا پیمانے پر وہ مقام جبکہ تار میں کوئی
مردی جفت عمل نہ کرے۔ ڈوریوں کے ذریعے مختلف بوجھ
لٹکا لٹکا کر ان بوجھوں کے جواب میں تار کے مردے کے زاویے
قلمبند کر لو۔ بوجھ کو حسب دستور بتدریج مساوی مقداروں میں
بڑھانا چاہئے۔ اگر مرد پیدا کرنے کے لئے دو ڈوریاں استعمال
کی جائیں تو ایسی صورت میں ہر ایک ڈوری سے مساوی بوجھ

لٹکانا چاہیئے۔ جُفت کے بڑھتے اور گھٹتے وقت مروڑ کے زاویے قلمبند کرنے چاہئیں۔ جُفت کے بڑھنے اور گھٹنے کی دونوں صورتوں میں کسی جُفت کے زیرِ تحت مروڑ کے زاویہ کی قیمت ایک ہی ہونی چاہیئے اگر یہ صورت حال نہ ہو تو یہ سمجھنا چاہیئے کہ آیا تار لچک کی انتہا سے گذر چکا ہے یا اُس کے سہرے کافی طور پر جکڑے ہوئے نہیں ہیں۔ ان نتائج کو رد کر کے تجربہ کو پھر نئے سرے سے دہرانا چاہیئے۔ مگر اس مرتبہ استعمال شدہ بوجھ اس قدر کم ہو کہ بڑھتے اور گھٹتے جُفت کے تحت میں مروڑ کے زاویوں کی قیمت یکساں رہے۔ (تجربہ کی غلطی کے حدود کے اندر)۔

چرخہ ب کا قطر تار کا نصف قطر اور فصل ۱ اس جو ثابت سہرا اور نمایندہ کے درمیان واقع ہے نابو اور مشاہدات کو حسب ذیل جدول کی شکل میں ترتیب دو:-

ک فہ	اوسط زاویہ مروڑ فہ	زاویہ مروڑ فہ درجوں میں		(ہر دوری پر بوجھ ک
		گھٹتا ک	بڑھتا ک	

اوسط ک = سم
تار کا طول ۱ سے ۱۱ تک = ل = سم
تار کا نصف قطر (م تعینوں کا اوسط) = ن = سم
چرخہ ب کا قطر = د = سم

اگر چاہو تو لٹکنے والی کمیتوں میں ک اضافہ کے تحت میں فہ درجہ کی اوسط قیمت اُس طریقہ سے دریافت کرو جیسا کہ ینگ کے مقیاس کی تئیین کے بیان میں بتایا جا چکا ہے۔
مندرجہ بالا مساوات (۱۱) یا (۱۲) میں کپ کی اوسط قیمت رکھ کر س کی قیمت محسوب کرو۔
بعد ازاں ایک ایسا منحنی تیار کرو جس سے یہ معلوم ہو جائے کہ زاویہ مروڑ فہ اور ک میں کیا تعلق ہے۔

کمانی کی تعمیر اور تعمیر شدہ کمانی کو ترازو

کی طرح استعمال کرنے کا طریقہ۔

کلیدھوک (یعنی تناؤ، بڑھاؤ کے متناسب ہے) کا اطلاق عام ہے۔ حتیٰ کہ اُس حالت میں بھی جب کہ جسم میں پیدا شدہ بگاڑ متذکرہ بالا صورتوں کے فساد کے مقابلہ میں اتنا آسان نہیں۔
مثال کے طور پر ایک خاص تجربہ جس میں فساد کی شکل آسان نہیں ایک ایسی مرغولہ دار کمانی کا تجربہ ہے جس کے محور پر تناؤ عمل کرتا ہے۔ اور محور کے متوازی رکھے ہوئے کسی پیمانے پر ایک نمائندہ کمانی کی درازی کا اظہار کرتا ہے۔ اور یہ درازی لگائی ہوئی قوت کے ٹھیک متناسب ہوتی ہے۔
موجودہ تجربہ کا مقصد ایک کمانی دار ترازو کی تعمیر کرنا ہے۔ یعنی یہ بات دریافت طلب ہے کہ کمانی کو کھینچ کر اُس میں لگے ہوئے نمائندہ کو مذکورہ بالا پیمانے کے کسی خاص نقطہ پر لانے کے لئے کتنی قوت درکار ہوگی۔

تجربہ ۵۴۔ کمانی دار ترازو کی تعمیر۔ اس

مقصد کے لئے جو آلہ استعمال کیا جاتا ہے وہ ایک ایسے

دھاتی یا چوبی ڈھانچے پر مشتمل ہے جس کے ایک کنارے سے مرغولہ دار کمانی کا ایک سر بندھا رہتا ہے۔ اور کمانی کے دوسرے سر سے ایک ایسا نمائندہ لگا رہتا ہے جو ڈھانچہ مذکور سے جکڑے ہوئے پیانے پر آزادانہ حرکت کر سکے۔ کمانی کے نمائندہ والے سرے سے ترازو کا ایک پلڑا لٹکایا جاتا ہے۔

ڈھانچہ کو اس طرح قائم کرو کہ کمانی اور پیانہ انتصاباً رہیں۔ اور نمائندہ پیانہ کو عین چھوٹا رہے۔ اب نمائندہ کا صفری مقام پڑھ لو یعنی پیانے پر نمائندہ کا وہ مقام جبکہ کمانی سے کوئی بوجھ نہ لگتا ہو۔ اس کے بعد تدریج بڑھتے ہوئے بوجھ کے تحت میں نمائندہ کے مختلف مقامات کو پڑھ لو۔ اور ان نتائج کو جدول کی شکل میں مرتب کرو۔ یہ یاد رہے کہ بوجھ لچک کی انتہا سے بڑھنے نہ پائے۔ اور اس بات کا بھی لحاظ رہے کہ نمائندہ پیانے کی حد سے باہر نہ نکل جائے کیونکہ عموماً پیانے کا طول اتنا رکھا جاتا ہے جو زیادہ سے زیادہ جائز (یعنی لچک کی انتہا تک) حرکت کی تعبیر کر سکے۔

بوجھ کو فصلے مان کر اور پیانے کی درجہ خوانیوں کو معین قرار دے کر مشاہدوں کے نتیجوں کی مربع دار کاغذ پر ترسیم کرو۔ اس بات کا خیال رہے کہ ترسیم جتنے بڑے پیانے پر کھینچی جائیگی اتنی ہی وہ بہتر ہوگی۔

اگر فساد بوجھ کے ٹھیک متناسب ہو تو ترسیبی نقطے ایک ہی خط مستقیم پر واقع ہونے چاہئیں۔

ایک ایسا خط مستقیم کھینچو جو مشہودہ نقطوں سے ہو کر گزرے۔ اب یہ ترسیم کسی غیر معلوم بوجھ کو دریافت کرنے کے لئے استعمال کی جاسکتی ہے۔ کمان سے لگے ہوئے غیر معلوم بوجھ کی وجہ سے جو کھنچاؤ واقع ہوتا ہے اس کو دریافت کرو اور ترسیم میں اس کھنچاؤ کا جوابی بوجھ پڑھ لو۔

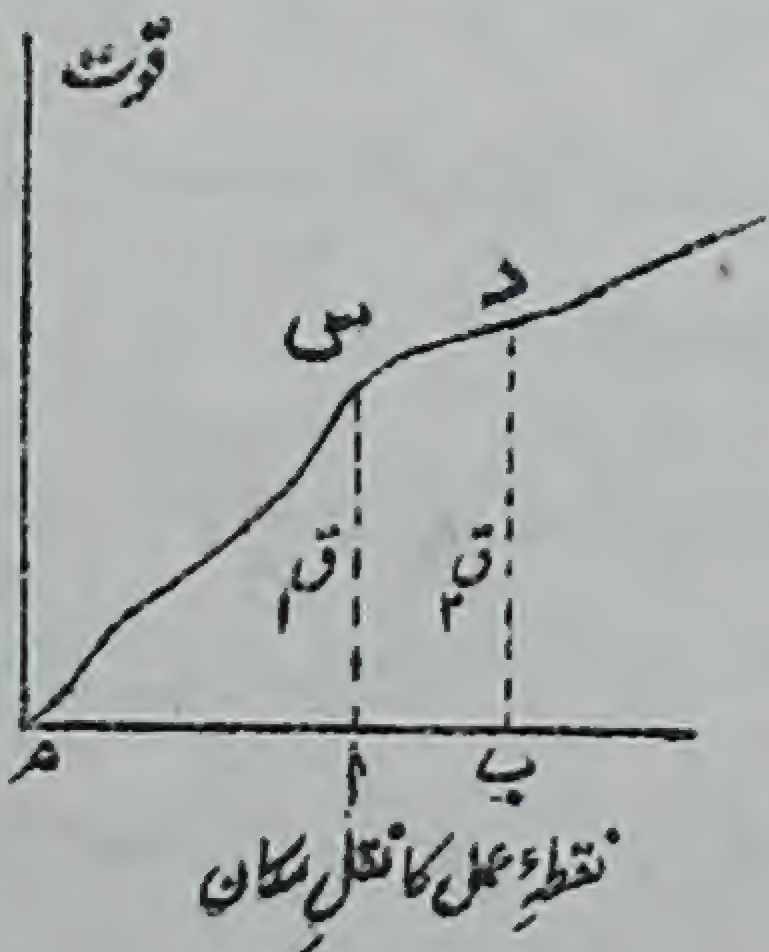
۴۔ ایسے جسم کی توانائی جس میں فساد پیدا ہو گیا ہو۔

جب کسی قوت سے جسم کی شکل بگڑ جاتی ہے تو بگاڑ پیدا کرنے والی قوت کسی خاص فصل تک عمل کر چکی ہوتی ہے۔ اور اس لئے اس قوت نے جسم پر ایک خاص مقدار کا کام کیا ہے اور یہ کام بشکل فساد کی توانائی جسم میں جمع ہو جاتا ہے۔ اس گت کے نظام میں کام کی اکائی ارگ ہے یعنی جب ایک ڈائمین کی قوت کا نقطہ عمل ایک سمر فاصلہ طے کرے تو اس سے جو کام ہوتا ہے اس کو اسگ کہتے ہیں۔

جب کبھی کسی ایسی قوت قی ڈائمین کے زیر عمل جو بہ آہستگی لگائی گئی ہو تار کے طول میں ل سمر کا کھنچاؤ پیدا ہو جائے تو ہم کو بظاہر یہ معلوم ہو گا کہ قوت قی نے پورے فصل ل تک عمل کیا ہے اور یہ بھی خیال ہو گا کہ فساد کی کیفیت کی وجہ سے کام کو بمقدار قی ل ارگ جسم میں جمع ہو جانا چاہیے۔ مگر حقیقت حال یہ ہے کہ پوری قوت قی اس وقت تک عمل میں نہیں آتی جب تک کہ طول میں پوری درازی ل واقع نہ ہو جائے۔ قوت کو آہستگی سے لگانے کا مفہوم یہ ہے کہ سب سے پہلے قوت کا بڑا حصہ مشاہد خود سنبھال لیتا ہے اور لگائی ہوئی قوت کی صرف ایک چھوٹی کسر تار پر عمل کرتی ہے۔ جیسے جیسے تار کھینچتا جاتا ہے مشاہد کو آہستگی کم قوت سنبھالنی پڑتی ہے اور قوت کا وہ حصہ جسے تار خود سنبھالتا ہے برابر بڑھتا جاتا ہے یہاں تک کہ جب تار میں پورا کھنچاؤ پیدا ہو جاتا ہے تو اس پر ساری قوت قی عمل کرنے لگتی ہے۔

جس وقت قوت قی عمل کر رہی تھی تو بلاشبہ اس قوت نے قی ل ارگ کے مساوی کام کیا تھا۔ مگر اس کام کے حصہ کو تو مشاہد نے قوت کو بہ آہستگی عمل میں لانے کی وجہ سے صرف کیا اور پورے کام

قیل کا صرف ایک حصہ تار میں داخل ہوا۔ دراصل دونوں میں سے ہر ایک نے توانائی قیل کا نصف حصہ جذب کر لیا ہے۔



شکل ۶۶

ایک ایسی متغیر قوت ق کے کام پر غور کرو جس کی مقدار اس کے نقطہ عمل کے نقل مکان کے ساتھ ساتھ بدلتی جاتی ہے جیسا کہ شکل ۶۶ میں دکھایا گیا ہے۔ شکل ۶۷ میں ایک غیر منتظم منحنی (جس سے قوت کی کسی خاص کیفیت کا اظہار نہیں ہوتا) اس وجہ سے کھینچا گیا ہے کہ اس کے ملاحظہ سے حاصل شدہ نتائج عام طور پر صحیح سمجھے جائیں۔

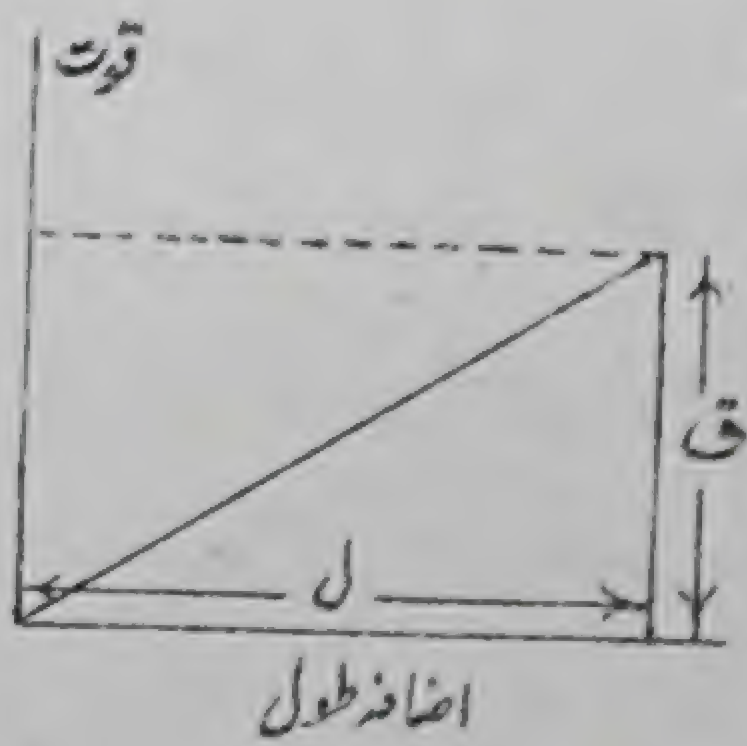
جب نقطہ عمل ۲ پر رہتا ہے تو قوت کی مقدار ق_۱ ہے جس کی تعبیر ۱ اس سے ہوتی ہے۔ نقطہ عمل کو ب تک لانے میں قوت کی مقدار بڑھ کر ایک ایسی قیمت ق_۲ اختیار کر لیتی ہے جس کی تعبیر ۲ د سے ہوتی ہے۔ اثنائے نقل مکان میں قوت کی اوسط قیمت

$$\bar{Q} = \frac{Q_1 + Q_2}{2}$$

یہ ظاہر ہے کہ اس نقل مکان کی وجہ سے جو کام ہوتا ہے اس کی قیمت ق_۱ x ۲ ب کے برابر ہے اور اس کی تعبیر ایک ایسے رقبہ ۲ ب س د سے ہوتی ہے جو منحنی کے نیچے دو زیر بحث معینوں کے درمیان واقع ہے۔

اسی طرح کسی دوسرے نقل مکان کی وجہ سے جو کام ہوگا اس کی بھی تعبیر منحنی کے نیچے کے ایک متشابه رقبہ سے ہو سکتی ہے۔

پس کسی نقل مکان کے لحاظ سے کُل کام کی تعبیر اس رقبہ سے ہوگی جو منحنی کے نیچے مبدا سے لے کر نقطہ زیر غور پر کے معین تک واقع ہو۔ مندرجہ بالا قاعدہ، قوت اور نقل مکان کی کسی باہمی ترسیم کے لئے درست ہے خواہ قوت کسی طرح بدلتی ہو۔



شکل ۶۷۔ کسی تار میں مساوی توانائی

فسادوں کی بحث میں بڑھاؤ پیدا کرنے والی قوت، پیدا شدہ بڑھاؤ کے تناسب رہتی ہے اس لئے قوت اور نقل مکان کی باہمی ترسیم خط مستقیم سے ہوگی۔ اور اس صورت میں منحنی کے نیچے مبدا اور کسی خاص نقل مکان کے جوابی معین کے درمیان والا رقبہ

مشابہ ہوگا۔ اور یہ رقبہ $\frac{1}{2} QL$ کے مساوی ہے (شکل ۶۷)۔

لہذا جب ایک قوت Q تار میں L سم کا بڑھاؤ پیدا

کرتی ہے تو اس تار کی مساوی توانائی $\frac{1}{2} QL$ کے مساوی ہے۔

اگر مساوی توانائی کی تعبیر سے کی جائے تو

$$ت = \frac{1}{2} QL = \frac{1}{2} \times \text{کھینچنے والی قوت} \times \text{اضافہ طول}$$

معمولی سیدھے تار کے لئے کسی سارے تجربے سے

یہ ثابت کرنا کہ $ت = \frac{1}{2} QL$ ناممکن ہے مگر مرغولہ دار کمانی کے ذریعہ اس دعوے کی صحت کی تشریح بہ آسانی ہو سکتی ہے۔

مرغولہ دار کمانی میں جمع شدہ توانائی، کمانی کی قوت اور

اُس کے اضافہ عمودی طول کے حاصل ضرب کے برابر ہوتی ہے۔

قوت کا یہ آہستگی لگانا ک۔ کمیت کے ایک مادے کو تار کی کمانی پر اس طرح لٹکنے دو کہ اُس کا وزن تار پر تبدیلیج عمل میں آئے۔ اور فرض کرو کہ اس وزن کی وجہ سے کمانی میں l کا بڑھاؤ پیدا ہو گیا۔ اب کمانی کی عمل کردہ قوت Q ہے اور چونکہ کمانی کے سرے پر لٹکی ہوئی کمیت k بے حرکت رہتی ہے اس لئے $Q = k \cdot x$ (جہاں x اسراع بوجہ جانچنے زمین ہے)۔

اب ہم یہ دکھانا چاہتے ہیں کہ کمانی میں جمع شدہ فساد توانائی کی مقدار $k \cdot x^2$ ق۔ ل۔ قوت کا دفعہ لگانا — فرض کرو کہ ہم ایک کمیت k کو کمانی کے آزاد سرے سے باندھ کر ایک سہارے پر اس طرح قائم رکھیں کہ کمانی میں ذرا سا بھی فساد نہ ہونے پائے۔ اب اگر سہارے کو ایک بیک ہٹالیا جائے تو کمیت k کا کل وزن کمانی پر عمل کرنے لگیگا۔ جیسے جیسے کمانی بڑھتی ہے گرنے والی کمیت کی توانائی بالقوہ کچھ تو کمیت نہ اکی توانائی بالفعل سے بدل جاتی ہے اور کچھ کمانی میں بطور فساد توانائی جمع ہو جاتی ہے۔ کچھ فصل طے کرنے کے بعد گرنے والی کمیت کی حرکت سست پڑ جاتی ہے اور آخر کار فصل l تک گرنے کے بعد وہ لمحہ لچھرا کے لئے سکون میں آ جاتی ہے۔

اب چونکہ اس میں کوئی توانائی بالفعل باقی نہیں رہی اس لئے مادے کے پہلے بار ساکن ہونے کے وقت اُس کے گرنے کی وجہ سے توانائی بالقوہ میں جو نقصان ہوتا ہے وہ کمانی میں بشکل فساد توانائی جمع ہو جاتا ہے۔

ماؤہ کم کے گرنے کی وجہ سے توانائی بالقوہ کا نقصان کم ج ل کے مساوی ہے اور اس لئے ہمیں معلوم ہے کہ جب کمانی ل فصل تک پہنچ جائے تو اس میں جمع شدہ فسادی توانائی کم ج ل آرگ کے برابر ہوگی۔

اگر کم کو ہم اس طرح ٹھیک کریں کہ اس کے دفعہ گرانے میں کمانی کا زیادہ سے زیادہ بڑھاؤ اتنا ہی ہو جتنا کہ کم کو آہستگی سے گرانے میں تو ہم اس طریقہ سے مساوات $ت = \frac{1}{2} ق ل$ کی تصدیق بہ آسانی کر سکتے ہیں۔ جب دونوں صورتوں میں کمانی کے بڑھاؤ ایک ہی ہوں تو $ل = ل$ اور کمانی کی توانائی $ت = کم ج ل$ اور کمانی کا تناؤ $ق = کم ج$ ۔ اگر تجربہ سے یہ حاصل ہو جائے کہ کم $\frac{1}{2} کم$ تو تجربہ سے اس امر کی تصدیق ہو جائیگی کہ اگر قوت ق سے جسم کے طول میں ل کا بڑھاؤ پیدا ہو جائے تو بگڑے ہوئے جسم میں $\frac{1}{2} ق ل$ کے برابر فسادی توانائی جمع ہو جاتی ہے۔

تجربہ ۵۵۔ مرغولہ دار کمانی کی توانائی کی تعیین۔

مرغولہ دار کمانی سے ترازو کا پلاؤ اچھا کر لو۔ (اگر پلاؤ نہ جدا کیا جائے تو اس کی کمیت دونوں کمیتوں کم اور کم میں شریک کر لینی چاہیے)۔ اتنا کافی بوجھ کمانی سے بہ آہستگی لٹکاؤ جو کمانی کو پیمانے کے تقریباً آخری درجہ تک بڑھا دے۔ اس مستقل بڑھاؤ اور استعمال شدہ بوجھ کم کی قیمتیں قلمبند کر لو۔

اب غیر فسادی حالت کی کمانی سے بندھے ہوئے ایک دوسرے بوجھ کم کو اس طرح ٹھیک کرو کہ جب وہ دفعہ گرایا جائے تو کمانی کا اب سے پہلا بڑھاؤ اتنا ہی ہو جتنا کہ پہلے تجربہ میں بوجھ کم کی وجہ سے پیدا ہوا تھا۔

مختلف بڑھاؤ حاصل کرنے کے لئے تجربہ کو دہراؤ۔ مشاہدات کو مندرجہ ذیل جدول کی شکل میں مرتب کرو۔

ک ک	بڑھاؤ پیدا کرنے والا بوجھ		بڑھاؤ ل سر
	(۱) ہستکی سے لگایا ہوا ک گرام وزن	(ب) دفعۃً لگایا ہوا ک گرام وزن	
۰.۵۴۸۶	۵۲	۱۰۶	۱۰۵۳
۰.۵۵۱۶	۴۵	۸۶	۸۵۴
۰.۵۴۹۳	۳۳	۶۶	۶۵۸
۰.۵۵۳۲	۲۵	۴۶	۴۵۵
۰.۵۵۵۵	۱۵	۲۶	۲۵۶

یہ معلوم ہو گا کہ $\frac{1}{50}$ تقریباً ۵.۰ کے برابر ہے۔ اور یہ بھی معلوم ہو گا کہ جتنا چھوٹا بوجھ یا بڑھاؤ استعمال کیا جائے اتنی ہی نتیجے میں صحت کم حاصل ہوگی چونکہ مشاہدات لینے میں جو غلطی واقع ہوتی ہے وہ قریب قریب سب تجربوں میں یکساں ہے اس لئے اگر مشہودہ کمیتوں کی مقداریں کم ہوں تو غلطی کی قیمت نسبتاً چھوٹی مقداروں میں زیادہ ہوگی۔

پس چونکہ $\frac{1}{50}$ کی قیمت ۵.۰ کے برابر پائی گئی ہے اس لئے (تجربہ کی غلطی کی حدود کے اندر) تجربہ سے اس دعوے کی تصدیق ہوگئی کہ $\frac{1}{50} = \frac{1}{50}$ ۔



فصل ہشتم

علم حرکت

۱۔ کلیات حرکت

اب تک ہم نے زیادہ تر یا تو ساکن مادوں پر بحث کی ہے یا حرکت واقع ہونے کی صورت میں ہم نے حرکت کے صرف نتیجوں پر غور کیا ہے نہ کہ نفس حرکت پر۔ علم حرکت کی بحث میں ہماری غرض خود حرکت سے اور حرکت پیدا کرنے والی قوتوں سے اور متحرک مادوں سے رہیگی۔

نیوٹن کے اول کلیہ حرکت میں خود قوت کی تعریف ان لفظوں میں ہے کہ قوت وہ ہے جو مادہ میں جسم کے حالت سکون یا ہموار حرکت کی حالت کے بدلنے کا تقاضا رکھتی ہے۔

قریب قریب تمام علم حرکت کی بحث یا تو کم و بیش براہ راست نیوٹن کے دوسرے کلیہ حرکت کی تشریح ہے یا کلیہ مذکورہ میں جن کمیتوں کا ذکر کیا جاتا ہے ان میں سے کسی نہ کسی ایک کمیت یا کمیتوں کی تحقیقات ہے۔

نیوٹن کا دوسرا کلیہ حرکت

کسی قوت کے زیر عمل جسم کی مقدار حرکت کی تبدیلی

قوت کی مقدار اور وقت عمل کے تناسب سے۔ اور یہ تبدیلی اسی سمت میں واقع ہوتی ہے جس میں قوت عمل کرتی ہے۔

مقدار حرکت یا حرکت کا معیار اثر۔ آج کل جسم

کی مقدار حرکت کو جسم کی "حرکت کا سیار اثر" کہتے ہیں اور اس کی تعریف یوں کی جاتی ہے کہ یہ جسم کے مادے کی کمیت اور اس کی رفتار کے حاصل ضرب کے مساوی ہے۔

جسم کی حرکت کے معیار اثر میں سمت اور مقدار دونوں ہوتی ہیں۔ اس بناء پر معیار اثر سمتی کمیت ہے۔

دوسرا کلیہ اس طرح بھی بیان کیا جاسکتا ہے کہ حرکت کے معیار اثر کی شرح تغیر قوت کے تناسب سے ہے۔

ہم قوت کی اکائی کی تعریف یوں کرتے ہیں کہ اکائی قوت حرکت کے معیار اثر میں اکائی شرح تغیر پیدا کرتی ہے۔ یا

قوت = حرکت کے معیار اثر کی شرح تغیر

اب اگر کوئی قوت کسی مستقل کمیت مادہ کے جسم پر عمل کرے تو اس کی حرکت کے معیار اثر میں جو تبدیلی واقع ہوگی وہ اس کی رفتار کے تغیر کا بالکل نتیجہ ہوگی۔ پس

قوت = کمیت مادہ \times رفتار کی شرح تغیر

= کمیت مادہ \times اسراع

حرکت کے معیار اثر کی بقا کا اصول

اگر دو اجسام ۱ اور ۲ ایک دوسرے کے عمل کے تحت میں اس طرح آجائیں کہ ۱ کے عمل سے ۲ کی حرکت میں یا ۲ کے

عمل سے ۱ کی حرکت میں تبدیلی واقع ہو جائے۔ تو یہ دونوں اجسام متصادم کہلاتے ہیں۔ اور یہاں تصادم کے لئے یہ ضروری نہیں کہ اجسام مذکور آپس میں مس کریں۔
حرکت کے معیار اثر کی بقا کے اصول کا یہ دعویٰ ہے کہ کسی تصادم میں بحیثیت مجموعی معیار اثر میں نہ کوئی نفع واقع ہوتا ہے نہ نقصان۔ یہ اصول نیوٹن کے تیسرے کلیہ حرکت سے محض نظری طور پر بغیر عملی تجربے کے ثابت کیا جاسکتا ہے۔ نیوٹن کا تیسرا کلیہ حرکت حسب ذیل ہے:۔

عمل اور رد عمل آپس میں متضاد ہیں۔ ہم یہاں اس اصول کی صرف تجربی تصدیق پر غور کریں گے۔ اور اثناء بحث میں ان تجربوں ہی کا بیان کریں گے جن میں فی الحقیقت جسمانی مس سے تصادم واقع ہوتا ہو۔ اور متصادم اجسام ایک ہی خط مستقیم میں حرکت کرتے ہوئے یہ ضروری ہے کہ متحرک اجسام کے مجموعی معیار اثر پر غور کرتے وقت ان کی سمت حرکت اور ان کے معیار اثر کی مقداروں کا لحاظ رکھا جائے۔ لہذا اگر دو اجسام اس طرح حرکت کریں کہ ان کی رفتاریں ایک ہی خط مستقیم میں بالترتیب ۲ اور ۱ ہوں۔ اور ایک جسم دائیں طرف اور دوسرا بائیں طرف حرکت کرے جس کی وجہ سے ایک جسم میں مثبت معیار اثر اور دوسرے میں منفی ہو تو مجموعی معیار اثر ہر دو اجسام مذکورہ کے معیار اثر کے مجموعی مجموعے کے مساوی ہو گا۔ یہ لازمی نہیں کہ کوئی خاص سمت مثبت یا منفی قرار دی جائے مگر اس بات کا لحاظ ضرور رکھا جائے کہ جب کسی خاص تجربے میں کوئی ایک سمت مثبت یا منفی مان لی جائے تو تمام تجربے کے دوران میں سمت مقررہ کے نام میں تبدیلی نہ ہونے پائے۔

فرض کرو کہ دو کمیتیں ۱ اور ۲ جو بالترتیب ۲ اور ۱ رفتاروں سے ایک ہی خط مستقیم میں حرکت کرتی ہوں آپس میں تصادم

کریں۔ اور فرض کرو کہ تصادم کے بعد ان کی رفتاریں بالترتیب p اور p' ہو گئی ہوں تو بقائے معیار اثر کے اصول سے

مجموعی معیار اثر قبل تصادم = مجموعی معیار اثر بعد تصادم یعنی

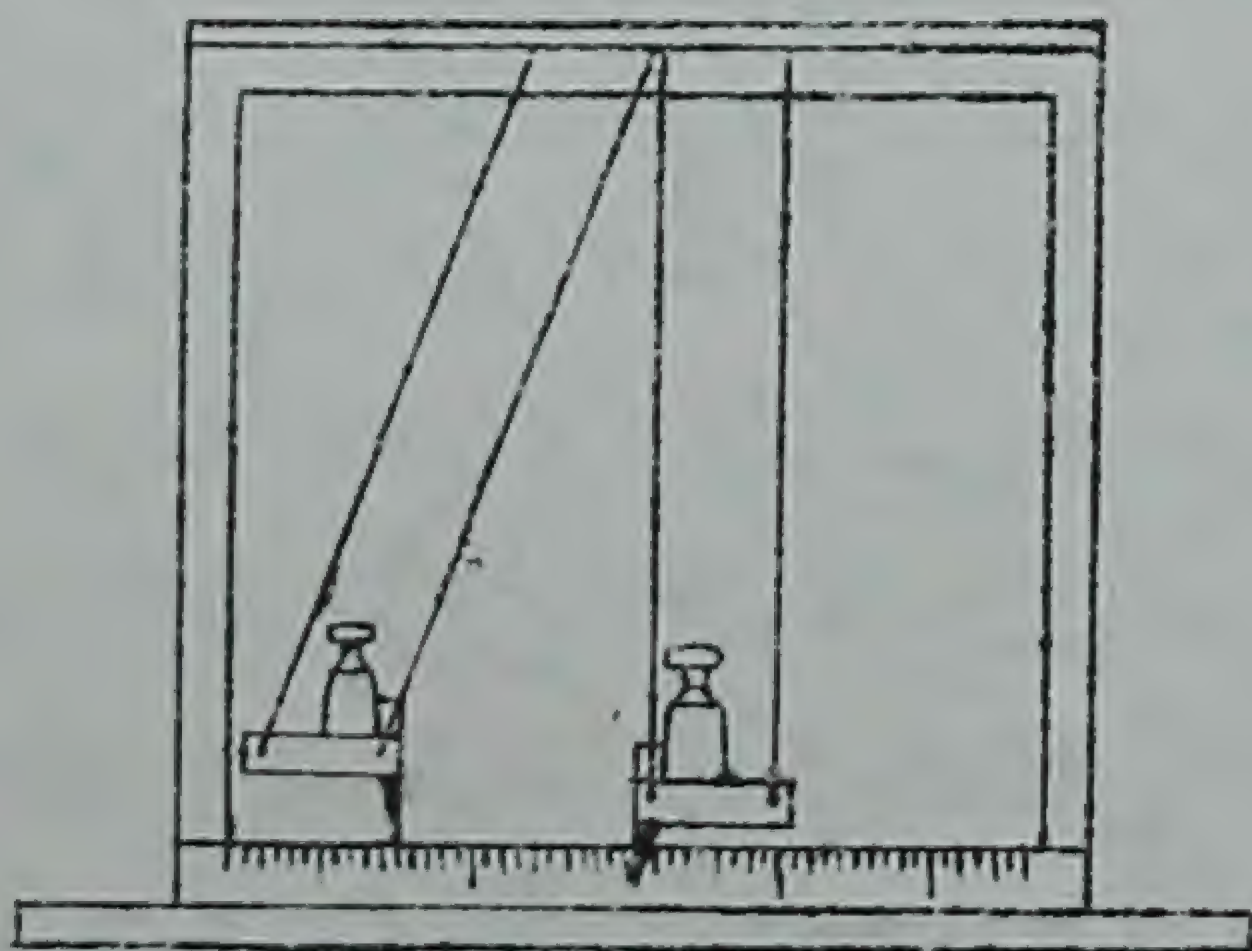
$$k + k' = k' + k$$

یہاں رفتار کی ایک سمت مثبت مان لی گئی ہے اور دوسری سمت منفی۔

اندفاعی ترازو

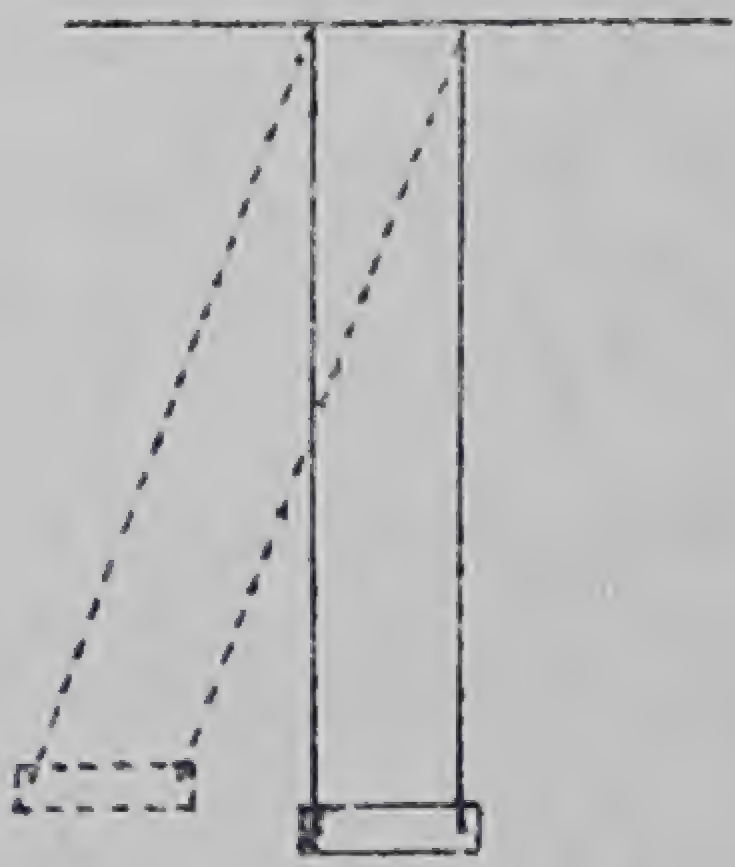
وہ آلہ جس سے معیار اثر کی بقا کے اصول کی عملی تشریح بہ آسانی ہوتی ہے اندفاعی ترازو کے نام سے مشہور ہے (شکل ۶۸)۔

اس آلے میں بالعموم لکڑی کے دو پلڑے ہوتے ہیں اور یہ پلڑے ڈوریوں کے ایک نظام سے اس طرح لٹکائے جاتے ہیں



شکل ۶۸۔ ہیک (Hieck) کا اندفاعی ترازو

کہ وہ (پلڑے) بڑے نصف قطر کے قوس پر حرکت کر سکیں۔ لٹکانے والی ڈوریاں اس طرح مرتب کی جاتی ہیں کہ جھونکنے کے وقت پلڑوں میں کسی قسم کی گروشی حرکت واقع نہ ہو۔ اور پلڑوں کی اوپر کی سطحیں اپنے ہر محل پر افقاً رہیں (شکل ۶۹)۔



اس آلے کی بہت سی شکلیں ہو سکتی ہیں مگر ایک خاص شکل میں اس کے پلڑوں میں نمائندے لگے ہوئے ہوتے ہیں۔ اور ایسا انتظام رہتا ہے کہ یہ نمائندے ایک ثابت پیمانہ پر جو آلہ کے قاعدے سے افقاً چسپاں رہتے ہیں آزادانہ حرکت کر سکیں۔

شکل ۶۹۔ پلڑے کی حرکت

تجربہ ۵۶۔ اندفاعی ترازو۔ مندرجہ بالا دونوں پلڑوں پر معلوم کمیتوں کے مادے رکھ کر متحرک مادوں کی مجموعی کمیت مختلف طرح سے بدلی جاسکتی ہے۔ ہر تجربے میں مادے پلڑوں پر اس طرح رکھے جائیں کہ وہ پلڑوں کے سامنے ابھرے ہوئے کناروں سے مس کرتے رہیں۔ اگر ایسا نہ کیا جائے تو تصادم کے وقت مادے اپنے مقام سے سرک جائیں گے اور اس کی وجہ سے تجربے کی صحت کم ہو جائیگی۔ یہ یاد رہے کہ مادے کے متحرک نظام کی کمیتیں کم اور کم محسوب کرتے وقت پلڑوں کی ذاتی کمیتیں بھی شریک حساب رہیں۔ اگر ایک پلڑا کسی معلوم فاصلے تک ہٹا کر چھوڑ دیا جائے تو وہ اپنے تعادل کے مقام پر ایک ایسی رفتار سے واپس آجائے گا جو اس کے ابتدائی افقی نقل مکان کے متناسب ہوگی۔ اس دعوے کا ثبوت آئندہ دیا جائیگا۔

جب پہلا پلڑا دوسرے پلڑے (جو ابتداءً ساکن ہے) سے ٹکرائے گا تو دونوں پلڑوں کی رفتاریں بدل جائیں گی۔ اب اس کی ضرورت ہے کہ تصادم کے بعد پلڑوں کے

افقی نقل مکان کے مشاہدے سے اُن میں سے ہر ایک کی رفتار دریافت کی جائے۔ اگر اکائیوں کا کوئی مناسب نظام لیا جائے تو افقی نقل مکان، حقیقی رفتاروں کے مساوی تصور کئے جاسکتے ہیں۔ چونکہ دونوں نمائندوں کا بیک وقت مشاہدہ کرنا ناممکن ہے اس لئے اس کی ضرورت ہے کہ ہر ایک نمائندے کے لئے تجربہ الگ الگ کیا جائے۔ اس کی صورت یوں ہو سکتی ہے کہ دونوں نمائندوں میں سے ایک کے زیادہ سے زیادہ افقی نقل مکان (تصادم کے بعد) کا مشاہدہ کیا جائے۔ اُس کے بعد دوسرے نمائندے کا بھی زیادہ سے زیادہ نقل مکان (تصادم کے بعد) دریافت کیا جائے۔ مگر دونوں صورتوں میں ابتدائی نقل مکان اور کمیتیں مستقل ہونی چاہئیں۔

ابتدائی نقل مکان اور متحرک کمیتوں کو بدل بدل کر تجربے کو چند بار دہراؤ۔
نتیجہ حسب مندرجہ ذیل جدول کی شکل میں مرتب کرو۔

قبل تصادم	بعد تصادم	غلطی فی صد
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل
مکمل	مکمل	مکمل

چونکہ مادہ کم ابتدائی ساکن تھا اس لئے پ صفر ہے۔ لہذا تیسرا خانہ کم نہ مجموعی ابتدائی معیار اثر کی تعبیر کرتا ہے۔ اور دسواں خانہ

ک + ک + ک یہ تصادم کے بعد مجموعی معیار اثر کی۔
ان دونوں خانوں کے فرق کو ان میں سے کسی ایک کے
رقوم میں فی صد ظاہر کرو۔ اور اس فی صد قیمت کو آخری خانے میں ہر
تجربے کے سامنے بطور غلطی درج کرو۔

اگر کوئی آلہ ایسا ہو جس میں چپٹی یا نوکدار کیل لگی ہوئی ہو جس کے ذریعہ
کے دونوں پلڑے تصادم کے بعد آپس میں گتھ جائیں تو اس کی وجہ سے دونوں
پلڑے ایک مشترک رفتار (ک + ک) کے ساتھ حرکت کرینگے۔ اس شکل کے آلے میں
نمائندے کی ضرورت باقی نہیں رہتی یہاں پلڑوں کی حرکت ایک ایسے راکب کے ذریعے
سے ظاہر کی جاسکتی ہے جو لکڑی کے ایک ڈنڈے پر متحرک ہو سکے۔ اور راکب مذکور
کی حرکت سے تصادم کے بعد دونوں کمیتوں کے زیادہ سے زیادہ نقل مکان
کا اظہار ہو سکتا ہے۔

یہاں نہ صرف مشاہدات کی جدول کی ترتیب میں کسی قدر آسانی ہو جاتی
ہے بلکہ مشاہدات کے کرنے اور تجربے کے عام عمل میں بھی بڑی سہولت حاصل
ہوتی ہے۔

اس صورت میں جدول کی شکل حسب ذیل ہوگی۔۔

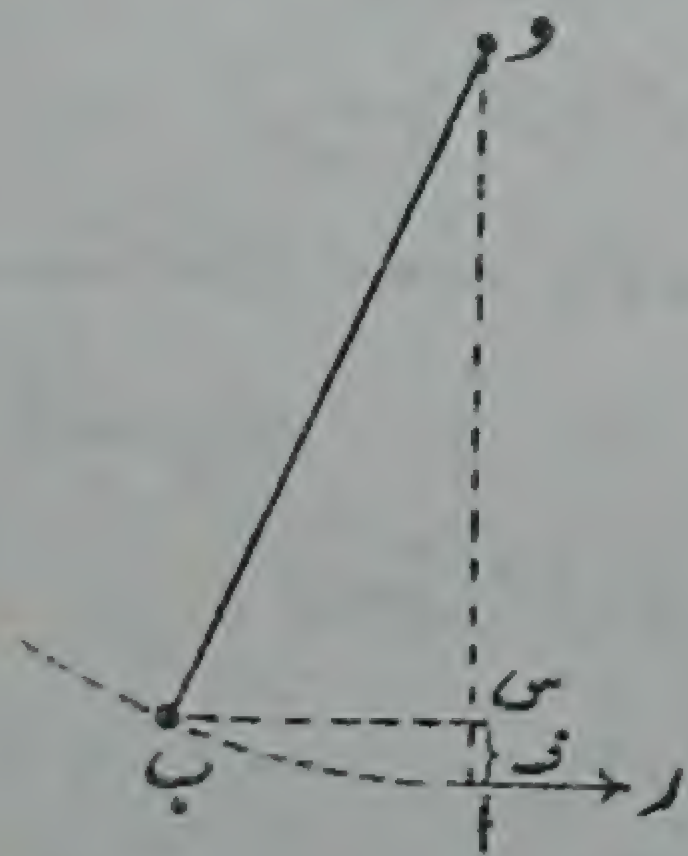
قبل تصادم		بعد تصادم		غلطی فی صدی	
کمیت	رفتار	مجموعی معیار اثر	مجموعی کمیت	مشترک رفتار	مجموعی معیار اثر
ک	ک	ک + ک	ک + ک	ک	(ک + ک) ک

یہاں آخری خانے سے تیسرے اور چھٹے خانوں کے فرق کا اظہار ان میں سے

کسی ایک کے رقوم میں فی صد حساب کے لحاظ سے ہوتا ہے۔

ثبوت کہ حالت تعادل میں رفتار افقی نقل مکان کے

متناسب ہے۔ فرض کرو کہ مادہ ک اپنے تعادل کے مقام ۱ سے قوس ۱ ب پر ہوتا ہوا نقطہ ب تک ہٹایا گیا ہے۔ یہاں نقطہ تعلیق و ہے (شکل منہ)۔ اور قوس کا نصف قطر و ب = ن۔ مقام ب سے ۱ تک کیت ہذا کے واپس ہونے میں اس کی توانائی بالقوۃ کا نقصان بمقدار ک ج ف ہوگا۔



نقطہ ۲ پر یہ کیت ایک ایسی رفتار رکھتی ہے جس کی سمت شکل سے واضح ہے۔ اور ۲ پر اس کو جو کچھ توانائی بالفعل حاصل ہے وہ اس کے ب سے ۲ تک آنے میں جو توانائی بالقوۃ کا نقصان ہوا ہے اس کا نتیجہ ہے۔

یعنی $\frac{1}{2} k r^2 = k j f$ یا تناسب ہے ف کے شکل نمبر۔ اندفاعی ترازو کی رفتار

ہمیں معلوم ہے کہ $W_B = W_{S1} + B_{S1}$

یعنی $S_1 = (S_1 - F) + B_{S1}$

اس لئے $F = S_1 + B_{S1}$

یہ ظاہر ہے کہ ب س، ف کے مقابلے میں بڑا ہے۔ اس لئے کافی قریب درجے کی صحت کے ساتھ B_{S1} کے مقابلے میں ف نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔ (ف کی قیمت ب س کی قیمت کے مقابلے میں شاذ و نادر فی صد تک پہنچتی ہے)۔

اس لئے قریب ترین درجہ صحت کے ساتھ ہم کہہ سکتے ہیں کہ

$B_{S1} = S_1$ صرف

یعنی B_{S1} ، ف کے تناسب ہے۔

ب س، مادہ ک کا ابتدائی افقی نقل مکان ہے۔

چونکہ ب س اور ر دونوں گ کے متناسب ہیں اس لئے ب س، ر کے متناسب ضرور ہوگا۔ یعنی جسم کی رفتار تعادل کے مقام پر سے گزرنے وقت ابتدائی افقی نقل مکان کے متناسب ہے۔

بالعکس یہ بھی دکھایا جاسکتا ہے کہ وہ افقی فصل جہاں تک جسم مقام تعادل سے گزر کر پہنچتا ہے اُس رفتار کے متناسب ہے جو جسم مذکور کو مقام تعادل پر چل رہا ہے۔ یعنی تصادم کے بعد رفتاریں اُن زیادہ سے زیادہ افقی نقل مکان کے متناسب ہیں جہاں تک اجسام ٹکرانے کے بعد پہنچتے ہیں۔

اس امر کی اہمیت کہ تصادم کے وقت پلڑوں میں کسی قسم کی محوری حرکت نہ ہونے پائے ثبوت مندرجہ بالا سے صاف ظاہر ہو گئی ہوگی۔ اگر محوری حرکت موجود رہے تو ب پر کی توانائی بالقرہ ۲ پر کی خطی توانائی بالفعل کی صورت میں کلیتہً نمودار نہ ہوگی۔ بلکہ اُس کا کچھ حصہ بطور محوری توانائی بالفعل موجود رہے گا۔ لہذا یہ دعویٰ کہ

$$\frac{1}{2} k v^2 = k c v$$

صحیح نہ ہوگا۔ اور مندرجہ بالا ثبوت باطل ہو جائیگا۔

محوری حرکت کے رد کرنے کا طریقہ شکل ۶۹ کے ملاحظہ سے صاف ظاہر

ہو جائیگا۔

۲۔ دوسرے کلیئے حرکت کی عملی تصدیق کے طریقے

اگر کوئی جسم مستقل اسراع ع کے ساتھ حرکت کرے تو وہ فصل جس کو جسم مذکور اُقت و میں طے کرے گا ذیل کی مساوات سے حل ہوتا ہے:

$$f = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{c}{v}$$

جہاں ب جسم کی ابتدائی رفتار ہے۔

اگر جسم ابتدائاً ساکن ہے تو ب = ۰۔ اور مساوات مندرجہ بالا ذیل کی صورت اختیار کرے گی۔

$$f = \frac{1}{2} \frac{c}{v}$$

کسی وقت و کے ختم پر ہفتاسہا کی قیمت مساوات۔

$$r = r + c + w$$

سے حاصل ہوتی ہے۔ اور اسی مساوات کی شکل

$r = c + w$ ہو جائیگی اگر ابتدائی رفتار صفر ہو۔

یہ مساواتیں مطلق ہیں۔ اور مختلف مقام پر مسئلہ کی تعریفوں سے اخذ کی گئی ہیں۔ اور نیز ان کی تصدیق عملاً نہیں کی جاسکتی۔ باہر ہیرہ مساواتیں اس امر کے دریافت کرنے میں استعمال کی جاسکتی ہیں کہ آیا جسم ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کر رہا ہے یا نہیں۔ پس اگر فاصلہ f جس کو جسم سکون کے بعد وقت w میں طے کرے، گلیہ

$$f = \frac{1}{2} m (w^2)$$

کی پابندی کرے تو جسم مذکور ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرے گا۔ اور اس اسراع کی قیمت مستقل m کی قیمت سے دو چند ہوگی۔ کیونکہ

$$c = \frac{f}{w^2}$$

وزن اور کمیت مادہ

ان مساواتوں کے استعمال کی مثال میں وہ جسم پیش کیا جاسکتا ہے جو اپنے وزن کے زیر عمل آزادانہ گر رہا ہے۔ اگر کوئی جسم بالکل آزادانہ زمین کی طرف گرنے دیا جائے تو جسم مذکور اپنی ابتدائی حرکت سے وقت w میں ایک ایسا فاصلہ f طے کرے گا جو w کے متناسب ہوگا۔ پس پہلے ثانیہ میں وہ تقریباً پانچ میٹر نیچے آئے گا۔ مگر پہلے دو ثانیوں میں بیس میٹر۔ لہذا اگر کوئی جسم اپنے وزن کی وجہ سے سکون کے بعد آزادانہ گرے تو $f = \frac{1}{2} m w^2$ کی قیمت تقریباً h (پانچ) کے مساوی ہے۔ یعنی کل جسموں کے لئے اسراع بوجہ جاذبہ زمین ایک ہی ہے۔ اور اس کی قیمت تقریباً دس میٹر فی ثانیہ فی ثانیہ ہے (اس اسراع کی صحیح قیمت جزائر برطانیہ میں ۹۸۰ میٹر فی ثانیہ فی ثانیہ اور حیدرآباد دکن میں ۹۷۸ میٹر ہے۔

اب ہم دوسرے کلیئے حرکت کی مدد سے س۔ گ۔ ث۔ نظام میں قوت کی اکائی کی تعریف حسب ذیل مساوات سے اخذ کرتے ہیں:-
قوت (ڈائینوں میں) = کمیت مادہ (گراموں میں) \times پیدا شدہ اسراع (سمرنی ثانیہ فی ثانیہ میں)

س۔ گ۔ ث۔ نظام کی مقداروں سے بحث کرتے وقت اگر ہم اسراع بوجہ جاذبہ زمین کی تعبیر حرف ج (سمرنی ثانیہ فی ثانیہ میں) سے کریں تو

آزادانہ گرتے ہوئے جسم پر $\left\{ \begin{array}{l} \text{قوت عالم (ڈائینوں میں)} \\ \text{= کمیت مادہ (گراموں میں) } \times \text{ ج} \end{array} \right.$ چونکہ گرتے ہوئے جسم پر عمل کرنے والی قوت اس کا خود وزن ہے اس لئے

(جسم کے مادہ کی کمیت گراموں میں) \times (اسراع جسم کا وزن ڈائینوں میں) = بوجہ جاذبہ زمین سمرنی ثانیہ فی ثانیہ میں) اگر ڈائین اس جسم کے وزن کو تعبیر کرے جس کے مادے کی کمیت ک گرام ہو تو

$$9 = k \times J$$

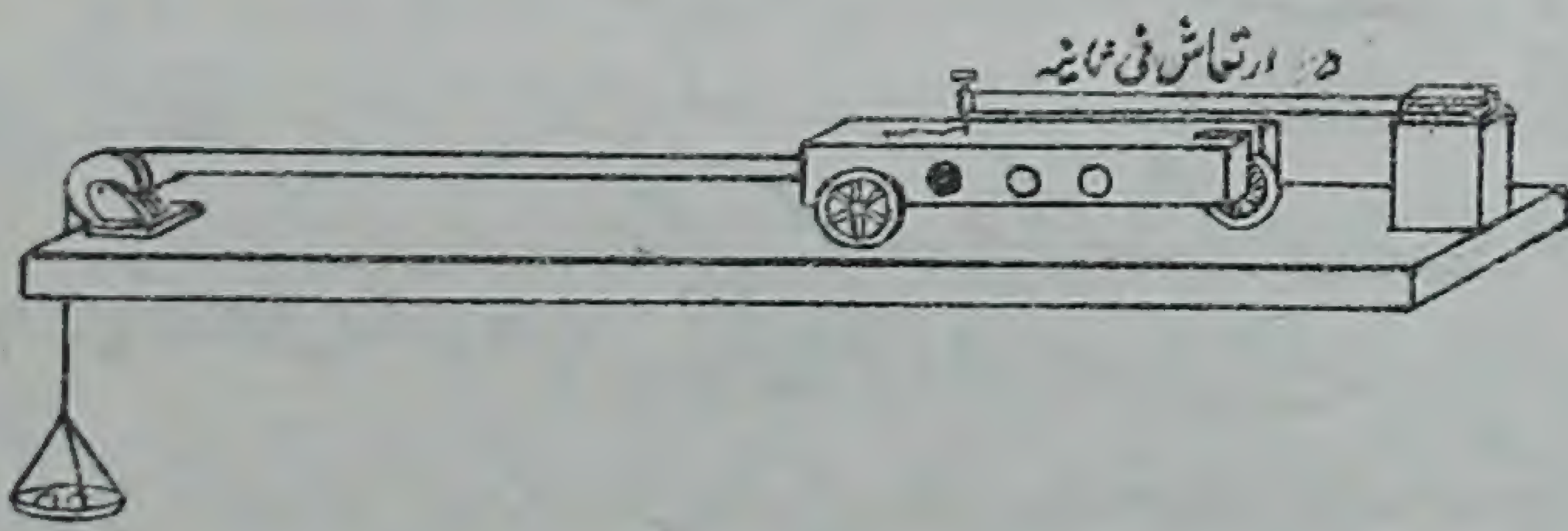
(ج = ۹۸۶۴ سمرنی ثانیہ فی ثانیہ حیدر آباد کن میں)

ہموار قوتوں کے حاصل کرنے کا سب سے آسان طریقہ یہ ہے کہ معلوم کمیتوں کے مادے ہلکی ڈوریوں سے لٹکائے جائیں۔ اور یہ ڈوریاں چرخوں پر سے اس طرح گذاری جائیں کہ قوتوں کو جس سمت میں چاہیں عمل میں لاسکیں۔ اگر لٹکنے والے جسم کی کمیت مادہ کی پیمائش گراموں میں کی جائے اور اسراع بوجہ جاذبہ زمین ج سمرنی ثانیہ فی ثانیہ میں تو ڈوری پر عمل کرنے والی قوت جو مقدار متذکرہ بالا کے حاصل ضرب کے برابر ہے ڈائینوں میں حاصل ہوگی۔

۳۔ دوسرے کلیہ حرکت کے تشریحی تجربے

فلچر کا ٹرالی دار آلہ

اس آلے میں (شکل ۱) بہت ہی ہلکے پہیوں پر ایک ٹرالی اس طرح چڑھی ہوتی ہے کہ وہ ایک افقی میز پر قریب قریب بے رگڑ حرکت کر سکے۔ اس ٹرالی سے ایک ایسی ڈوری بندھی ہوئی ہوتی ہے جو میز کے کنارے پر چڑھی ہوئی چرخ پر سے گزرتی ہے اور اس ڈوری کے آزاد



شکل ۱۔ فلچر کا ٹرالی دار آلہ

سرے سے ایک چھوٹی کیت کا مادہ لٹکایا جاتا ہے۔ ڈوری سے مختلف کمیتوں کے مادے لٹکا کر ٹرالی پر متفرق قوتیں لگائی جاسکتی ہیں۔ اور ان قوتوں کے زیر عمل جو ٹرالی میں حرکت پیدا ہوگی اس کے متعلق معلومات حاصل ہو سکتی ہیں۔ ٹرالی کے بازو کے سوراخوں میں معلوم کمیتوں کے مادے رکھ رکھ کر میز پر حرکت کرنے والے مادے کی بھی کیت بدلی جاسکتی ہے۔ طے کیا ہوا فاصلہ اور مدت حرکت کے خود بخود قلم بند ہوجانے کا طریقہ جو اختیار کیا جاتا ہے وہ دلچسپی سے خالی نہیں۔ اس غرض کے لئے

ایک بڑی کمائی ایک مضبوط ٹکڑے میں جکڑی جاتی ہے۔ اور اس کمائی کے
 آڑا دوسرے پر ایک ہلکا برش لگا دیا جاتا ہے۔ ٹرالی کے اوپر کاغذ کا
 ایک ٹکڑا اس طرح چسپاں کر دیا جاتا ہے کہ اس کو برش ہلکے چھو تا رہے۔
 جب ٹرالی کو حرکت دی جاتی ہے تو اس کے ساتھ ساتھ کمائی بھی ارتعاش
 شروع کر دیتی ہے اور اس طریقہ سے کاغذ پر مرتعش برش کی وجہ سے
 موجی نشانات پڑ جاتے ہیں۔ بشرطیکہ برش میں پہلے سے سیاہی لگی ہو۔
 چونکہ کمائی کی مدت دوران (یعنی ایک مکمل ارتعاش کا وقت)
 مستقل ہے اس لئے کاغذ کے اوپر کے موجی نشانات کے کسی دو متین
 نقطوں کے درمیان مکمل ارتعاشوں کی تعداد سے اس وقت کی قیمت مل جائیگی
 جو مذکورہ بالا دو نقطوں کے درمیان فاصلہ طے کرنے کے لئے درکار ہے۔
 مختلف تعدادوں کے مکمل ارتعاشوں کے وقت کے اندر
 ابتدائے حرکت سے طے شدہ فاصلوں کو مد نظر رکھ کر موجی نشان سے یہ
 دریافت کرنا ممکن ہے کہ آیا رشتہ f مستقل ہے یا نہیں۔
 اس تجربے میں جو مادہ حرکت کرتا ہے وہ مندرجہ ذیل مادوں

کا مجموعہ ہے :-

(۱) ٹرالی کا کمیت مادہ۔

(۲) ڈوری کا کمیت مادہ۔

(۳) ٹکڑے والا کمیت مادہ

(۴) ایک وہ خفیف مادہ جو چرنی کی حرکت کی وجہ سے متحرک تصور کیا

جاسکتا ہے۔

(۵) ایک اور دوسرا خفیف مادہ جو پیوں کی حرکت کی وجہ سے متحرک
 تصور کیا جاسکتا ہے۔ چونکہ ٹرالی میں بالعموم کافی کمیت مادہ رہتا ہے اس لئے
 ٹرالی کی ذاتی کمیت کے مقابلے میں بقیہ کمیتیں نظر انداز کی جاسکتی ہیں۔

یہ ظاہر ہے کہ عمل کرنے والی قوت لٹکنے والے مادے کے وزن اور چرخی پر سے نیچے لٹکنے والی ڈوری کے وزن کے مجموعے کے برابر ہے۔ اگر یہ مقصود ہو کہ ڈوری کی وجہ سے جو غلطی داخل ہو سکتی ہے وہ دور ہو جائے تو نہایت ہی باریک ڈوری (مثلاً مچھلی پکڑنے کی ڈوری) استعمال کرنی چاہیئے۔ تاکہ ڈوری کا وزن لٹکنے والے مادے کے وزن کے مقابلے میں نظر انداز کیا جاسکے۔ اگر ڈوری کی وجہ سے غلطی کے دور کرنے کی ضرورت لاحق ہو تو لٹکنے والے مادے کے وزن میں چرخی سے باہر لٹکنے والی ڈوری کے ۲ وسط طول کا وزن داخل کر دینا چاہئے۔

پیدا شدہ اسراع — تجربے سے خارج قیمت $\frac{1}{2}F$ کی قیمت مستقل ملے گی۔ اس لئے $\frac{1}{2}F$ ، ایک مستقل اسراع $\frac{1}{2}F$ کے ساتھ حرکت کر رہی ہے۔

اگر محض ۲ اضافی قیمتیں مقصود ہوں تو کمائی کے ایک مکمل ارتعاش کے وقت کو اکائی مان کر وقت کی پیمائش کی جاسکتی ہے۔ مگر مطلق نتیجوں کے حاصل کرنے کے لئے یعنی اسراع کی قیمت سمرنی ثانیہ فی ثانیہ میں دریافت کرنے میں یہ ضروری ہے کہ کمائی کا وقت دوران ثانیہ میں معلوم کیا جائے۔

بالعموم کمائی پر اس کا وقت دوران لکھا رہتا ہے جس کو آلہ ساز نے خود دریافت کیا ہے۔ اور اس معلوم وقت دوران سے تجربے میں کام لیا جاسکتا ہے۔ وقت دوران کے براہ راست دریافت کرنے کے لئے یہ ضروری ہے کہ کمائی ارتعاش کی کافی تعداد پیدا کرے۔ مگر یہ صورت بہت ہی شاذ و نادر نصیب ہوتی ہے۔ اس لئے آلہ ساز کی دریافت کی ہوئی قیمت اختیار کرنے کے سوا کوئی دوسرا چارہ نہیں۔ لہذا جب مطلق نتیجوں کی ضرورت پڑتی ہے تو وقت کے دریافت کرنے کا یہ طریقہ اہم نقص سے

خالی نہیں۔

فلچر کے ٹرالی دار آلے کے تجربے

تجربہ ۵۔ اسراع قوت کے تناسب ہے۔ ٹرالی پر

کاغذ چسپاں کرو۔ اور ڈوری سے ۱۰، ۲۰، ۳۰، ۴۰، گرام، وغیرہ، وغیرہ، لٹکا کر ٹرالی میں حرکت پیدا کرو۔ اور ہر قوت کے زیر عمل ٹرالی کی حرکت کا نشان حاصل کرو۔ ہر صورت میں حرکت کو ایک ہی نقطے سے شروع کر کے کل نشانات کا ایک ہی کاغذ پر حاصل کرنا نہایت دیکھ بھل ہے۔

ہر تجربے میں متحرک مادہ تقریباً ایک ہی رہتا ہے بشرطیکہ لٹکنے والے چھوٹے مادے نظر انداز کر دئے جائیں۔

عمل کرنے والی قوتیں مختلف صورتوں میں لٹکنے والی کمیتوں کے تناسب ہیں۔ دکھاؤ (۱) مساوی وقتوں میں طے کئے ہوئے فاصلے لٹکنے والے مادوں کے تناسب ہیں۔

(ب)۔ ہر تجربے میں $\frac{1}{2}$ مستقل ہے۔
(ج)۔ اور ان مستقلوں کی قیمتیں مختلف تجربوں میں لٹکتے ہوئے

مادوں کے تناسب ہیں۔

تصحیح بوجہ رگڑ۔ اگر صحت مقصود ہو تو رگڑ والی قوتوں کو دور کرنا یا ان کے اثر کو زائل کرنا ضروری ہے۔ اس غرض کے لئے ایک چھوٹی کمیت کا مادہ ڈوری سے اس طرح لٹکایا جاتا ہے اور اس کی قیمت اس طرح درست کی جاتی ہے کہ ایک دفعہ حرکت پیدا کرنے کے بعد ٹرالی اپنی حرکت عین جاری رکھے۔ جب یہ صورت پیدا ہو تو لٹکتے ہوئے چھوٹے مادے کا وزن، ٹرالی کے اوپر کے کسی قسم کے بوجھ کے تحت میں، آلے کی رگڑ کے مقابلے کے لئے کافی ہے۔ تاہم تجربے کے

تار کا ایک ٹکڑا اس امر کے لئے استعمال کیا جاسکتا ہے۔ اور یہ ”رگڑی راکب“ کی ایک مناسب شکل ہے۔ تار کو ڈوری پر لپیٹنا چاہئے۔ اور ضرورت کے مطابق اس تار کا مناسب طول تارکٹ کے ذریعہ سے آسانی سے کاٹا جاسکتا ہے۔

تجربہ ۵۸۔ کسی دی ہوئی قوت کے تحت میں

اسراع، متحرک مادے کے ساتھ تناسب معکوس رکھتا ہے۔

ہر دفعہ ایک ہی ٹکڑے والے مادے کو استعمال کر کے ٹرالی پر مختلف

بوجھ رکھ کر ہر بوجھ کے لئے جدا جدا نشان حاصل کرو۔ اور اس مستقل

قوت کے زیر عمل ہر متحرک مادے کے لئے اسراع دریافت کرو۔ اور

دکھاؤ کہ

متحرک مادہ \propto اسراع

مستقل ہے۔ یعنی قوت کے زیر عمل اسراع، متحرک مادے کے ساتھ

تناسب معکوس رکھتا ہے۔

اس تجربے میں چرخ اور پہیوں کے مادوں کی مماثل خفیف

کمیتیں اگر معلوم ہوں تو وہ متحرک مادے میں شریک کر لی جائیں۔

گرچہ بالعموم وہ نظر انداز کی جاسکتی ہیں۔

فرض کرو کہ ک = ٹرالی اور اس پر رکھے ہوئے بوجھ کی مجموعی کمیت۔

ک = ٹکڑے والے مادے کی کمیت جس میں چرخ سے

نیچے ٹکڑے والی ڈوری کی کمیت بھی شامل ہے۔

لا = چرخ کے مادے کی مماثل کمیت

اور ما = پہیوں کے مادوں کی مماثل کمیت۔

اس لئے متحرک مجموعی کمیت = ک + ک + لا + ما

نوٹ۔ اگر اسراع (۲/۲) کی قیمت سمرنی ثانیہ فی ثانیہ میں محسوب کی گئی ہو تو مشاہدات

متذکرہ بالا کے ذریعے سے اسراع بوجہ جاذبہ زمین کا دریافت کرنا ممکن ہے۔ لہذا

ہر تجربے میں

$$ک ج = (ک + ک + لا + ما) \times \left(\frac{۲}{۲}\right)$$

کیونکہ عمل کو نیوٹن قوت لگنے والی کمیت کا وزن ہے۔ پس مساوات مندرجہ بالا سے ج کی قیمت معلوم ہو سکتی ہے۔

بہر حال اسراع بوجہ جاذبہ زمین کے دریافت کرنے کا یہ طریقہ اچھا نہیں کیونکہ مقداریں لا اور ماصحت کے ساتھ معلوم نہیں ہیں اور وقت و کی پیمائش میں بھی چند دقیقہ پیش آتی ہیں جن کا نوٹ کر اوبر کیا جا چکا ہے۔

اس آلہ کے استعمال کرنے کا ایک اور طریقہ یہ ہے کہ ٹرالی ایک ایسی سطح پر رکھی جائے جو افق سے زاویہ طہ بنائے۔ اس صورت میں سطح کے متوازی حرکت پیدا کرنے والی قوت $k = (m + M)g \sin \theta$ کے برابر ہے۔

ایٹ وڈ کا آلہ

یہ آلہ فلیچر کے ٹرالی دار آلے سے زیادہ مشہور ہے۔ اس آلہ کی تاریخ نقطہ نظر سے بہت دلچسپ ہے۔ ایٹ وڈ نامی ایک مشہور انگریز ریاضی دان (۱۸۶۹ء - ۱۹۵۳ء) نے کلیات حرکت کی تشریح کی غرض سے اور اسراع بوجہ جاذبہ زمین کے دریافت کے لئے اس آلے کو وضع کیا تھا۔ اس آلے میں ایک چھوٹے راکب کا وزن، اپنے سے کہیں بڑے دو ایسے متوازن مادوں کو متحرک کرنے پر مجبور کیا جاتا ہے جو چرخہ پر سے گزرتی ہوئی ڈوری کے دونوں سروں سے بندھے رہتے ہیں۔ چونکہ مجموعی متحرک مادے بڑے ہوتے ہیں اس لئے یہ چھوٹا راکب ان متحرک مادوں میں صرف خفیف سا اسراع پیدا کرتا ہے۔ بناء بریں یہاں اسراع کی پیمائش کہیں زیادہ صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے۔

بمقابلہ اُس اِصرار کی پیمائش کے جو راکب خود آزادانہ گرنے میں پیدا کرتا ہے۔

ایٹ وڈ کا آلہ ستونی وضع کا — مادے کی دو مساوی

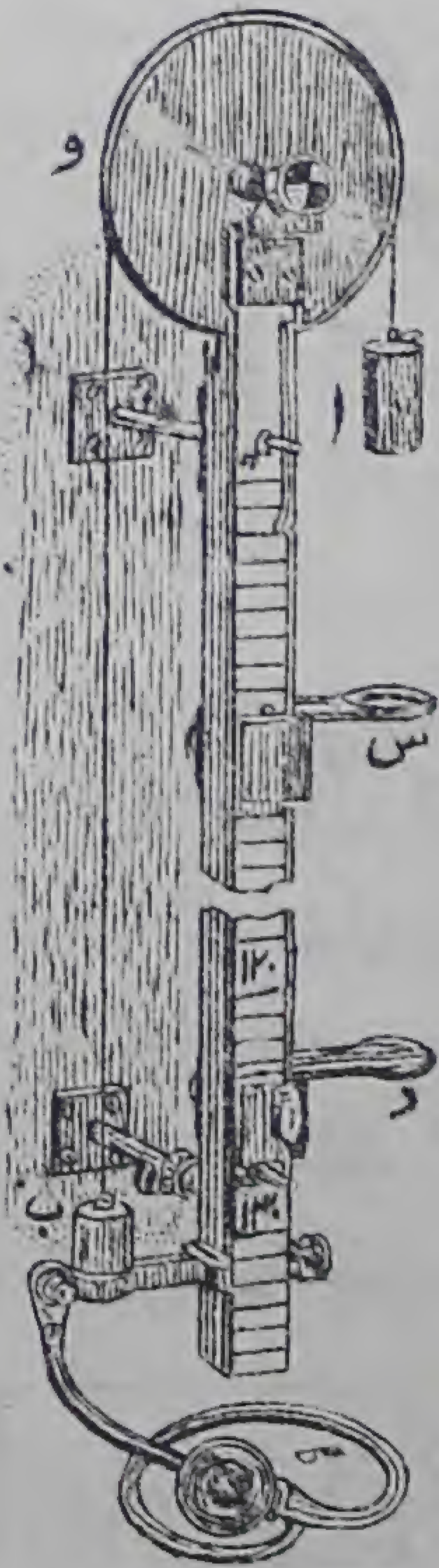
کمیتیں ۱ اور ۲ ایک ڈوری سے لٹکائی جاتی ہیں۔ یہ ڈوری ایک ایسی چرخہ پر سے گزرتی ہے جو ۲ سے ۲.۵ میٹر تک کے طول کے ستون کے سرے پر نازک سہارے پر چڑھی ہوتی ہے۔ ۱ اور ۲ کے نیچے لٹکانے والی ڈوری جیسی ایک اور ڈوری لٹکائی جاسکتی ہے۔ یہ ڈوری متلافی ڈوری کا کام کرتی ہے۔ اس کی وجہ سے مشین کے

دونوں طرف کی ڈوری کے حصوں کی کمیتیں بالکل متوازن رہتی ہیں خواہ کمیتیں ۱ اور ۲ کے محل کہیں بھی ہوں۔ مگر ایسی ڈوری کا استعمال عملیات میں وقت سے خالی نہیں۔ اور اسی وجہ سے یہ بہت شاذ و نادر استعمال کی جاتی ہے۔ کمیت ۱ پر ایک چھوٹا راکب اس طرح سوار رہتا ہے کہ وہ آسانی سے ڈوری پر چڑھ اُتر سکے۔ اس لئے اس آلے کے سارے نظام میں اسی راکب کا وزن ہے جو غیر متوازن رہتا ہے۔

تجربہ کرتے وقت کمیت ۲ ایک چمٹی سے ہلکی سی اس طرح باندھ دی جاتی ہے کہ کمیت ۱ کے اوپر کا کنارہ پیمانے کے کسی خاص معلوم نشان کے محاذی رہے۔ ۲ کے اس صفری مقام سے کچھ نیچے کسی مناسب فصل پر حلقہ میں اس طرح قائم کیا جاتا ہے کہ راکب کے وزن کے زیرِ عمل ۱ کوئی خاص معلوم فاصلہ طے کر سکے۔ حلقہ میں ایسا ہوتا ہے کہ کمیت ۱ بہ آسانی اُس میں سے گزر سکے۔ مگر راکب حلقہ پر اٹک جائے۔ تجربہ شروع کرتے وقت ایک چل رکنی گھڑی چلا دی جاتی ہے اور اسی وقت چمٹی بھی کھول دی جاتی ہے۔ اور اس کی وجہ سے کمیت ۲ جس کی رفتار اب صفر ہے آزادانہ حرکت

شروع کر دیگی۔ جب حلقہ سے ۲ پر سوار راکب کے ٹکرانے کی آواز سنی جاتی ہے تو اسی وقت چل رکنی گھڑی بند کر دی جاتی ہے۔ اور کسی معلوم فاصلہ ف طے کرنے کے لئے جو وقت و درکار ہے وہ دریافت ہو جاتا ہے۔

تجربہ کرنے کا ایک اور طریقہ ہے جس میں وقت کی پیمائش میٹر ونوم کے ذریعے سے ہوتی ہے۔ اس طریقے میں فصل ف اس طرح درست کیا جاتا ہے کہ گرنے کا وقت میٹر ونوم کے ضربوں کی کسی خاص تعداد کے وقفوں کے ساتھ منطبق ہو جائے۔



اس مشین کی بعض شکلوں میں چمٹی کے کھولنے کے لئے ایک ہوائی (Pneumatic) انتظام رہتا ہے جیسا کہ شکل ۲ سے ظاہر ہے۔ اور بعض مشینوں میں چمٹی کے بجائے ایک چھوٹی برقی مقناطیس لگی رہتی ہے۔ موزر الذکر صورت میں کمیتیں ۱ اور ۲ بوسے کی ہوتی ہیں۔ اور کمیت ۱ ب مقناطیسی قوت سے تجربے کے شروع میں بندھی رہتی ہے۔ ب کے آزاد کرنے کا کوئی سا بھی طریقہ استعمال کیا جاسکتا ہے۔ بشرطیکہ ب بغیر کسی انتصابی حرکت کے آزاد ہو سکے۔ بائیں ہاتھ کے استعمال کی اور اس کی ساخت کی سادگی سے بالعموم عمل میں یقین پیدا ہوتا ہے اسی

شکل ۲۔ ایٹ وڈ کا آلہ: ستونی وضع کا۔

بنیاد پر کوئی سادہ انتظام قابل ترجیح ہے۔

ایٹ وڈ کے آلے کے ساتھ تجربے

تجربہ ۵۹۔ جسم ہموار قوت کے زیر عمل ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔ کیت ۲ پر تانبے کے تار کا ایک ایسا چھوٹا ٹکڑا رکھو کہ ذرا سی ابتدائی حرکت دینے پر کیتیں ۱ اور ۲ بغیر راکب کے عین حرکت شروع کریں۔ اس صورت میں تار کے اس ٹکڑے کا وزن آلے کی رگڑ پر عین غالب آجائے گا۔ یہ تار کا ٹکڑا ”رگڑی راکب“ کہلاتا ہے۔ اور تمام دوران تجربہ میں ۲ پر رکھا رہتا ہے۔

حلقہ ۳ کو مختلف مقامات پر اس طرح قائم کرو کہ کیتیں زیر تجربہ مختلف راکبوں کے زیر عمل ۵۰، ۱۰۰، ۱۵۰، اور ۲۰۰ گرام کے فاصلے طے کریں۔ مختلف وزنوں مثلاً ۲ گرام، ۳ گرام، ۴ گرام، وغیرہ کے راکبوں کے زیر عمل کیتوں کے مذکورہ بالا فاصلوں کے طے کرنے کے مختلف اوقات دریافت کرو۔ ہر ایک راکب ۲ اور ہر ایک فصل کے لئے وقت کے کم سے کم تین تجربے ہونے چاہئیں۔ مشاہدات کی ہر جماعت کے لئے خارج قسمت ۲ فی ثانیہ کی قیمت دریافت کرو۔ اور یہ دکھاؤ کہ کسی خاص راکب کے لئے ۲ فی مستقل ہے۔ یعنی مستقل قوت کے زیر عمل مادہ ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔ مندرجہ ذیل کی شکل میں مشاہدات کو مرتب کرو۔

استعمال شدہ راکب کا کیت مادہ	فصل ف	وقت و	۲ فی	اوسط اسراع
دو گرام راکب	۵۰			{ ع = ۰.۰۰۰
	۱۰۰			
	۱۵۰			
	۲۰۰			

استعمال شدہ راکب کا کمیت مادہ	فصل ف	وقت و	۲ ف ۱۰	اوسط اسراع
۴ گرام راکب	۵۰			
	۱۰۰			
	۱۵۰			
	۲۰۰			
۶ گرام راکب	۵۰			
	۱۰۰			
	۱۵۰			
	۲۰۰			

جدول کے ملاحظہ سے یہ معلوم ہوگا کہ ہر راکب کے لئے چوتھے خانے کی رقمیں تقریباً مستقل ہیں اور راکب کی کمیت کے ساتھ ساتھ اس مستقل کی قیمت بھی بڑھتی گئی ہے۔

تجربہ ۹۰۔ اسراع، قوت عاملہ کے تناسب ہے۔

اس دعوے کا ثبوت بغیر مزید تجربے کے مندرجہ بالا جدول کے نتیجوں سے حاصل ہو سکتا ہے۔ مجموعی متحرک کمیت ہر تجربے میں قریب قریب ایک ہی ہے۔ کمیتوں میں اگر کچھ فرق بھی ہے تو وہ صرف راکبوں کی ذاتی کمیتوں کے فرق کی وجہ سے ہے۔ پس اگر کسی کمیت میں پیدا شدہ اسراع کمیت ہذا پر عمل کرنے والی قوت کے تناسب ہو تو اسراع ع، ع، ع، ع وغیرہ استعمالہ راکبوں ہی کی کمیتوں کے تناسب ہونگے۔ یعنی تجربہ ہذا میں ۲، ۴، ۶ وغیرہ کے تناسب۔

تجربہ ۹۱۔ کسی خاص قوت کے تحت میں اسراع کمیت مادہ کے ساتھ تناسب معکوس رکھتا ہے۔ — غلط

کیتوں ۲ اور ب کے چوڑوں کے استعمال سے یہ ثابت کرنا ممکن ہے کہ اگر کوئی معین قوت کسی کمیت مادہ پر عمل کرے تو اس میں جو اسراع پیدا ہوگا وہ کمیت مذکور کے ساتھ تناسب معکوس رکھیگا۔

اس امر کے ثبوت کے لئے ف اور و کی پیمائشوں سے کسی خاص راکب کے زیر عمل متحرک کیتوں کے مختلف چوڑوں میں پیدا شدہ اسراع دریافت کیا جاتا ہے۔ ہر تجربے میں حاصل ضرب (مجموعی متحرک کمیت مادہ) \times (اسراع) کو مستقل ہونا چاہیئے۔

یہاں چرخ کی 'ماثل' مادہ کی کمیت کا جانتا ضروری ہے۔ کسی ایک تجربے میں مجموعی متحرک کمیت مادہ = $(۲ک + ک + لا)$ گرام نوٹ :- اس کی تشریح ذیل کے تجربے میں کی جائیگی۔

تجربہ بھوٹا۔ اسراع بوجہ جاذبہ زمین۔

(۱) ڈوری اور چرخ کے ماثل مادے کی کمیت معلوم کرنے کی

ضرورت ہے۔

فرض کرو کہ ۲ اور ب میں سے ہر ایک کا کمیت مادہ = ک گرام

راکب کا کمیت مادہ = ک گرام

چرخ (ڈوری) کا ماثل کمیت مادہ = لا گرام

اور پیدا شدہ اسراع = ع سمرنی ثانیہ فی ثانیہ

تو قوت عالمہ = راکب کا وزن = ک ج ڈائمن

متحرک مادے کی کمیت = $(۲ک + ک + لا)$ گرام

تو قوت = کمیت مادہ \times اسراع

اس لئے ک ج = $(۲ک + ک + لا) ع$

اور اس مساوات سے ج کی قیمت دریافت ہو سکتی ہے۔

تجربہ ۵۹ میں ہر ایک راکب کے زیر عمل کے مشاہدات

سے ج کی قیمت دریافت کرو۔

(۲) جہاں چرخہ کے مائل مادے کی کمیت کے جاننے کی ضرورت نہیں ہے۔

اگر کمیتوں ۲ اور ۱ کے مختلف جوڑوں کے لئے ایک ہی راکب استعمال کیا جائے تو چرخہ کے مائل مادے کی کمیت معلوم کئے بغیر ج کی قیمت دریافت ہو سکتی ہے۔

پس اگر ک کمیت کے جوڑے کے ساتھ پیدا شدہ اسراع ع ہو۔ اور اگر اسی راکب کے زیر عمل ک کمیت کے جوڑے کے ساتھ پیدا شدہ اسراع ع، حاصل ہو تو

$$ک ج = (ک + لا) ع$$

$$اور ک ج = (ک + لا) ع$$

یہاں لا غیر معلوم ہے۔

$$اس لئے ک ج = \left\{ \frac{1}{ع} - \frac{1}{ع} \right\} = ۲(ک - ک)۔$$

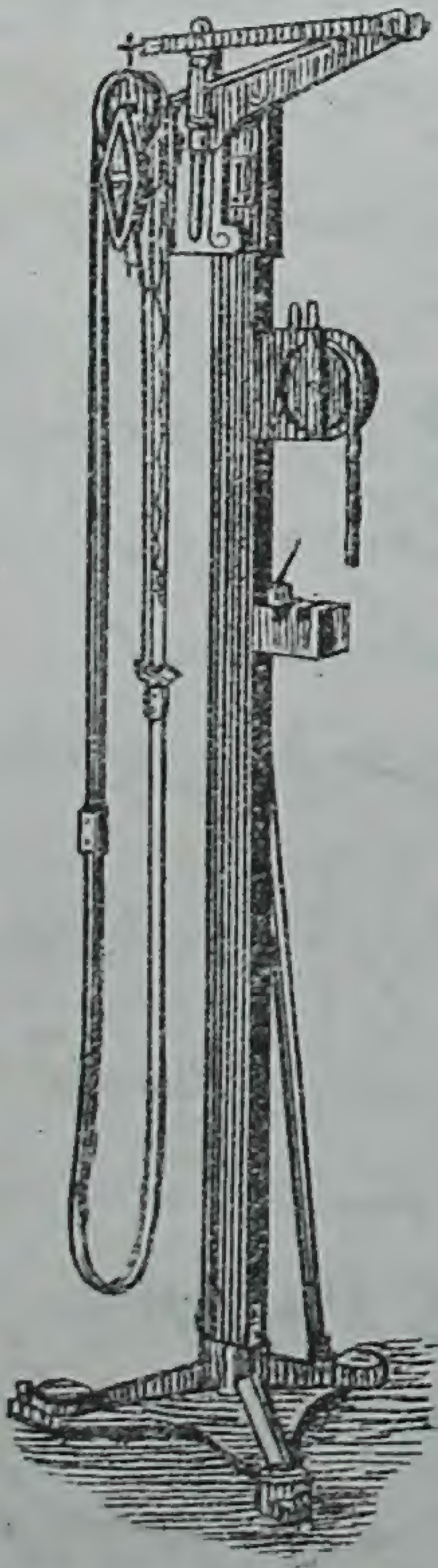
تجربہ علا میں مادوں کے مختلف جوڑوں کے استعمال سے جو اسراع

ع اور ع، حاصل ہوئے ہیں ان کی قیمتوں سے ج محسوب کرو۔

یہ آلہ ابتداءً ج کی تعین کے لئے وضع کیا گیا تھا۔ اس وقت تک کیٹر کے صحیح رتقاصی طریقے ایجاد نہیں ہوئے تھے۔ آج کل اس آلہ کا خاص استعمال کلیات حرکت کی تشریح ہے۔ اس کے ذریعے سے ج کی تعینیں اضافہ کم درجے کی صحت رکھتی ہیں۔ مگر یہ تعینیں تاریخی

نظر کے دیکھ ہیں۔
ایٹ وڈ کا آلہ فیتہ وار۔ اس آلے میں مساوی کمیتیں کاغذ کے ایک فیتے سے لٹکائی جاتی ہیں۔ اور یہ فیتہ چرخہ کے چپے گھیرے پر گزرتا ہے۔ اور ان کمیتوں کے نیچے اس فیتے سے ایک

اور متلافی فیتہ لگا رہتا ہے جیسا کہ شکل ۳ سے ظاہر ہے۔ اس آلے میں ایک فولادی کمائی نصب ہوتی ہے جس کے آزاد سرے سے سیاہی لگا ہوا پرش چرخ کے اوپر کے فیتے پر نشان ڈالتا ہے۔ اور اس میں ایک ایسا سادہ انتظام مہیا رہتا ہے کہ کمائی اور متحرک کیتیں بیک وقت آزاد کی جاسکیں۔ فیتے پر ایک مکمل موج کا نشان وقت کے ایک معلوم وقفے کی تعبیر کرتا ہے۔ (یہ وقفہ کمائی کا وقت دوران ہے)



اس شکل کے آلے کے ساتھ اسی قسم کے تجربے کئے جاسکتے ہیں جیسا کہ ستونی وضع کے آلے کے ساتھ۔ مگر فیتہ دار آلے میں وقت اور فاصلے فیتے کے نشان سے حاصل ہوتے ہیں۔ ہر تجربے میں موجی نشان کے ذریعے سے اسراع کی قیمت معلوم ہو سکتی ہے۔ جیسا کہ فلیچر کے ٹرالی دار آلے کے بیان میں بتایا جا چکا ہے۔

شکل ۳۔ ایٹ وڈ کا آلہ: فیتہ دار

تجربے ٹھیک اسی طرح

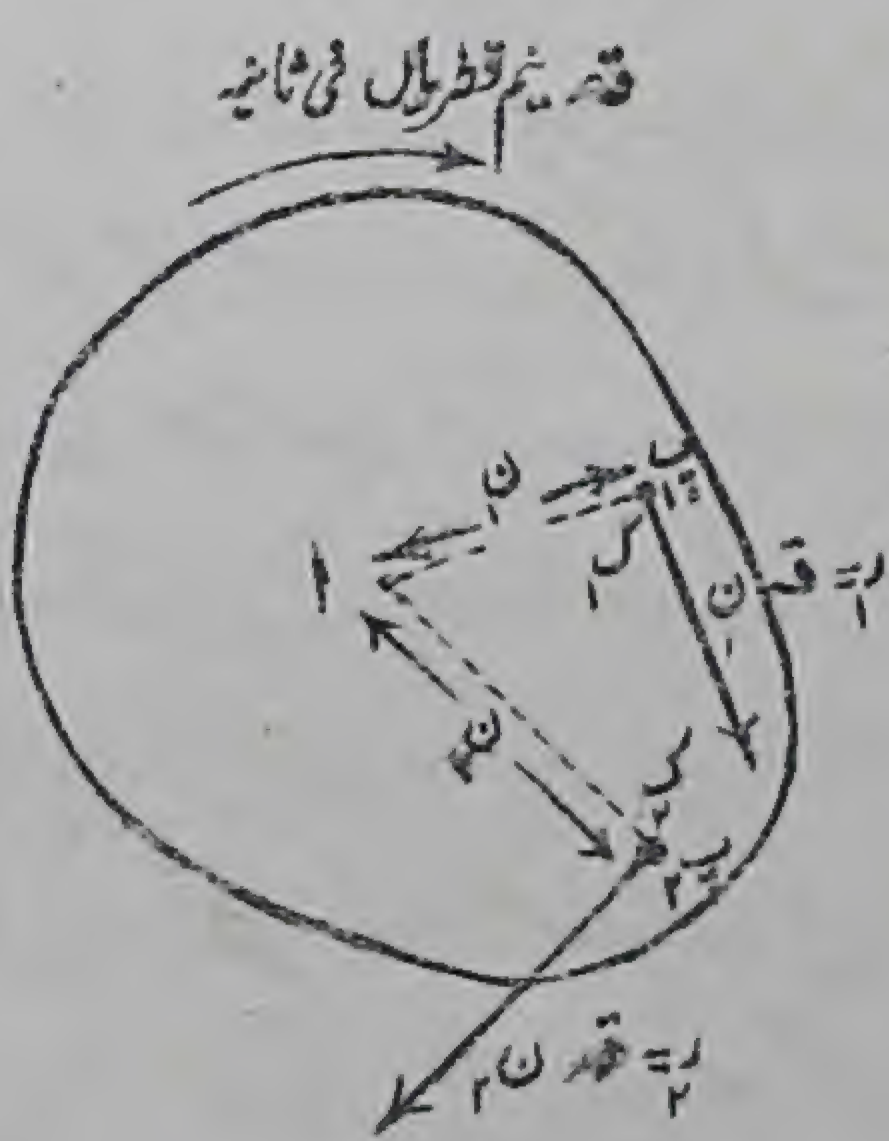
کرو جیسا ستونی وضع کے آلے کے ساتھ تم نے کئے تھے۔ مگر یہاں فصل فک کو بدلنے اور اس کے جواب میں وقت کی قیمت پر اس وقت دریافت کرنے کے بجائے کمائی اور فیتے کے ذریعے سے اسراع محسوب کرو۔

ایٹ وڈ کے آلے کے استعمال کرنے کا ایک اور طریقہ بھی ہے جو کبھی کبھی اختیار کیا جاتا ہے۔ اس طریقہ سے راکب کے حلقے سے الگ جانے کے بعد کمیت ۲ کی رفتار دریافت کی جاتی ہے۔ مگر یہ معلوم رہے کہ راکب کے الگ ہو جانے کے بعد متحرک نظام کو مستقل رفتار سے حرکت کرنا چاہیئے۔ بہر حال یہ طریقہ نہ اتنا آسان ہے اور نہ اس قدر صحیح جیسا وہ طریقہ جس کی تشریح اوپر ہو چکی ہے۔

۴۔ استوار جسم کی گردش

جمود کے معیار اثر

کسی محور کے گرد گردش کرنے والے مادے کا ۲ اثر نہ صرف حرکت کرنے والے مادے پر مبنی ہے بلکہ اس کا انحصار اس امر پر بھی ہے کہ مادہ محور کے لحاظ سے کس طرح پھیلا ہوا ہے۔ پس ایک ایسے جسم کی توانائی بالفعل پر غور کرو جو کاغذ کی سطح پر نقطہ ۱ سے عمود وار گزرتی ہوئے محور کے گرد زاویائی رفتار قدر نیم قطریوں کے ساتھ گردش کرتا ہے (شکل ۴۷)۔



شکل ۴۷ جمود کا معیار اثر

نقطہ ۱ پر ذرہ کم کی رفتار = v_1
نقطہ ۲ پر ذرہ کم کی رفتار = v_2 (نقطہ ۱ وغیرہ)
۱ پر ذرہ کم کی توانائی
بالفعل = $\frac{1}{2} m v_1^2$
۲ پر ذرہ کم کی توانائی
بالفعل = $\frac{1}{2} m v_2^2$ (نقطہ ۱ وغیرہ)
جسم کی مجموعی توانائی بالفعل
۲ کے گرد گھومنے کی وجہ سے =

$\frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} m v_2^2 + \dots$
اگر قوس کے اندر کی

مقداروں کے مجموعے کو نشان ρ سے ظاہر کریں

تو

گردشی توانائی بالفعل = $\frac{1}{2} \rho \omega^2$

ρ سے تعبیر کیا ہوا مجموعہ جسم مذکور کی ایک خاصیت ہے۔ اور محور معینہ ۲ کے لحاظ سے وہ مجموعہ اس جسم کے لئے ایک خاص قیمت رکھتا ہے۔ اور اس مجموعے کی مقدار محور مذکور کے گرد مادے کی تقسیم پر منحصر ہے۔ اس ρ کو محور معینہ کے گرد جسم کے جمود کا معیار اثر کہتے ہیں اور اس کی تعریف یوں ہوتی ہے کہ

$$\rho = \frac{1}{2} \rho_1 + \frac{1}{2} \rho_2 + \frac{1}{2} \rho_3 + \dots$$

یا $\rho = \frac{1}{2} \rho_1 + \frac{1}{2} \rho_2 + \frac{1}{2} \rho_3 + \dots$ جہاں ρ سے جسم کے کل ذروں کے لئے ایک ہی قسم کی متعدد رقموں کا مجموعہ مراد ہے۔

گردشی نصف قطر — اگر کسی جسم کے مادے کی مجموعی کمیت کو ایک ہی ذرے میں منبجہ تصور کیا جائے۔ اور یہ ذرہ نقطہ ۲ کے گرد ایک ہلکے ڈنڈے کے ذریعے سے گ نصف قطر کے دائرے میں گھومنے پر مجبور کیا جائے تو ذرہ مذکور کے جمود کا معیار اثر محور معینہ کے گرد گ کا ہوگا۔ گ جسم کا کمیت مادہ ہے گ کے مناسب انتخاب سے اس ذرے کے جمود کا معیار اثر اتنا ہی بنایا جاسکتا ہے جتنا جسم مذکور کا۔ گ کی اس قیمت کے لحاظ سے گ کا یہ طول گ اس خاص محور کے لحاظ سے جسم کا گردشی نصف قطر کہلاتا ہے۔

اگر جسم کا کل مادہ گ نصف قطر کے چھلے کی شکل میں بھی مرتب ہو تو جمود کے معیار اثر کی قیمت وہی رہے گی۔

متوازی محوروں کا اصول

کسی جسم کے جمود کا معیار اثر کسی محور کے گرد =
(مرکز جاذبہ میں سے گزرنے والے متوازی محور کے گرد جسم مذکور
کے جمود کا معیار اثر +

(جسم مذکور کا کمیت مادہ) \times (محوروں کے درمیانی فاصلے کا مربع)۔
پس $M = I$ سے گزرنے والے محور کے گرد معیار اثر

$$= M + K^2$$

$$M = K^2$$

$$M = K^2$$

$$K^2 = K^2 + K^2$$

$$K^2 = K^2 + K^2$$

لیکن

اور

اس لئے

یا

بنابریں اگر ہمیں مرکز جاذبہ
سے گزرنے والے محور کے لحاظ
سے جمود کا معیار اثر یا گردشی نصف
قطر معلوم ہو تو کسی اور متوازی محور کے
لحاظ سے جمود کا معیار اثر دریافت
ہو سکتا ہے۔



چند کارآمد صورتوں کے جمود

کے معیار اثر کی فہرست ضمیمہ میں ملے گی۔ شکل ۵۔ متوازی محوراں میں سے

خطی حرکت و زاویائی حرکت

خطی حرکت کے متعلق مقادیر اور زاویائی حرکت
کے متعلق مقادیر کے مابین ذیل کی جدول میں جو مشابہت

واقع ہے وہ قابل غور ہے۔			
خطی حرکت		زاویہ حرکت	
مقادیر	علامات	مقادیر	علامات
نقل مکان یا فصل	ف	زاویہ	ط
رفتار	$r = \frac{\text{فرق}}{\text{فرد}}$	زاویہ رفتار	$\text{قد} = \frac{\text{فرط}}{\text{فرد}}$
اسراع	$a = \frac{\text{فرور}}{\text{فرد}} = \frac{\text{فراف}}{\text{فرد}}$	زاویہ اسراع	$\text{عد} = \frac{\text{فرقہ}}{\text{فرد}} = \frac{\text{فراط}}{\text{فرد}}$
کمیت ماوہ	ک	جمود کامیاب اثر	م
قوت	ق = ک ع	جھٹ	ج = م ع
حرکت کامیاب اثر	ک ر	زاویہ حرکت کامیاب اثر	م ر قہ
انتہائی توانائی بالفعل	$\frac{1}{2} k r$	محوری توانائی بالفعل	$\frac{1}{2} m r^2 \text{ قہ}$
کام	قوت \times طے شدہ فاصلہ	کام	جھٹ \times گردش زاویہ
	د = ق ق ف		د = ج ج ط

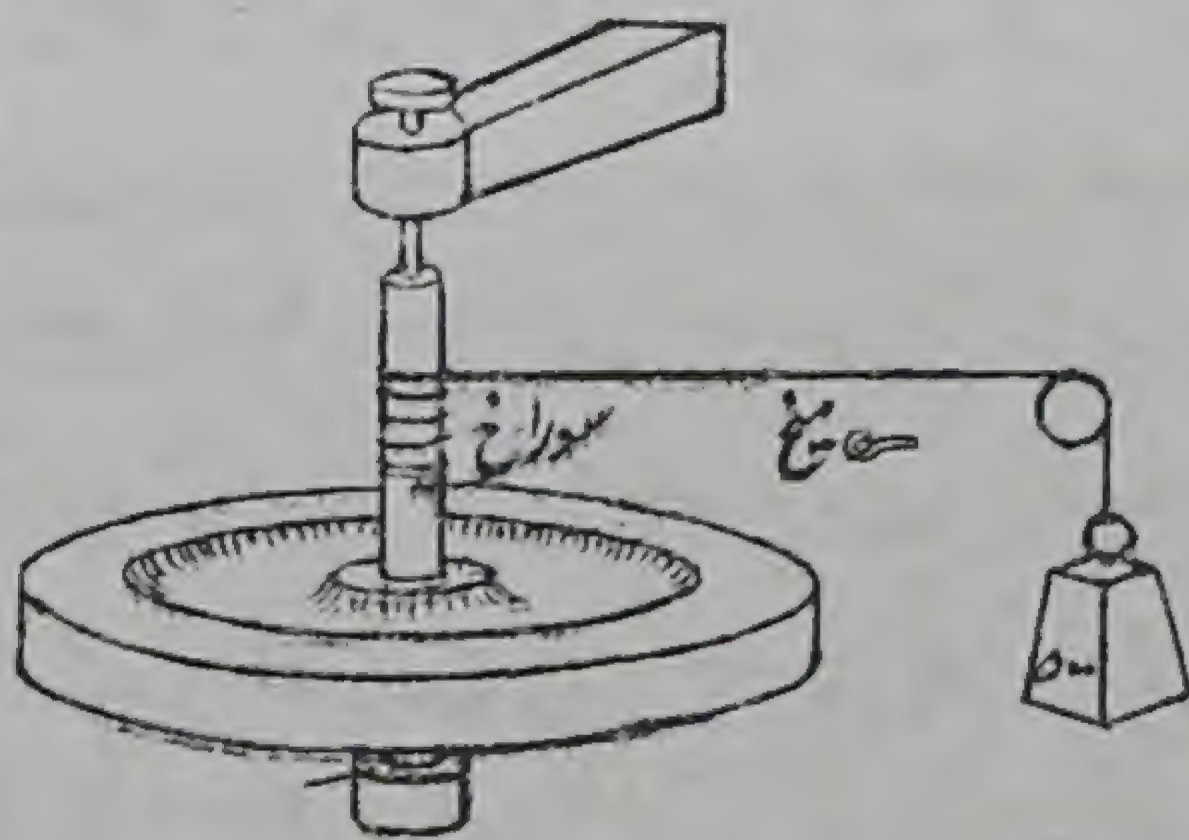
یہ جدول زاویہ حرکت پر بحث کرنے میں بہت کارآمد ہے کیونکہ خطی حرکت کی حالت میں چند خاص مقداروں کے باہمی تعلق بتانے کے لئے اگر کوئی عام جملہ حاصل ہو جائے تو زاویہ حرکت کے لئے بھی متشابه مقداروں کے باہمی تعلق بتانے والا ٹھیک ویسا ہی جملہ فوراً لکھا جاسکتا ہے۔ اس امر کی مثالوں کے لئے فصل نہم میں سادہ موسیقی حرکت کا بیان دیکھو۔

۵۔ جمود کے معیار اثر کی پیمائش

چونکہ جمود کے معیار اثر کا تخمیل گردش کرنے والے جسم کی توانائی بالفعل کی بحث سے حاصل ہوا ہے اس لئے ہم عموماً اسی توانائی بالفعل کی پیمائش سے جمود کا معیار اثر دریافت کرتے ہیں۔ کسی جسم میں توانائی کی ایک خاص یا قابل پیمائش مقدار داخل کرنے پر اُس میں جو نواہی رفتار پیدا ہوتی ہے اُس کی پیمائش سے جسم مذکور کے جمود کے معیار اثر کی عملی تعیین کی جاتی ہے۔

اُڑ پھیٹے کے جمود کا معیار اثر

اگر جسم لمبی دھری کے پیپے کی شکل کا ہو تو گردش محور کے گرد اُس جسم کے جمود کے معیار اثر دریافت کرنے کا حسب ذیل ایک نہایت مناسب طریقہ ہے۔ اس طریقے میں دھری کے کسی ایک نقطے پر یا خود پیپے کے وسطوانی گھیرے پر ایک چھوٹے سوراخ یا ایک چھوٹی میخ کی ضرورت پڑتی ہے۔ پیتل کی ایک ایسی کیل بنائی جاتی ہے کہ وہ سوراخ میں ٹھیک



شکل ۷۶۔ اُڑ پھیٹے انتصابی محور کے ساتھ

بھیٹ جائے۔ اور یہ کیل ایک خاصی لمبی ڈوری سے مضبوط باندھ دی جاتی ہے۔ اگر سوراخ کے بجائے میخ لگی ہو تو ڈوری کے ایک سرے میں سادہ حلقہ بنا کر اس حلقے کو میخ پر چڑھا دیتے ہیں۔ مندرجہ بالا طریقوں میں سے کسی ایک طریقے سے ڈوری کو دھری یا پیہے میں لگانے کے بعد پہلی اس طرح کھٹایا جاتا ہے کہ ڈوری چند بار پیہے کے کنارے پر یا دھری پر لپٹ جائے۔ اگر پیہے کا محور انتصابی ہو تو ڈوری کو ایک چرخ پر سے گزارتے ہیں اور اگر محور افقی ہو تو ڈوری کو براہ راست لٹکتے دیتے ہیں۔ اس ڈوری کے آزاد سرے سے مناسب کمیت کا ایک مادہ لٹکایا جاتا ہے۔

اب اگر یہ کمیت گرنے دی جائے تو وہ اپنی توانائی بالقوہ کا کچھ حصہ کھو دیگی۔ کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ گرنے والی کمیت کی حرکت کی وجہ سے کچھ تو انتقالی توانائی بالفعل میں اور کچھ اڑ پیہے کی محوری توانائی بالفعل میں منتقل ہو جائیگی۔ رگڑ کی وجہ سے جو توانائی کا نقصان ہوتا ہے اس کو اگر سر دست نظر انداز کر دیں تو بقائے توانائی کے اصول سے ہم یہ کہہ سکتے ہیں کہ

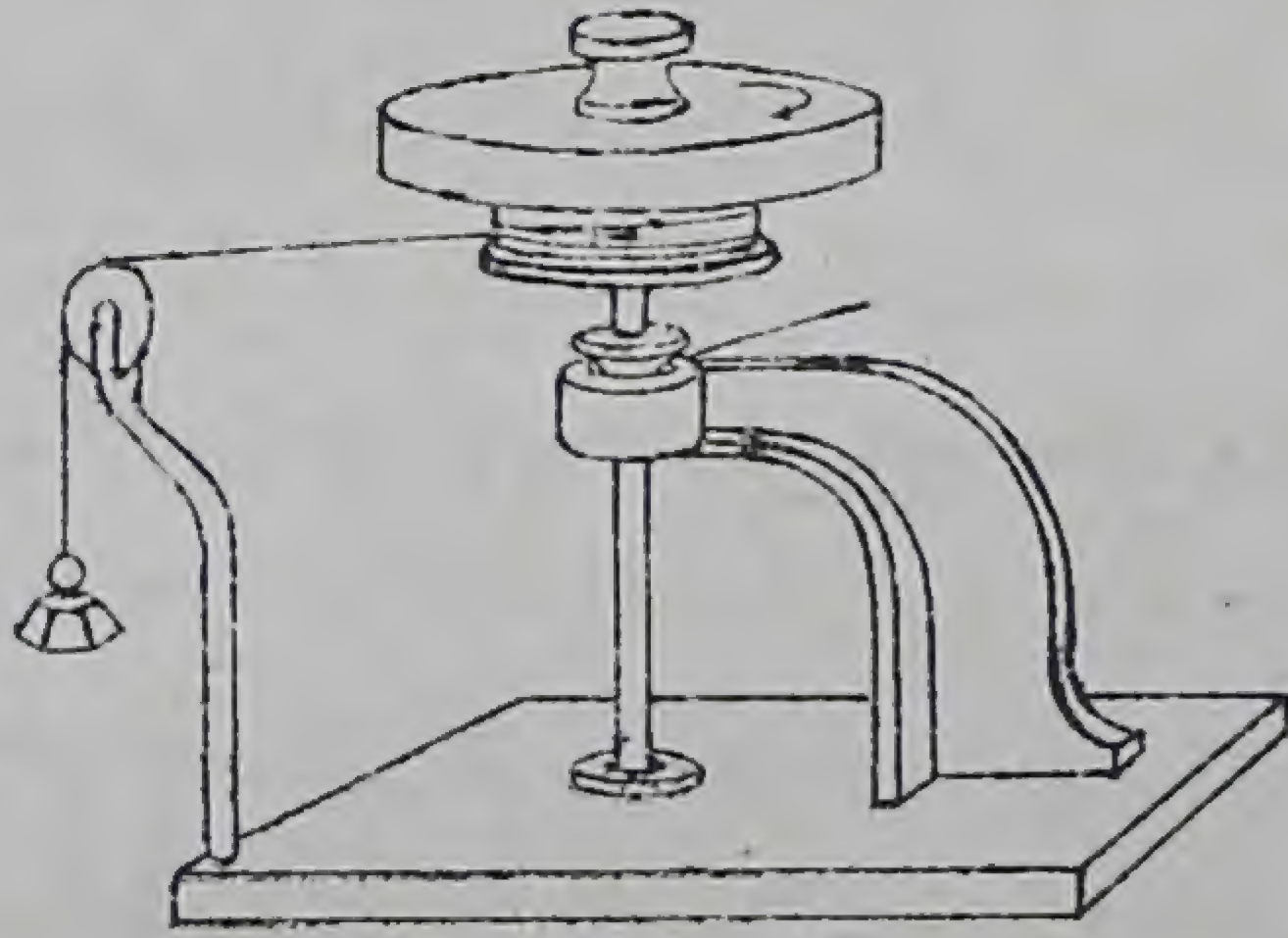
(گرنے والی کمیت مادہ کی کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ) = کمیت ہذا کی حاصل شدہ توانائی بالفعل + (پیہے کی حاصل شدہ توانائی بالفعل)

اب اگر لٹکے ہوئے مادے کی کمیت ک گرام ہو اور یہ پیہے سے ڈوری کے جدا ہونے سے پہلے اس کمیت کا طے شدہ انتصابی فاصلہ ف سم ہو تو اس سے کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ ک ج ف ارگ ہوگی۔ فرض کر دو کہ دھری سے ڈوری کے سرے کے عین علیحدہ ہونے کے وقت گرنے والے مادے میں رسمرفی ثانیہ کی خطی رفتار اور پیہے میں قدیم قطریاں فی ثانیہ کی زاویائی رفتار پیدا ہو گئی ہے۔ تو اس وقت گرنے والے مادے کی انتقالی توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2$ اور پیہے کی محوری توانائی بالفعل $\frac{1}{2} I \omega^2$ ہوگی۔

لہذا سرگٹھ کو نظر انداز کر کے ہوتے ہوئے ہم کہہ سکتے ہیں کہ

$$ک ج ف = ک ر د د م ق د$$

اس مساوات میں ک اور ج دونوں معلوم ہیں۔
ف کی تعیین :- ف کی صحیح قیمت دریافت کرنے کا سب سے آسان اور مناسب طریقہ یہ ہے کہ دوسری کا طول اتنا رکھا جائے کہ گھو جب گرنے والے مادے کی پچھلی سطح ٹھیک زمین پر پھنچے تو دوسری کا سر اسی سطح سے جتا اھو جائے۔ اگر ابتدائے حرکت کے وقت مادے کی



شکل ۷۷۔ اُڑ پھٹنے انتصابی محور کے ساتھ

پچھلی سطح کی بلندی اس طرح درست کی جائے کہ وہ میز کی اوپری سطح کی بلندی کے برابر ہو تو فاصلہ ف جس تک مادہ مذکور پہنچے سے ملحق رہ کر گریگا زمین کے فرش سے میز کی اوپری سطح کی بلندی کے برابر ہوگا۔
ر اور قہ کی تعیین :- ر اور قہ کے دریافت کرنے کے دو طریقے ہیں۔ جن کی تشریح نیچے کی جائیگی۔ ان میں سے دوسرا طریقہ قابل ترجیح ہے کیونکہ اس طریقے میں مقابلہ نہ صرف زیادہ صحت حاصل ہوتی ہے بلکہ اس میں جو رگڑ کی وجہ سے نقصان ہوتا ہے

اُس کی تصحیح کے ذرائع بھی مل جاتے ہیں۔ (رگڑ کی تصحیح کا طریقہ آگے بیان کیا جائیگا)۔

طریقہ (۱) اگر نے والی کمیت کو زمین تک پہنچنے میں جو وقفہ لگتا ہے اُس کی پیمائش چل رکنی گھڑی کے ذریعے کی جاتی ہے۔ فرض کرو کہ یہ وقفہ $\frac{1}{2}$ ثانیہ ہے۔

اس وقفے کے اندر کمیت ہذا ہموارانہ بڑھتی رفتار سے فاصلہ $\frac{1}{2}$ فٹ سم تک نیچے اترتی ہے۔ چونکہ $\frac{1}{2}$ فٹ اتنی رفتار سے اس لئے آخری رفتار یعنی وہ رفتار جو گرتی کمیت زمین پر پہنچتے وقت رکھتی ہے، اوسط رفتار سے دو چند ہوگی۔

$$\frac{1}{2} = \text{اوسط رفتار}$$

$$\frac{1}{2} = \text{اس لئے آخری رفتار}$$

$$\frac{1}{2} =$$

وقفہ $\frac{1}{2}$ بالعموم بہت چھوٹا ہوتا ہے۔ اس لئے اُس کی پیمائش کچھ زیادہ صحت کے ساتھ نہیں ہو سکتی۔

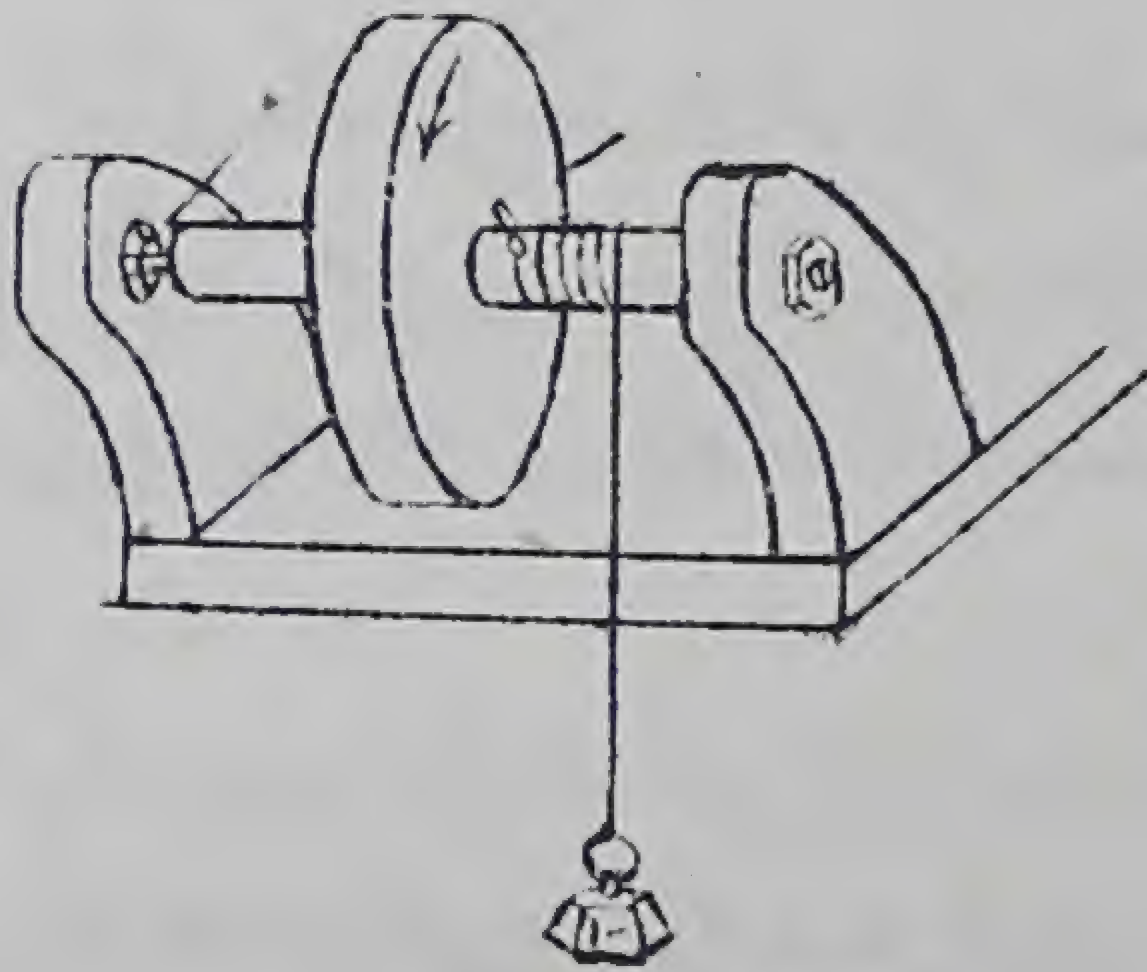
ہمیں معلوم ہے کہ $\frac{1}{2}$ فٹ جہاں $\frac{1}{2}$ فٹ اُس اسطوائی گھیرے کا نصف قطر ہے جس پر ڈوری لپیٹی گئی ہے۔ اگر ناپ لیا جائے۔ اور ر کی قیمت حسب مندرجہ بالا دریافت ہو جائے تو قدر کی قیمت مل جائیگی۔ کیونکہ

$$\frac{1}{2} =$$

طریقہ (۲) پہلے سے ڈوری کے علاحدہ ہو جانے کے بعد پیمائش دیر تک گھومتا رہتا ہے۔ مگر رگڑ کی وجہ سے اُس کی زاویائی رفتار گھٹتی جاتی ہے یہاں تک کہ پیمائش ساکن ہو جاتا ہے۔

اگر رگڑ کا عمل مستقل ہو تو پہلے میں بالکل ہموارانہ ابطاء پیدا ہوگا۔ یعنی اُس کی رفتار ہموارانہ کم ہوتی جائیگی۔ اور اس کو ساکن ہونے کے لئے جتنا وقفہ درکار ہے اُس وقفے کے اندر اُس کی اوسط زاویائی رفتار

اُس کی ابتدائی زاویائی رفتار کے نصف کے برابر ہوگی۔



شکل ۷۔ اُڑ پھیٹے افقی محور کے ساتھ

اگر ڈوری کے جدا ہو جانے کے بعد پھیٹا سہ مکمل گردشیں کرے۔ اور اُس کے ساکن ہونے کے لئے وہ وقت کی ضرورت ہو تو ساکن ہوتے وقت اُس کی اوسط زاویائی رفتار حسبِ ذیل رشتہ سے حاصل ہوگی۔

$$\text{اوسط زاویائی رفتار } \varphi = \frac{2\pi}{T} \times \frac{1}{2} \text{ نیم قطریاں فی ثانیہ}$$

اس لئے ڈوری کے عین جدا ہوتے وقت

$$\text{زاویائی رفتار } \varphi = 2\pi \times \frac{1}{T} \times \frac{1}{2} \text{ نیم قطریاں فی ثانیہ}$$

یہاں ω کی قیمت ω کے مقابلے میں کہیں زیادہ ہے۔ اس لئے ω کی پیمائش زیادہ صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے۔ لہذا ω اور φ کی قیمتیں جو اس طریقے سے حاصل ہوتی ہیں۔ پہلے طریقے کی قیمتوں سے کہیں زیادہ صحیح ملینگی۔

تقریباً کی قیمت دریافت کر لینے کے بعد ω کی قیمت حسبِ دستور ذیل کے رشتے سے حاصل ہو جائیگی

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \times \frac{1}{2} \text{ نیم قطریاں فی ثانیہ میں اور } \varphi \text{ کی قیمت نیم قطریاں فی ثانیہ میں}$$

دریافت کرو۔

متحرک جسم ۶۳ اڑ پھینکے کے جوہر کا معیار اثر۔
ڈوری سے مختلف کمیتوں کے مادے لٹکا کر اور ان کو مختلف فاصلوں
تک گرا کر اڑ پھینکے میں گردش پیدا کرو۔ اور جن فاصلوں تک وہ کمیتیں
گریں ان کی پیمائش کرو۔ اس طرح سے ک اور ف کی مختلف قیمتیں
مل جائیں گی۔

اس اسطوانی گھیرے کا نصف قطر ناچو جس پر ڈوری لپیٹی جاتی
ہے۔ اگر گھیرے کے نصف قطر کے لحاظ سے ڈوری معتد بہ موٹائی کی ہو
تو ن کی قیمت محسوب کرتے وقت گھیرے کے پیوہ نصف قطر میں
ڈوری کی نصف موٹائی (نصف قطر) شریک کر لینی چاہیے۔
ڈوری کے جدا ہوجانے کے بعد پھینکے کی گردشوں کا شمار کرو۔
یہ تعداد گردش سہ کی قیمت ہوگی۔

ساکن ہونے کے لئے جو وقت و درکار ہے اس کو
دریافت کرو۔

ہر کمیت ک اور فصل ف کے لئے مشاہدات تین تین بار
ہونے چاہئیں۔ اگر ک اور ف کی کسی خاص قیمتوں کے ماتحت ہر
مشاہدے میں سہ اور و کی قیمتیں مختلف ملیں تو ان کی اوسط قیمتیں
لینی چاہئیں۔

ک اور ف کی ہر قیمت کے تحت میں قدر اور ر کی اوسط
قیمتیں نکالو اور ان کو مساوات

$$ک ج ف = \frac{۱}{۲} ک + \frac{۱}{۲} م قدر$$

میں داخل کرو۔

م کی قیمت محسوب کرنے کے قبل ک ج ف، $\frac{۱}{۲} ک$ اور $\frac{۱}{۲} قدر$ میں سے ہر ایک کی قیمت علیحدہ علیحدہ
دریافت کرو۔

جہود کے معیار اثر کو گرام (سم) ۲ میں ظاہر کرو۔

رگڑ کی تصحیح — اگر سہاروں پر کی رگڑ بہت زیادہ ہو تو حساب میں اس رگڑ کا لحاظ رکھنا ضروری ہے۔ فرض کرو کہ پھیلتے کی ہر مکمل گردش میں رگڑ کے خلاف ایک خاص مقدار کا کام م ہوتا ہے۔ اور فرض کرو کہ مادے کے گرنے میں پھیلتے نے گردش کی ایک خاص تعداد ت پوری کی۔ اور اس لئے رگڑ کے خلاف ت م مقدار کا کام ہوا۔

بنابریں مساوات

$$ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د$$

اب حقیقتہً صحیح نہیں رہی۔ اس لئے مساوات مندرجہ بالا کی ترمیم حسب ذیل ہونی چاہیئے:—

$$ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د + ت م \dots\dots\dots (۱)$$

کیونکہ جب گرنے والا مادہ اپنی توانائی بالقوہ کھو رہا تھا اس وقت ت م کا کام ہوا۔ اب پھیلتے سے ڈوری کے جدا ہونے پر $\frac{1}{2} م ر ق د$ مقدار کی توانائی بالفعل موجود تھی۔ اور یہ توانائی رگڑ کے مقابلہ کرنے میں بتدریج زائل ہو گئی۔ یعنی گردش کی ایک خاص تعداد ت میں اس توانائی کی پوری مقدار جذب ہو گئی۔ اس لئے

$$\frac{1}{2} م ر ق د = ت م$$

$$یعنی م = \frac{\frac{1}{2} م ر ق د}{ت}$$

لہذا ہمیں ایک ایسا رشتہ مل گیا ہے جس کے ذریعے سے غیر معلوم م کی قیمت معلوم مقادیر کے رقوم میں حاصل ہو جائیگی۔

$$اس لئے ت م = \frac{ت}{ت م} \frac{1}{2} م ر ق د$$

اب مساوات (۱) کی شکل یوں ہو سکتی ہے کہ

$$ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د + \frac{ت}{ت م} \frac{1}{2} م ر ق د$$

$$یا ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د (۱ + \frac{ت}{ت م}) \dots\dots\dots (۲)$$

توس کے اندر کی رقم $\frac{ت}{ت م}$ سے رگڑ کی تصحیح کی تعبیر ہو جاتی ہے۔

ماڈے کے گرتے وقت پیہیے کی گردشوں کی تعدادات زیادہ
کرو۔ اور مندرجہ بالا تصحیحی رقم کو مسادات (۲) میں داخل کر کے ہر کی
قیمت پھر محسوب کرو۔

سطح مائل پر گڑھ کرنے والے گردش جسم

جب کوئی جسم کسی سطح مائل کے نیچے گڑھکایا جاتا ہے تو اس
جسم کی کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ، اس کی توانائی بالفعل میں منتقل ہو جاتی
ہے۔ جس وقت جسم سطح مائل کی جڑ میں پہنچتا ہے تو اس میں دو قسم کی
حرکتیں رہتی ہیں :-

(ا) انتقالی حرکت

(ب) محوری حرکت

اور

اس لئے جسم کی توانائی بالفعل مندرجہ ذیل دو حصوں کا مجموعہ ہے :-

(ا) انتقالی حرکت کی توانائی بالفعل = $\frac{1}{2} K V^2$

(ب) محوری حرکت کی توانائی بالفعل = $\frac{1}{2} I \omega^2$

اور

جہاں $K =$ جسم کے مادے کی کمیت

$V =$ خطی رفتار

$I =$ مرکز جاذبہ سے گزرنے والے محور کے گروہود کا معیار اثر

$\omega =$ زاویائی رفتار۔

اگر سطح زیر بحث کے سرے کی بلندی جہاں سے جسم میں حرکت
م شروع ہوتی ہے اس مقام سے جہاں جسم رک جاتا ہے ف ہو تو
جسم ہذا اپنی توانائی بالقوہ بمقدار $K J$ ف کھودیتا ہے۔
اس لئے

$K J F = \frac{1}{2} K V^2 + \frac{1}{2} I \omega^2$ (۳)

فی الحقیقت پیدائندہ حرکت سطح سے مس کرتے ہوئے محور
کے گرد گردش حرکت ہے بشرطیکہ یہ فرض کر لیا جائے کہ پھلنے والی

کوئی حرکت پیدا نہ ہو۔ بہر حال یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ
مذکورہ بالا گردشی حرکت = مرکز جاذبہ کی انتہائی حرکت
+ مرکز جاذبہ سے گزرنے والے محور کے گرد زاویائی حرکت

اس لئے دعویٰ زیر لکیر درست ہے۔

اگر مس کسب کرنے والے محور سے مرکز جاذبہ کا عمودی فصل l ہو تو
مرکز جاذبہ کی خطی رفتار = $l \omega$ (جیسا شکل ۹ سے واضح ہے)۔

فرض کر دو سطح پر فصل l طے

کرنے میں لڑھکنے والے جسم کو وقت t درکار ہے۔

اور چونکہ آخری رفتار v اوسط رفتار سے دو چند ہے

اس لئے آخری رفتار $v = 2 \times$ لگ بھگ $l \omega =$

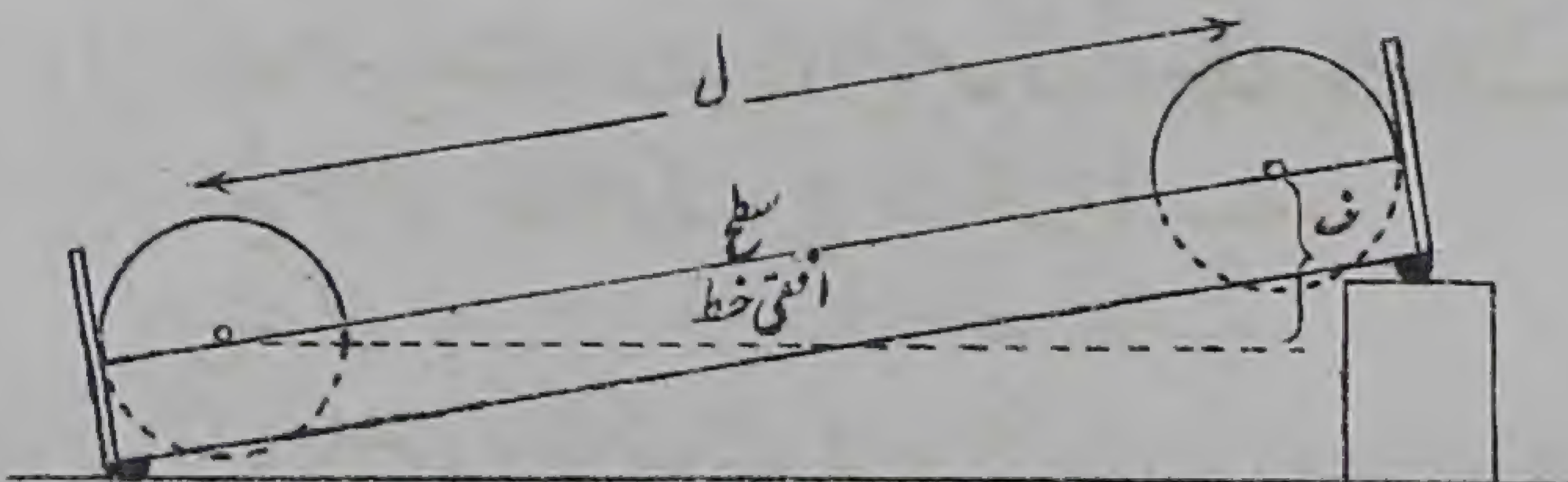
اس لئے $l \omega = 2v$

ف اور ک برابر راست دریافت شکل ۹ - ثبوت کر = $l \omega$

ہو سکتے ہیں۔ اس لئے مساوات (۳) میں v کے کل مقادیر معلوم ہیں۔ اور مختلف معلوم مقادیر
کی قیمتوں کو مساوات ہذا میں داخل کر کے v کی قیمت دریافت ہو سکتی ہے۔

تجربہ ۶۲ - سطح مائل پر چرخ اور محور۔

دھری لگا ہوا ایک بڑا قرص سطح مائل پر چڑھتے ہوئے ریلوں پر لڑھکایا
جاتا ہے۔ اور سطح کی جڑ میں پھینے کے لئے قرص کو جتنا وقت درکار
ہوتا ہے اس کا مشاہدہ کر لیا جاتا ہے۔ فرض کرو کہ یہ وقت t ہے۔



شکل ۹ - سطح مائل پر چرخ اور محور

سطح مائل پر دھری کا طے کیا ہوا فاصلہ بھی دریافت کر لیا جاتا ہے۔
 فرض کرو کہ یہ فاصلہ l ہے۔ جس بلندی سے دھری گرتی ہے اس
 کو سادہ ارتفاع پیمائے کے ذریعے سے پیمائش کر لیتے ہیں۔ فرض کرو
 کہ یہ بلندی f ہے۔ اس لئے زائل شدہ توانائی بالقوہ = ckf
 قرص کو تول کر ckf کی قیمت دریافت کرو۔
 سطح کی جڑ میں پہنچتے وقت قرص کی خطی رفتار

$$v = \frac{2}{3} \sqrt{gkf}$$

ر کی قیمت سمر فی ثانیہ دریافت کرو۔
 سطح کی جڑ میں انتقالی توانائی بالفعل $\frac{1}{2}ck^2$ کی قیمت محسوب کرو۔
 یہاں مرکز جاذبہ سے ثابت محور کا فصل دھری کے نصف قطر
 کے مساوی ہے۔

دھری کے نصف قطر n کو خروہ پیمائش کے ذریعے سے ناپو۔
 سطح کی جڑ میں زاویائی رفتار $\omega = \frac{v}{n} = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{gkf}{n}}$
 وہ کی قیمت نیم قطر n فی ثانیہ میں محسوب کرو۔
 ان قیمتوں کو مساوات

$$ckf = \frac{1}{2}ck^2 + \frac{1}{2}m\omega^2 n^2$$

میں داخل کر کے m کی قیمت اخذ کرو۔

f کی مختلف قیمتیں (۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰ سم وغیرہ) لے کر تجربے کو
 دہراؤ۔

اس طریقے سے جو نتیجہ نکلیگا اس کی تصدیق ضابطہ

$$m = \frac{1}{2}ck^2$$

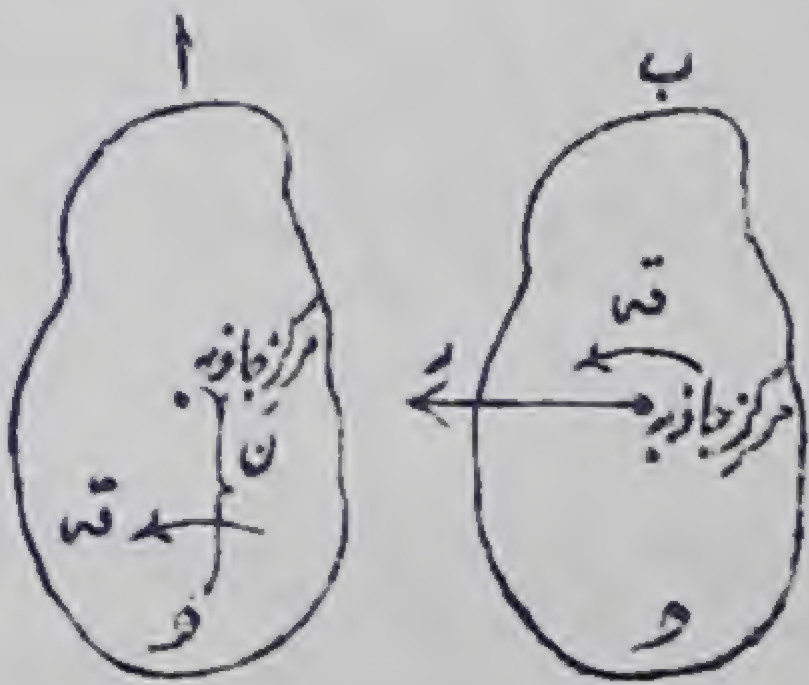
سے کرو جہاں v قرص کا نصف قطر ہے۔

اوپر بیان کیا جا چکا ہے کہ گوجسم کی حقیقی حرکت وہ گردشی حرکت ہے جو سطح مائل سے
 مَس کرنے والے محور کے گرد پیدا ہوتی ہے تاہم یہ حرکت ایسا ایسی مرکب حرکت تصور
 کی جاسکتی ہے جو مرکز جاذبہ کی خطی حرکت اور اس سے گزرنے والے محور کے گرد جسم کی

گردشی حرکت کا مجموعہ ہے۔

اس امر کا ثبوت حسب ذیل ہے:۔ ایک ایسے جسم A پر غور کرو جس میں ثابت محور O کے گرد زاویائی رفتار ω ہے۔

اور ایک ٹھیک ویسے ہی دوسرے جسم B کو بھی تصور کرو جس کے مرکز جاذبہ کی خطی رفتار v ہے۔ اور مرکز جاذبہ سے گزرنے والے محور کے گرد جس کی زاویائی رفتار ω ہے۔



فرض کرو کہ مرکز جاذبہ سے ω کا فصل N ہے۔ اور یہ بھی فرض کرو کہ جسم B میں مرکز جاذبہ کی خطی رفتار مذکورہ بالا خط N کے علی القوائم قدر N قیمت رکھتی ہے۔

شکل ۱۱۔ گردشیں محور کی فوری حرکت

ہر دو صورت میں مرکز جاذبہ کی حرکت پر غور کرو۔

صورت (۱)۔ ω کے گرد زاویائی حرکت کی وجہ سے مرکز جاذبہ کی

خطی رفتار = ωN دائیں سے بائیں طرف۔

صورت (ب)۔ جیسا اڈ پر فرض کیا گیا ہے مرکز جاذبہ کی خطی رفتار v = ωN

دائیں سے بائیں طرف۔

گردشی حرکت صفر ہے۔

اب دونوں صورتوں کے تحت میں نقطہ O کی حرکت پر غور کرو۔

صورت (۱) حرکت صفر ہے۔

صورت (ب) خطی حرکت کی وجہ سے v = ωN دائیں سے بائیں طرف۔

اور گردش حرکت کی وجہ سے v = ωN دائیں سے بائیں طرف۔

اس لئے ω ساکن ہے۔

پس دونوں صورتوں میں اس استوار جسم کے کسی دو نقطوں کو ایک ہی حرکت

حاصل ہے۔ اس لئے کلی نقطوں کی حرکت ایک ہی ہے۔ یعنی مرکز جاذبہ سے N فاصلے پر

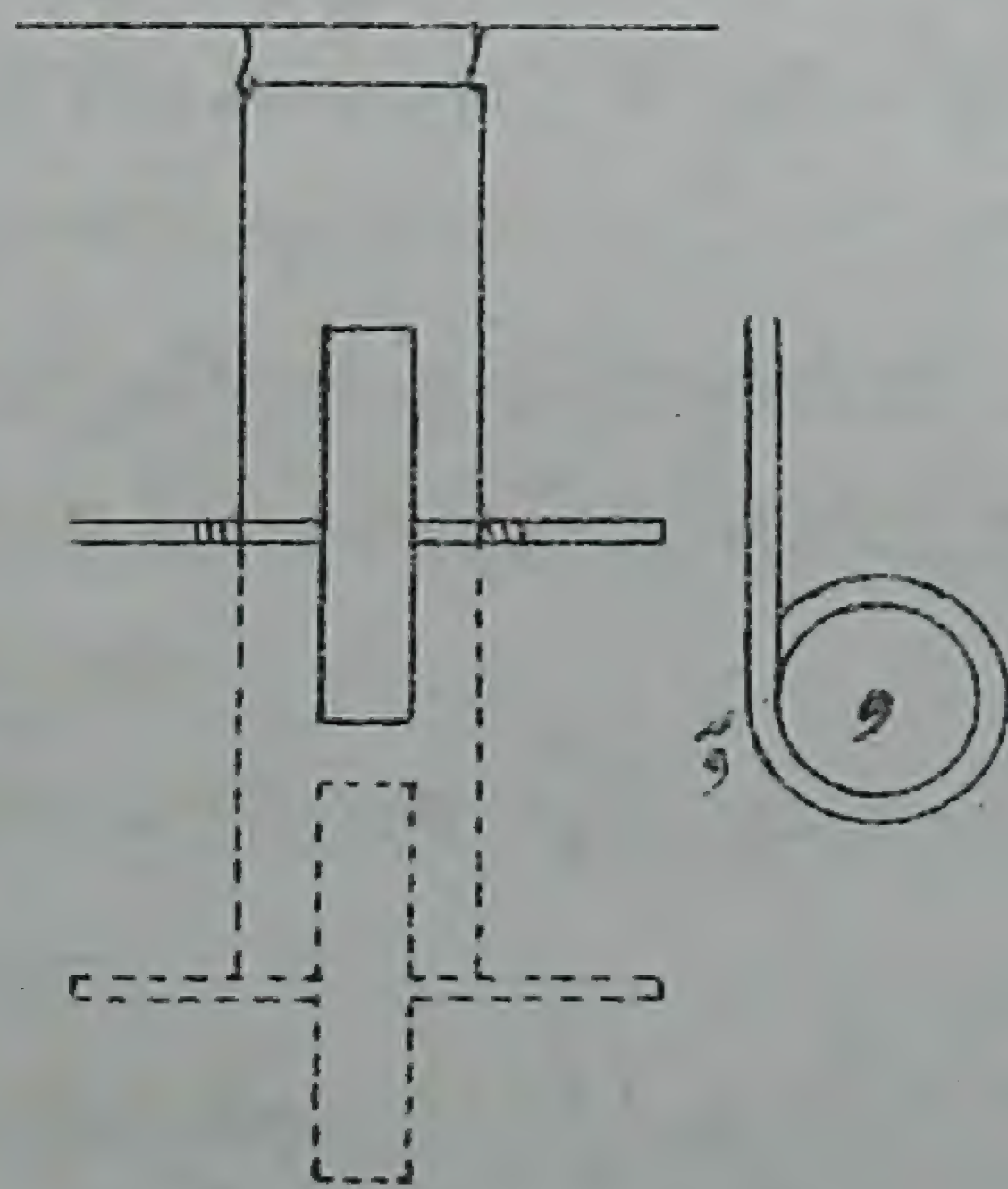
کے محور کے گرد گردش حرکت کے تحلیلی اجزاء حسب ذیل ہیں:۔

- ۱۔ مرکزِ جاذبہ سے گزرنے والے متوازی محور کے گرد مساوی گردشی حرکت۔
- ۲۔ مرکزِ جاذبہ کی خطی حرکت (رے قارن)

قُص کی دھری پر لپٹی ہوئی ڈوریوں سے

سہارا ہوا قُص

ایک نو لادی میکلے پر پڑھا ہوا قُص دو ڈوریوں سے اس طرح لٹکایا جاتا ہے کہ دھری آفتی وضع میں قائم رہے۔ قُص کو اوپر اٹھانے کے لئے دھری اس طرح کھائی جاتی ہے کہ اس کے دونوں طرف ڈوریاں



شکل ۸۲۔ ڈوریوں سے سہارا ہوا قُص

سہارا نہ لپٹی جائیں۔ جیسا شکل ۸۲ سے واضح ہے۔ قُص کے چھوڑ دینے پر وہ نیچے کی طرف گرتا ہے۔ اور اس طرح گرے وقت دھری پر لپٹی ہوئی ڈوریوں کے کھلنے سے قُص میں گردشی حرکت اور نیچے کی طرف انتہائی حرکت بھی پیدا ہوتی ہے۔

اگر یہ قُص فاصلہ تک نیچے اترے۔ اور اگر اس کی

کمیت مادہ ک ہو تو حسب دستور

$$ک ج ف = ک ر + ک ہر ق$$

جہاں ر خطی رفتار سے اور قرص کی زاویائی رفتار اس وقت ہے جب قرص ف فاصلہ طے کر چکا ہے۔

ہمیں یہ پہلے سے معلوم ہے کہ $ر = \omega r$ جہاں ω دھری کا نصف قطر مع دوری کی نصف موٹائی ہے۔ جیسا شکل ۲۲ کے ملاحظے سے ظاہر ہے۔ چونکہ نقطہ و ساکن ہے اس لئے محور کے مرکز و کی رفتار $ر = \omega r$ جہاں $\omega =$ دھری کا نصف قطر + دوری کی نصف موٹائی اور $ق$ کی تعیین دوری کے نیچے تک پہنچنے کے وقت قرص کی خطی رفتار کرنے کے دوران میں اس کی اوسط خطی رفتار کی قیمت سے دو چند ہے۔ کیونکہ یہ قرص پہلے صفر رفتار رکھتا ہے اور ہموار اسراع کے ساتھ نیچے اترتا ہے۔

$$فرض کرو کہ قرص کا طے کیا ہوا فاصلہ = ف$$

اس لئے اوسط رفتار $ر = \frac{ف}{ت}$ جہاں $و$ وہ وقت ہے جو قرص کو فاصلہ ف طے کرنے کے لئے درکار ہے

$$اور آخری رفتار $ر = ۲ر = \frac{۲ف}{ت}$$$

$$اور $ق = \frac{ف}{ر}$$$

تجربہ ۲۵۔ ڈوریوں سے لٹکائے ہوئے

قرص کے جمود کے معیار اثر کی تعیین — تجربے کو

اس طرح مرتب کرو کہ قرص کے پست ترین مقام پر اس کی دھری افقی وضع میں رہے اس کے بعد قرص کو اپنے محور کے گرد اس طرح گھماؤ کہ ڈوریاں نکلے پر ہموار ایندھنی جائیں۔ اور قرص اپنے بلند ترین مقام تک اٹھ جائے۔ بعد ازاں قرص کو چھوڑ دو۔ اور ٹھیک اسی وقت ایک چل رکنی گھڑی بھی چلا دو۔ قرص کو بلند ترین مقام سے پست ترین مقام تک گرنے میں جو وقت لگتا ہے اس کو قلمبند کر لو۔ اس مشاہدے کو

چند بار دہرانا چاہیئے۔ اور وقت کی اوسط قیمت محسوب کرنی چاہیئے۔ جملہ
ف کی پیمائش کرو۔ اور ذیل کی مساوات سے آخری رفتار R کی قیمت نکالو۔

$$R = \frac{2F}{\pi}$$

تکلی اور ڈوری کے قطر خردہ پیمائش سے ناپو۔ اور اس سے N کی
قیمت اخذ کرو۔ یہ N تکلی اور ڈوری کے نصف قطروں کا مجموعہ ہے۔
مساوات $R = 2F/\pi$ سے F کی قیمت نیم قطروں N فی ثانیہ میں دریافت
کرو۔ قرض اور تکلی کا وزن براہ راست تول کر معلوم کرو۔ پس R کی
قیمت جاننے کے لئے جتنی مقداروں کی ضرورت ہے ان کی قیمتیں
معلوم ہیں۔

قدر کی تقریبی قیمت رشتہ

$$R = \frac{2F}{\pi}$$

سے بھی دریافت ہو سکتی ہے۔

یہ قیمت محض تقریبی ہی حاصل ہوگی۔ ضابطہ ہذا صرف اس حالت میں درست ہوگا جب
قرض کا مادہ اس کے تمام حجم پر ہموار نہ پھیلا ہوا ہو۔ اس تجربے میں یہ صورت ہرگز نصیب
نہیں ہے۔ کیونکہ دھری کو بھی ایک معتد بہ مادہ حاصل ہے اور یہ قرض پر ہموار نہ پھیلا
ہوا نہیں ہے۔



فصل نہم

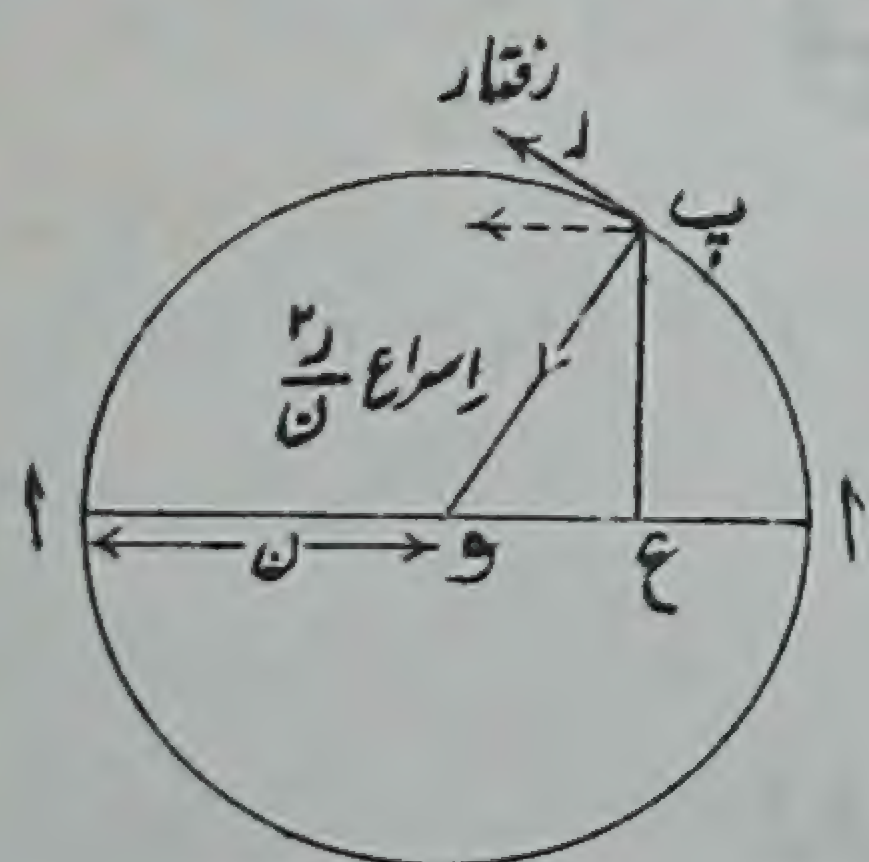
دوری حرکت

۱۔ خطی سادہ موسیقی حرکت

علم طبیعیات کی کل شاخوں میں ایسی صورتیں پیش آتی ہیں جن میں نقطے یا ذرے کی حرکت اہترازی یا ارتعاشی قسم کی ہوتی ہے۔ کسی نقطے کی حرکت اس وقت دوری کہلاتی ہے جبکہ اس میں حرکت کا ایک ہی قسم کا سلسلہ وقت کے خاص مساوی وقفوں کے بعد بار بار واقع ہوتا ہے۔ حرکت کے مکمل سلسلے کو ٹورا کرنے کے لئے جو وقت درکار ہوتا ہے اس کو حرکت کا وقت دوران کہتے ہیں۔ دوری حرکت کی آسان ترین شکل وہ حرکت ہے جو سادہ موسیقی حرکت کے نام سے مشہور ہے۔ اور بغرض تخفیف یہ حرکت اکثر م، م، ح سے تعبیر کی جاتی ہے۔

خطی سادہ موسیقی حرکت کی تعریف علم ہندسہ کے نقطہ نظر سے یوں ہو سکتی ہے کہ وہ حرکت کسی دائرے کے قطر پر ایک ہموار تندی حرکت کا نطل ہے۔ ایک ایسے نقطے پ کو تصور کرو جو کسی دائرے پر ہموار چال سے حرکت کر رہا ہے۔ فرض کرو کہ اس دائرے کا قطر ۲۲ ہے۔

اس پر نقطہ پ سے پ ع عمود ڈالو۔



تب عمود پ ع کا
پایہ یعنی نقطہ ع قطر ۱۲ پر سادہ
موسیقی حرکت کرتا ہے۔ نقطہ ع کا

نقل مکان و ع ہے۔ اور یہ
نقطہ ع کے اوسط مقام و سے
ع کا فاصلہ ہے۔ نقطہ ع کو اوسط
مقام و سے جو زیادہ سے زیادہ

شکل ۸۳۔ سادہ موسیقی حرکت

نقل مکان نصیب ہو سکتا ہے اس

کو محیطہ اهتزاز کہتے ہیں۔ اور یہ محیطہ اهتزاز دائرے کے نصف قطر
یا و کے برابر ہے۔ حرکت کی موجودہ ہیئت سے وہ وقفہ وقت
یا وقت دوران کی کسر مراد ہے جو نقطہ پ کے کسی ثابت نقطہ
مثلاً ۱ پر سے گزرنے کے بعد صرف ہو چکا ہے۔ اس ہیئت کو
زاویہ پ و ۱ سے بھی ظاہر کر سکتے ہیں۔ حرکت کا وقت دوران
وہ وقفہ وقت ہے جو نقطہ ع کو قطر ۱۲ پر آگے پیچھے جانے میں
صرف ہوتا ہے۔ یہ وقت وہی وقت ہے جو نقطہ پ کو دائرہ محولہ پر
پورا چکر کرنے کے لئے درکار ہے۔

فرض کرو کہ پ کی رفتار کسی نقطے پر رہے اور فرض کرو
کہ خط و پ کی زاویہ رفتار قہ نیم قطریاں فی ثانیہ ہے۔ تو

$$\text{وقت دوران د} = \frac{\pi r}{v} = \frac{\pi r}{\frac{v}{2}}$$

نقطہ ع کو سمت ۱۲ پر وہ رفتار حاصل ہے جو نقطہ پ کی
رفتار کے اس جزو تحلیلی کے ہمیشہ برابر ہے جو ۱۲ کے متوازی
ہے۔ پس اگر پ کی رفتار میں کوئی ایسی تبدیلی پیدا ہو جس کا اثر اس
کی رفتار کے ۱۲ کے متوازی جزو پر پڑے تو اس تبدیلی کا اثر ع کی

رفتار پر بھی پڑیگا۔ لہذا $\frac{2}{n}$ پر نقطہ E کی اسراع نقطہ P کی اسراع کے
اس جزو تحلیلی کے برابر ہے جو $\frac{2}{n}$ کے متوازی ہے۔ مگر P کی
اسراع P و E کی سمت میں $\frac{2}{n}$ ہے۔

اس لئے E کی اسراع W کی طرف $= \frac{2}{n}$ جم P و E

$$= \frac{2}{n} \times \frac{9}{9} = \frac{2}{n}$$

$$= \left(\frac{2}{n}\right) \times E \text{ کا نقل مکان}$$

$$= \frac{2}{n} \times E \text{ کا نقل مکان}$$

پس یہ ظاہر ہے کہ خطی سادہ موسیقی حرکت میں نقطہ ایک
خط مستقیم پر ایسی اسراع سے حرکت کرتا ہے جس کی سمت ہمیشہ
خط مذکور کے ایک ثابت نقطے کی طرف رہتی ہے۔ اور اس کی
مقدار ثابت نقطہ مذکور سے متحرک نقطے کے فصل کے تناسب
رہتی ہے۔

مذکورہ بالا بیان سے ہمیں S - M - C کی ایک اور تعریف
ملتی ہے۔ اور اس کو بجائے پہلی تعریف کے استعمال کر سکتے ہیں۔
لہذا اگر ہم کو یہ معلوم ہو جائے کہ کوئی نقطہ مذکورہ بالا قسم
کی اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے تو نقطہ مذکور کی حرکت سادہ موسیقی
حرکت ہے۔ اور ثابت نقطہ متحرک نقطے کا اوسط مقام ہے۔ اور اس
 S - M - C کا وقت دوران، ثابت نقطے سے کسی معلوم فصل پر کی
اسراع کے حدود میں ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ خواہ حرکت کی کوئی اور خصوصیت
خاصیت دی ہوئی نہ ہو۔

مندرجہ بالا بحث میں نقطہ E متحرک نقطے کا کام دیکھا۔ E کی
حرکت کے چیطہ امتیاز کی کسی معین قیمت کے لحاظ سے ہم دائرے پر
گھومنے والے ایک نقطہ P کو تصور کر سکتے ہیں جیسا اوپر بیان کیا

جا چکا ہے۔

اس نقطہ پ کی زاویائی رفتار کی ایک ایسی قیمت قہ ہوگی کہ
ع کی اسراع = قہ \times ع کا نقل مکان
اب اس نقطے کی اسراع یوں ظاہر کی جاسکتی ہے کہ

$$\text{اسراع} = \text{م} \times \text{لا}$$

یہ ظاہر ہے کہ قہ کی وہ خاص قیمت جس سے مساوات بالا پوری
ہوتی ہے اہم ہے۔ اور اس لئے س۔ م۔ ح کا وقت دوران = $\frac{\pi^2}{\text{اہم}}$
علم حرکت میں یہ اکثر پایا جاتا ہے کہ متحرک ذرہ کے تمام مقامات پر قوت عالمہ کی سمت
کسی ایک ثابت نقطے کی طرف رہتی ہے۔ اور اس کی مقدار ثابت نقطہ مذکور سے
متحرک ذرے کے فصل کے ساتھ متناسب رہتی ہے۔ یہ صاف ظاہر ہے کہ اگر ذرہ ثابت
نقطے پر ہو کر کسی خط مستقیم میں حرکت کرے تو اس کی حرکت سادہ موسیقی حرکت ہوگی۔
فرض کرو کہ قوت مذکورہ مہ لا ہے۔ جہاں مہ ایک مستقل ہے
اور لا نقل مکان مستقل مہ قوت کی قیمت ہے۔ جب نقل مکان اکائی ہے۔
اگر ذرے کی کمیت مادہ ک ہو تو نیوٹن کے دوسرے کلیہ حرکت
سے اسراع ع کی قیمت حسب ذیل حاصل ہوتی ہے:-

$$\text{ک ع} = \text{مہ لا}$$

$$\text{یعنی ع} = \frac{\text{مہ لا}}{\text{ک}}$$

یعنی اسراع نقل مکان کے ساتھ تناسب راست رکھتی ہے۔
اور اس لئے حرکت س۔ م۔ ح ہے۔

اس مساوات سے یہ صاف ظاہر ہے کہ یہاں س سے سابق بحث
کے م، قہ یا (پ) کا قائم مقام ہے۔

اس لئے وقت دوران کی قیمت حسب ذیل بلا توقف لکھی جاسکتی ہے:-

$$\text{و} = \frac{\pi^2}{\text{اہم}} + \frac{\pi^2}{\text{ع}} \text{ یا } \frac{\pi^2}{\text{قہ}}$$

$$\text{یعنی } \frac{\pi^2}{\text{ک}} = \frac{\pi^2}{\text{مہ لا}}$$

مساوات ہذا پر غور کرنے سے یہ معلوم ہوگا کہ وقت دوران
 و محیطہ ابتر از ان کے غیر تابع ہے۔
 وقت دوران کی اس مساوات کا استعمال نہایت وسیع ہے۔
 اگر ہم کو کسی جسم کی کمیت مادہ معلوم ہو۔ اور اوسط مقام سے اس کے
 نقل مکان کے حدود میں اس پر عمل کرنے والی قوت بھی معلوم ہو۔
 تو رشتہ متذکرہ بالا سے وقت دوران بلا توقف دریافت ہو سکتا ہے۔
 مہ، اکثر قوت فی اکائی نقل مکان کہلاتا ہے یعنی مہ
 قوت کی وہ قیمت ہے جو جسم پر عمل کر کے اس کو اپنے اوسط مقام
 سے ایک سمرٹھا دے۔

۲۔ زاویائی سادہ موسیقی حرکت

خطی حرکت اور زاویائی حرکت کے متعلق چند مقداروں کے درمیان
 جو مشابہت واقع ہے اس کا ذکر پہلے کیا جا چکا ہے (صفحہ ۲۲۶ کی جدول
 ملاحظہ ہو)۔

خطی اور زاویائی س۔ م۔ ح کی بحث میں متذکرہ بالا مشابہت
 کی مدد لی جاسکتی ہے۔ پس ہم مندرجہ ذیل دعویٰ بلا توقف اخذ
 کر سکتے ہیں :-

جب کوئی جسم کسی جفت کے زیر عمل کسی محور کے گرد گھومے
 اور یہ جفت کسی خاص مقام کے لحاظ سے زاویائی نقل مکان کے
 متناسب ہو تو جسم مذکور سادہ موسیقی حرکت کریگا۔

بنا بریں اگر جسم پر عمل کرنے والے جفت اور زاویائی
 نقل مکان کا باہمی تعلق مساوات ج = $\frac{M}{I}$ سے ظاہر کیا جائے۔
 تو زاویائی سادہ موسیقی حرکت کا وقت دوران

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{M}}$$

جہاں θ = جسم کے جمود کا معیار اثر محور کے گرد
سری اکثر اوقات جفت فی اکائی مروڑ کہلاتا ہے۔ یعنی
ی جفت کی وہ قیمت ہے جو جسم پر عمل کرے گی اگر جسم مذکور اپنے اوسط مقام
سے ایک نیم قطری ہٹا دیا جائے۔

۳۔ دوری حرکت کی مثالیں

دوری حرکت کے وہ اقسام جن سے تجربے میں بالعموم واسطہ
پڑتا ہے شاذ و نادر حقیقی سادہ موسیقی حرکتیں ہیں۔ بہر حال بہت سی
صورتوں میں وہ اقسام سادہ موسیقی حرکتیں تصور کئے جاسکتے ہیں بشرطیکہ
حرکتیں جو پیدا کی جائیں کسی خاص چھوٹے حدود سے بڑھنے نہ پائیں۔
دوری حرکت کی اہم ترین صورتوں میں سے ایک صورت رتقاص کی حرکت
ہے۔ رتقاص نہ صرف وقت معلوم کرنے کے لئے عام طور پر استعمال کیا جاتا
ہے بلکہ مختلف قسم کی رتقاصوں کے وقت دوران کی تعینوں سے علم طبیعیات
کے اہم ترین نتیجے حاصل ہو سکتے ہیں۔

سادہ رتقاص کا وقت دوران

سادہ رتقاص مادے کا ایک وزنی ذرہ ہوتا ہے جو بالکل ہتوار
نقطہ تعلیق سے ایک بے وزن سچکدار اور ناقابل وسعت تار کے
ذریعے سے لٹکتا ہو۔ شکل ۵۴ پر غور کرو۔ جب گولا اپنے اوسط مقام θ
سے ایک طرف ہٹا دیا جائے تو وہ "گولا" قوائے عالمہ کے زیر عمل
قوس پر ہوتا ہوا نقطہ θ کی طرف واپس آجائے گا۔ وہ اکیلی قوت جو قوس کی
سمت میں عمل کرنے والا جزو رکھتی ہے وہ گولے کا وزن ہے۔ اور یہ جزو
جو جسم کو نقطہ θ کی طرف حرکت دینے کا متقاضی ہے ک ج جب ط
کے مساوی ہے لہذا گولے پر ماسی قوت
ق = ک ج جب ط

اگر نرا وید نقل مکان بہت ہی چھوٹا ہو تو
مذکورہ بالا رشتہ یوں لکھا جاسکتا ہے۔

$$ق = ک ج ط$$

فرض کرو کہ گولے کا
نقل مکان قوس کے اوپر لا ہے تو

$$ط = \frac{لا}{ل}$$

جہاں ل = گولے کے مرکز
جاذبہ کا فاصلہ نقطہ تعلیق سے

$$اور ق = ک ج لا$$

اور یہ مساوات ق = مہ لا کی
شکل کی ہے۔ پس گولے کی حرکت
سادہ موسیقی حرکت ہے بشرطیکہ
نقل مکان لا بڑا نہ ہو۔

$$اس کا وقت دوران د = \frac{ک}{مہ} جہاں مہ = \frac{ک ج}{ل}$$

$$اس لئے د = \frac{ل}{ج} \pi^2$$

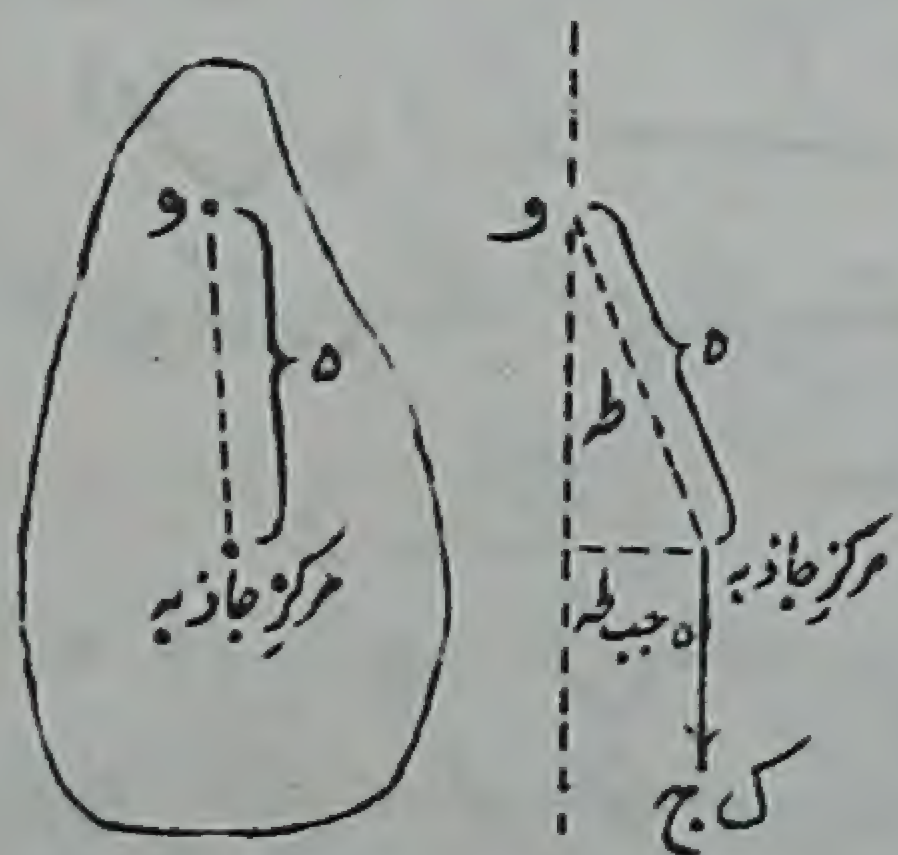
مربب رقاّص کا وقت دوران

اگر کسی جسم کے ماڈے کی کمیت اس کے تمام حجم پر یکساں پھیلی
ہوئی ہو تو حجم مذکور میں کسی محور کے گرد ارتعاش پیدا کر کے اس کو بطور
رقاّص استعمال کر سکتے ہیں۔

فرض کرو کہ ایک جسم محور و سے لگتا ہے (شکل ۸۵)۔

اگر وہ اپنے اوسط مقام سے ایک طرف ہٹا دیا جائے تو اس

کا وزن مرکز جاذبہ ہو کر نیچے کی طرف
عمل کرتا ہوا جسم میں واپسی معیار اثر
پیدا کرے گا۔ محور و کے گرد اس واپسی
معیار اثر کی قیمت ک ج ہ جب ط ہے۔
یہاں ط وہ زاویہ ہے جس تک جسم
اپنے ابتدائی مقام سے ہٹا لیا گیا ہے۔
اگر ط بہت ہی چھوٹا ہو تو



ہم جب ط کے بجائے صرف ط
لکھ سکتے ہیں۔ اس صورت میں

شکل ۸۵۔ مرکب رتقاص

واپسی معیار اثر جفت = ک ج ہ ط

اور یہ مساوات جفت = ی ط کی شکل کی ہے۔ جہاں

ی = ک ج ہ لہذا جسم نقطہ و سے گزرنے والے محور کے گرد
نرا دیسی سادہ موسیقی حرکت کرتا ہے۔ اور اس کا وقت دوران

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{M}{kgh}}$$

یہاں م و سے گزرنے والے محور کے گرد جسم کے جمود

کا معیار اثر ہے۔ اور م کو یوں لکھ سکتے ہیں کہ

$$M = k(g^2 + h^2)$$

جہاں گ مرکز جاذبہ کے گرد جسم کا گردش نصف قطر ہے۔

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{k(g^2 + h^2)}{kgh}}$$

لہذا

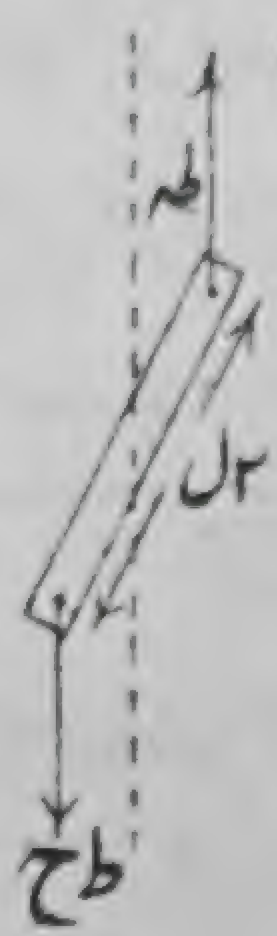
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{g^2 + h^2}{gh}}$$

یعنی

مرتعش متقاطیس کا وقت دوران

جب ط قطبی طاقت کا متقاطیس ح حدت کے میدان میں لٹکایا جائے تو اُس کے ہر قطب پر قوت ط ح عمل کرتی ہے۔

جب یہ متقاطیس اپنے اوسط مقام سے زاویہ ط تک ہٹایا جاتا ہے تو قطبوں پر عمل کرنے والی قوتیں متقاطیس



پر جفت پیدا کرتی ہیں۔ جس کی قیمت ط ح × ۲ ل جب ط ہے۔

یہاں ۲ ل متقاطیس کا طول ہے۔

۲ ل ط متقاطیس کا متقاطیسی معیار اثر

کہلاتا ہے۔ اور اس کو حرف ط سے تعبیر کرتے ہیں۔ لہذا

جفت = ط ل ح جب ط

اگر ارتعاشیں چھوٹی ہوں تو

جفت = ط ل ح ط

اور ہم بلا توقف وقت دوران کی قیمت حسب ذیل معلوم کر سکتے ہیں :-

$$\frac{م}{ط ل ح} \sqrt{\frac{۳۲}{۲}} = ۲$$

یہاں م = متقاطیس کے جمود کا معیار اثر اپنے محور ارتعاش کے گرد۔

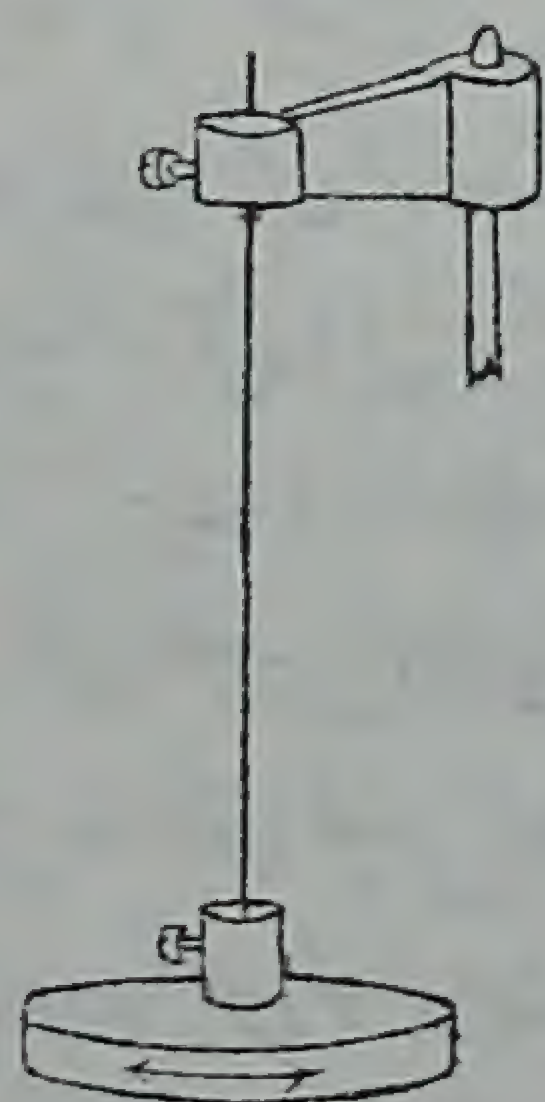
مروری رتقاص کا وقت دوران

اب تک دوری حرکت کی جو مثالیں دی گئی ہیں ان میں حرکتیں سادہ موسیقی حرکتیں اُس صورت میں تصور کی گئی ہیں جہاں زاویہ ارتعاش

چھوٹے ہوں۔ مرورّی رفاصوں میں جن سے اب ہم بحث کریں گے جو حرکتیں ہوتی ہیں وہ بڑے زاویائی نقل مکان کی صورت میں بھی حقیقی سادہ موسیقی حرکتیں ہیں۔

اگر کسی تار کا اوپر کا سرا

جکڑا ہوا ہو۔ اور اس کا نیچے کا سرا زاویہ طہ نیم قطریوں تک مروڑا جائے تو اس میں جو واپسی جفت پیدا ہوتا ہے وہ



$$\frac{\pi^2 n^2}{l}$$

جہاں n = تار کا نصف قطر
 l = تار کی استواری کا مقیاس
 (استواری کے مقیاس کی تعیین

شکل ۸۔ مرورّی رفاص

صفحہ ۱۸۶ میں ملاحظہ ہو)

پس اس تار سے لٹکنے والا جسم جس کے جمود کا معیار اثر ہے سادہ موسیقی حرکت کریگا۔ اور اس کا وقتِ دوران حسبِ ذیل ہوگا:-

$$\begin{array}{l} \frac{\pi^2 n^2}{l} \\ \frac{\pi^2 n^2}{l} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{یا} \\ \text{یا} \end{array}$$

اگر ایسے جسم کے جمود کا معیار اثر معلوم ہو تو مساوات مندرجہ بالا تار کی استواری مقیاس کے دریافت کرنے میں استعمال کی جا سکتی ہے۔ اور یہ طریقہ مقیاس کے نکالنے کا ایک ارتعاشی طریقہ ہے۔

مرغولہ دار کمانی سے لٹکتے ہوئے مادے کا وقت دوران

مرغولہ دار کمانی سے لٹکتے ہوئے مادے کی دوری حرکت، حقیقی

سادہ موسیقی حرکت کی ایک دوسری مثال ہے۔ — فرض کرو کہ کمانی سے
ک کیمیت کا لٹکتا ہوا مادہ کمانی کے طول میں l سم کا اضافہ پیدا کرتا ہے۔
اس صورت میں کمانی کی قوت، لٹکتے ہوئے مادے کے وزن k
ج کے برابر ہے۔ اور اس لئے قوت فی اکائی بڑھاؤ $\frac{k}{l}$ ج ہے۔
اگر کمانی میں ایک سم کا مزید بڑھاؤ پیدا ہو جائے تو اب بڑھاؤ $l + a$ سم
کے برابر ہوگا۔ اور کمانی مادے کو $\frac{k}{l+a}$ ج (۱) ڈائن قوت کے
ساتھ اوپر کی طرف کھینچے گی۔

لٹکتے ہوئے مادے پر عمل کرنے والی قوتیں حسب ذیل ہیں:۔
(۱) کمانی سے عمل کرنے والی قوت k ج (۱) $(\frac{1}{l} + \frac{1}{l+a})$ ڈائن اوپر
کی طرف۔

(۲) لٹکتے ہوئے مادے کا وزن k ج ڈائن نیچے کی طرف۔
ان دونوں قوتوں کا حاصل $\frac{k}{l}$ ج ڈائن اوپر کی طرف ہے۔
لہذا اس سے یہ ثابت ہوا کہ جب کمانی l اپنے مستقل مقام سے ایک سم
بڑادی جائے تو لٹکنے والا مادہ $\frac{k}{l}$ ج ڈائن کی قوت سے اوپر کی
طرف کھینچ جاتا ہے اور یہ قوت، قوت فی اکائی نقل مکان ہے۔ اس لئے
ارتعاش کا وقت دوران

$$2\pi \sqrt{\frac{l}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{k}}$$

جہاں l = کمانی کا مستقل بڑھاؤ جو لٹکنے والے مادے نے

پیدا کیا ہے۔

۴۔ دوری حرکتوں کے تجربے

سادہ رتقاص کے ذریعے سے اسراع بوجہ
جاذبہ زمین (ج) کی تعیین

اسراع بوجہ جاذبہ زمین کے براہ راست دریافت کرنے میں
بہت سی مشکلوں کا سامنا پڑتا ہے۔ اس صورت میں بھی جہاں محض
سرسری محنت بد نظر رہتی ہے۔ اس وجہ سے اس کے دریافت کرنے کے
لئے دوسرے ایسے طریقے اختیار کئے جاتے ہیں جو بالکل براہ راست
نہیں۔ ان طریقوں میں سے ایک نہایت ہی آسان طریقہ وہ طریقہ ہے
جس میں سادہ رتقاص استعمال کیا جاتا ہے۔ مختلف طول کے رتقاص کے
وقت دوران کا مشاہدہ کیا جاتا ہے اور اوقات مشہودہ کو ضابطہ

$$J = \frac{L}{g}$$

میں داخل کر کے ج کی قیمت اخذ کر لی جاتی ہے۔ اس ضابطہ
میں $L =$ طول رتقاص، $J =$ اسراع بوجہ جاذبہ زمین (صفحہ ۲۴۸ ملاحظہ ہو)
تجربہ ۶۶۔ سادہ رتقاص کے ذریعے سے
ج کی تعیین۔ نظری سادہ رتقاص ایک ایسے وزنی ذرے
پر مشتمل ہے جس کے ابعاد لامتناہی چھوٹے ہوں اور وہ ذرہ ایک
بالکل استوار جھٹی سے جکڑے ہوئے بے وزن اور ناقابل وسعت
ریشے سے لٹکا ہوا ہو۔

مگر تجربے میں ہم مندرجہ بالا ذرے کے بجائے عموماً ایک
چھوٹی اور بھاری گولی استعمال کرتے ہیں اور یہ گولی ایک باریک مضبوط

تاگے سے لٹکائی جاتی ہے۔ اس تاگے کے اوپر کا بھرا نہایت

مضبوط چمٹی سے جکڑ دیا جاتا ہے۔ تاگے کا وہ نقطہ

جو چمٹی سے نیچے کی طرف

عین باہر نکلا ہوتا ہے رتاقص

کا نقطہء تعلیق ہے۔ رتاقص

کا طول وہ فصل ہے جو نقطہء

مذکورہ بالا اور گولی کے مرکز

جاذبہ کے درمیان واقع ہے۔

ایک مکمل ارتعاش

(آگے اور پیچھے) کا وقت

وہ وقت ہے جس میں گولی

اپنے ارتعاش کے اوسط

مقام پر سے ایک ہی سمت

شکل ۵۸۔ سادہ رتاقص

میں دو متواتر موقعوں پر گذرتی ہے۔ ارتعاش کے اوسط مقام کا

نشان کسی طرح لگا دینا چاہیے۔ مثلاً رتاقص کی ڈوری کے پیچھے

کسی جسم پر کھریا سے کھینچا ہوا انتصابی نشان۔ وقت دوران کے

صحیح طور پر دریافت کرنے کے لئے رتاقص کو متعدد ارتعاشیں کرنی

چاہئیں۔ (مثلاً ۵۰)۔ اور ان ۵۰ ارتعاشوں کے مجموعی وقت کا مشاہدہ

چل رکنی گھڑی پر کر لینا چاہیے۔ فرض کرو کہ رتاقص کو ۵۰ بار ارتعاش

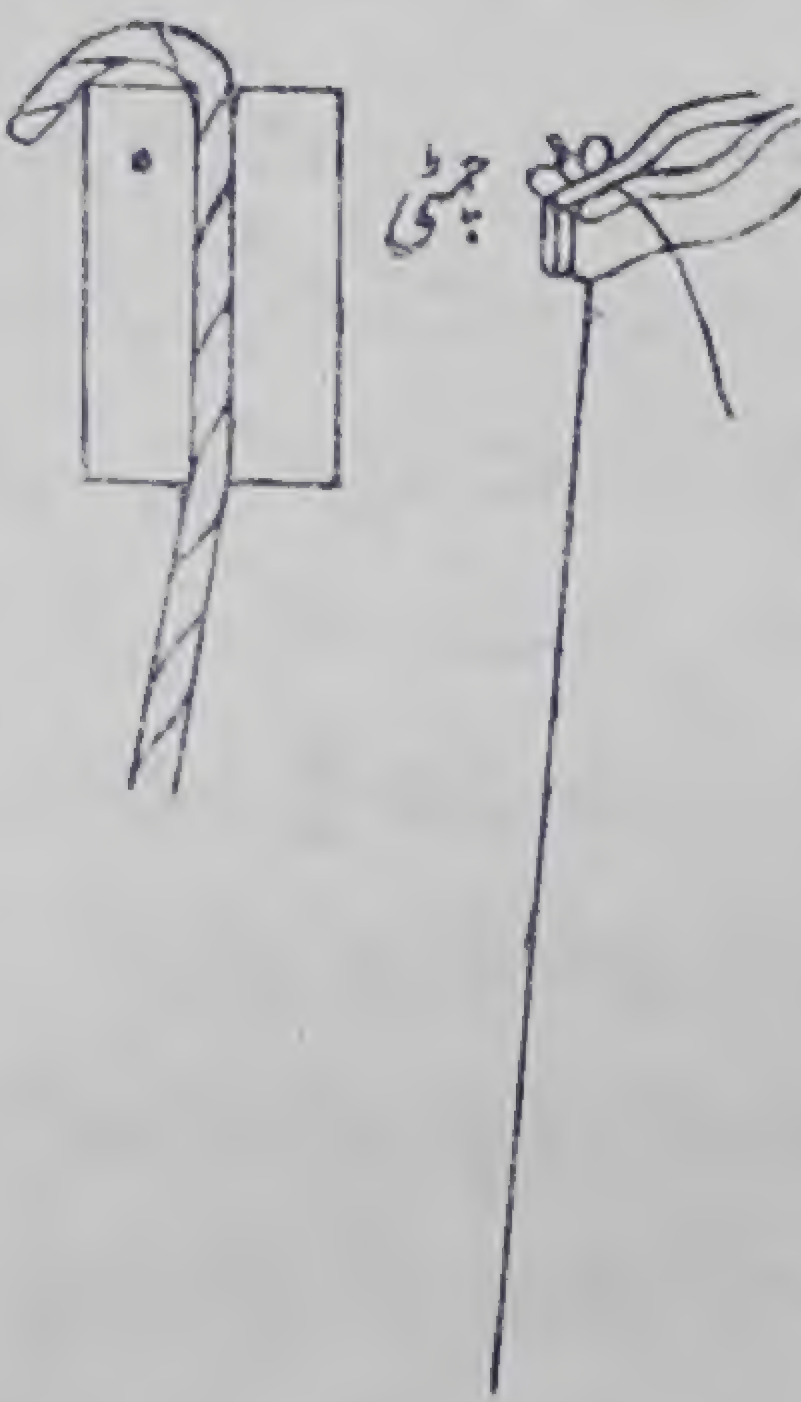
کرنے میں ۱۰ ثانیہ صرف ہوتا ہے تو وقت دوران ۱۰/۵۰ = ۰.۲ ثانیہ ہوگا۔

چل رکنی گھڑی کی مدد سے ارتعاشوں کے وقت دریافت

کرنے میں مناسب یہ ہے کہ نشان کے سامنے سے ڈوری کے پہلے

پہل گزرتے وقت ۳ کہا جائے۔ اور اس کے بعد پیچھے کی طرف

شمار کیا جائے، مثلاً



گزرنا چاہیے کیونکہ ل' د' کے تناسب ہے۔ (ویکیٹو شکل صفحہ ۲۵۶)

مقعر آئینے پر ایک کرے کو حرکت دیکر ج کی تیسرین

تجربہ زیر بحث سے دوری حرکت کی ایک دلچسپ مثال ملتی ہے۔ مگر یہاں متحرک جسم کے جمود کے معیار اثر جاننے کی ضرورت ہے۔ سادہ رتقاص میں گولی ایک ایسے نصف قطر کے دائرے کے قوس پر حرکت کرتی ہے جو دوری کی لمبان کے برابر ہے۔ اور حرکت خالص انتقالی حرکت ہے۔ اور صرف آگے پیچھے کی حرکت کے سوائے گولی میں اس کے مرکز جاذبہ کے گرد کوئی گردش حرکت نہیں ہوتی۔

مقعر آئینے پر لڑھکنے والے کرے میں جو حرکت ہوتی ہے وہ ہمہ طور سادہ رتقاص کی گولی کی حرکت کے مشابہ ہے۔ مگر صرف اس میں اتنا فرق ہے کہ کرے آگے پیچھے حرکت کرنے کے سوا اپنے مرکز ثقل کے گرد گھومتا بھی ہے۔ لہذا مقعر آئینے پر لڑھکنے والے کرے پر غور کرتے وقت ہم کو اس کی دونوں محوری اور انتقالی حرکتوں کا لحاظ رکھنا چاہیے۔ ان دونوں حرکتوں میں کسی نقطے پر متحرک جسم کی توانائی بالفعل اس توانائی بالقوہ کے برابر ہے جس کو جسم مذکور اپنی ارتعاش کی آخری حد سے نقطہ زیر بحث تک گرنے میں کھو چکا ہے

سادہ رتقاص میں جہاں حرکت خالص انتقالی ہے۔ توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2$ ہے۔ اور کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ $k h$ ج ف ہے۔

$$\frac{1}{2} k v^2 = k h = k J F$$

$$\frac{1}{2} v^2 = J F$$

آئینے پر لڑھکنے والے کرے میں توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2 + \frac{1}{2} k v^2$ اور کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ $k h = k J F$

$$\frac{1}{2} k v^2 + \frac{1}{2} k v^2 = k h = k J F$$

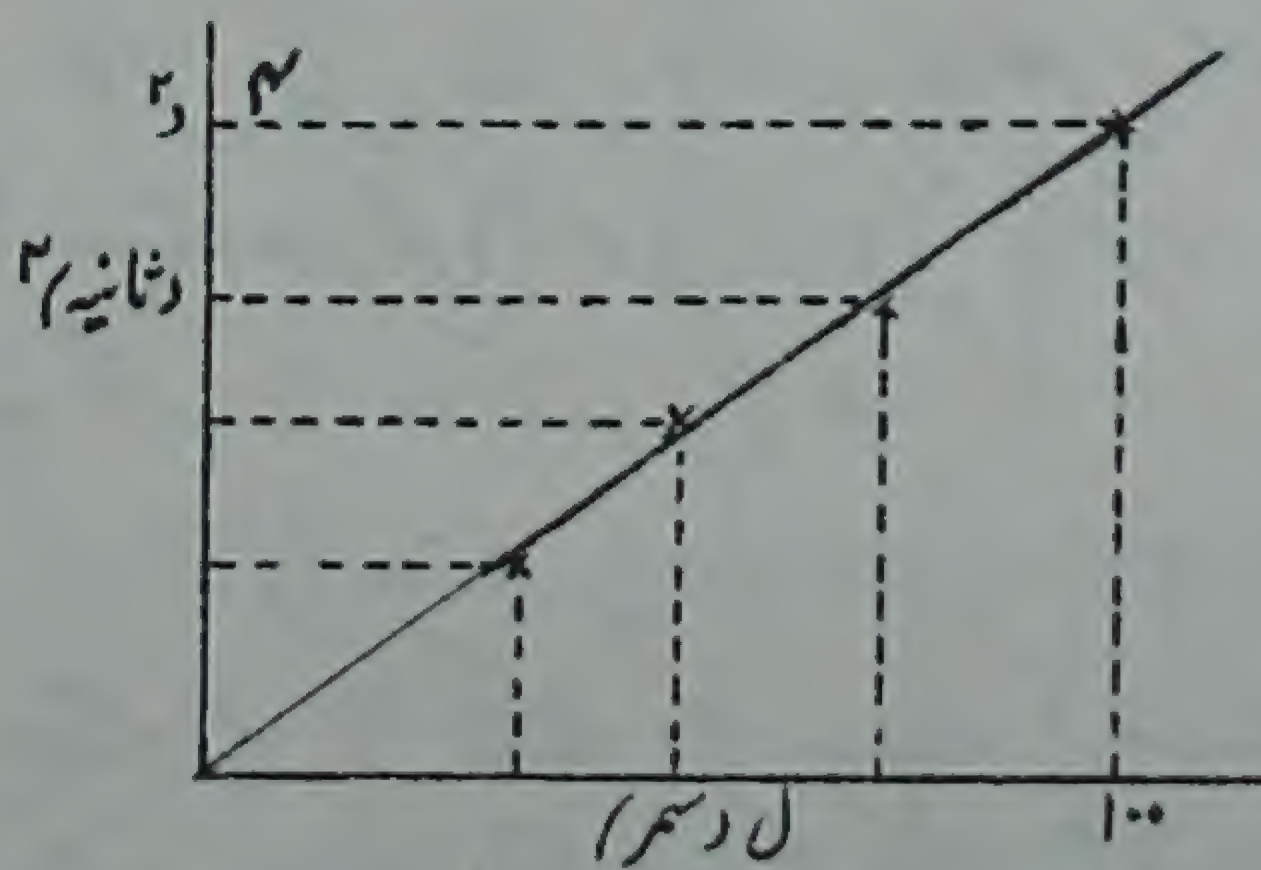
اب کرے کے جمود کا معیار اثر (R) اس کے مرکز کے گرد $\frac{1}{2}$ ک ن ہے اس لئے مساوات بالا ذیل کی صورت اختیار کریں گی:-

ک ج ف = $\frac{1}{2}$ ک $\frac{1}{2}$ + $\frac{1}{2}$ ($\frac{1}{2}$ ک ن) قہ
اور سطح پر نقطہ تماس ساکن ہے۔ اس لئے
مرکز کی خطی رفتار $r =$ قہ ن جہاں ن کرے کا نصف قطر
ہے (صفحہ ۳۵۳ دیکھو)

یا $r =$ قہ ن
پس مقعر آئینہ پر کرے کی حرکت ظاہر کرنے والی مساوات حسب ذیل
شکل کی ہوگی۔

$$\begin{aligned} \text{ک ج ف} &= \frac{1}{2} \text{ک} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \text{ک} \text{ (ن قہ)} \\ &= \frac{1}{2} \text{ک} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \text{ک} \frac{1}{2} \\ &= \left(\frac{1}{2} \right) \frac{1}{2} \text{ک} \frac{1}{2} \\ &= \left(\frac{1}{2} \right) 2 \text{ک ج ف} \end{aligned}$$

لہذا سادہ رتقاص کی گولی اور مقعر آئینے پر حرکت کرنے والا
کرہ اگر ایک ہی قسم کا راستہ اختیار کرے تو کسی خاص محل پر کرے
کی رفتار سادہ رتقاص کی گولی کی رفتار سے ہمیشہ کم ہوگی۔



شکل ۸۹۔ سادہ رتقاص کی ترسیم

اگر $r =$ رقاص کی گولی کی رفتار کسی مقام پر $p =$ کُرے کی رفتار
اسی مقام پر تو

$$r = 2 = 2 \text{ ج ف اور}$$

$p = 2 = 2 \text{ ج ف}$ (۲ ج ف) $p = 2$ $r = 2$
بناء بریں راستے کے کل نقطوں پر لڑھکنے والے کُرے
کی رفتار رقاص کی گولی کی رفتار کے صرف $\frac{1}{2}$ کے برابر ہوگی۔
اس لئے کسی مفروضہ حرکت طے کرنے میں تیز رفتار رقاص
کی گولی کو جتنا وقت درکار ہوگا کُرے کو اس وقت کے $\frac{1}{2}$ حصہ کی
ضرورت ہوگی۔

اب ہمیں معلوم ہے کہ سادہ رقاص کا وقت دوران

$$d = 2 \text{ ج}$$

اس لئے ویسا ہی راستہ طے کرنے میں لڑھکنے والے
کُرے کا وقت دوران

$$(d) \times \frac{1}{2} \text{ ہوگا۔}$$

$$\text{یعنی } d = 2 \text{ ج} \times \frac{1}{2} \text{ ج}$$

کُرے کا راستہ (ص - ن) نصف قطر کا قوس ہے۔ جہاں
ص = مقعر آئینے کا نصف قطر انحناء اور ن = کُرے کا نصف
قطر۔ اس سادہ رقاص کا طول جس کا لنگر وہی راستہ طے کرتا ہے جو کُرہ طے
کرتا ہے (ص - ن) کے برابر ہے۔
لہذا ایسے سادہ رقاص کا وقت دوران

$$d = 2 \text{ ج} \times \frac{1}{2} \text{ ج - ن}$$

$$\text{آئینے پر کے کُرے کا وقت دوران} = d \times \frac{1}{2}$$

اس لئے آئینے پر کے کرے کا وقت دوران

$$۲ = ۳۲ \left[\frac{۴}{۵} (ص - ن) \right] ج$$

تجربہ ۶۷۔ مقعر آئینے پر حرکت کرنے والے

کرے کے ذریعے سے ج کی تقسین — آئینے کے انحناء کے نصف قطر کو گردیت پیمائے کے ذریعے سے اور کرے کے نصف قطر کو سرل چاپ سے ناپ لو۔ کرے اور آئینے کو گرد سے پاک کر لو۔ آئینے پر کرے کی دس یا بیس کھل ارتعاشوں کا مجموعی وقت چل رکنی گھڑی سے دریافت کرو۔ اور اس سے وقت دوران کی قیمت اخذ کرو۔ وقت دریافت کرنے کے تجربے کو تین بار دہراؤ۔

ج کی قیمت ذیل کی مساوات سے محسوب کرو:-

$$۲ = ۳۲ \left[\frac{۴}{۵} (ص - ن) \right] ج$$

$$ج = \frac{۳۲}{۲} \left[\frac{۴}{۵} (ص - ن) \right]$$

مرکب رقاص

جب کوئی استوار جسم اس طرح قائم کیا جائے کہ وہ کسی افقی محور کے گرد گھوم سکے تو جسم مذکور اپنے تعادل کے مقام کے گرد ارتعاش کریگا (اس کے متعلق صفحہ ۲۴۸ دیکھو)۔ فرض کرو کہ چر = ک گ، جہاں چر جسم کے مرکز جاذبہ ج سے گزرنے والے ایک افقی محور کے گرد جسم مذکور کے

جمود کا معیار اثر ہے۔
 شکل ۹۱ میں فرض کرو
 کہ جسم ایک ایسے محور کے گرد
 ارتعاش کر رہا ہے جو کاغذ کی سطح
 پر علی القوائم ہے۔ اور نقطہ و
 سے گزرتا ہے۔ اس نقطہ و کو
 مرکز تعلیق کہتے ہیں۔ نقطہ و سے
 گزرنے والے محور کے گرد جمود کا
 معیار اثر ذیل کی مساوات سے حاصل
 ہوتا ہے:-



شکل ۹۱۔ مرکب رتقاص

$$J = J_0 + J_1$$

$$J = J_0 + J_1$$

$$J = J_0 + J_1$$

صفحہ ۲۴۹ میں یہ ثابت کیا جا چکا ہے کہ مرکب رتقاص کا وقت دورا

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{J}{Mgh}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{J_0 + J_1}{Mgh}}$$

سادہ رتقاص جس کا وقت دوران وہی ہے جو مندرجہ بالا
 رتقاص کا اس کا طول ل حسب ذیل مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔

$$L = \frac{J_0 + J_1}{Mg}$$

اور یہ طول سادے معادل رتقاص کا طول کہلاتا ہے۔
 اگر یہ ممکن ہو کہ جسم کے مادے کی ساری کثیت بڑھائے ہوئے

خط و ج میں ایک ایسے نقطے پر منبج ہو جائے جو محور تعلیق سے فصل مذکور پر واقع ہو تو وقت دوران اور مقام تعادل میں کوئی تبدیلی واقع نہ ہوگی۔ اور یہ نقطہ و اس طرح واقع ہوگا کہ فصل و و ل۔ محور تعلیق و کے لحاظ سے نقطہ و مرکز ارتعاش کہلاتا ہے۔

ج سے و کا فاصلہ ہ مندرجہ ذیل کے رشتے سے حاصل ہوگا۔

$$L = p + p$$

مرکز تعلیق اور مرکز ارتعاش آپس میں بدلے جاسکتے ہیں۔ کیونکہ

$$L = p + p$$

$$\frac{p + p}{p} = p + p$$

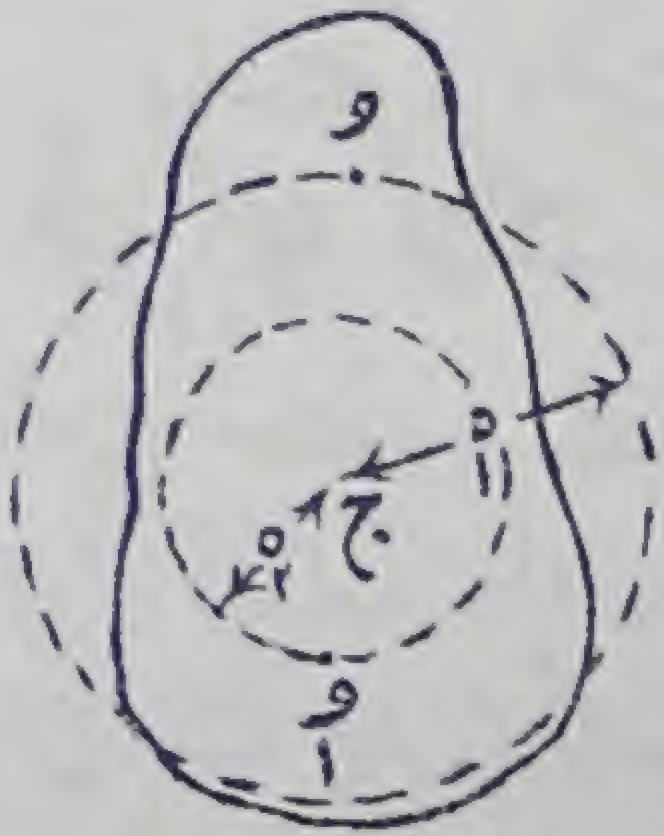
یا گ = پ پ
پ کو مساوات بالا کے ہر پہلو میں جمع کر کے

$$p + p = p + p$$

$$(2) \dots\dots\dots \frac{p + p}{p} = p + p$$

اب گ + پ اس سادہ رفاص کا طول ہے جس کا وقت دوران دہی ہے جو جسم کا جب جسم مذکور نقطہ و سے لٹکایا جائے اور یہ فاصلہ مساوات (۲) کے پ + پ کے برابر ہے۔ یعنی وقت دوران ایک ہی رہیگا خواہ جسم نقطہ و سے یا نقطہ و سے لٹکایا جائے۔ یعنی اس کے معنی یہ ہیں کہ مرکز تعلیق اور مرکز ارتعاش

آپس میں بدلے جاسکتے ہیں۔
 اُن نقطوں کا چیز جن کے لئے مستقل ہے
 مذکورہ بالا و اور و محوروں کے علاوہ اور بھی محور ہیں جن کے
 گرد جسم کا وقت دوران وہی رہتا
 ہے جو و اور و کے گہرے۔



اگر مرکز ج اور نصف
 قطر و اور و کے دو دائرے کھینچے
 جائیں۔ اور ان دائروں میں سے
 کسی ایک پر کوئی متوازی محور اٹھا
 لیا جائے تو وقت دوران ایک
 ہی رہیگا۔

شکل ۹۲۔ اُن نقطوں کا چیز جن کے لئے (د) مستقل ہے

ہ کے ساتھ د کا تغیر۔ کم سے کم وقت دوران۔ جب

محور تعلیق مرکز جاذبہ میں سے گزرتا ہے تو وقت دوران لامتناہی
 بڑا ہو جاتا ہے۔ اگر محور مذکور لامتناہی فاصلے پر واقع ہو تو پھر
 وقت دوران لامتناہی ہوگا۔ لہذا محور کا کوئی درمیانی مقام ایسا بھی
 ہوگا جس کے لئے وقت دوران کم سے کم قیمت رکھیگا۔
 ہمیں معلوم ہے کہ

$$\frac{g + \frac{h}{2}}{h} \pi^2 = d$$

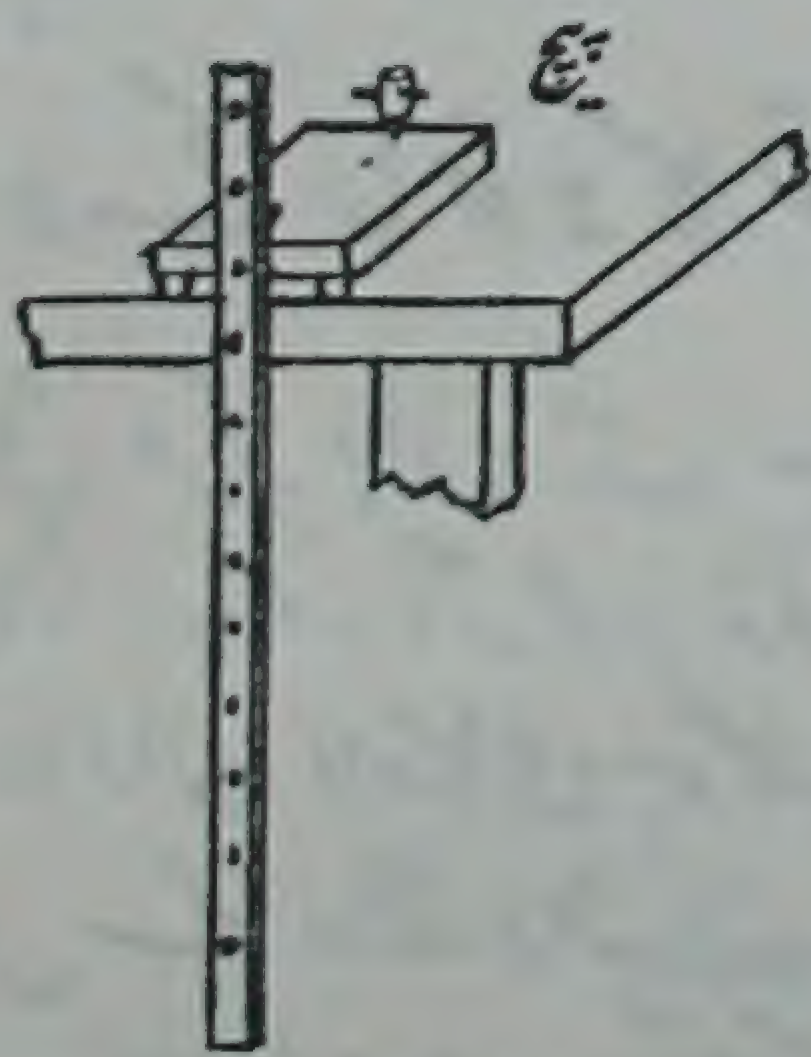
د کی قیمت اس وقت کم سے کم ہوگی جب $g + \frac{h}{2}$ کی
 قیمت کم سے کم ہوگی۔

$$\frac{g + \frac{h}{2}}{h} = \frac{g - \frac{h}{2} + \frac{h}{2}}{h} \quad \text{لیکن}$$

$$= \frac{g - \frac{h}{2}}{h} + \frac{1}{2}$$

یہ صاف ظاہر ہے کہ اس رقم کی قیمت اس وقت کم سے کم ہوگی جب $h = g$ ۔
 اس صورت میں سادہ معادل رقاص کا طول $= 2g$ ۔
 اور ہر دو نقطے g اور g مرکز جاذبہ ج سے g فاصلے پر
 واقع ہیں۔

کم سے کم وقت دوران $d = 2\pi$ ۲g
 تجربہ ۲g۔ مرکب رقاص ۲g نتائج مندرجہ بالا
 کی تشریح کے لئے میٹر طول کی ایک مستطیلی سلاخ جس کی
 ساری لمبائی میں مساوی مساوی فاصلوں پر (تقریباً دو دو سمر پر)
 سوراخ بنے ہوں، ایک ایسے محور سے لٹکائی جاسکتی ہے جس کا
 افقی وضع میں رہنا ضروری ہے (شکل ۹۳ ملاحظہ ہو)۔



(۱) سلاخ کے ایک سرے
 سے شروع کر کے ہر تیسرے سوراخ
 سے سلاخ کو لٹکا کر اس کا وقت دوران
 دریافت کرو۔ مگر وقت دوران
 محسوب کرنے کے لئے ۵ مکمل
 ارتعاشوں کے مجموعی وقت کا مشاہدہ
 کرنا چاہیئے۔

(۲) مرکز جاذبہ سے مختلف

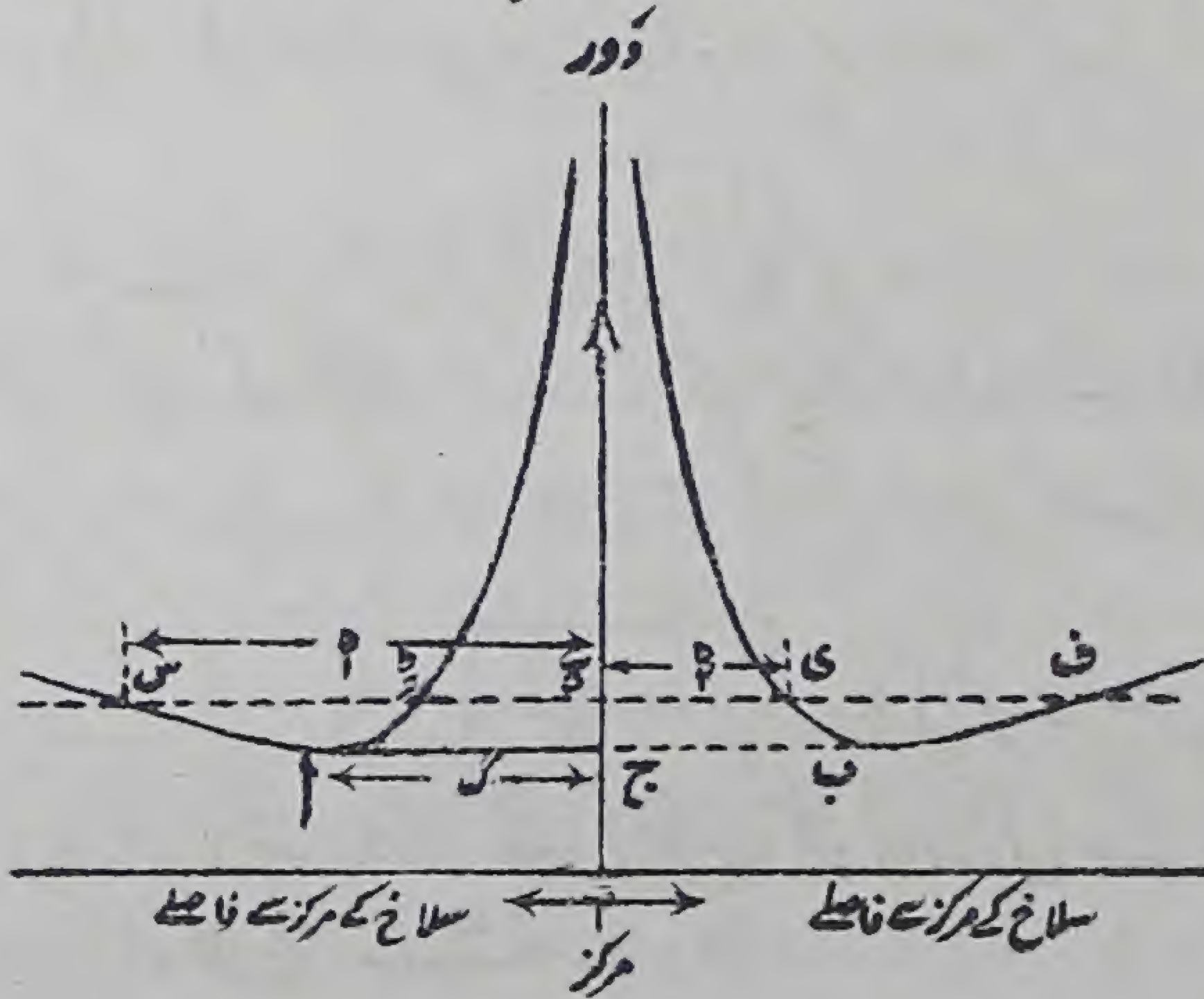
فاصلوں پر سلاخ کو لٹکا کر وقت
 دوران دریافت کرنے کے بعد

ان فاصلوں اور وقت دوران کی ترسیم کھینچو۔ سلاخ کے دہن حصوں
 کے لحاظ سے ترسیم میں دو متشاکل شاخیں ہونگی ترسیم کے ملاحظہ
 سے یہ ظاہر ہوگا کہ نقطوں ۲ اور ۲ پر وقت دوران کی قیمت
 کمترین ہے۔

(۳) معنی سے ان کمترین اوقات دوران کے لئے سلاخ پر سوراخ

شکل ۹۳۔ سلاخی رقاص

دریافت کرو۔ اور اس کمترین وقتِ دوران کے سوراخ کے دونوں طرف دو دوسراؤں کے لئے وقتِ دوران نہایت صحت کے ساتھ



شکل ۹۲۔ مرکب رقص کی ترسیم

دریافت کرو۔ اور اس سوراخ کے لئے بھی وقتِ دوران نہایت صحت کے ساتھ دریافت کرو جہاں یہ وقتِ دوران کمترین قیمت رکھتا ہے۔ ان پانچ سوراخوں میں سے ہر ایک کے لئے کم سے کم سوار تماشیں یعنی چاہئیں تاکہ منحنی کے اس حصے میں نقطے بہت ہی صحیح حاصل ہوں۔ ۲ اور ب کے مقامات سے گ دریافت کرو:-

$$\text{گ} = \text{ا} \cdot \text{ج} = \text{ب} \cdot \text{ج}$$

(۴) شکل ۹۲ میں ایسے نقطے مثلاً س، ڈ، ی، ف دریافت کرو جن میں سے ہر ایک کے لئے وقتِ دوران ایک ہی ہے۔

اس لئے اگر س = ا، کو تعبیر کرے۔ لا ی = پ

$$\text{ا} \cdot \text{ف} = \text{پ} \quad \text{اور} \quad \text{ا} \cdot \text{ڈ} = \text{پ}$$

ذیل کے ضابطے سے گردش نصف قطر کی قیمت معلوم کرو۔

$$\text{گ} = \text{ا} \cdot \text{پ}$$

سادے معادل رقاص کا طول دریافت کرو۔ یہ طول

$$L = \frac{p}{m} + \frac{q}{m}$$

اور ذیل کے ضابطے سے ج کی قیمت دریافت کرو۔

$$\frac{L}{J} = \frac{p}{m} + \frac{q}{m}$$

(۵) منحنی کے نقطے ۲ اور ج کے لئے کمترین وقت دوران $\frac{2\pi}{\omega}$ دریافت کرو اور ذیل کے ضابطے سے گ کی قیمت محسوب کرو:

$$\frac{L}{J} = \frac{p}{m} + \frac{q}{m}$$

(۶) جسم کا کیسہ باؤہ تک دریافت کرو۔ اور ذیل کے ضابطے سے اس کے جمود کا معیار اثر محسوب کرو۔

$$M = \frac{L}{\omega}$$

گ کی مختلف قیمتیں جو (۳)، (۴) اور (۵) میں حاصل ہوئی ہیں ان سب میں مطابقت ہونی چاہئے۔ اور یہ قیمتیں تقریباً سلاح کے طول کا $\frac{1}{10}$ ہونی چاہئیں۔ بشرطیکہ طول کے مقابلے میں سلاح کا عرض نظر انداز کر دیا جائے (ضمیمہ میں جمود کے معیار اثر کا بیان ملاحظہ ہو)۔

تجربہ ۶۹۔ استوارسی کے مقیاس کی تعین ارتعاش سے ایک سلاح یا ایک قرص یا جمود کے معلوم معیار اثر کا کوئی دوسرا جسم ایک ایسے تار سے لٹکائو جس کا اوپر کا سیدھا مضبوط جکڑا ہوا ہو۔

جسم کا وقت دوران اس حالت میں دریافت کرو جب وہ مڑ دڑی رقاص کی طرح حرکت کرتا ہو۔

تار کا طول اور اس کا نصف قطر ناپو۔ لٹکے ہوئے جسم کے جمود کا معیار اثر اس کے مادے کی کثیت اور اس کے الجاد کے علم سے دریافت کرو۔

مندرجہ ذیل مساوات سے استواری کے مقیاس کی قیمت اخذ کرو۔

$$\left[\frac{\pi^2}{\pi} \right] \frac{L}{\pi} = \frac{L}{\pi}$$

$$\frac{L}{\pi} = \frac{L}{\pi}$$

اسی تار سے دو اجسام کو بطور مڑی رتناص استعمال کر کے ان کے جمود کے معیار اثر کا مقابلہ کرو۔

$$\left[\frac{\pi^2}{\pi} \right] \frac{L}{\pi} = \frac{L}{\pi}$$

$$\left[\frac{\pi^2}{\pi} \right] \frac{L}{\pi} = \frac{L}{\pi}$$

چونکہ دونوں جسم ایک ہی تار سے لٹکائے گئے ہیں اس لئے

$$\frac{L}{\pi} = \frac{L}{\pi}$$

تجربہ دیکھو۔ مرغولہ دار کمائی سے لٹکتے ہوئے

مادے کا وقت دوران (ارتعاش) کا مشاہدہ کر کے

ج کی تعیین۔ مرغولہ دار کمائی سے ایک مادہ لٹکاؤ۔ اور

اس مادے کو آہستہ سے لٹکانے پر کمائی میں جو بڑھاؤ پیدا ہوگا

اس کو دریافت کرو۔ مادے میں انتصابی ارتعاش پیدا کر کے اس کا

وقت دوران دریافت کرو۔

ذیل کئے ضابطے سے (جس کا ثبوت صفحہ ۲۵۱ میں دیا جا چکا ہے)

ج کی قیمت محسوب کرو۔

$$\left[\frac{\pi^2}{\pi} \right] \frac{L}{\pi} = \frac{L}{\pi}$$

فصل دہم

گیس: بارہما اور کلیئہ بائیل

۱۔ گیسوں کی خاصیتیں

مادے کی اور شکلوں سے گیس اس حیثیت سے مختلف ہے کہ گیس جاں جگہ پاتی ہے اس کو بھر دیتی ہے۔ ایک خاص حجم میں خواہ گیس کی مقدار کتنی ہی چھوٹی ہو وہ تمام حجم میں پھیل جاتی ہے۔ گیس کی شکل کی اشیاء میں یہ خاصیت ایک نہایت ہی عجیب خاصیت ہے اور اس خاصیت کو ہم ان اشیاء کا پھیلاؤ کہہ سکتے ہیں۔

اس فصل میں ہم صرف ان گیسوں کا مظاہرہ کر رہے ہیں جو بحال کر نیگے جن کا تعلق مستقل پیش سے ہے۔ اور پیش کی تبدیلیوں کے اثرات کی تحقیقات حرارت کے باب میں کی جائیگی۔

کلیئہ بائیل

جب کبھی گیس کی ایک مستقل مقدار کے حجم میں تبدیلی واقع ہوتی ہے تو گیس کا دباؤ ایک خاص طریقے سے بدل جاتا ہے چنانچہ اگر پیش مستقل قائم رکھی جائے دباؤ اور حجم میں

تناسب معکوس رہتا ہے۔ یہ رشتہ حسب ذیل آسان شکل میں لکھا جاسکتا ہے:-

$$\text{دباؤ} \times \text{حجم} = \text{مستقل}$$

۱۶۶۲ء میں سر ابوتھ بائیئل انگریز سائنس دان نے اس رشتے کو پہلے پہل بیان کیا تھا۔ اور یہ رشتہ کلیئہ بائیئل کے نام سے مشہور ہے۔ فرانس میں بھی ایک سائنس دان مسی ماسری ۱۷۸۷ء نے چودہ برس بعد بطور خود اس کلیے کا دعویٰ بیان کیا۔ اور اس بناء پر یہ کلیہ انگلستان کے سوائے تمام ممالک یورپ میں کلیئہ ماسری ۱۷۸۷ء کے نام سے مشہور ہے۔ (نوٹ:- اس کے متعلق انگریزی کتاب ٹیٹ کا خواص مادہ ضمیمہ ۷ دیکھو)۔

یہ ظاہر ہوگا کہ مستقل تپش پر گیس کے مظاہروں کی تحقیقات کے لئے یہ ضروری ہے کہ ہم اس کے حجم اور دباؤ کی پیمائش کے ذرائع مہیا کریں۔

حجم کی پیمائش میں کسی قسم کی دقت پیش نہیں آتی مگر دباؤ کی پیمائش کے لئے کچھ تشریح کی ضرورت ہوگی۔

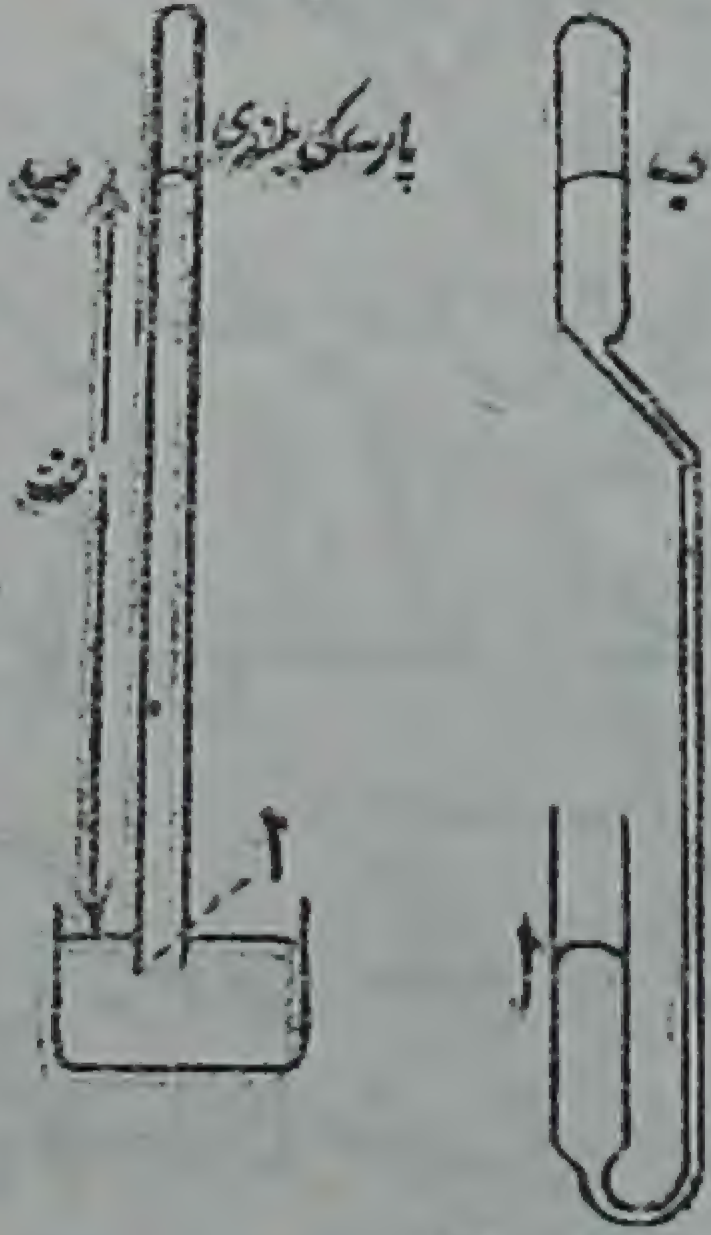
۲۔ گرہ ہوائی کے دباؤ کی پیمائش۔
بند حجم کی گیسوں کے دباؤ کی پیمائش پر بحث کرنے سے قبل پہلی چیز جس کا جاننا ضروری ہے وہ یہ ہے کہ ہوا بہت بڑا دباؤ ڈالتی ہے۔

بار پیم

اس امر کے اظہار کے لئے ایک میٹر لمبائی کی شیشے کی

ایک نلی کے کراس کا ایک سرابند کر دیا جاتا ہے۔ پھر اس نلی کو پارے سے لبالب بھر کر ایک پیالے میں جس میں پارا پیلے سے موجود ہو اس طرح اوندھایا جاتا ہے کہ نلی کا کھلا ہوا منہ پیالے کے پارے کے اندر چلا جائے باوجودیکہ نلی میں پارے کے سوا کچھ کوئی اور شے داخل نہیں کی جاتی ہے۔ اوندھانے پر نلی کا پارا فوراً کچھ نیچے آکر آتا ہے۔ پارا سب کا سب نلی سے نہیں گر پڑتا۔ بلکہ ایک خاصا بڑا ٹھوس ٹکڑا ۵، سمر بلندی کا پارے کا ستون نلی میں رہ جاتا ہے۔ اور یہ ستون کرہ ہوائی کے دباؤ کی وجہ سے سہارا ہوا رہتا ہے۔ اس ساخت کی نلی بار پیم کی نلی کہلاتی ہے۔

شکل ۹۵ میں نلی کے اس نقطہ α پر کے دباؤ پر غور کرو جس کی سطح α بی سے جو نلی سے باہر کے پارے کی سطح سے اس نقطے کے اوپر



شکل ۹۵۔ بار پیم کی سادہ شکلیں

کثافت θ اور بلندی f سمر پارے کا ستون قائم ہے۔ اور یہ ستون اس نقطہ α پر دباؤ بمقدار $f \theta$ ج ڈائمن فی مربع سمر ڈالتا ہے۔ نلی کے اندر کے پارے کے اوپر جگہ β بالکل خلا ہے سوا پارے کے بخار کی نہایت ہی خفیف مقدار کے جس کا اثر نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔ اس لئے نقطہ α پر مجموعی دباؤ صرف

پارے کے ستون کے سبب سے ہے یعنی نلی کے اندر نقطہ α پر دباؤ = $f \theta$ ج ڈائمن فی مربع سمر۔

جو دباؤ نلی کے باہر پارے کی آزاد سطح پر عمل کرتا ہے وہ صرف خارجی کرہ ہوائی کا دباؤ ہے۔

مانع کی ایک ہی افقی سطح کے کل نقطوں پر دباؤ ایک ہی ہے۔ اس لئے نلی کے اندر نقطہ ۱ پر دباؤ باہر کی سطح کے اوپر کے دباؤ کے بالکل برابر ہے۔ کیونکہ ۱ اسی افقی سطح میں واقع ہے جس میں باہر کی سطح ہے۔ ۲ پر دباؤ ف ت ج ہے۔ اور باہر کے پارے کی سطح پر دباؤ ماکرہ ہوائی کا دباؤ ہے۔

اس لئے کرہ ہوائی کا دباؤ = ف ت ج ڈائمن فی مربع چونکہ کرہ ہوائی میں تپش کی تبدیلی ایک چھوٹی حد کے اندر ہوتی ہے اور اس حد کے اندر پارے کی کثافت تقریباً مستقل رہتی ہے۔ اس لئے قاعدہ ہے کہ دباؤ کو پارے کی بلندی سے سمجھ میں بیان کرتے ہیں۔ مگر حقیقت حال یہ ہے کہ اس طریقے سے دباؤ کی جو قیمت ملیگی وہ صفر درجہ می پیرے کے اسطوانہ کے طول کی رقوم میں ہوگی۔ لیکن معمولی مقاصد کے لئے تپش کی وجہ سے تصحیح کرنے کی چنداں ضرورت نہیں کیونکہ کثافت کی تبدیلی بہت ہی کم ہوتی ہے۔ اگر اس تصحیح کی ضرورت ہو تو اس کا حساب بلا وقت ہو سکتا ہے (صفحہ ۲۷۸ ملاحظہ ہو)۔

مزید برآں ج کی قیمت تمام کرہ زمین کی سطح پر یکساں نہیں ہے۔ اس لئے عرض البلد اور سطح سمندر کی بلندی کی وجہ سے جس تصحیح کی ضرورت ہوگی اس کو حساب میں داخل کرنا چاہیے تاکہ پارے کی مشہودہ بلندی اس بلندی میں تحویل ہو جائے جو اس کو سطح سمندر اور ۵۴۵ عرض البلد پر حاصل ہو۔ بہر حال اس تصحیح کی ضرورت صرف اس وقت پڑتی ہے جب غایت درجے کی صحت ملاحظہ ہو۔

چونکہ ہم کو ت ج اور ج کو تقریباً مستقل تصور کرنے کا مجاز ہے

اس لئے کرہ ہوائی کا دباؤ، پارے کی ایک خاص بلندی ف کے مائل کہا جاسکتا ہے۔ اور یہ بلندی بار پیمائی کی بلندی کہلاتی ہے۔

یہ بلندی پارے کے اُستوانہ کی وہ بلندی ہے جس کو مذکورہ بالا ساخت کے بار پیمائی کی نلی میں کرہ ہوائی سہارتا ہے۔
 آجکل Meteorology (شہابیات) کا محکمہ کرہ ہوائی کے دباؤ کو ان اکائیوں میں ظاہر کرتا ہے جو مطلق سی گ کثا نظام کی اکائیوں کے اصناف ہیں۔ اور بعض جدید بار پیمائی اس طرح درجہ بند کئے گئے ہیں کہ ان میں دباؤ کی قیمتیں ان اکائیوں میں براہ راست پڑھ لی جاسکتی ہیں۔

دباؤ کی مروجہ اکائی بار (Bar) کہلاتی ہے اور یہ اکائی ۱۰ ڈائمن فی مربع سمر کے برابر ہے۔ دو چھوٹی اکائیاں بھی مستعمل ہیں۔ سنٹی بار (Centibar) اور ملی بار (Millibar) جو بالترتیب ۱/۱۰ اور ۱/۱۰۰ بار (Bar) ہیں۔
 بار (Bar) عرض البلد ۵۴° میں صفر درجہ مٹی پر کے پارے کی ۱۰، ۵، ۷ سمر بلندی کے دباؤ کے مائل ہے۔
 طبعی کرہ ہوائی (پارے کا ۶، سمر) ایک بار (Bar) سے قدرے بڑا ہے۔ اور اس کی قیمت ۲، ۱۳، ۱۰ بار ملی (Millibar) ہے۔

بار پیمائی کی مروجہ شکلیں

لائمانلی کی شکل کا — اس کام میں جہاں غایت درجہ کی صحت مقصود نہ ہو سادہ لائمانلی کی شکل کا (جیسا شکل ۹۵ میں دکھایا گیا ہے) بار پیمائی کافی بکار آمد ہوگا۔ یہاں ۲ کی آزاد سطح متذکرہ بالا وضع کے بار پیمائی میں توازن کے پارے کی آزاد سطح کے بجائے ہے۔

سرے کے قریب نلی موڑ دی گئی ہے تاکہ پارے کی دو سطحیں جن کی بلندی کے فرق کی پیمائش مقصود ہے ایک ہی انتصابی خط میں رہیں۔

نلی کے حصے ۱ اور ۲ خاصے چوڑے قطر کے ہونے چاہئیں۔ اور ان کی عمودی تراشیں آپس میں برابر ہونی چاہئیں۔ تاکہ سطحی تناؤ کی وجہ سے بلندی کے مشاہدے میں غلطی داخل نہ ہو۔ بلندیاں ایک ایسے پیمانے پر پڑھی جاتی ہیں جو عموماً خود نظیروں پر کھدا ہوتا ہے۔ بلندی سطوح ۱ اور ۲ کا عمودی فاصلہ ہے۔ اس شکل میں صحت جو قابل حصول ہے کچھ زیادہ درجے کی نہیں پیمانے کے برابر پڑھنے میں جو غلطی داخل ہو سکتی ہے وہ نصف تمر تک پہنچ سکتی ہے۔ اور چونکہ یہاں پیمانے کو دو دفعہ پڑھنا پڑتا ہے اس لئے غلطی جو یہاں ممکن ہے ایک تمر تک ہو سکتی ہے۔

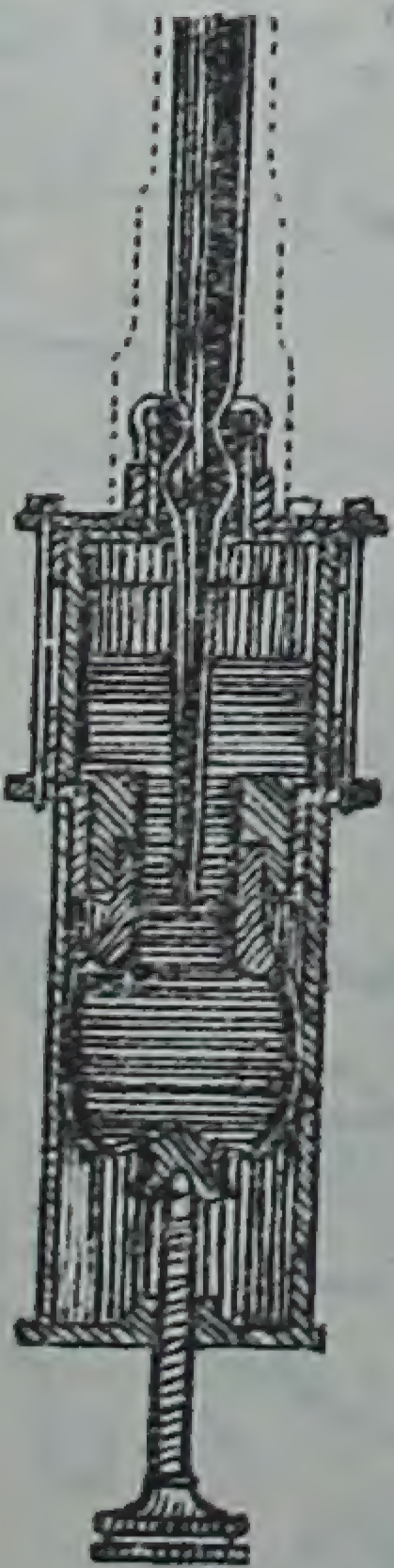
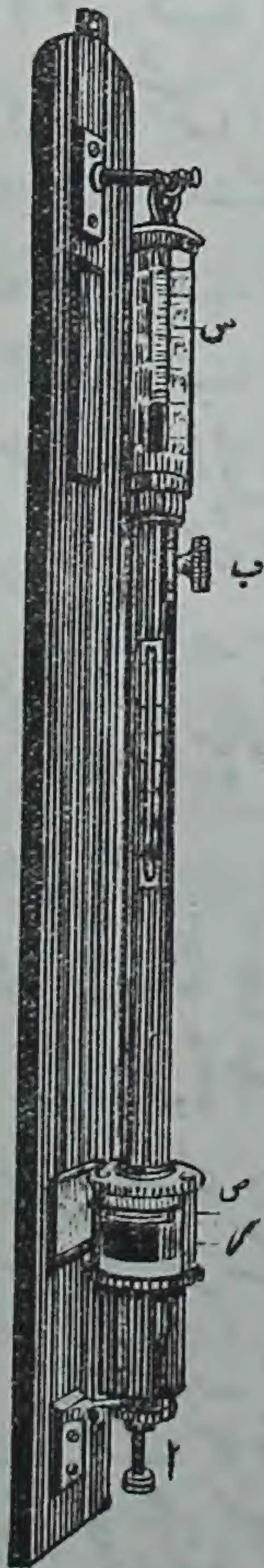
فورٹن کا بار پیمائش

اس قسم کے بار پیمائش عموماً طبیعیات کے معاملوں میں پائے جاتے ہیں جہاں کرہ ہوائی کے دباؤ کے صحیح مشاہدوں کی ضرورت پڑتی ہے۔ یہ آلہ سادہ قسم کے بار پیمائش کی نلی (صفحہ ۲۶۷) سے زیادہ مختلف نہیں ہے۔ فرق صرف یہ ہے کہ اس آلے میں پارے کی دو سطحوں کے پڑھنے کا طریقہ خاص ہے۔

تجربہ کار۔ فورٹن کا بار پیمائش پڑھنا۔ پارے کی بلندی دریافت کرنے کے لئے مندرجہ ذیل دو ترتیبیں ضروری ہیں:-

(۱) حوضک کی ترتیب۔ نلی کے نیچے کے سرے پر چمڑے

کی تھیلی میں پارا رہتا ہے۔
اور اس تھیلی کی شکل اس
کی تہ پر لگے ہوئے پیچ ۲
کے ذریعہ سے بدلی جاسکتی
ہے۔ بارپیا کے ڈھاگے
سے ہاتھی دانت کا ایک
چھوٹا مخروط نصب رہتا
ہے۔ اور اس مخروط کی
راس ص بارپیا کے
پیمانے کا صفر ہے (شکل
۹۷)۔



پیچ ۲ کو گھما کر پانی
کی سطح ہاتھی دانت کے
اس مخروط کی راس تک
چڑھادی جاتی ہے۔ اور
پیچ اس وقت تک گھمایا
جاتا ہے کہ راس مذکورہ
اور پارے میں اس کا
خیال عین ملتے ہوئے
دکھائی دیں۔ ۲ اور پارے
کی سطح میں سراسر
مذا کو سر پر کسی قسم
کا نشیب نظر نہ آئے۔
اس امر کی توضیح کے لئے

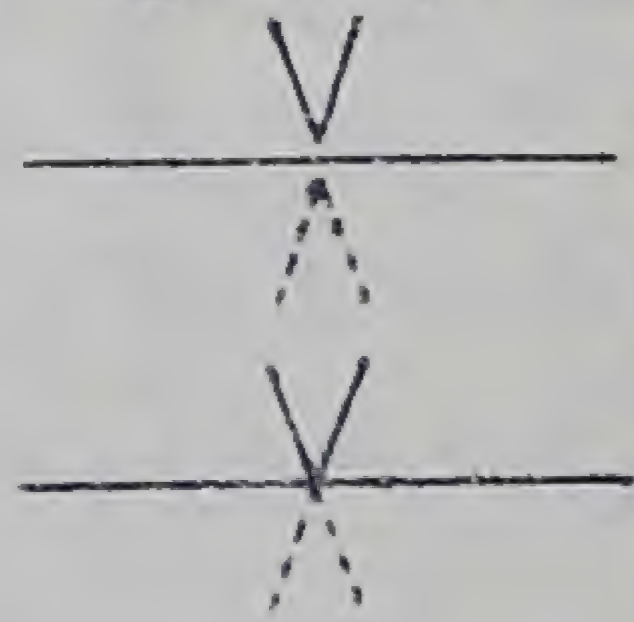
شکل ۹۷
فورٹن کا بارپیا

شکل ۹۸
فورٹن کے بارپیا کا حوضک

ذیل کی شکل ملاحظہ ہو۔

پارے کی سطح ضرورت سے نیچی

صحیح ترتیب



پارے کی سطح ضرورت سے زیادہ اونچی (بگڑے ہوئے)

عکس پر غور کرو



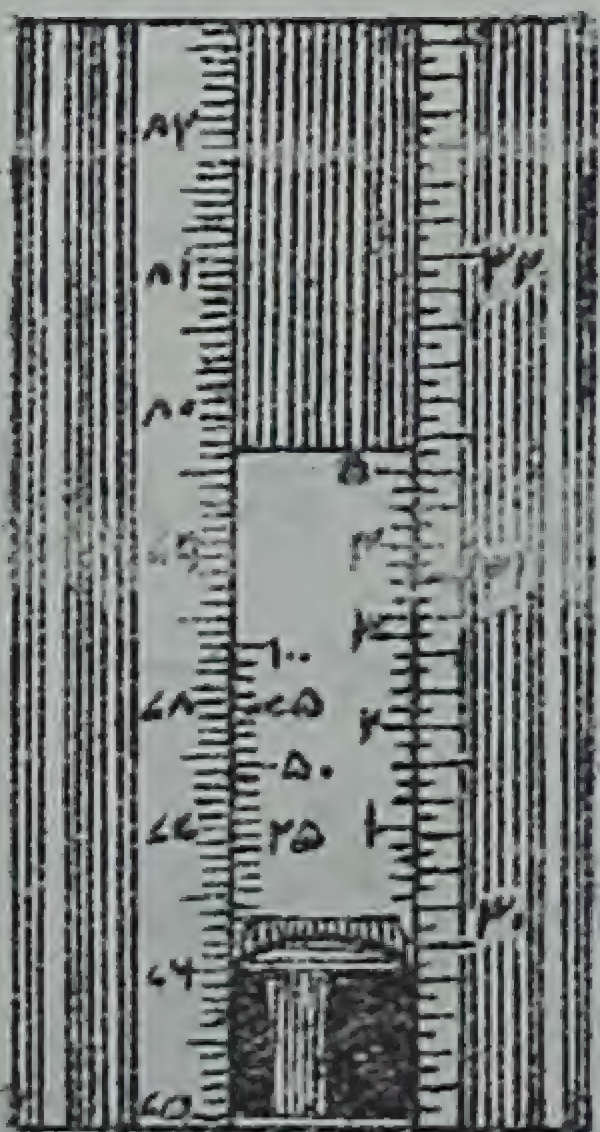
شکل ۹۸۔ حوضک کی ترتیب

اس طریقے سے پارے کی سطح نہایت نزاکت کے ساتھ درست کی جاتی ہے۔ بشرطیکہ پارے کی سطح مناسب طور پر منور کر دی جائے۔

(۲) نلی کے پارے کی بالائی سطح پر پیمانے

کی ترتیب — بالائی سطح پر ترتیب مقابلہ آسان نہیں ہے۔ شیشے کی نلی کے اوپر ایک پیتلی نلی سے چڑھی ہوتی ہے۔ اور یہ نلی آٹے کے بازو میں لگے ہوئے پیچ ب کے ذریعے سے اوپر نیچے اٹھائی جاتی ہے۔ شکل ۹۶ میں نلی کا نیچے کا حصہ اس طرح کٹا ہوا ہوتا ہے کہ اس کی کٹی ہوئی پشت ڈ اور اس کے کٹے ہوئے سامنے ص کے کنارے ایک ہی افقی سطح میں ہوں۔ (جیسا شکل ۹۷ سے واضح ہے)۔ اگر مشاہد کی آنکھ ان دونوں کناروں کی سطح کے نیچے رکھی جائے تو پشت اور سامنے کے کنارے دونوں دکھائی دیں گے۔ اگر آنکھ کو بتدریج اونچا کیا جائے تو پشت کا کنارہ رفتہ رفتہ نظر سے چھپتا جائیگا۔ یہاں تک کہ جب آنکھ ٹھیک اس متحرک نلی کے کٹے ہوئے کناروں کی سطح میں آ جاتی ہے تو پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے سے عین چھپ جاتا ہے۔

آنکھ کو اس طرح رکھا جائے کہ اوپر کے بیان کے مطابق پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے سے عین چھپ جائے۔ اس کے بعد پیتل کی نلی کو متحرک کرنا چاہیے یہاں تک کہ سامنے کا کنارہ پارے کی چوٹی ب کی سیدھ میں آجائے۔ مگر یہ ضروری ہے کہ نلی کے حرکت کرتے وقت آنکھ اس کے کٹے ہوئے کناروں کی سطح میں رہے (شکل ۴۹)۔



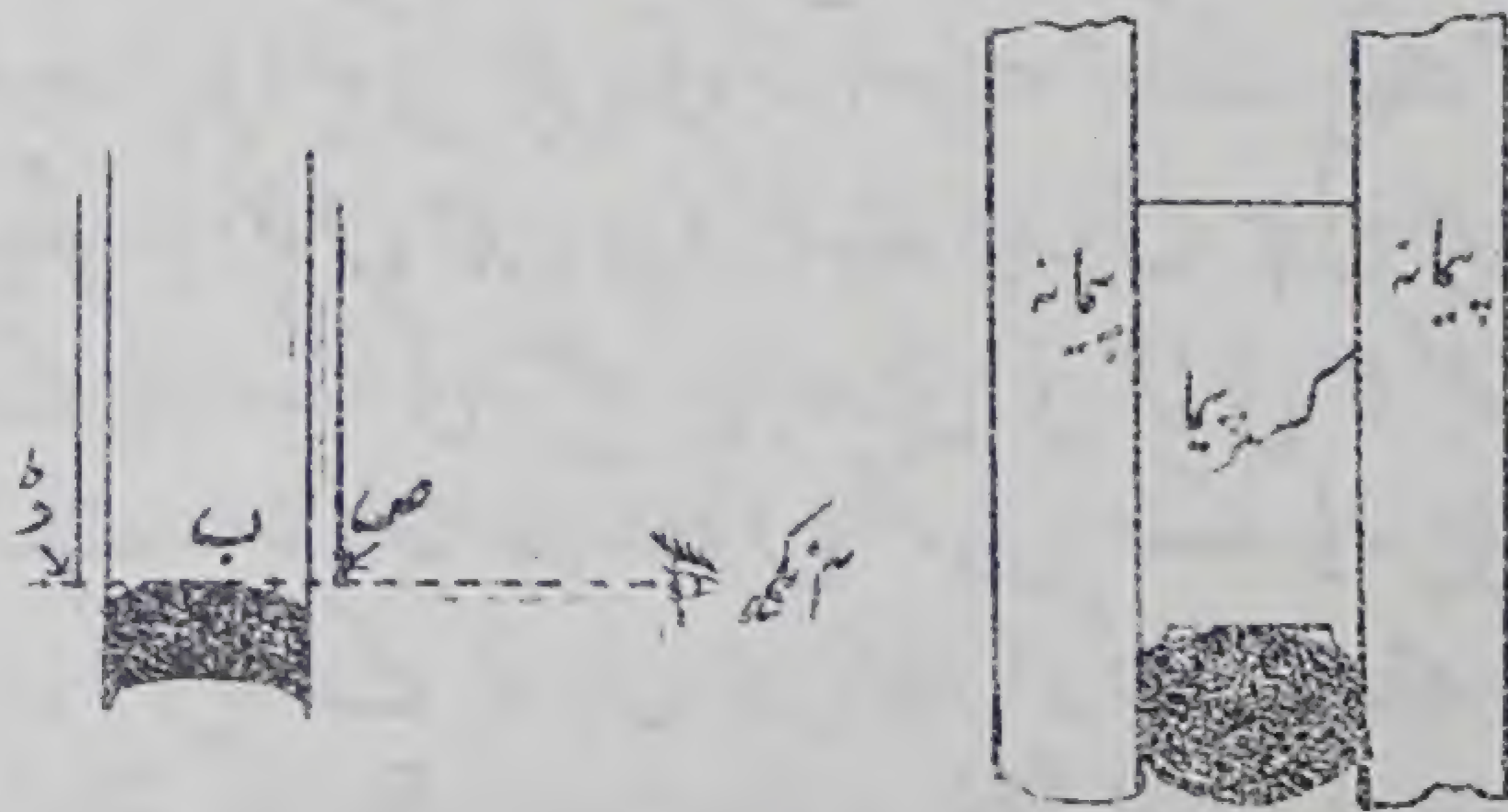
انتباہ - اگر آنکھ نلی کے کٹے ہوئے کناروں کی سطح سے اوپر رکھی جائے تو پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے سے چھپ جائیگا۔ اور اس حالت میں آنے کی ترتیب درست نہیں رہیگی۔ اس لئے یہ نہایت ضروری ہے کہ آنکھ کو اونچا کیا جائے یہاں تک کہ پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے سے یکساں عین غائب ہو جائے۔ سطح کے درست ہونے کا یہی ایک معیار ہے۔

شکل ۴۹ - بار پیمانی پیمانے اور گھڑ پیمانی

جب متحرک نلی ٹھیک جگہ رکھ دی گئی ہے تو آنکھ کے نیچے کی طرف ذرا سی بھی حرکت سے پشت کے کنارے کو دکھائی دینا چاہیے۔ جب آنکھ دوبارہ صحیح سطح پر اونچی کی جائے تو سامنے کے کنارے کا وسط پارے کی چوٹی سے ٹھیک مس کرتا ہوا معلوم ہونا چاہیے۔ مگر اس صورت میں چوٹی کے دونوں طرف کنارے کے نیچے کچھ روشنی صاف دکھائی دے گی۔

پیتل کی چھوٹی نلی میں ایک کسر پیمانی لگا ہوا ہوتا ہے۔ اس

کسر پیماس کا صفری نشان نیچے کے کٹے ہوئے کنارے کے ساتھ ہم سطح



شکل نمونہ کسر پیماس کی ترتیب

رہتا ہے۔ یہ کنارہ عام طور سے دونوں طرف نیچے نکلا ہوا ہوتا ہے تاکہ کثرت استعمال سے گوشے گھس نہ جائیں۔ آلے کے ڈھانچے میں ایک ثابت پیمانہ لگا ہوا ہوتا ہے جس کے کنارے پر یہ کسر پیماس اوپر نیچے حرکت کرتا ہے۔ اور اس پیمانے پر کسر پیماس کے ذریعے سے پارے کی چوٹی کی بلندی معلوم ہوتی ہے۔ پیمانہ آلے کے اوپر کے حصے کے قریب چند سنٹی میٹروں ہی تک درجہ بند کیا جاتا ہے۔ اس پیمانے کا صفراؤ اوپر بیان کئے ہوئے حوضک کے بائیں دانت کا سیمرا ہے۔ اس لئے کسر پیماس سے دکھائی ہوئی پیمانے کی درجہ خوانی بار پیماس کی بلندی بتاتی ہے۔

بار پیماس کی اور مروجہ شکلوں میں ایک لائنا ٹلی کی شکل کا ایسا بار پیماس ہے جس کی چھوٹی ساق میں پارے کی سطح پر تیرے ہوئے وزن سے لگے ہوئے نمائندے کے ذریعے سے پارے کی سطح کی حرکت ظاہر ہوتی ہے۔ ایک اور شکل ہے جس کی ساخت فورٹن کے بار پیماس جیسی ہے مگر اس میں حوضک کے درست کرنے کا

کوئی انتظام نہیں ہے۔

حوضک میں پارے کی سطح کی تبدیلی سے درجہ خوانی میں غلطیاں ضرور پیدا ہوتی ہیں۔ کیونکہ ایسے آلے کے سرے پر سسٹی میٹر یا انچوں میں جو درجے بندیاں ہوتی ہیں ان میں حوضک کے پارے کی سطح کی تبدیلی کی تلافی کا کچھ خیال نہیں رکھا جاتا ہے۔ مندرجہ بالا دونوں قسموں کے بار پیم میں سے کوئی ایک بھی سائنس کے تجربوں میں کار آمد نہیں ہے۔

بے غم بار پیم۔ بے غم بار پیم بار پیم کی ایک نہایت آسان شکل ہے۔ اور اس کی جدید شکل غایت درجے کی صحت دے سکتی ہے۔ یہ بار پیم دھات کا ایک ایسا برتن ہے جس میں مکمل خلا پیدا کر دیا گیا ہے۔ اور جو بالکل ہوا بند کر دیا گیا ہے۔ کرہ ہوائی کے دباؤ کی تبدیلی سے اس برتن کی شکل کچھ نہ کچھ بگڑ جائیگی۔ اور یہ بگاڑ دباؤ کی تبدیلی کے متناسب ہے۔ (صفحہ ۱۶۹ پر کلیہ ہوک ملاحظہ ہو)۔

بیرم اور گھڑی کے پیرزوں جیسے انتظام سے یہ خفیف بگاڑ بڑا دکھایا جاتا ہے۔ اور اس انتظام سے نمائندہ ایک پیمانے پر حرکت کر کے کرہ ہوائی کے دباؤ کی تبدیلی صاف صاف بتاتا ہے۔ اس آلے سے دباؤ کی قیمت براہ راست نہیں ملتی۔ اس لئے اس کی ضرورت ہے کہ اس کی درجہ خوانیوں کا فورسٹن کے سیمابی بار پیم سے مقابلہ کر کے اس آلے کی تعمیر کی جائے۔ مگر ایک دفعہ تعمیر کئے جانے کے بعد اس کی درجہ خوانیوں کی صحت پر تقریباً مدت لامتناہی تک بھروسہ کیا جاسکتا ہے۔ اگر یہ مقصود ہو کہ بار پیم کو جگہ بہ جگہ لے جایا جائے تو اس صورت میں یہ آلہ نہایت مفید ثابت ہوتا ہے اس لئے کہ اس کو ایک جامع مختصر شکل کا بنا سکتے ہیں۔ مگر جگہ بہ جگہ جانے میں یہ ضرور ہے کہ یہ آلہ مختلف پیشوں کے زیر اثر آئے۔ اور پیشوں کے زیادہ اختلاف سے

اُس کی درجہ خوانیوں کی صحت بہت درست نہیں رہیگی۔ اس سبب سے کہ دھات کے برتن کی لچک تپش سے مؤثر ہوتی ہے۔
تجربہ ۱۷۔ بے نم بار پیمائے استعمال سے کسی عمارت کی بلندی کی پیمائش۔ ایک ایسا بے نم بار پیمائے لو جس کا پیمانہ بہت چھوٹے چھوٹے درجوں میں منقسم ہو۔ اور عمارت کی زمین اور اُس کی چھت پر اس آلے کی درجہ خوانیوں کے خرق کا مشاہدہ کرو۔ فرض کرو کہ فرق مشہودہ پارے کی لاسمہ بلندی ہے۔ یہ فرق ہوا کی سطحوں کے درمیانی فاصلے کے مطابق ہے۔ اور یہ فاصلہ عمارت کی بلندی ف ہے۔ اگر سطحوں کا یہ فرق کم ہو اس کے اندر کی ہوا کو ہم ایک ایسا سیال تصور کر سکتے ہیں جس کی کثافت تقریباً تمام یکساں ہے۔ اس حالت میں ان دو نقطوں کے بیچ کے دباؤ کا فرق ف ڈا ج کے برابر ہے۔ جہاں شام ہوا کی کثافت ہے۔ دباؤ کا یہ فرق پہلے ناپا جا چکا ہے۔ اور یہ وہ دباؤ ہے جو پارے کا لاسمہ لمبائی کا آسٹوانہ ڈالتا ہے۔ پس ف ڈا ج = لا ڈا ج، جہاں ڈا پارے کی کثافت ہے۔

تپش کی وجہ سے کثافتوں میں جو خفیف تبدیلی واقع ہوتی ہے اُس کو نظر انداز کر کے ہم کافی صحت کے ساتھ یہ لکھ سکتے ہیں کہ ڈا = ۱۳۵۶ گرام فی مکعب سم اور ڈا = ۱۲۹۰۰۰ گرام فی مکعب سم

$$\text{اس لئے } F = \frac{1356}{129000} \text{ لا}$$

بلندی کو براہ راست ناپ کر اس نتیجے کی تصدیق کرو۔ ہاڑ پر چڑھنے والے جو بے نم بار پیمائے استعمال کرتے ہیں وہ اکثر براہ راست فٹ اور میٹروں میں درجہ بند رہتے ہیں۔

سیالی بار پیمائش کی تصحیح

کرہ ہوائی کے دباؤ کو : ہر کے پارے کی بلندی (سمہ)
 یا ڈائمن فی مربع سمہ میں ظاہر کرنے کے لئے اس کی ضرورت ہے
 کہ بار پیمائی کی مشہودہ بلندی تپش کی وجہ سے صحیح کر لی جائے۔
 فرض کرو کہ بار پیمائی درجہ خالی کا سمہ ہے۔ یہ درجہ خالی
 دراصل سمہ میں نہیں حاصل ہوتی بلکہ پیمائش کے درجوں میں۔
 کیونکہ پیمائش کے درجے صرف اس وقت سمہ تھے جب اس کی تپش
 تہہ (مثلاً) تھی۔ یہ تپش عموماً دہا کی ہوتی ہے۔ فرض کرو کہ ہر
 کی تپش تہہ ہے تو پیمائش کا ہر درجہ {ا + ب (ت - تبا)} کے برابر
 ہے۔ جہاں ب پیمائش کے خطی پھیلاؤ کی شرح ہے (یہ پیمانہ عام طور
 سے پتل کا ہوتا ہے)۔

اس لئے پارے کی حقیقی بلندی

سمہ = {ا + ب (ت - تبا)}

یہاں سمہ بلندی کے پارے کا ستون تہہ تپش پر ہے۔
 اب یہ دریافت کرنے کی ضرورت ہے کہ پارے کی کون سی
 بلندی ہے : معنی تپش پر اتنا ہی دباؤ ڈالیں جتنا پارے کا یہ ستون
 تہہ تپش پر ڈالتا ہے۔

ہر پر سمہ پارے کا دباؤ : شج ڈائمن فی مربع

سمہ ہے

جہاں شج : معنی پارے کی کثافت ہے۔

تہہ تپش کے سمہ ستون کا دباؤ : شج ڈائمن فی

مربع سمہ ہے

جہاں شج : تہہ تپش پر پارے کی کثافت ہے۔

ہمیں : کی قیمت ذیل کی مساوات سے دریافت

کرنی ہے:-

$$ج = ش = ج = ش$$

اور ہمیں معلوم ہے کہ $ش = ش$ (۱ + عت) جہاں عت
پارے کے جمی پھیلاؤ کی شرح ہے۔

$$ش = \frac{ش}{1 + عت} = \frac{ش}{1 + عت}$$

۸ کو ۸ کی رقم میں منتقل کر کے حسب ذیل مساوات حاصل ہوتی ہے:-

$$ش = \frac{ش (۱ + عت)}{۱ + عت}$$

جب ۸ مئی پر پارے کے ماٹل یہ بلندی ۸ محسوب ہو جائے تو دباؤ کی
قیمت ڈائمن فی مربع سمر میں ذیل کی مساوات سے حاصل ہو سکتی ہے:-
دباؤ = ۵ = ۸ ش ج

ش = ۵۹۴ و ۱۳ گرام فی مربع سمر
ج کی قیمت حیدر آباد کن میں ۴۸ و ۹ ڈائمن فی گرام یا سمر
فی ثانیہ فی ثانیہ ہے۔

اس لئے $ش = ۵۹۴ \times ۱۳ \times ۴۸ = ۹۷۸۰$ ڈائمن فی مربع سمر
بارش کی بلندی میں تیشی تصحیح کے اس طریقے کی تشریح
کے لئے مندرجہ ذیل عددی مثال فائدے سے خالی نہیں:-

فرض کرو کہ ایک بارش میں پتیل کا پیمانہ لگا ہوا ہے ۸ مئی تیش
پر ۵۹۴، سمر بلندی بتاتا ہے۔ پیمانے کی درجہ بندی ۵ مئی پر صحیح ہے۔
اب سوال یہ ہے کہ بارش کی بلندی ۵ مئی پر کیا ہوگی اور یہ بھی دریافت طلب ہے
کہ گرہ ہوائی کا دباؤ ڈائمن فی مربع سمر میں کیا ہے۔

پتیل کے خطی پھیلاؤ کی شرح = ۱۸۹ فی درجہ مئی

پارے کے جمی پھیلاؤ کی شرح = ۱۸۰ فی درجہ مئی

$$\frac{\{1 + 189 \dots 0005 (18-15)\}}{(1 + 18 \dots 0005 \times 18)} = 8$$

$$\frac{(1 + 546 \dots 0005)}{0.500322 + 1} =$$

$$= 45933 (1 + 546 \dots 0005) \times (1 - 0.500322) \text{ تقریباً}$$

$$= 45933 (1 + 546 \dots 0005 - 0.500322) \text{ تقریباً}$$

یا آخر ہم یہ لکھ سکتے ہیں کہ

$$45933 = 8 (99682) (0.5)$$

یعنی ۸ = ۵۶۹۰ سمر
اوپر کی مثال میں دباؤ ڈائین فی مربع سمر میں حسب ذیل حاصل ہوگا:-

$$5 = 8 \text{ شج ڈائین فی مربع سمر}$$

$$= 45940 \times 135592 \times 181518$$

(۱۸۱۵۱۸ ج کی قیمت لندن میں ہے) -

$$= 1009600 \text{ ڈائین فی مربع سمر}$$

یا ۱۰۰۹۶۰ پٹی بار
بجانبہ ۳۷ - کمرہ ہوائی کے دباؤ کی تعیین
مطلق اکائیوں میں - تجربہ سٹ کی طرح بار پیمائی کی

بلندی پڑھو۔ اور اس سے لگے ہوئے تپش پیمائی کے ذریعے سے بار پیمائی کی
تپش کا مشاہدہ کرو۔ حسب مثال مندرجہ بالا تپش کی تصحیح کر کے کمرہ ہوائی کا
دباؤ ۰ ہر پر پارے کی بلندی سمر میں دریافت کرو۔ اور اس سے
دباؤ کی قیمت مطلق اکائیوں میں محسوب کرو۔

تپش کی تصحیحی جدول - ۰ سے ۲۵ مئی تک کی
ہر تپش پر جس تصحیح کی ضرورت ہوتی ہے مندرجہ بالا طریقے سے اس کو
دریافت کر کے جدول کی شکل میں مرتب کر کے حوالے کے لئے بار پیمائی
کے برابر لگا دو۔ اگر یہ تصحیحیں بار پیمائی کی بلندی ۵۶۹۰ سمر فرض کر کے

محسوب کی گئی ہیں تو بغیر کسی پیچیدگی کے ان تصبیحوں کا اطلاق بار پیمائی کی تمام معمولی درجہ خوانیوں پر کرنا کافی طور سے صحیح ہوگا۔ کسی پیمائش پر تصحیح کرنے کا ضابطہ ————— بعض اوقات تصحیح حسب ذیل شکل میں ظاہر کی جاتی ہے:۔ بار پیمائی کی درجہ خوانی کے بعد اس میں سے ب سمر گھٹا لو۔ اور حاصل تفریق سے مئی کے اوپر ہر درجے کے لئے پھر سے سمر گھٹا لو۔ مندرجہ ذیل مساوات سے اس شکل کا ضابطہ بغیر زیادہ وقت کے بطور مشق حاصل کیا جاسکتا ہے:۔

$$\Delta = \frac{\Delta \{ 1 + b (t - t_0) \}}{a + t}$$

اس سے حسب ذیل مساوات حاصل ہوئی ہے:۔

$$\Delta = \Delta \{ 1 - b (t - t_0) \}$$

اوپر کے ضابطے میں ب Δ ب ت ہے جو تقریباً مستقل مقدار ہے۔ اور اس کی قیمت Δ کی ۷ سمر قیمت کے لحاظ سے دریافت کی جاتی ہے۔

اوپر کے ضابطے میں س Δ (ع - ب) ہے یہ بھی تقریباً مستقل مقدار رکھتی ہے۔ اور اس کی قیمت Δ کی قیمت ۷ سمر وزن کر کے دریافت کی جاتی ہے۔

۳۔ بندجم کی گیس کا دباؤ

بندجم کی گیس کے دباؤ کی پیمائش عموماً پارے دار لائمانلی کے ذریعے سے ہوتی ہے۔ اس نلی کے ایک منہ کا اس بندجم سے تعلق کیا جاتا ہے جس کے اندر کے دباؤ کی پیمائش مد نظر ہے۔ اور دوسرا سر اکڑ ہوائی میں کھلا رہتا ہے۔

لائمانلی کی دونوں ساقوں میں پارے کی بندلیوں کا

فرق بند حجم کے اندر کے دباؤ اور گیس کے ہوائی کے
بیس و نی دباؤ کا فرق بتاتا ہے۔

پس اگر بند حجم میں کے اندر دباؤ د (سم پر سے کی بلندی) ہو۔
اور کمرہ ہوائی کا دباؤ (بار پیمائی کی بلندی) لا ہو۔ تو د اور لا کا باہمی رشتہ
حسب ذیل ثابت ہوتا ہے :-

$d = h + (b - a)$ (شکل ۱۱ - ملاحظہ ہو)
اگر نقطہ ب نقطہ ا کے نیچے ہو تو (ب - ا) منفی مقدار ہے۔
اس لئے دباؤ د لا سے کم ہوگا۔

اگر خواہش ہو تو مندرجہ بالا جملہ اس صورت کے لحاظ سے حسب
ذیل لکھا جاسکتا ہے :-

$d = h - (a - b)$
یہ دونوں جملے جبر و مقابلہ کے نقطہ نظر سے ایک ہی ہیں۔
اور دونوں کی شکلیں بالکل عام ہیں۔

بعض دفعہ جب بار پیمائی کی بلندی پڑھنے سے احتیاط منظور
ہو تو سطح ب کا تعلق خلا سے کروایا جاتا ہے۔ اس صورت میں

$$d = b - a$$

مگر یہ طریقہ شاذ و نادر استعمال کیا
جاتا ہے۔



شکل ۱۱ - دباؤ کی پیمائش

جب نئی ب ہوا میں کھلی
ہو تو بند حجم میں کے اندر
کے دباؤ کی پیمائش محسوب
کرنے کے لئے سب

سے پہلے یہ ضروری
ہے کہ بائس پیمائی کی بلندی پڑھ
لی جائے اور ب اور ا کی

سطحوں کے درمیان کا فاصلہ دس یا فٹ کر لیا جائے۔ اس
ہل آیت کو خاص طور سے ملاحظہ خاطر رکھا جائے۔ اگر
دوران تجربہ میں بار پیمائی کی بلندی بدل جائے تو مقدار کا کی قیمت مختلف
اوقات کی درجہ خوانیوں میں مختلف ہوگی۔

اگر تجربے میں غایت درجے کی صحت مقصود ہو تو بار پیمائی کو
جب اور ا کے ہر مشاہدے کے بعد فوراً پڑھ لینا چاہیے۔ بہر حال گیسوں
پر ہر تجربے کے قبل اور بعد بار پیمائی پڑھ لینا چاہیے۔ اور بار پیمائی ان
دو درجہ خوانیوں میں جو فرق ہو اس کو مشاہدات پر علی الترتیب
تقسیم کر دو۔

۴۔ سکلیہ بائیل کی تصدیق

سکلیہ بائیل کی تصدیق کے لئے (صفحہ ۲۶۶) گیس کی ایک
مقدار شیشے کی ایک نلی میں بند کر دی جاتی ہے اور اس گیس اور خارجی
کرہ ہوائی کے بیچ میں پارا حائل رہتا ہے۔ یہ پارا ایک ایسی لچکدار رٹھ
کی نلی میں رہتا ہے جس کا ایک سرانڈ کورہ بالا گیس دار نلی سے ملحق رہتا
ہے۔ اور دوسرا سرانڈ شیشے کی ایک اور نلی میں لگا رہتا ہے اور اس نلی میں
کرہ ہوائی میں گھلی ہوئی پارے کی سطح دیکھی جاسکتی ہے۔ یا اس کی بجائے
ایک دوسرا طریقہ اختیار کیا جاسکتا ہے۔ یعنی ان دونوں شیشے کی نلیوں کے
دو سرے یکجہاں کر ایک دوسرے میں جما دئے جاتے ہیں۔ اور ان دونوں
کا احاطہ ایک متحرک حوضک کے ساتھ کیا جاتا ہے۔ جیسا شکل ۷۲ سے
واضح ہے۔

اس آلے کی سب سے عمدہ شکلوں میں نلی جس میں زیر تجربہ
گیس رکھی جاتی ہے مکعب سمروں میں درجہ بند ہوتی ہے۔ ڈاٹ کی انتہا تک
تعمیر کی ہوئی ظرف اس مقصد کے لئے کارآمد ہے۔ اگر اس قسم کی ظرف تک
دستیاب نہ ہو تو اس کے بجائے شیشے کی پیٹے بند سرے کی نلی جس کا سوراخ

تمام ہوا راند یکساں ہو استعمال کی جاسکتی ہے۔ اس نلی میں مقدار گیس اس طول کے متناسب ہے جو چپٹے برے اور پارے کی سطح کے درمیان واقع ہے۔

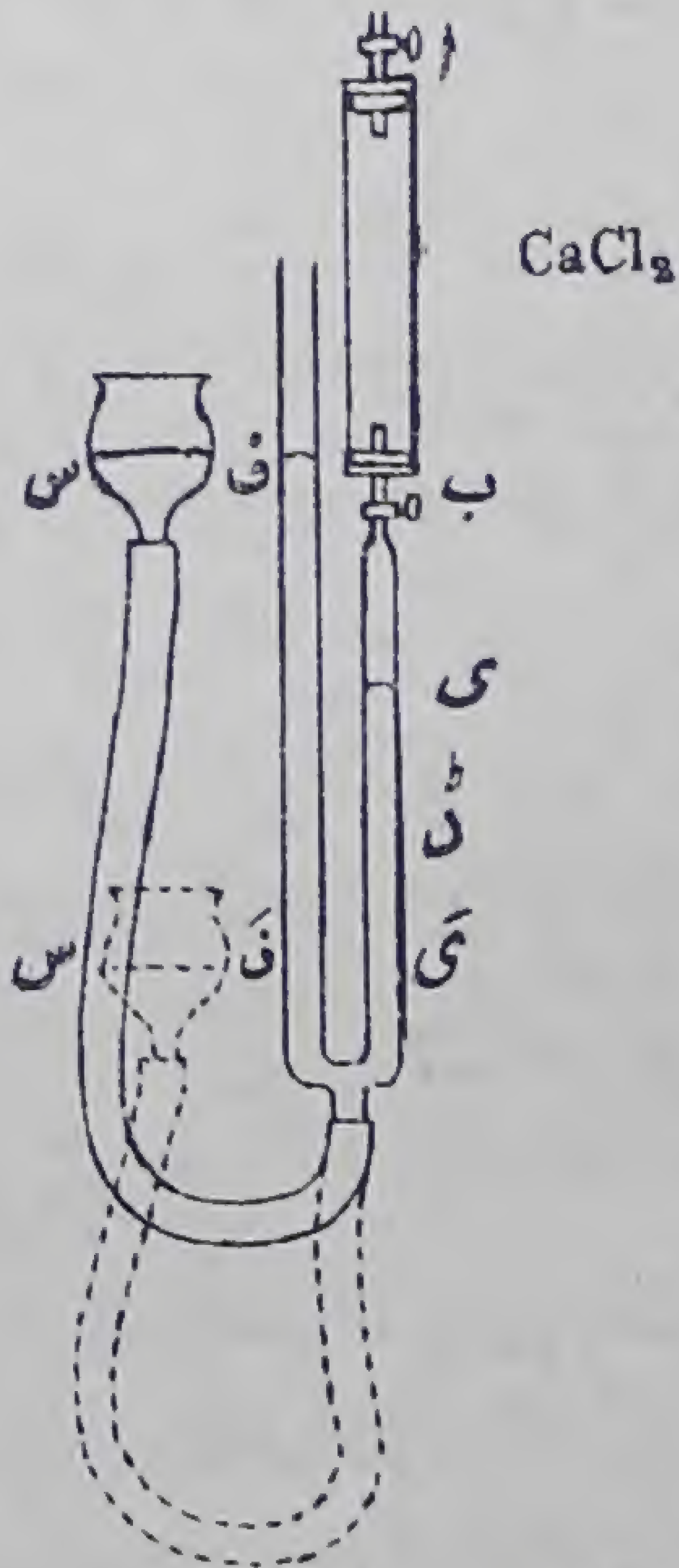
ظرفک دار آلے کی ترتیب اور درجہ خوانی مندرجہ بالا آسان شکل کی نلی کے مقابلے میں زیادہ سہل ہے۔ اگر زیادہ احتیاط مد نظر ہو تو اس میں ایک خشک کرنے کی نلی لگا دی جائے تاکہ ظرفک کی ڈاٹ بند کرنے سے پہلے اس میں ہوا (یا کوئی اور گیس جو زیر تجربہ ہو) بالکل خشک ہو جائے۔

یہ ضروری ہے کہ ڈاٹ نہایت ٹھیک طور سے بند کی جائے ورنہ زیادہ دباؤ کے تحت میں نلی سے ہوا باہر نکلنے لگیگی۔ اور اس وجہ سے زیر تجربہ گیس کی مقدار بدل جائیگی۔ لہذا مکمل درجہ خوانیاں ناقص ہو جائیں گی۔

تجربہ ۴۔ سُکلیہ بائیل کی تصدیق (آلہ ۱۔)

اس قسم کے آلے کا استعمال حسب ذیل طریقے سے ہوتا ہے:-
ڈاٹ ۲ اور ب دونوں کو پہلے کھول دیتے ہیں۔ اور حوضک میں کو اُدنچا کر کے پارا ڈاٹ ب تک چڑھا دیا جاتا ہے۔ حوضک میں کو پھر نیچے کر کے ان ڈاٹوں میں سے ہوا کو داخل ہونے دیتے ہیں۔ یہاں تک کہ ظرفک ڈ تک ہوا سے پُر ہو جائے۔ ب اور ڈ کے بیچ میں تقریباً ۳۰ مکعب سمر ہوا کو داخل ہونے دینا چاہیے۔

ڈاٹ ۲ بند کر دی جاتی ہے اور حوضک میں کو پھر اُدنچا کر کے ہوا کو خشک کرنے والی نلی میں واپس کیا جاتا ہے یہاں تک کہ پارا ب تک پہنچ جائے۔
ہوا کو ۲ اور ب کے بیچ میں چند منٹ تک



شکل ۷۷۔ سکلیہ بائیل (آلہ س)

رہنے دیا جاتا ہے تاکہ وہ بالکل خشک ہو جائے۔ پھر حوضک س نیچے اتاری جاتی ہے یہاں تک کہ ظرفک میں پارے کی سطح ڈپر واپس آ جاتی ہے۔ اس عمل سے ب ڈ تقریباً خشک ہوا سے پُر ہو جاتی ہے۔ پھر ب کو بند کر دیا جاتا ہے تاکہ ب اور ڈ کے درمیان ہوا کی ایک خاص مقدار بند ہو جائے۔ اور آلہ تجربے کے لئے اب تیار ہے۔

س کو اوپر نیچے کرنے سے ظرفک میں گیس پر مختلف دباؤ ڈالے جاسکتے ہیں۔ اور گیس کا حجم بدلتا جائیگا یہاں تک کہ گیس کا دباؤ اس دباؤ کے برابر ہو جاتا ہے جو اس پر باہر سے ڈالا جاتا ہے۔

دوسری تلی (ف) میں پارے کی سطح کی بلندی دہی ہوگی جو حوضک س کے پارے کی۔ اس لئے کہ دونوں سطحیں کرؤ ہوائی میں کھلی ہیں۔

اگر حوضک کے کسی مقام کے تحت میں بھٹی تلی میں پارے کی سطح ف ہو اور ظرفک میں ی ہو تو ظرفک کے اندر گیس پر دباؤ حسب ذیل حاصل ہوتا ہے:۔

$$\text{دباؤ} = \delta + (ف - ی)$$

جہاں δ بار پیمائی کی بلندی ہے۔

ان تلیوں کے ٹھیک پیچھے ایک انتصابی پیمانہ لگا رہتا ہے جس پر سطوح H اور I کے مقام کی درجہ خوانی ہوتی ہے۔ اس شکل کے آئے ایس کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم اور زیادہ دونوں دباؤ کے تحت میں تجربے کئے جاسکتے ہیں۔ بشرطیکہ ظرفک اور بھٹی تلی ہر دو کافی لمبان کی ہوں۔ اگر دباؤ زیر تجربہ کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم ہو تو مندرجہ بالا سطوح F اور I کی بجائے بالترتیب سطوح F ، A حاصل ہونگے۔ یہ صورت اس وقت حاصل ہوتی ہے جب حوضک میں اس مقام تک اتاری جاتی ہے جس کی توضیح شکل $Fig. 1$ میں نقطہ وار لکیروں سے کی گئی ہے۔

یہاں B اور I ، B اور I ، وغیرہ کی درمیان فضا میں حجم ہیں۔

چند مختلف بلندیوں پر حوضک کو رکھو تاکہ آدھے مشاہد سے کرہ ہوائی کے دباؤ سے زیادہ دباؤ کے تحت میں کئے جاسکیں۔ اور آدھے مشاہد سے اس دباؤ سے کم دباؤ کے تحت میں۔ ہر تجربے میں ظرفک کے اندر گیس پر مجموعی دباؤ کو محسوب کرو۔ (اس امر کے لئے پار پیما کی بلندی پہلے دریافت کرنا ضروری ہے)۔ اور ہر دباؤ کے تحت میں ظرفک کی گیس کا حجم بھی قلم بند کر لو۔ ثابت کرو کہ حاصل ضرب دباؤ \times حجم ہر ترتیب میں ایک ہی ہے۔ اپنے مشاہدات کو حسب ذیل جدول میں مرتب کرو:-

پار پیما کی بلندی = ϕ = ... سم

بھٹی تلی H میں درجہ خوانی	ظرفک I میں درجہ خوانی	$F-I$	مجموعی دباؤ = $\phi +$ ($F-I$) = ϕ	گیس کا حجم H	H

ان مقداروں میں
تلی اور ظرفک کی بلندی
توضیح

تنبیہ۔ اس کا خیال رہے کہ ف۔ ی اور ہ ایک ہی اکائیوں میں استعمال کئے جائیں۔ یعنی ف۔ ی اور ہ دونوں کی پیمائش سمر میں ہونی چاہیے۔ ایسا نہ ہونا چاہیے کہ ف۔ ی کی قیمت سمر میں اور ہ کی قیمت سمر میں لکھی جائے۔

گیس دار نلی کے سرے پر اگر ڈاٹ نہ ہو تو اس میں گیس کسی اور طریقے سے داخل کی جاسکتی ہے۔ اور پھر اوپر کے بیان کے مطابق تجربے کی تعمیل ہو سکتی ہے۔ اگر اس امر کی ضرورت ہو کہ تجربہ کرو ہوائی کے دباؤ سے کم دباؤ کے تحت میں کیا جائے تو پارے کو داخل کرنے سے پہلے گیس دار نلی کو بہت زیادہ گرم کرنا ہوگا۔

اس صورت میں تجربہ شروع کرنے سے پہلے یہ ضروری ہے کہ نلی کو بالکل ٹھنڈا ہونے دیا جائے۔

اس طریقے سے نلی میں ہوا کی مقدار کو کم و بیش کرنا کچھ آسان نہیں۔ اور اس کوشش میں عملی اکثر ٹوٹ جاتی ہے۔ مبتدی کو ہرگز نہ چاہیے کہ اس کی کوشش کرے۔

اگر ظرف اور ڈاٹ والا آلہ دستیاب نہ ہو تو گلیکے کی تصدیق کے لئے اکثر اوقات یہ قابل ترجیح ہے کہ نلی میں ہوا کی مقدار مندرجہ بالا طریقے سے کم و بیش کرنے کی بجائے دو الگ الگ آلے (کرو ہوا کے دباؤ سے زیادہ دباؤ کے لئے اور دوسرا اسی دباؤ سے کم دباؤ کے لئے) استعمال کئے جائیں۔ اگر ظرف اور ڈاٹ والا آلہ بھی دستیاب ہو۔ پھر بھی ان دو مختلف شکلوں کے آلے کا استعمال فائدے سے خالی نہیں۔ کیونکہ دو ایسے مختلف شکلوں کے آلوں کے استعمال سے دباؤ کے مجموعی اختلاف کا اظہار زیادہ ممکن ہو جاتا ہے بہ نسبت اس ایک ہی شکل کے آلے کے استعمال سے جس کا ذکر اوپر ہو چکا ہے۔ اور اس طرح سے گلیکے ہوا کی تصدیق دباؤ کے تجربات کی ایک زیادہ بڑی سہولت تک ہو جاتی ہے۔ مزید برآں طالب علم بھی

مختلف اشکال کے آلوں سے جو کیسی دباؤ کی پیمائش میں استعمال کئے جاسکتے ہیں واقف ہو جاتے ہیں۔

تجربہ ۵۰۔ کالیہ بایل کی تصدیق۔ آلہ ۱۔
(کرہ ہوائی کے دباؤ سے زیادہ دباؤ کے تحت میں)۔ آلہ زیر بحث کالیہ بایل کی تصدیق کے لئے اس وقت استعمال کیا جاتا ہے جب دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ سے زیادہ ہوتا ہے۔

ہوا جس پر تجربہ کیا جاتا ہے شیٹے کی تلی ۱ میں رکھی جاتی ہے۔ اس تلی کے نیچے کے حصے کا پارے کی ایک حوشک اس اور ایک دباؤ تلی ب سے تعلق ہے۔ (۱ میں گیس کی خاص مقدار پر دباؤ) = (کرہ ہوائی کا دباؤ) + (۱ اور ب میں پارے کی

سطوں کی بلندیوں کے فرق کے سبب

سے دباؤ)۔ کرہ ہوائی کا دباؤ بار پیمائش کے ذریعے سے دریافت ہو سکتا ہے۔

رض کر دکر یہ دباؤ دھم پارے کا ہے۔

گیس کا حجم فصل ای کے متناسب تصور کیا جاسکتا ہے۔ اور اس فصل کی پیمائش آئے سے لگے ہوئے پیمانہ سے ہوتی ہے۔

اگر ہم حوشک کو اونچا کریں۔ ۱ میں ہوا پر دباؤ بڑھ جائیگا۔ اور ہوا کا حجم گھٹ جائیگا۔

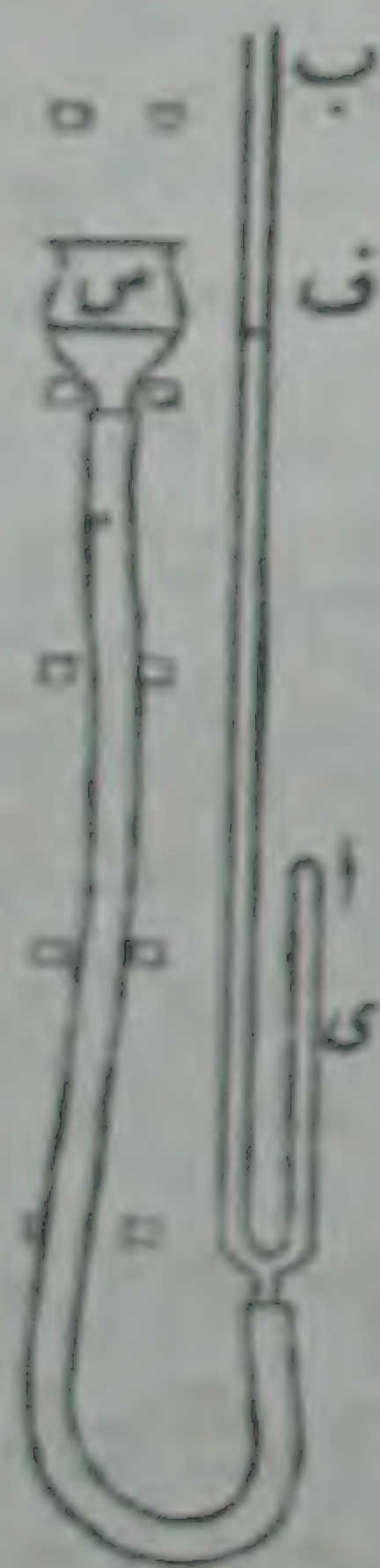
دباؤ = کرہ ہوائی کا دباؤ + دباؤ جو پارے کے

کاستون ف ی ڈالتا ہے۔

یعنی $D = H + (F - Y)$

نیا حجم ح کے برابر ہے۔ اور یہ

(ای کے متناسب ہے۔



تصویر ۵۰۔ تقریباً بیل (آلہ ۱)

اسی طرح پارے کے حوضک کے مختلف مقامات کے لحاظ سے د اور ح کی قیمتیں دریافت کرو اور حاصل ضرب (د x ح) کی قیمتیں محسوب کرو۔ اگر کلیہ بائیسل کی پابندی ہو رہی ہو تو یہ قیمتیں مستقل ملینگی۔

نتیجوں کو جدول کی شکل میں مرتب کرو جس طرح آلہ ۱ صفحہ ۲۵ کے بیان میں بتایا جا چکا ہے۔

دباؤ کو معین اور حجم کو فصلہ مان کر ایک سخی تیار کرو۔ تیار شدہ سخی قائم زیادہ کی شکل کا ہونا چاہئے۔

تجربہ ۱۔ کلیہ بائیل کی تصدیق۔ آلہ ۱۔

(کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم دباؤ کے تحت) یہ تیسری قسم کا

آلہ کلیہ بائیل کی تصدیق کے لئے اس

غرض سے استعمال کیا جاتا ہے کہ ہم

کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم دباؤ کے تحت

ایک بڑی سمت تک تجربہ کر سکیں۔

سادہ شکل میں یہ آلہ ایک شیشہ

کی ہموار نلی پر مشتمل ہے جو پارے سے

بھری ہوئی لوہے کی نلی کے اندر اوپر نیچے

متحرک کی جا سکے۔ لوہے کی نلی کا بالائی

سر چوڑے پیالہ کی شکل کا ہے۔ سرے

کی ایسی شکل کی وجہ سے اندرونی نلی

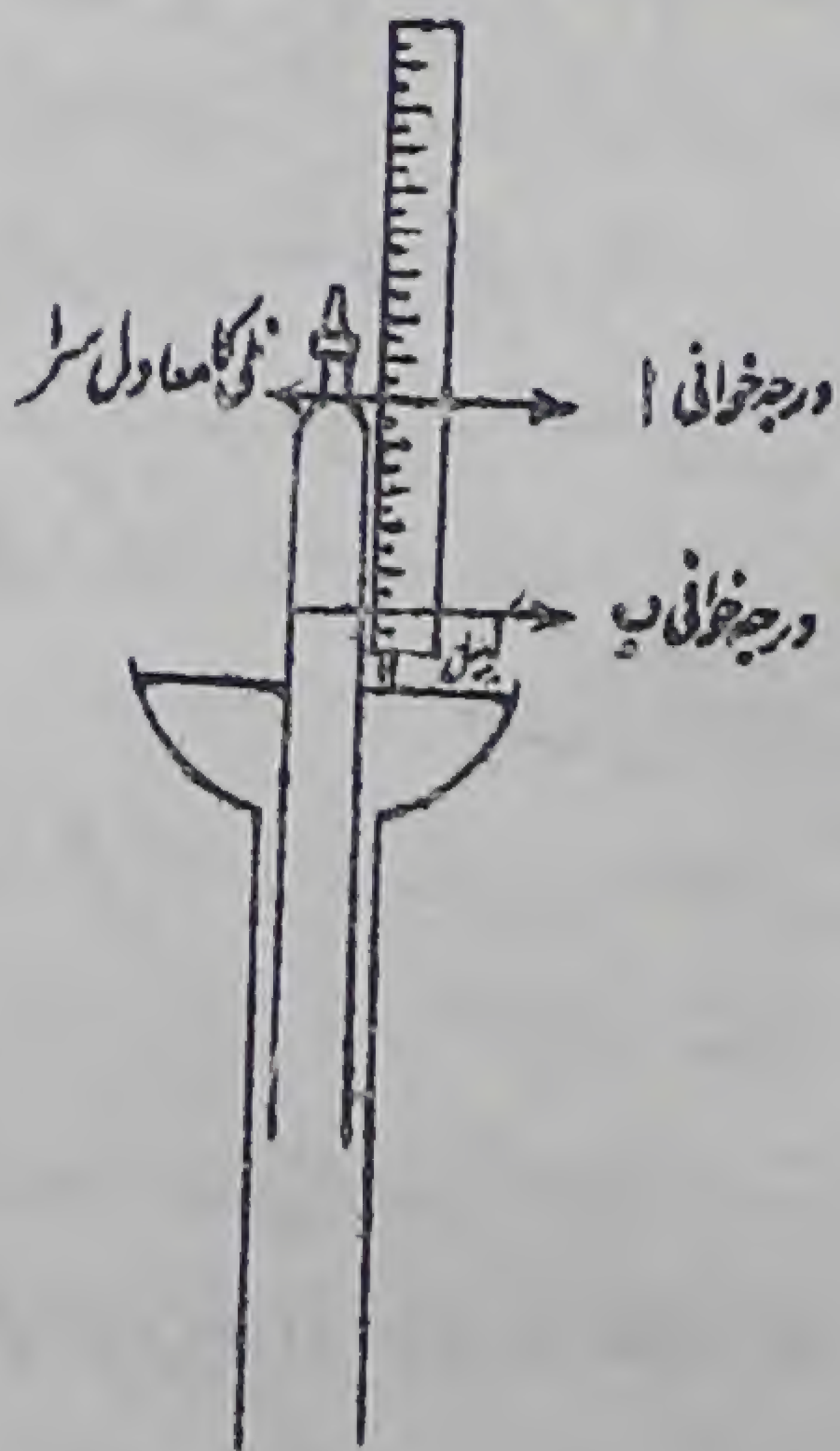
لوہے کی نلی کے اندر نہ صرف ایک

بڑی حد تک اتاری اور چڑھائی جاسکتی

ہے بلکہ اس عمل سے پارے کی خارجی

سطح کی بلندی میں کوئی معتمد بہ فرق

نہیں ہوتا۔



شکل ۱۔ کلیہ بائیل
(آلہ ۱)

اندرونی شیشہ کی نلی میں گیس کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ سے بمقدار

اس دباؤ کے کم ہے جو پارے کے اُس استوانہ سے پیدا ہوتا ہے جس کی بلندی خارجی اور اندرونی پارے کی سطحوں کا درمیانی فاصلہ ہے۔

اس بلندی کی پیمائش کے لیے انتصابی پیمانہ سے لگی ہوئی باریک کیل اس طرح مرتب کی جاتی ہے کہ اُس کی نوک خارجی پارے کی سطح کو عین چھوتی رہے (ملاحظہ ہو شکل ۱)۔ اندرونی پارے کی سطح کی بلندی درجہ خوانی ب اور کیل کے طول (لاٹھ) کے مجموعے سے حاصل ہوتی ہے اور یہ مقدار وہ ہے جو نلی کے اندر ہوا کے دباؤ میں کرہ ہوائی کے دباؤ سے کمی بتاتی ہے۔

اگر نلی کا سو راج یکساں ہو تو اُس میں گیس کا حجم، نلی کے اُس طول کا متناسب ہے جہاں تک گیس ہے۔

ڈاٹ کے نیچے نلی کی گردن پر ایک نشان لگا دیا جاتا ہے۔ یہ نشان نلی کے "مُعادل سرے" کی تعبیر کرتا ہے۔ یعنی یہ نشان وہ نشان ہے جہاں نلی کا "سرا" نلی کے سو راج کے یکساں ہونے کی حالت میں ہوتا اور نلی کا حجم وہی ہوتا جو حقیقی حجم ہے۔

اندرونی پارے کی سطح اور نشان مذکور کا درمیانی فاصلہ، نلی میں گیس کے حجم کے متناسب ہے۔

شیشہ کی نلی کی ڈاٹ کھول کر نلی کو پارے میں یہاں تک اتار دو کہ نلی کا سرا خارجی پارے کی سطح سے تقریباً ۵ اسم بلندی پر ہے۔

احتیاط سے ڈاٹ کو بند کرو۔ بند کرتے وقت اُس کو اس طرح

گھماؤ کہ وہ اندر کی طرف آہستہ آہستہ دہتی رہے۔ اور دورانِ تجربہ میں اُس کو دوبارہ باقہ نہ لگاؤ ورنہ نلی میں اور ہوا داخل ہو جانے کا خدشہ رہیگا اور اس وجہ سے گیس زیرِ تجربہ کی مقدار بدل جائیگی۔

اب نلی کی ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کے برابر ہے۔ کیل لگے ہوئے میٹری پیمانے کو اس طرح مرتب کرو کہ کیل کی نوک خارجی پارے کی سطح کو چھوتی رہے اور نلی کے "مُعادل سرے" کے برابر پیمانہ کی درجہ خوانی دریافت کرو۔

نلی کو یہاں تک اوپنجا کرو کہ اندرونی پارے کی سطح میتری پیمانہ کے
صفر سے کچھ اوپر رہے۔ اور کیل کو اس طرح مرتب کرو کہ اُس کی نوک خارجی پارے
کی سطح کو عین چھوتی رہے۔ اس کے بعد پیمانہ پر، نلی کے مُعادِل سرے کے مخاؤی
درجہ خوانی ۱ کو ٹکبند کرو اور اندرونی پارے کی سطح کی بلندی ب بھی دریافت کرو۔
نلی کو متعدد مرتبہ چند سمر اور پُر اٹھا اٹھا کر ۱ اور ب درجہ خوانیوں کو
وہراؤ مگر اس امر کا لحاظ رکھا جائے کہ کیل کی نوک ہر پیمائش میں
خارجی پارے کی سطح کو عین چھوتی رہے۔

تجربہ کو اُس وقت تک جاری رکھو کہ نلی کو اوپر اُٹھانے سے
پیارے میں کچھ پارا باقی نہ رہے۔
تجربوں کے کم سے کم چھ سلسلے مشاہدہ کئے جائیں اور جن دباؤں
کے تحت تجربے کئے جائیں، اُن سب پر مشاہدات ہموارانہ منقسم رہیں۔
نلی کو دوبارہ اُس ابتدائی مقام تک پارے میں اُتارو جس پر پہلی درجہ
خوانیاں لی گئی تھیں۔ اگر اس وقت درجہ خوانیاں پہلی درجہ خوانیوں کے
مطابق نہ ہوں تو یہ ضرور ہے کہ ڈاٹ کے بند کرنے میں کسی نقص کی وجہ سے
کچھ ہوا داخل ہو گئی ہو۔ اس صورت میں ڈاٹ کو ٹھیک طور سے پھر ہوا بند
کر کے تجربے کو دہرائنا چاہیے۔
بار پیماکو پڑھ کر کرہ ہوائی کے دباؤ کو پارے کے سفلی میٹروں
میں ظاہر کرو۔

مشاہدات کے نتائج کو مفصلہ ذیل جدول کی شکل میں مرتب کرو۔

کیل کا طول لا = سمر

درجہ خوانی ۱	درجہ خوانی ب	دباؤ د = کرہ ہوائی۔ (ب + لا)	تجمیع ج = (ا + ب)	ح د

آخری خانہ کی رقیں مستقل ہونا چاہئیں۔

دباؤ اور حجم کا منحنی تیار کرو۔ اس منحنی کو قائم زائد ہونا چاہئے۔
 اس طریقہ سے سکلیہ بائیل کی تصدیق ممکن ہے۔ یعنی اس امر کی تصدیق
 کہ کسی خاص مقدار کی گیس کا حجم دباؤ کے ساتھ تناسب معکوس رکھتا ہے بشرطیکہ
 تپش مستقل رہے۔

فصل یازدہم

سطحی تناؤ

۱۔ سطحی تناؤ کی تعریف

مائع کی سطح اپنے ہر مقام پر اس طرح عمل کرتی ہے گویا کہ وہ تناؤ کی حالت میں ہے۔ اس کی تشریح کے لئے ربر کی تنی ہوئی جھلی بطور تشبیہ اکثر پیش کی جاتی ہے۔ مگر اس تشبیہ میں یہ اہم فرق قابلِ محاط ہے کہ اگر ربر کی جھلی تانی جائے تو جھلی کی سطح میں کسی خط پر تناؤ کا عمل جھلی کے بڑھاؤ کے ساتھ ساتھ زیادہ ہوتا جاتا ہے، مگر مائع کی سطح میں اس تناؤ کی زیادتی اس طرح واقع نہیں ہوتی۔

مائع کی سطح میں کسی فرضی خط کے اکائی طول پر علی القواہم عمل کرنے والا تناؤ (ڈائنوں میں) مائع مذکور کا سطحی تناؤ کہلاتا ہے۔

سطحی تناؤ نہ صرف مائع کی نوعیت پر منحصر ہے بلکہ اس کی سطح کی دوسری جانب کے واسطہ پر بھی موقوف ہے۔ یعنی ہوا سے مس کرتے ہوئے پارے کی سطح کا سطحی تناؤ پانی سے مس کرتے ہوئے پارے کی سطح کے سطحی تناؤ سے بالکل مختلف ہے۔ اگر پارا، پوٹاشیم ڈائی کرومیٹ (Potassium Dichromate) کے

بلکے محلول میں رکھا جائے تو اس محلول کا اثر پارے کے سطحی تناؤ پر بہت نمایاں ہوگا۔ اس صورت میں پارا، اپنا پارا "کھودیتا ہے" اور اس میں ایک ایسی شستی پیدا

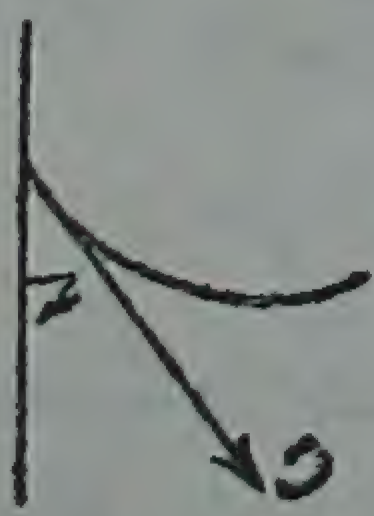
ہو جاتی ہے جو اُس کی اُس سیلانیت سے بالکل مختلف ہے جبکہ وہ ہوا سے مس کرتا ہے۔
لہذا جس وقت ہم مائع کے متعلق سطحی تناؤ کا لفظ استعمال کرتے ہیں تو یہ
سمجھنا چاہئے کہ ہمارا مقصد اُس سطحی تناؤ سے ہے جو مائع اور ہوا کی مشترک سطح میں
پیدا ہوتا ہے۔

۲۔ سطحی تناؤ کے اثرات

شعریت

جب کبھی کوئی باریک نلی کسی مائع سے بھری جائے اور اُس کا نیچے کا سرا
اُسی مائع سے بھرے ہوئے بڑے برتن میں ڈبو دیا جائے تو پہلے کچھ مائع نلی میں سے نیچے بہ جائیگا
اور آخر کار برتن کے مائع کی سطح سے اوپر، نلی میں مائع کا قابلِ پیمائش ستون رہ جائیگا۔
مائع کے سطحی تناؤ کی وجہ سے نلی اس ستون کو سہارے رہتی ہے اور یہ سطحی
تناؤ اس کی بلندی اور نلی کے ابعاد کے ذریعہ متعین ہوتا ہے۔

فرض کرو کہ نلی کا نصف قطر ص سمر ہے اور مائع کا سطحی تناؤ T ڈائن
فی سمر ہے۔ اُس خط کے علی القوائم جہاں نلی مائع کی سطح سے مس کرتی ہے، ایک قوت
ت ڈائن فی سمر عمل کرتی ہے۔



شکل ۵۱
سطحی تناؤ کی وجہ سے قوت

یہ قوت مائع کی سطح سے پیدا ہوتی ہے اور اس سطح
کے خط تماس کے علی القوائم عمل کرتی ہے۔ لہذا اگر اس خط پر مائع
کی سطح کا خط تماس، نلی کے پہلو سے زاویہ θ بنائے (شکل ۵۱)
تو ہمیں ت ڈائن فی سمر کی ایک ایسی قوت ملتی ہے جس کی
سمت عمل انتصابی خط سے زاویہ θ بناتی ہو۔

یورے خط پر، جس کا طول ۴۲ ص ہے، عمل کرنے والی قوت ۴۲ ص
ہوگی۔ مگر اس قوت کی سمت عمل تمام نقطوں پر انتصابی خط سے بقدر زاویہ θ ملے

اس لئے قوت کا صرف انتصابی جزو تخیلی عمل کریگا اور تمام افقی اجزاء متبادل ہونگے
اس لئے نلی کے خط تماس کے علی القوائم مانع ایک ایسی قوت سے نلی پر عمل کریگا جس
کی مقدار ۲۲ ص دت جم عہ اور سمت عمل نیچے کی طرف ہوگی۔

چونکہ عمل اور رد عمل آپس میں مساوی اور متضاد ہوتے ہیں اس لئے نلی
بھی مانع پر متذکرہ بالا قوت سے اوپر کی طرف عمل کریگی۔ یعنی نلی مانع پر اوپر کی طرف
خط تماس کے علی القوائم، مجموعی قوت بقدر ۲۲ ص دت جم عہ ڈائن ڈالیگی۔

اور یہی قوت نلی میں چڑھے ہوئے مانع کے ستون کے وزن کو سہارے رہتی ہے
اس لئے اگر ہمیں اس ستون کا وزن معلوم ہو جائے تو قوت مذکورہ بالا کا تعین ہو جائیگا۔

چڑھے ہوئے ستون کا وزن — مانع کی ہلالی سطح کے قاعدے تک
یہ ستون، اُسٹوائی شکل کا ہے۔ اس قاعدے کے اوپر ہلالی حصہ کا حجم تقریباً نصف
قطر کے نصف کرہ کے اور اُس کے جائزہ استوانے کے حجموں کا فرق ہے۔

اگر ہلالی سطح کا پینڈا مانع کی خارجی آزاد سطح سے ف بلندی پر ہو تو
چڑھے ہوئے ستون کا حجم = ۲ ص ا ف + (۲ ص ۲ - ۲ ص ۳)
= ۲ ص ا (ف + ۲ ص)

اگر ف + ۲ ص کو ف سے تعبیر کیا جائے تو
چڑھے ہوئے مانع کے ستون کی کمیت ۲ ص ا ف ث ، اور اُس کا
وزن ۲ ص ۲ ف ث ج ڈائن ہوگا۔ جہاں ث مانع کی کثافت ہے اور ج
اسراع بوجہ جاذبہ زمین۔

اس لئے ۲۲ ص دت جم عہ = ۲ ص ا ف ث ج
یعنی $\frac{۲۲ ص دت جم عہ}{۲ ص ا ف ث ج} = ۲$

۲ جم عہ
ان تمام مائعات کے لئے جن سے نلی کی سطح بھیک جاتی ہے عہ =
اور اس لئے جم عہ = ۱۔ لہذا اس صورت میں

$\frac{۲۲ ص دت جم عہ}{۲ ص ا ف ث ج} = ۱$



پارے کی خاصیت اس امر میں جداگانہ ہے جو قابل ذکر ہے۔ یہ سطح کو نہیں جھکوتا اور چونکہ اس میں جوہر کی قیمت ۱۰۰ سے زیادہ ہوتی ہے اس لئے جوہر منفعی ہے۔ اور جوہر کی اس منفعی قیمت کی وجہ سے پارے میں ف منفعی رہتا ہے۔ یعنی پارا بجائے اور پر چڑھنے کے نلی میں برتن کی خارجی سطح سے نیچے اتر آتا ہے۔

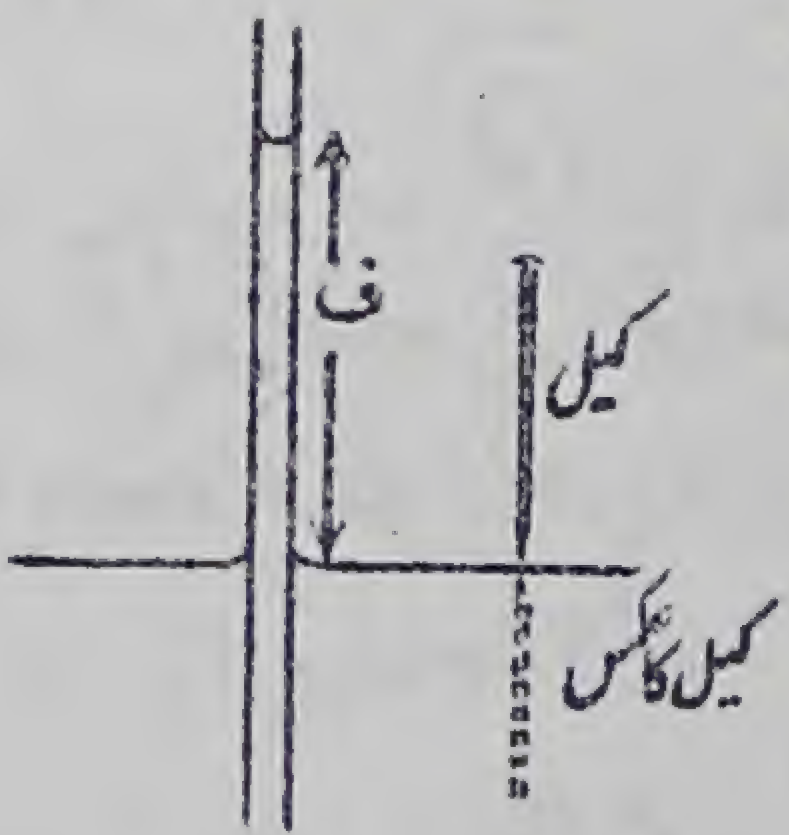
فعل منفعی کے عمل کے اثرات

مختصر یہ ہے۔۔۔ شعری نلی میں پانی کے چڑھاؤ سے سطحی تلاء کی تعمیر۔ ایک شعری نلی کو پہلے گاوی سوڈے سے صاف کر دے اور اس کے بعد ٹائیزنگ کر دے۔ اور پھر زیادہ پانی سے خوب سمادو بہاں لگ کر نلی میں ٹرٹھ کا کوئی شاٹب باقی نہ رہے۔ اس نلی کو پتلے شیشے کے پانی سے بھرے ہوئے ایسے خنارے میں رکھ جس کی دیواریں انتہائی ہوں۔ پھر نلی کو پانی میں اس قدر نیچے اتار دے کہ تمام نلی پانی سے بھر جائے۔ بعد ازاں نلی کو اوپر اٹھا دیاں تک کہ نلی میں پانی کا ستون قائم ہو جائے۔ کشیدہ کئے ہوئے پانی کے بہت معمولی پانی کا استعمال قابل ترجیح ہے کیونکہ کشیدہ کئے ہوئے پانی کی سطح پر اکثر چکنائی موجود رہتی ہے۔

ماٹھ کے ستون کی بلندی کی پیمائش۔ تفسیر پر کار کے

ذریعہ ستون کی بلندی براہ راست اس طرح دریافت ہو سکتی ہے کہ اس کی ایک نوک برتن میں پانی کی خارجی سطح پر اور دوسری نوک بلالی سطح کے پست ترین نقطہ پر رکھی جائے۔ مگر اکثر اوقات اس امر کے لئے ارتفاع پیدا خورد بین استعمال کی جاتی ہے۔ خورد بین کو پہلے اس طرح مرتب کر دو کہ اس کا افقی تلاء نلی میں پانی

لے گاوی سوڈے کے استعمال کی غرض یہ ہے کہ نلی سے چکنائی دور ہو جائے۔ ٹرٹھ سوڈے کے بعد اس کے استعمال کیا جاتا ہے کہ وہ بہ مقابلہ سوڈے کے آسانی پانی سے کوصل جاتا ہے۔



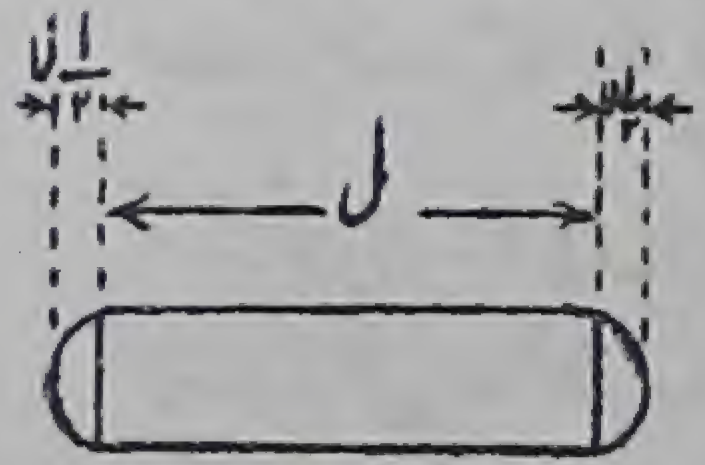
کی ہلالی سطح سے مس کرتا ہوا نظر آئے۔ اور پھر اُس کو یہاں تک نیچے اتار کر اس طرح مرتب کرو کہ ایک ایسی کیل کی نوک جو پانی کی سطح کے بہت ہی قریب ہو مگر اُسے چھوئی نہ ہو، خردبین کے میدانِ منظر میں اس طرح آجائے کہ اُس کا افقی تار، اس نوک اور پانی میں اُس کے عکس کے عین وسط میں نظر آئے۔

شکل ۱۱: شعری نلی میں مانع کا چڑھاؤ

اُس انتصابی فاصلہ کی پیمائش جہاں تک ان دونوں مقاموں کے درمیان خردبین کو اتارنا پڑتا ہے، خردبین کے استادہ سے لگے ہوئے پیمانہ کے ذریعہ ہوتی ہے۔ اور اس طرح ف کی صحیح قیمت حاصل ہو جاتی ہے۔

نلی کے سوراخ کی پیمائش — نلی کے سوراخ کی پیمائش کے لئے پہلے

نلی کو خشک کر کے اُس میں صاف پارا چڑھالیا جاتا ہے۔ اس کے بعد نلی کے اندر پارے کی ڈوری کا طول ناپ لیا جاتا ہے۔ پھر اس پارے کو معلوم وزن کی پیالی میں ڈال کر اُس کا وزن دریافت کر لیا جاتا ہے۔ پارے کی کیت سے نلی کا نصف قطر محسوب کیا جاسکتا ہے بشرطیکہ پارے کی کثافت معلوم ہو۔



شکل ۱۲: پارے کا ڈورا

پارے کی ڈوری کے مادہ کی کیت = $\frac{W}{V}$ لٹ

جہاں W پارے کی کثافت اور L پارے کی ڈوری کا طول ہے۔ ڈوری کے طول کی پیمائش کے وقت یہ معلوم ہو گا کہ پارے کے سرے چپے نہیں بلکہ ابھرے ہوئے ہوتے ہیں۔ اگر پارے کی ڈوری کے استوانی حصے کا طول L ہو اور دونوں ابھرے ہوئے حصوں کا مجموعی طول L_a ہو تو پارے کی ڈوری کا

جسم ہوگا:-

$$۲ ص ۱ + \frac{۲}{۳} ص ۲ لا$$

دوسری رقم کی قیمت اس مفروضہ پر حاصل کی گئی ہے کہ ڈوری کے دونوں اُبھرے ہوئے سرے نصف ناقص نما ہیں۔

پس پارے کا حجم

$$۲ ص ۱ [۱ + \frac{۲}{۳} لا] ہے۔$$

صفحہ ۲۹۷ کے ضابطہ میں [۱ + \frac{۲}{۳} لا] کو ل سے تعبیر کیا گیا ہے۔

نلی کے نصف قطر کی پیمائش کا ایک اور طریقہ یہ ہے کہ نلی کو اس جگہ پر سے عموداً کاٹ دیا جاتا ہے جہاں مائع کی ہلالی سطح قائم تھی۔ اس عمودی تراش کو اس طرح اُٹھا قائم کرتے ہیں کہ وہ مستحکم خردبین میں نظر آئے۔ سوراخ کے قطر کی پیمائش خردبین کے چشمہ کی ماسکی سطح میں رکھے ہوئے خردہ پیمائش کے ذریعہ کی جاتی ہے۔ اس خردہ پیمائش کی تعبیر کسی معیاری پیمانہ کو اسی خردبین سے دیکھ کر کی جاتی ہے۔ خردبین کے ذریعہ یہ دیکھا جاتا ہے کہ خردہ پیمائش کے کتنے درجے معیاری پیمانہ کے ایک ملی میٹر کے ساتھ منطبق ہوتے ہیں۔ مگر اس امر کے مشاہدہ کرنے میں اس بات کا لحاظ رہے کہ نلی کے قطر کے مشاہدہ کرنے میں خردبین کی جو ترتیب تھی اس میں کسی قسم کی تبدیلی نہ ہونے پائے (ملاحظہ ہو صفحہ ۳۶)۔

پارے کی ڈوری کے ذریعہ نصف قطر کی پیمائش کا طریقہ خردبین کے طریقہ سے کہیں زیادہ صحیح ہے۔ پارے کی ڈوری کی لمبائی نلی کے مختلف مقامات پر دریافت کر کے اس کا اندازہ ہو سکتا ہے کہ آیا نلی کا سوراخ تمام یکساں ہے یا نہیں۔ اس امر کا امتحان تجربہ شروع کرنے سے پہلے ہی کر لینا چاہئے۔ اگر نلی میں معتد بہ ناہمواری ہو تو نلی کو تجربہ سے خارج کر دینا چاہئے۔

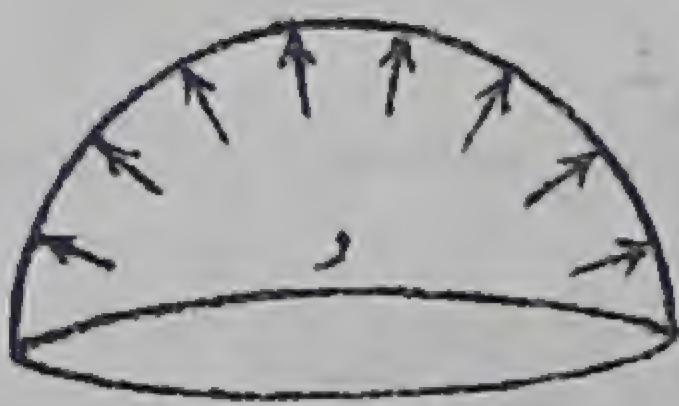
مختلف سوراخ کی کم سے کم تین نلیوں پر تجربے کرنے چاہئیں۔ اور یہ ثابت

کرنا چاہئے کہ ف نصف قطر ص کے ساتھ تناسب معکوس رکھتا ہے۔
اگر پانی کے علاوہ کوئی اور مائع استعمال کیا جائے تو سطحی تناؤات محسوب کرنے سے قبل اس کی کثافت دریافت کر لینی چاہئے۔

منحنی سطحوں کی وجہ سے دباؤ

صابون کے بلبے کے اندر دباؤ۔ صابون کے بلبے کے اندر کا

دباؤ کم ہونے کی وجہ سے بلبہ ایک چھوٹی مقدار کے زیادہ ہے۔ بلبے کے بالائی نصف کرہ کے
تعاول پر غور کرو۔ دباؤ کی زیادتی در اس نصف
کرہ پر عمل کرتی ہے اور اس میں اوپر کی طرف
ایک حاصل قوت پیدا کرتی ہے جس کی مقدار
۲ ص ہے۔ اور اس قوت کا یہ تقاضا
ہوتا ہے کہ بلبے کے بالائی اور زیریں دونوں
نصف کرے ٹوٹ کر ایک دوسرے سے الگ
ہو جائیں۔



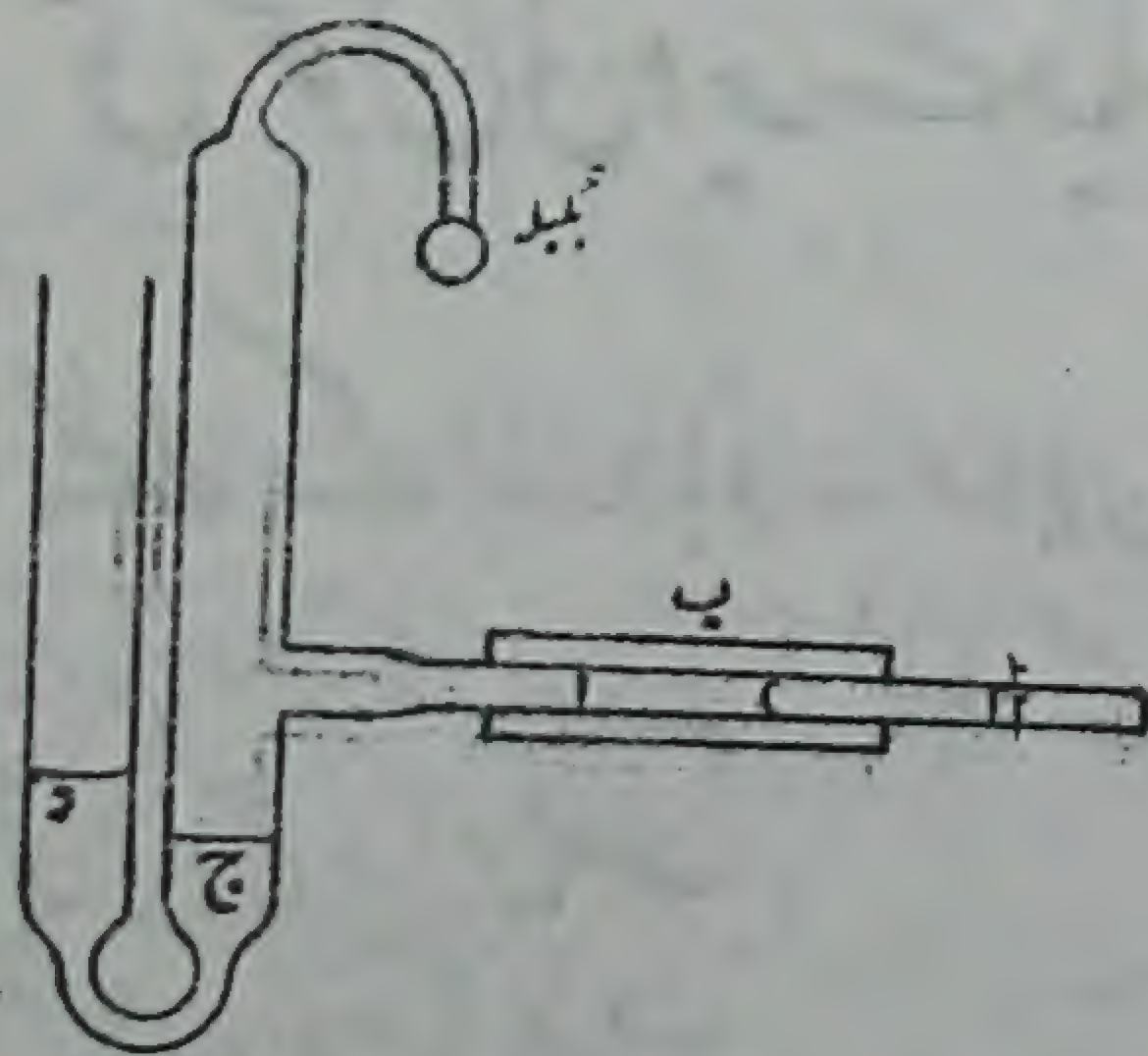
شکل ۱۰۹۔ صابون کے بلبے کے اندر دباؤ

دونوں نصف کرے سطحی تناؤ کی قوتوں سے آپس میں ملے رہتے ہیں۔
یہ تناؤ وہ قوتیں ہیں جو خط تماس کے گرد بلبے کی جھلی کی دونوں سطحوں پر عمل
کرتی ہیں۔ بلبہ پھیلتا جاتا ہے یہاں تک کہ سطحی تناؤ کی قوتیں اور بلبے کو توڑنے
والی قوت ۲ ص آپس میں متعادل ہو جائیں۔

نصف کرے کے درمیان ہر سطح میں خط تماس کی لمبائی ۲ ص ہے
چونکہ جھلی کی سطحیں دو ہوتی ہیں اس لئے نصف کرے کو ملے رکھنے کے لئے سطحی
تناؤ کی وجہ سے جو مجموعی قوت درکار ہے اس کی قیمت ۲ (۲ ص) ہے۔

$$\text{لہذا } ۲ ص ت = ۲ ص$$

یا
ت = د ص
م تجربہ ۷۸۔ صابون کے محلول کے سطحی تناؤ کی تعیین
بلبلے کے اندر کے دباؤ سے شکل ۱۱۱ میں شیشے کی سلاخ
ا کو آ لے کے پہلو میں لگی ہوئی ربر کی نلی ب میں آہستہ آہستہ
ڈھکیل کر آ لے کے سرے پر ایک چھوٹا بلبلہ بناؤ۔



شکل ۱۱۱۔ بلبلوں کے اندرونی دباؤ کا آلہ

ایک ایسی مخروطی بن کے ذریعہ جس میں افقی اور انتصابی پیمانے
لگے ہوں، بلبلے کا افقی قطر دریافت کرو۔ پہلے افقی پیمانے کے ذریعہ
افقی قطر ناپنے کے لئے مخروط بن کو اس طرح متحرک کرو کہ اس کا
انتصابی متقاطع تار بلبلے کے خیال سے پہلے ایک طرف، اور پھر دوسری
طرف مَس کرے۔ مخروط بن کی ان دو وضعوں کا درمیانی فاصلہ افقی
قطر کے برابر ہوگا۔ اب متحرک مخروط بن کے انتصابی پیمانے کی مدد سے
نلیوں میں اور د میں پانی کی بلندیوں کا فرق ف دریافت کرو
تو بلبلے کے اندر کرہ ہوائی کے دباؤ سے زیادتی دباؤ

د = ف د ج ڈائن فی مربع سمر

جہاں د لانا نلی کے خمدار حصے میں پانی کی کثافت ہے۔ ص کی پیمائش
پہلے ہو چکی ہے۔

مندرجہ ذیل مساوات سے سطحی تناؤ کی قیمت ڈائن فی سمر میں محسوب کرو۔

$$\text{ت = دس}$$

مختلف جسامت کے دو یا تین بلبوں پر مشاہدات حاصل کرو۔

خواص مادہ پر مزید مشقیں

۱۔ ۵ اسم نصف قطر اور ۵۰ زاویہ کا ایک قطاع دائرہ کھینچو۔ سطح پیما کے ذریعہ اُس کا رقبہ دریافت کرو۔ اور ترازو کی مدد سے اپنے نتیجہ کی تصدیق کرو۔
 ۲۔ ۲۰ سمر محورِ اعظم اور ۱۰ سمر محورِ اصغر کا ایک ناقص کھینچو اور سطح پیما کی مدد سے اُس کا رقبہ دریافت کرو۔

۳۔ ایک دی ہوئی تختی کا رقبہ اور کثافت، پہلے اُس کو ہوا میں اور پھر پانی میں تول کر اور اُس کی موٹائی ناپ کر دریافت کرو۔

۴۔ ایک میٹری پیما نے اور ایک ماسکونی ترازو کی مدد سے ایک دیے ہوئے تار کی تراش عمودی کا اوسط رقبہ دریافت کرو۔

۵۔ ماسکونی ترازو اور خردہ پیما کے ذریعہ تار کی ایک دی ہوئی انجھن کی لمبائی اور کثافت اضافی دریافت کرو۔

۶۔ ایک معلوم کثافت اضافی کے بائیں میں ایک ٹھوس جسم کو تول کر اُس کی کثافت اضافی معلوم کرو۔

۷۔ ایک دیے ہوئے ٹھوس جسم کو ہوا میں، پانی میں، اور ایک دیے ہوئے مائع میں تولو۔ حاصل شدہ وزنوں سے جسم مذکور کی اور دیے ہوئے مائع کی کثافت اضافی دریافت کرو۔

۸۔ شکر اور پانی کا وزن کے لحاظ سے ٹھیک ۱۰ فیصدی محلول تیار کرو۔ اور محلول مذکور کی کثافت اضافی دریافت کرو۔

۹۔ معمولی نمک اور پانی کا ایک ایسا محلول تیار کرو کہ جس کے ۱۰۰ گرام میں ۵ گرام

نمک ہو۔ اس محلول کی کثافت دریافت کرو۔

۱۰۔ نمک کا ایک ایسا محلول تیار کر کے اُس کی کثافت اضافی دریافت کرو جس کی کثافت اضافی دیے ہوئے پانی سے بھاری اور غیر مخلوط مائع کی کثافت اضافی کے برابر ہو۔

۱۱۔ ترازو کی مدد سے دیے ہوئے نمک کی تقیر کرو۔

۱۲۔ ایک دی ہوئی معلوم طول کی تنگ نلی کا اندرونی حجم دریافت کرو اور اُس سے اوسط اندرونی قطر کی قیمت اخذ کرو۔

۱۳۔ دیے ہوئے گڑے کا نصف قطر گروت پیمائے کے ذریعہ ناپو۔ اُس کا وزن دریافت کر کے گڑے کے مادہ کی کثافت معلوم کرو۔

۱۴۔ ایک جسم مائل سطح پر، سطح کے متوازی عمل کرنے والی قوت سے سہارا ہو رہا ہے۔ ایک ایسی ترسیم تیار کرو جو قوت کی مقدار اور سطح مائل کی بلندی میں رشتہ ظاہر کرے۔

۱۵۔ سطح مائل کے استعمال سے دیے ہوئے گردونہ کے مادے کی کمیت دریافت کرو۔

۱۶۔ ایک میٹری پیمانہ کے طول میں مختلف نقطوں کو نصاب قرار دے کر اور چھوٹے بازو پر مختلف اوزان لٹکا کر توازن پیدا کرو۔ اور میٹری پیمانہ کا وزن بھی اخذ کرو۔

۱۷۔ دو دی ہوئی سطحوں کے درمیان سکونی رگڑ کا زاویہ دریافت کرو۔

۱۸۔ دی ہوئی مشین کے لئے رفتاری نسبت اور قوائی نسبت معلوم کرو۔ اور ان نسبتوں کی مدد سے اُس مشین کی استعداد بھی اخذ کرو۔

۱۹۔ دونوں سروں پر سہاری ہوئی ایک سلاخ کے وسط میں مختلف وزن لٹکا کر ایک ایسی ترسیم حاصل کرو جو مرکز کے جھکاؤ اور وزن میں رشتہ ظاہر کرے۔

۲۰۔ تار کے ایک سرے پر دیا ہوا جھت لگایا گیا ہے۔ ایک ترسیم کھینچو جو تار کے زاویہ مروڑ اور اُس کے طول میں رشتہ ظاہر کرے۔

۲۱۔ ایک مربع دائرے پر سے لڑھکا کر ایک گولی ایک دی ہوئی رفتار سے اُفتاب باہر نکالی جاتی ہے۔ ایک ایسا منحنی حاصل کر دو گولی کے اُفتی پٹے اور مقام نخاس کی بلندی میں ربط ظاہر کرے۔

۲۲۔ ایک جسم مقام سکون سے ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔ آٹوڈ کی مشین کو استعمال کر کے اُلے شدہ فاصلے اور وقت میں ایک رشتہ حاصل کرو۔

۲۳۔ آٹوڈ کی مشین کی چرخ اور دو وزن کی مشترک قیمت دریافت کرو۔ ج کی قیمت ۸۱ و ۹ سمر فی ثانیہ فی ثانیہ تصور کی جائے۔

۲۴۔ کوئی جسم مقام سکون سے سطح مائل پر لڑھکتا ہے تو اُلے شدہ فاصلے اور وقت میں ایک ربط معلوم کرو۔

۲۵۔ ثابت کرو کہ دیے ہوئے طول کی سطح مائل پر لڑھکنے والے جسم کا اسراع، سطح کے سروں کی بلندی کے فرق کے تناسب ہے۔

۲۶۔ ایک ایسی ترسیم کھینچو جس سے یہ معلوم ہو کہ سطح مائل پر لڑھکنے والے جسم کا اسراع سطح مذکور کی بلندی کے ساتھ ساتھ بدلتا ہے۔

۲۷۔ ایک دیا ہوا جسم اپنے محور کے گرد اکائی زاویہ رفتار سے گردش کرتا ہے۔ اس کی توانائی بالفعل محسوب کرو۔

۲۸۔ ایک ایسا منحنی تیار کرو جو سادہ رقااص کے وقت دوران اور اس کے طول کے جذر المربع میں رشتہ بتائے۔ ج کی قیمت بھی اخذ کرو۔

۲۹۔ دیے ہوئے سادہ رقااص کا وقت دوران دریافت کرو اور ج کی قیمت ۸۱ و ۹ سے گذشتہ اکائیاں فرض کر کے رقااص مذکور کا طول معلوم کرو نیز طول کو اس طرح مرتب کرو کہ ایک کامل ارتعاش کا وقت ۲ ثانیہ ہو۔

۳۰۔ ایک ایسا منحنی کھینچو جو سادہ رقااص کے طول اور وقت دوران میں رشتہ بتائے نیز ”ربع ثانیات“ رقااص کا طول اخذ کرو۔ ”ربع ثانیات“ رقااص سے وہ رقااص مراد ہے جس کو مکمل ارتعاش کے لئے ۱/۲ ثانیہ درکار ہو۔

۳۱۔ ۲۰ اینچ طول کے رقااص کا وقت دوران دریافت کرو مگر تجربہ میں اسی طول کا رقااص استعمال نہ کیا جائے۔

۳۲۔ ایک ترسیم کھینچو جو سادہ رقاص کے طول اور (۱) وقت دوران (ب) وقت دوران کے مربع میں رشتہ بتائے۔ نیز اسراع بوجہ جاذبہ زمین ج کی قیمت اخذ کرو۔

۳۳۔ ایک ترسیم کھینچو جو دیے ہوئے مروڑی رقاص کے وقت ارتعاش اور اس فاصلے میں رشتہ بتائے جو مساوی و متشاکل لگائے ہوئے اوزان اور ان کے محور کے درمیان ہے۔

۳۴۔ ایک پتلی اور چٹھی سلاخ اپنے ایک سرے پر افتاً جکڑی ہوئی ہے اور دوسرے سرے پر وزن لٹکائے گئے ہیں۔ ایک ترسیم بناؤ جو وقت ارتعاش اور وزن میں رشتہ ظاہر کرے۔

۳۵۔ ایک وزن لگی ہوئی کمائی کے ارتعاشوں کا مشاہدہ کر کے ثابت کرو کہ وقت ارتعاش کے مربع اور وزن کا حاصل قسمت تقریباً مستقل ہے۔

۳۶۔ ایک وزنی سلاخ کے دونوں سرے ایک ڈوری سے باندھو اور ڈوری کا وسطی نقطہ ایک ثابت سہارے پر لٹکا دو۔ اگر سلاخ دوران ارتعاش میں ایک ہی انتصابی سطح میں رہے تو معلوم کرو کہ جاذبہ زمین کی وجہ سے نظام کے وقت دوران اور ڈوری کے طول میں کیا رشتہ ہے۔

۳۷۔ ایک لائمانلی میں، جس کی ایک ساق کا منہ بند ہو، پارا ڈال کر کلیہ بائیل کی تصدیق کرو۔

۳۸۔ ایک لائمانلی کے خم دار حصہ میں پارا اور بند ساق میں ہوا ہے۔ اس کو استعمال کر کے بار پیمایا بلندی معلوم کرو۔

ضمیمہ (۱)

طبیعیاتی مستقل اور ریاضیاتی جدولیں

ریاضیاتی مستقل

۱۰ اساس کالو کا سمت

۰.۵۳۹۶۱۵

۰.۵۹۹۲۳۰

۳.۵۰۲۸۵

۰.۵۶۲۲۰۹

۰.۵۳۳۲۲۹

عد

 $۳.۵۱۳۱۶ = \pi$ $۹.۵۸۶۹۶ = \pi^2$ $۰.۵۳۱۸۳ = \frac{1}{\pi}$ $۴.۵۱۸۸۸ = \pi \frac{e}{4}$ $۲.۵۶۱۸۳ = 3$

Smithsonian Physical Tables

Mr. F. Castle's Logarithmic

and other Tables for Schools Macmillan and Co.)

۱۰ اکثر مستقلوں کی قیمتیں

مطبوعہ ۱۹۱۲ء سے لی گئی ہیں۔

ریاضیاتی جدولیں

سے ہر جدول نقل کی گئی ہیں۔

اعداد جو اکثر کام میں آتے ہیں :- ۱۰ اساس کا لوکار تم

۰.۳۰۱۰۳

۲

۰.۶۴۶۱۲

۳

۰.۱۵۰۵۲

۱.۴۱۴۲ = ۳۷

۰.۵۲۳۸۵۶

۱.۶۳۲۱ = ۳۶

۲.۹۹۱۶۶

۹۸۱

۲.۹۹۰۳۴

۹۶۸

۱.۴۸۴۰۱

۳.۵۴۸

۰.۴۰۴۸۳

۲.۵۴۰

۲.۶۵۶۶۶

۲۵۳۶۵۹

۲.۵۸۸.۸۱

۶۶۰

۲.۴۳۶۱۶

۲۶۳

۰.۵۶۲۳۲۵

۴۶۲

لوک ۱۰ = ۲.۳۰۲۵۸

ایک نیم قطری (اکائی زاویہ جس کی قوس نصف قطر کے مساوی ہے)

۲.۶۲۶۵ = ۴۵ ۱۶ ۵۶ = ۵۶ ۲۹۵۸ =

مساحت کے ضابطے

دائرہ کا محیط جس کا نصف قطر r ہے $= 2\pi r$

دائرہ کا رقبہ $= \pi r^2$

قطع ناقص کا رقبہ جس کی نیم محوری a اور b ہیں $= \pi ab$

کرہ کی سطح $= 4\pi r^2$

کرہ کا حجم $= \frac{4}{3}\pi r^3$

اسطوانہ کا حجم $= \pi r^2 h$

$$= \frac{1}{12} \pi \times \text{بلندی}$$

$$= \frac{1}{12} \pi \times \text{قاعدہ کا رقبہ} \times \text{بلندی}$$

$$= \text{قاعدہ کا رقبہ} \times \text{بلندی}$$

محزود کا حجم
محزود مضلع کا حجم
منشور کا حجم

جمود کے معیار اثر

تثاقلی محور کے گرد جمود کا معیار اثر

مدور حلقہ، نصف قطر

$$\text{مح} = \frac{1}{2} \pi r^2$$

مستطیلی سلاح، ایک ایسے محور کے گرد جو مرکز جاذبہ سے گزرے

اور ۱ اور ۲ ب طول کے کناروں کے علی القوائم ہو۔

$$\text{مح} = \frac{1}{12} (a^3 + b^3)$$

ناقصی تختی (نیم محور ۱ اور ب) ایک ایسے محور کے گرد جو مرکز جاذبہ

سے گزرے اور تختی کی سطح کے علی القوائم ہو

$$\text{مح} = \frac{1}{12} (a^3 + b^3)$$

مدور تختی اس کی ایک خاص شکل ہے جہاں ۱ = ب اور

$$\text{مح} = \frac{1}{12} a^3$$

مجسمہ ناقص نما (نیم محور ۱، ب، ج) محور ج کے گرد

$$\text{مح} = \frac{1}{12} (a^3 + b^3 + c^3)$$

کرہ اس کی ایک خاص شکل ہے جہاں ۱ = ب = ج

$$\text{مح} = \frac{1}{12} a^3$$

مندرجہ بالا نتیجوں کا خلاصہ روتھ (Routh) کا قاعدہ ہے جو بتاتا ہے کہ جمود کا معیار اثر کسی تشاکلی محور کے گرد

مج = کمیت مادہ (علی القوائم نیم محوروں کے مربعوں کا مجموعہ)

۳، ۴ یا ۵

نسب نام ۴ لیا جائیگا جب جسم مستطیلی ہوگا

۴ " " " ناقصی ہوگا

۵ " " " ناقص نما ہوگا

پس اس قاعدہ کی رو سے ۲ طول اور ب نصف قطر کے اُسٹوانہ کے لیے اس کے طول کے علی القوائم محور کے گرد، ۲ کے متوازی، تراش مستطیلی ہے اور ب کے متوازی ناقصی ہے اس لیے

مج = ک ($\frac{1}{3} + \frac{1}{3}$)

ص نصف قطر کے مدد و مرکز کے لیے اپنے کسی قطر کے گرد

مج = ک $\frac{1}{2}$

برطانوی اور میٹری نظاموں کے وزن اور پیمانے

طول

انچ = ۲۵.۴ سم

فٹ = ۳۰.۴۸ سم

اگرز = ۹۱.۴۴ سم

میٹر = ۳۹.۳۷ انچ

کمیت مادہ

اگرین = ۴.۴۵ گرام

اونس = ۲۸.۳۵ گرام

ایونڈ = ۳۵۳۵۹ گرام
اکھو گرام = ۲۵۲۰ پونڈ
گنجائش

اینٹ (Pint) = ۰.۵۶۸ لیٹر
اکوارٹ (Quart) = ۱.۱۳۶ لیٹر
اگیلن (Gallon) = ۴.۵۴۶ لیٹر

سیالی اونس = ۲۳.۵۳۸۱۵ مکعب سمر

پچک کے معیار ڈائن فی مربع سمر

اشیاء	ینگ کا معیار پچک	استواری کی شرح
الومینیم	۲.۵ تا ۵.۵ × ۱۰	۲.۵ تا ۳.۵ × ۱۰
پیشل	۵.۵ تا ۱۰.۵ × ۱۰	۳.۵ تا ۴.۵ × ۱۰
ٹانبا	۵.۵ تا ۱۳.۲ × ۱۰	۲.۵ تا ۸.۵ × ۱۰
لوہا	تقریباً ۲۰ × ۱۰	۲.۵ تا ۵.۵ × ۱۰
پلاٹینم	۱۵ تا ۱۶ × ۱۰	۲.۵ تا ۴.۵ × ۱۰
چاندی	۱ تا ۴ × ۱۰	۲.۵ تا ۳.۵ × ۱۰
شیشہ	۴ تا ۸ × ۱۰	۲.۵ تا ۴.۵ × ۱۰

کشافیت یا کمیت مادہ فی مکعب سمرگراموں میں

ٹھوس اشیاء

عناصر

الومینیم ۲.۵۵۸ : ۲.۵۵۹ (Antimony) ۲.۵۶۲

۸۵۹ - ۸۵۶	نکل	۹۶۸۰ (Bismuth)	بسمتھ
۲۲۵۵	اوسمئیم	۸۵۹۵ - ۸۵۳۰	تانتا
۲۱۶۳۶	پلاٹینم	۱۹۵۳	سونا
۱۰۶۵	چاندی	۶۵۹ - ۶۵۵	لوریا
۶۵۳	ٹن (رانگ)	۱۱۶۳	سیسہ
۷۶۱	جست	۱۵۷۲	مینگنیم

عام اشیاء

۱۶۱۵	آبنوسہ	۵۹۵ تا ۱۵۱۶	بکسی کلڑی
۲۵۸ - ۲۵۴	معمولی شیشہ	۲۲ تا ۲۶۱	کاگ
۵۱۹ - ۲۵۹	چقماق شیشہ	۵۸۳ - ۵۸۵	قیر ضویر
۰۶۱۷	برف	۳۷ - ۵۶۰	زرہ و ضویر
۰۶۹۱ - ۰۶۸۷	پیرافن موم	۰۶۸۵	مہاگنی
۸۵۷ - ۸۵۴	پیتل	۰۶۹۰ - ۰۶۹۰	پلوٹ
		۰۶۶۰ - ۰۶۶۴	والٹ (اخریٹ)
		۰۶۹۷ - ۰۶۹۷	کھنکھ موم

مالیات

تپش

گرام فی مکعب سمر

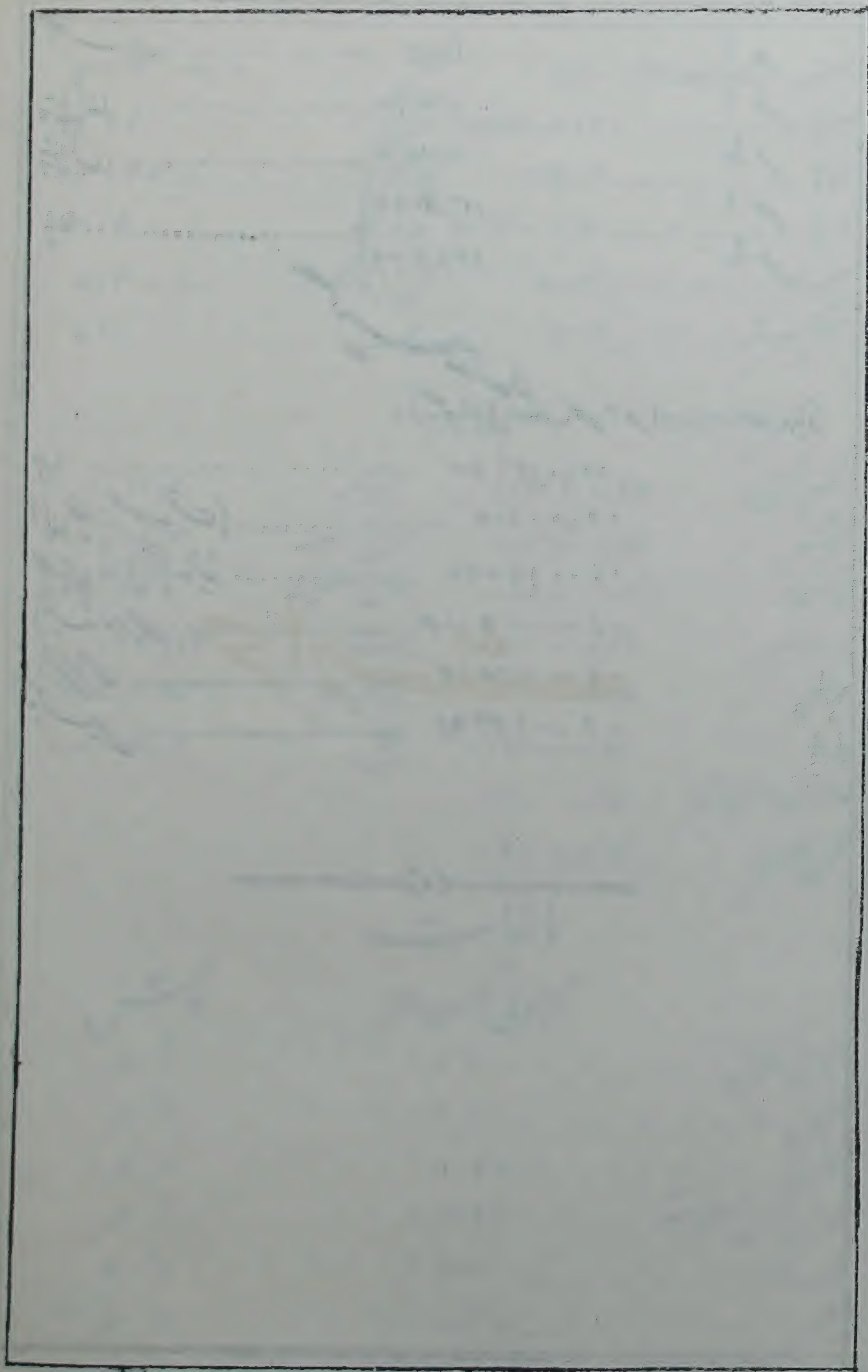
۰ م	۰۶۸۰۷	انٹیل الکول
۰ م	۰۶۸۱۰	میتل
۰ م	۱۰۳۵	اینیلین
۰ م	۱۶۹۳	کاربن ڈائی سلفائیڈ
۰۸ م	۱۶۸۰	کلور د فارم
۰ م	۰۶۴۶	ایٹھر

۰ م	۱۵۲۶۰	گل سر
۰ م	۰۸۶۸	پیرافن
۰ م ۱۶	۰۸۶۳	پٹرول
۰ م	۱۳۵۹۶	پارا
۰ م ۲۰	۱۳۵۲۶	

تکبیریں

گرام فی مکعب سم: ۰ م اوس ۶، سما دباؤ

۰۶۰۰۱۲۹۲۸	ہوا
۰۶۰۰۰۸۱۳	آبی بخار (محسوب قیمت)
۰۶۰۰۱۹۶۶۸	کاربن ڈائی آکسائیڈ
۰۶۰۰۰۰۹۰۰۴	ہائیڈروجن
۰۶۰۰۱۲۵۱۴	نائیٹروجن
۰۶۰۰۱۴۲۹۲	آکسیجن



عراق

فصل اول

تپش پیمانی

۱۔ تمہید

تپش کے پیمانہ کے تعین کے لیے کسی جسم کی اس خاصیت کو کام میں لاسکتے ہیں جو تپش کے ساتھ ہموارانہ بدلتی ہے۔ اگر پانی کے نقطہ انجماد پر اس خاصیت کی قیمت لا ہو اور معیاری دباؤ کے تحت پانی کے نقطہ جوش پر لا ہو تو اس صورت میں ہم ایک درجہ مٹی کو تپش کی اس تبدیلی سے تعبیر کرتے ہیں جو اس خاصیت میں $\frac{لا - لا}{لا - لا}$ تبدیلی پیدا کرتی ہے۔

اگر اس خاصیت کی قیمت لا ہو جب جسم کسی خاص ماحول میں ہو تو ماحول کی تپش کی قیمت کسی خاص پیمانہ پر جو اس خاصیت لا پر مبنی ہے، حسب ذیل ہوگی :-

$$ت^{\circ} مٹی = \frac{لا - لا}{لا - لا} \times ۱۰۰$$

اکثر عملی کاموں میں ہم ایسا پیمانہ استعمال کرتے ہیں جو شیشے کی نلی میں پارے کے ڈورے کے سرے کی وضع پر مبنی ہو۔ پہلے نقطہ انجماد اور پھر نقطہ جوش پر

اس کی وضوح کا مشاہدہ کیا جاتا ہے اور ان نقطوں کے درمیان پیش پیمیا کے تینے کو ۱۰۰ برابر حصوں میں تقسیم کیا جاتا ہے اور ہر حصہ کو ایک درجہ میں قرار دیتے ہیں۔ شیشے کے دو سیمانی پیش پیمیا صرف اس صورت میں ایک دوسرے سے مطابقت کرینگے جب کہ دونوں میں ایک ہی قسم کا شیشہ استعمال کیا گیا ہو اور ہر ایک کا سوراخ بھی بالکل ہموار ہو۔

”شیشے کے سیمانی پیش پیمیا“ خاص کر اس لیے استعمال ہوتے ہیں کہ ان کی شکل سادہ ہوتی ہے۔ علمی کاموں میں لمبیڈروجن گیس سے بھرا ہوا مستقل حجم والا پیش پیمیا معیار ہی پیش پیمیا کے طور پر استعمال ہوتا ہے (ملاحظہ ہو صفحہ ۳۳۴)۔

کسی عمل کا حسن عمل اس بات پر منحصر ہے کہ آلات کے استعمال میں کافی احتیاط برتی جائے۔ اور طالب علم پیش پیمیاؤں جیسے نازک آلات کی دست ورزی میں ہر ممکنہ احتیاط ملحوظ رکھے۔ جس پیش کے لیے پیش پیمیا بنایا گیا ہے اُس سے بلند تر پیش پر اُسے ہرگز نہ لے جانا چاہیے اور جب کام ہو جائے تو فوراً غول میں رکھ دینا چاہیے۔

پیش پیمیا پڑھنے میں اختلافِ منظر کی غلطی نہ ہونے پائے۔ یعنی آنکھ کو اس طرح رکھنا چاہیے کہ خطِ نظر پارے کے سرے پر تینے کے علی القیوم ہو تاکہ پارے کے دُورے کے سرے سے منطبق ہونے والا درجہ مشاہدہ میں آجائے۔ طالب علم کو پیش پیمیا کے پڑھنے میں اس قدر مشق بہم پہنچانی چاہیے کہ وہ اُمٹی کے دسویں حصے تک کا خود اندازہ کر سکے۔

یہ یاد رہے کہ پیش پیمیا اپنی ہی پیش بتاتا ہے۔ اس لیے کسی شے کی پیش دریافت کرنے کے وقت یہ ضرور ہے کہ اُس شے کے ساتھ پیش پیمیا کافی چھوتا رہے اور شے مذکور کی پیش حاصل کرنے کے لیے اُس کو کافی وقت تک اُسی شے میں رکھا جائے۔

تجربہ ۷۹۔ تینے کے تعریہ کا اثر۔ ارتفاع پیمیا

(ملاحظہ ہو صفحہ ۳۱۶) میں ایک پیش پیمیا کو اس حد تک داخل کر دو کہ

تقریباً ۱۰۰ درجے کے نشان تک تنہ بھاپ کے اندر رہے۔ جب پانی آہستہ آہستہ جوش کھا رہا ہو تو تمیش پیمیا پڑھ لو۔ اس کے بعد تمیش پیمیا کو یہاں تک اٹھاؤ کہ تنہ ۷۰ درجے کے نشان سے اوپر ارتفاع پیمیا سے باہر رہے۔ اب اس کو چند منٹ تک ایسا ہی رہنے دو۔ اس دوران میں پانی حسب سابق آہستہ آہستہ جوش کھاتا رہے۔ اس کے بعد پھر تمیش پیمیا پڑھ لو۔ تنے کو ۷۰ درجے کے نشان سے اوپر کھلا رکھ کر مشاہدات کو دہراؤ۔ اسی طرح عمل جاری رکھو جب تک کہ تنہ ۹۰ درجے کے نشان سے اوپر کھلا رہے۔ تنے کے تعریہ سے تمیش پیمیا کے مقروضہ پر جو اثر پڑتا ہے، اُس پر غور کرو کہ باوجودیکہ جوشنے کی تمیش دوران تجربہ میں ایک ہی تھی لیکن تنے کے تعریہ سے تمیش پیمیا کا مقروضہ ہر مشاہدے میں مختلف ہے۔

تمام تمیش پیمائیوں میں اہر متذکرہ بالا کا لحاظ رکھو۔

۲۔ تمیش پیمیا کے ثابت نقطے

تمیش کے پیمانے کے تعین کے لیے دو ثابت نقطے ضروری ہیں۔ خالص کشید کیے ہوئے پانی کے بنی ہوئی برمت کی امانت کی تمیش زیرین ثابت نقطے کی تعین کرتی ہے۔ یعنی یہ ثابت نقطہ وہ تمیش ہے جس پر برمت اور پانی حالت تعادل میں ساتھ ساتھ موجود رہ سکیں۔ اس کو نقطہ انجماد یا صفری نقطہ کہتے ہیں اور مٹی پیمیا پر یہ ۰ لکھا جاتا ہے۔ کسی شے کے نقطہ امانت پر دباؤ کا اثر اس قدر کم ہے کہ نقطہ انجماد کے تعین میں عملی نقطہ نظر سے اس کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔

بالائی ثابت نقطے کا تعین اُس تمیش سے ہوتا ہے جس پر بھاپ طبعی دباؤ کے تحت اُبلتے ہوئے خالص کشید کیے ہوئے پانی سے نکل رہی ہو۔ یہ دباؤ پارسے کے بار پیمیا کی ۷۶۰ ممبر بندی کے مماثل ہے۔ یہ بالائی ثابت

نقطہ 'نقطہ جوش' کہلاتا ہے اور پیمانہ پر ۱۰۰ لکھا جاتا ہے۔ بنا بریں
مٹی پیمانہ پر نقطہ انجماد اور نقطہ جوش کا درمیانی فاصلہ ۱۰۰ درجوں میں تقسیم
کیا جاتا ہے۔

اُپتے ہوئے پانی سے نکلنے والی بھاپ کی تپش 'اس برتن کی نوعیت
پر منحصر نہیں ہے جس میں پانی جوش کھا رہا ہے۔ اور نہ اس پر پانی کے لوٹوں کا اثر
ہے بلکہ گرہ ہوائی کے دباؤ کے ساتھ ساتھ یہ تپش متغیر ہوتی رہتی ہے۔
رینیو نے نہایت احتیاط سے نقطہ جوش پر دباؤ کے اثر کا مشاہدہ کیا اور یہ
معلوم کیا کہ ۷۰ ممر کے قریب دباؤ میں ۲۶.۸ ممر کی زیادتی 'نقطہ جوش' میں
۱ ممر کا اضافہ کرتی ہے۔ خفیف تغیرات کے لیے 'نقطہ جوش' کا تغیر فرق
دباؤ کے متناسب تصور کیا جاسکتا ہے۔ اسی مفروضے کی بنا پر شکل ۱۱۲
کی ترسیم کھینچی گئی ہے۔ ہر طالب علم کی بیاض میں اس ترسیم کی نقل ہونی چاہیے۔
یہ دیکھا گیا ہے کہ تپش پیمائے شیشہ امتداد زمانہ کے ساتھ بتدریج اس
طرح بدلتا ہے کہ ثابت نقطوں میں خفیف سی تبدیلیاں پیدا ہو جاتی ہیں۔
لہذا ان نقطوں کو وقتاً فوقتاً پھر دریافت کرنا ضروری ہے تاکہ مشاہدات کی غلطیوں
میں تصحیح ہو سکے۔ انگلستان میں بالعموم زیرین ثابت نقطے کا پہلے تعین کیا جاتا ہے۔

تجربہ ہائے تپش پیمائے ثابت نقطوں کی تعیین۔

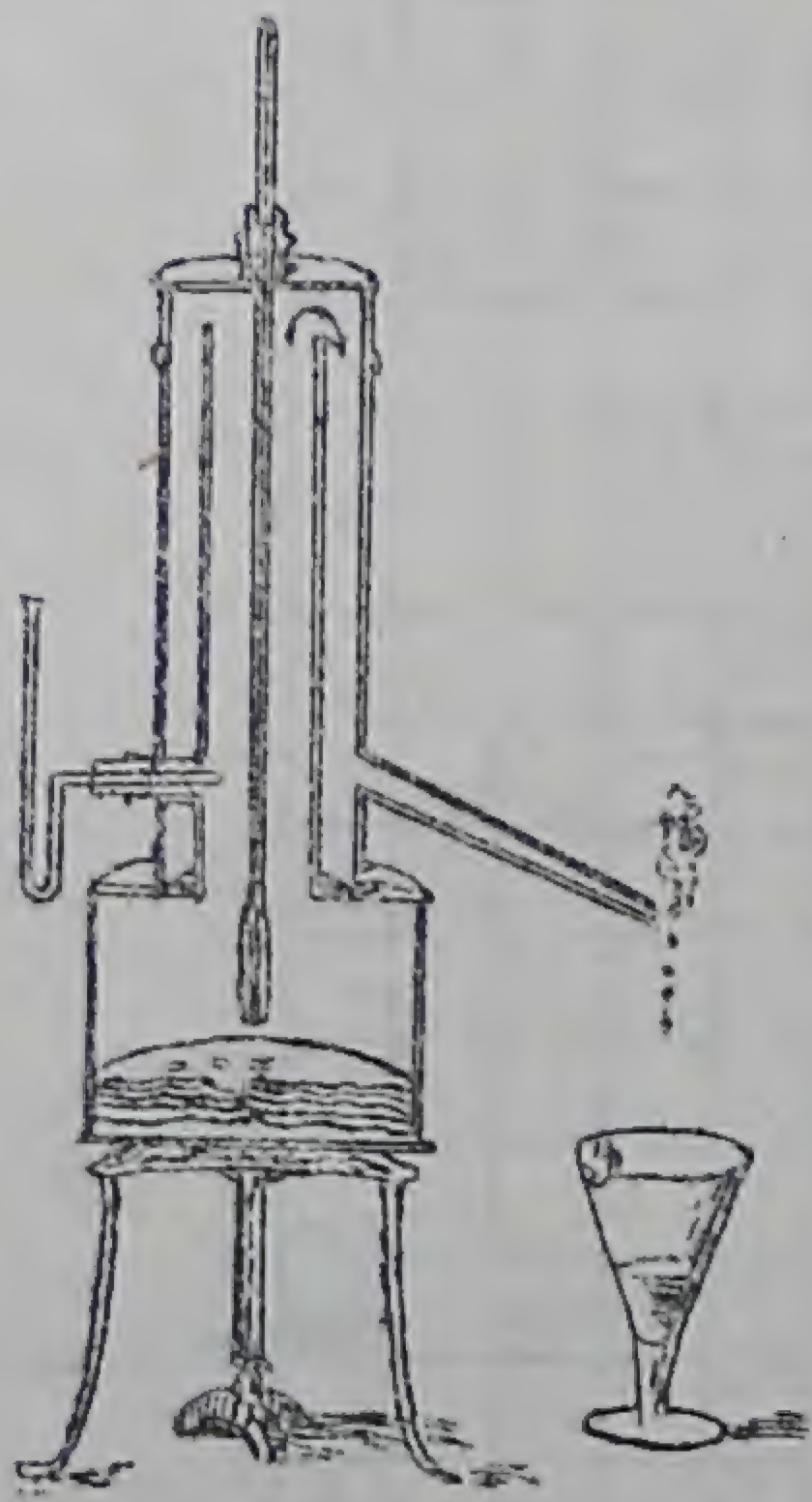
(۱) نقطہ انجماد — ایک مناسب برتن کو برف کے چھوٹے

چھوٹے ٹکڑوں سے تقریباً بھر دو۔ اور برف کو اس طرح گھلنے دو
کہ ان ٹکڑوں کی درمیانی فضا برف کی تپش پر کے پانی سے
بھری رہے۔ گھلتی ہوئی برف سے پانی کا خارج کرنا مناسب
نہیں ہے تاہم ضرورت سے زیادہ پانی برتن میں جمع بھی نہ ہونا
چاہیے۔ برف اور پانی کو خوب ہلاتے رہنا چاہیے۔

تپش پیمائے نہایت احتیاط کے ساتھ اس برتن میں اس طرح

رکھو کہ اس کا جوفہ برتن کے وسط میں رہے اور تپش پیمائے کا صفری نقطہ برف کی سطح سے عین اوپر رہے۔ وہ انتہائی نقطہ پڑھ لے جہاں تک پارے کے ڈورے کا سیرا نیچے اتر آئے اس نشان کے پڑھنے میں ایک درجہ کی اے کسر تک تخمین ہونی چاہیے۔ یہ امر ملحوظ رہے کہ مشاہدے کے وقت پارے کا ڈورا کھلیتے برف سے گھرا رہے۔ اگر ڈورے کا سیرا صفر سے اوپر رہے تو خطا مثبت کہلائیگی۔ اور اگر نیچے رہے تو خطا منفی ہوگی۔ اگر خطا مثبت ہو تو صحیح تپش حاصل کرنے کے لیے تصحیح کا عمل متفی ہوگا۔

(۲) نقطہ جوش — نقطہ جوش دریافت کرنے کے لیے

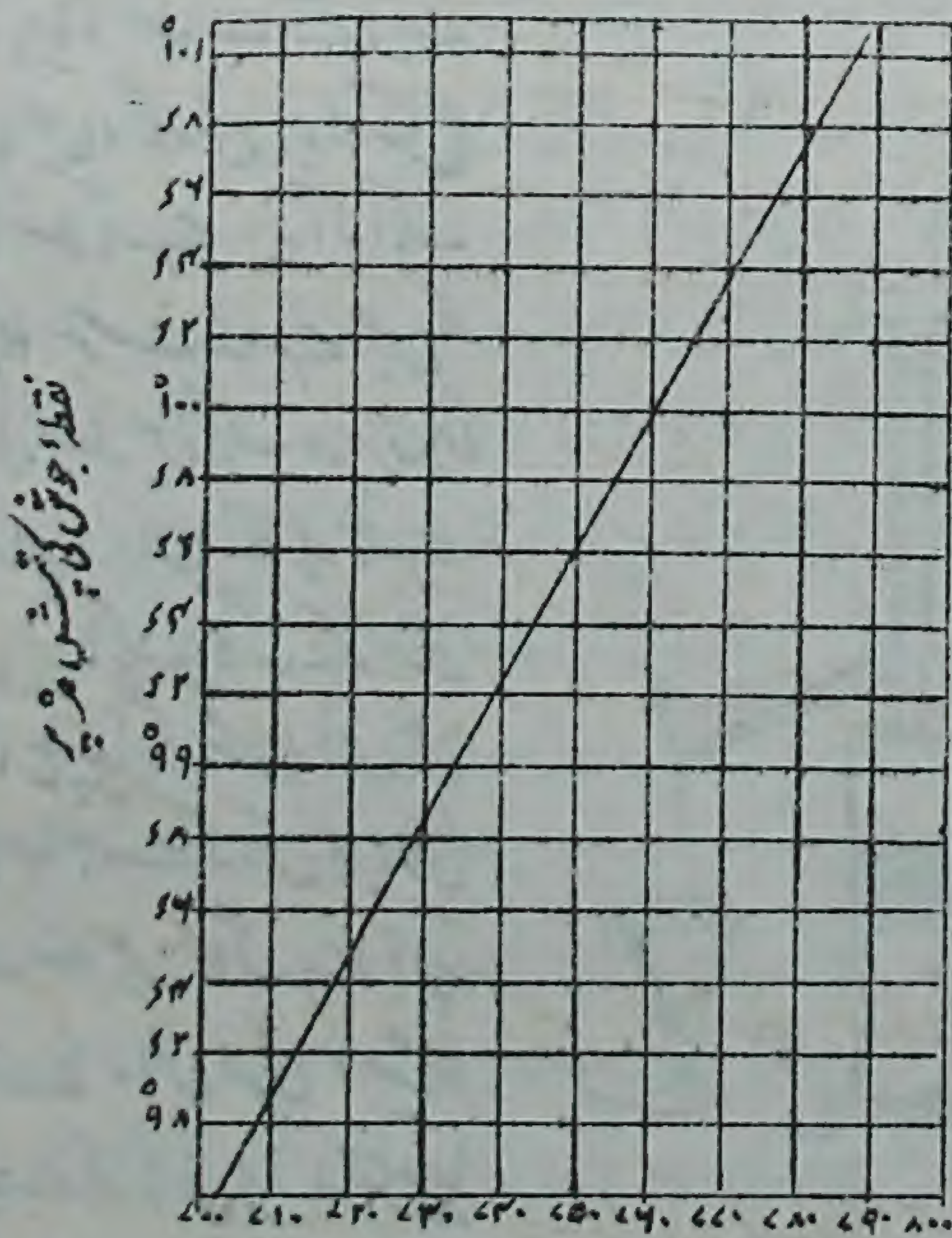


شکل ۱۱۱۔ ارتفاع پیمائے

تپش پیمائے کو دھات کے ایک برتن میں رکھتے ہیں جو ارتفاع پیمائے کہلاتا ہے۔ یہ آلہ ایک قسم کا جوشندہ ہے جس کے بالائی حصہ میں ایک دوہری دیوار کا بھاپ دان لگا ہوتا ہے۔ تپش پیمائے ایک گلاس کے ذریعہ ارتفاع پیمائے کے منہ پر اس طرح لگایا جاتا ہے کہ اس کا بالائی ثابت نقطہ عین گلاس سے اوپر نظر آئے۔ اس امر کی احتیاط کی جائے کہ تپش پیمائے ارتفاع پیمائے میں گرے نہ پائے ورنہ جوفے کے ٹوٹنے کا اندیشہ رہیگا۔ تپش پیمائے کے سرے کے سوراخ میں تار کا ایک حلقہ لگا دینے سے یہ اندیشہ

رفع ہو جائیگا۔ تپش پیا پڑھنے سے قبل اس کو تقریباً دس منٹ تک بھاپ میں رہنا چاہیے۔ پانی کو شدت سے جوش کھانے نہیں دینا چاہیے۔ ورنہ ارتفاع پیمیا میں بھاپ کا دباؤ گڑھ ہوائی کے دباؤ سے بڑھ جائیگا۔ پارے کے ڈورے کے سرے کا مقام درجے کے دسویں حصہ تک پڑھو۔

تصحیح دباؤ کی وجہ سے تصحیح — بار پیمیا کی بلندی
رٹی میٹروں میں پڑھ لو اور مشہورہ گڑھ ہوائی کے دباؤ کے تحت نقطہ جوش کی قیمت، ترسیم شکل ۱۱۲ کے ذریعہ دریافت کرو۔

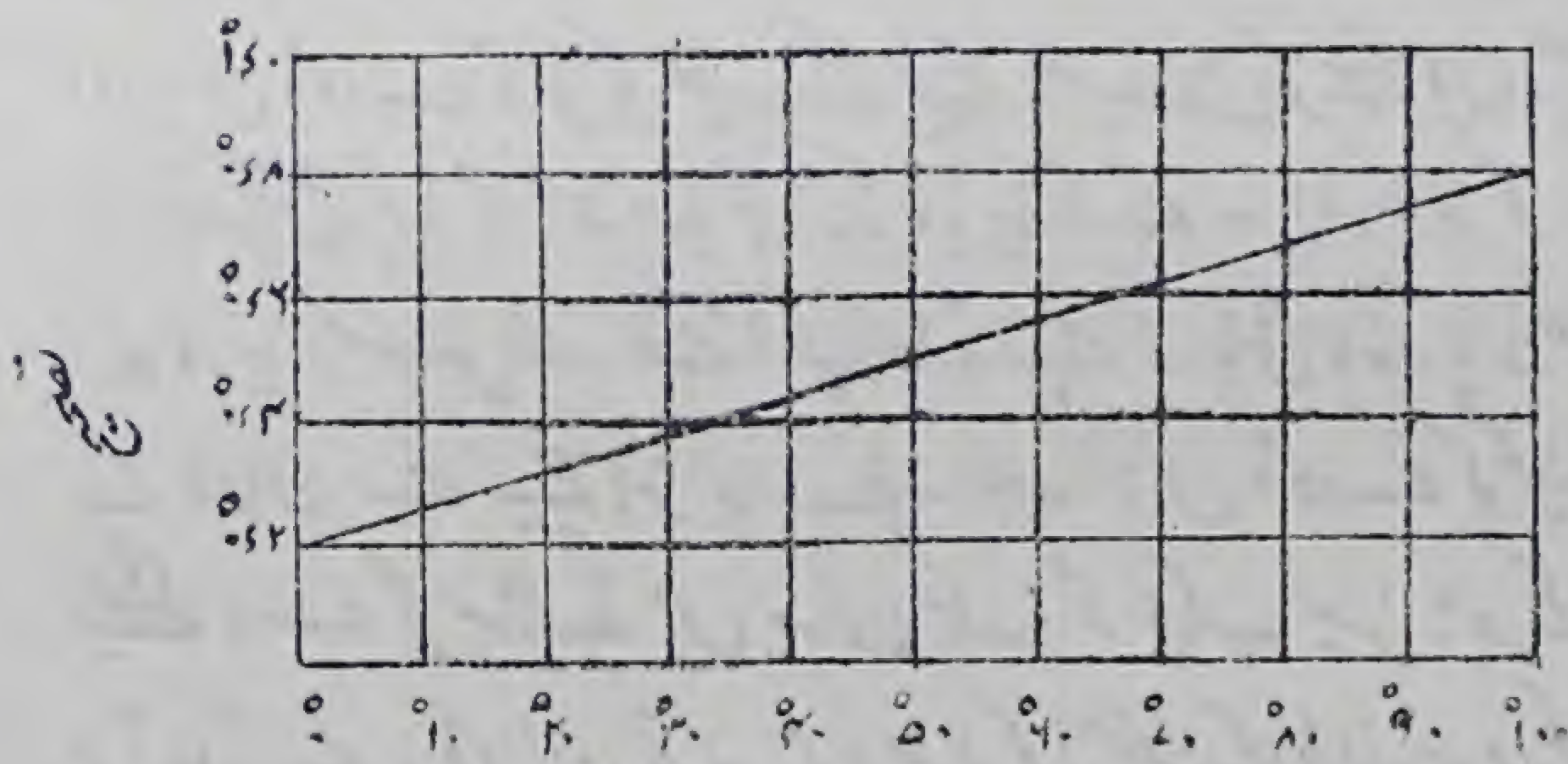


دباؤ پارے کے مہر میں
شکل ۱۱۲۔ دباؤ کے لحاظ سے نقطہ جوش کا تغیر

بیاض میں یہ تپش جو حقیقی نقطہ جوش ہے، قلمبند کرو

دینے والے تپش لکھ لو جو زیر تجربہ تپش پیمائی بتا رہا ہے۔ اور نقطہ جوش پر تپش پیمائی کی خطا، محسوب کرو۔

نقطہ انجماد اور نقطہ جوش کے درمیان کسی مطلوبہ تپش پر تصحیح معلوم کرنے کے لیے ترسیمی طریقہ اختیار کرو۔ تپش پیمائی کی درجہ بندیوں کو فصلی اور تصحیحی رقم کو معین مان کر ایک ترسیم تیار کرو۔ شکل ۱۱۳ میں نقطہ انجماد پر تصحیح + ۰.۵۲ اور نقطہ جوش پر تصحیح + ۰.۵۸ فرض کی گئی ہے۔



تپش مئی (م) پیمائے میں

شکل ۱۱۳ تپش پیمائی کی تصحیح

حقیقی تپش حاصل کرنے کے لیے تپش پیمائی کے مقدروں میں تصحیحی رقم جمع کرنا پڑیگی۔

۳۔ تپش پیمائی کی تفسیر اور درجہ بندی

نلی کے اندر پارے کے سرے کی مساوی حرکتوں سے ظاہر ہونے والی تپش کے فرقوں کی مساوی قیمتیں حاصل کرنے کے لیے لازم ہے کہ نلی کا سوراخ یکساں ہو مگر یہ صورت تو شاذ ہی ہوتی ہے بلکہ کبھی نہیں پائی جاتی۔

اگر نلی کا سوراخ یکساں نہ ہو تو اس کی تصحیح کے لیے پارے کے ڈورے کو

نلی میں حرکت دے کر اور ڈورے کا طول نلی کے مختلف حصوں میں ناپ کر
سوراخ کی تعمیر کر لینی چاہیے۔

تجربہ ۱۸ - تیش پیا کے سوراخ کی تعمیر۔

پارے کے ڈورے کے سرے سے تقریباً ۱۰ فاصلہ پر ایک
باریلٹ شعلہ سے نلی کو گرم کیا جاتا ہے۔ اس طرح ۱۰ کے طول
کے مساوی پارے کا ایک ڈورا ٹھیک اُس مقام پر جہاں کہ گرم کیا
گیا تھا پارے کے جوش کھانے کی وجہ سے ٹوٹ کر علیحدہ ہو جاتا ہے۔

اور اس ڈورے کو نلی کی تعمیر کے لیے استعمال کر سکتے ہیں۔ اس
کے بعد تیش پیا کا تنہ سرد ہونے دیا جاتا ہے۔ اور جوفہ کو ایتھر
کے ذریعہ اس قدر ٹھنڈا کیا جاتا ہے کہ باقی ماندہ پارا صفر درجہ
کے نشان سے نیچے اتر جائے۔ بعد ازاں ڈورے کو خفیف
جھٹکے دے کر ہٹاتے ہیں یہاں تک کہ ایک سراہ کے نشان
پر آ جاتا ہے۔ دوران تجربہ میں جوفہ کو ایتھر کے ذریعہ سرد رکھنا
چاہیے۔ تاکہ علیحدہ شدہ ڈورا پارے کے باقی حصے سے ملنے نہ پائے
اب ڈورے کے ہر ایک سرے کا مقام متحرک خرد بین کے
ذریعہ معلوم کر لیا جاتا ہے اور تیش پیا کے درجوں کے پیمانہ پر
ہی ان مقاموں کا تعین کر لیا جاتا ہے۔ اس تعین کے
لیے ایک درجہ کی لمبائی خرد بین کے پیمانہ پر سمروں میں ناپ
لی جاتی ہے اور درجہ کی کسرا کو بھی ڈورے کے سرے
سے پچھلے نشان تک سمروں میں ناپ لیتے ہیں۔ اس طرح
سرے کا مقام درجہ کے ۱۱ ویں حصے تک ظاہر ہو جاتا ہے۔ مثلاً

= ۱۲۶۳۶ سمر۔

= ۱۴۵۰۸ سمر۔

= ۱۴۵۰۰ سمر۔

خرد بین پیمانہ کا مقروءہ ۹ میں درجہ کے نشان پر

۱۰ " " " " " "

ڈورے کے سرے پر

۱۸ اس قسم کی تخمین متحرک پیمانہ استعمال کیے بغیر صرف خرد بین پیمائش کی جاسکتی ہے۔ اس صورت
میں خرد بین پیمائش کو معیاری بنانے کی ضرورت نہیں کیونکہ یہاں صرف اضافی قیمتیں درکار ہیں۔

لہذا ڈورے کا سرا

$9 + \frac{1564}{1562}$ درج یعنی (۳) ۹۵۹ پر ہوگا۔

اس کے بعد ڈورے کو ہٹایا جاتا ہے یہاں تک کہ ”ذیرین“
سرا تقریباً وہاں ہوتا ہے جہاں کہ پہلی پیمائش پر ”بالائی“ سر تھا۔
اور پھر دونوں سروں کے مقام لکھ لیے جاتے ہیں۔ اس کے بعد
وہ ایک تیسری وضع پر ۲۰ اور ۳۰ کے درمیان رکھا جاتا ہے
اور پھر ناپ لیا جاتا ہے۔ یہی عمل بار بار کیا جاتا ہے یہاں تک
کہ بالائی سرا نقطہ جوش پر پہنچ جاتا ہے۔

ذیل کی عددی مثال کی طرح تصحیح کا حساب لگایا جاتا ہے۔

ڈورے کی پہلی وضع	- ۰.۰۳ تا ۰.۹۵	ڈورے کی لمبائی	۹۵۸۲
" دوسری "	۰.۸۵ تا ۰.۹۳	"	۱۰۵۰۸
" تیسری "	۰.۸۸ تا ۰.۹۴	"	۱۰۵۰۶
" چوتھی "	۰.۹۸ تا ۰.۱۲	"	۱۰۴۱۲
" پانچویں "	۰.۰۰ تا ۰.۹۸	"	۹۵۴۸
" چھٹی "	۰.۸۲ تا ۰.۰۰	"	۱۰۵۱۲
" ساتویں "	۰.۹۵ تا ۰.۹۰	"	۹۵۹۵
" آٹھویں "	۰.۰۰ تا ۰.۰۰	"	۱۰۵۰۰
" نویں "	۰.۰۳ تا ۰.۱۴	"	۱۰۵۱۲
" دسویں "	۰.۰۶ تا ۰.۹۲	"	۹۵۸۶

ڈورے کی اوسط لمبائی = ۹۵۹۹۵

یعنی پارے کی یہ کمیت پیمانے کے کسی مقام پر ۹۵۹۹۵ درجے پر کرگئی بشرطیکہ سوراخ اور
پیمانہ دونوں کافی صحت کے ساتھ یکساں ہوں۔

فرہن کرو کہ ڈورا ۰.۰۰ سے شروع ہوتا ہے تو اس کا بالائی سرا قریب قریب

۹۵۸۲ پر ہوگا۔ اگر سوراخ ہموار ہو تو اس سرے کو ۹۵۹۹۵ پر ہونا چاہیے۔

اس طرح جو تصحیح ۹۵۸۲ مقروضے میں شامل کرنی ہے + ۰.۰۰ چوتھی۔ اس کو

مفہم کہو۔ یہ ۱۰ مر کے قرب و جوار میں تصحیح ہوگی۔ اگر اس میں ایک ایسا ڈورا جوڑ دیا جائے جو اس کے ہر طرح مشابہ ہو تو دونوں مل کر ۸۲ + ۹۵ + ۱۰۸ + ۱۰۲ = ۳۸۷ ہونے لگے۔ انہیں ۲ (۹۵۹۹۵) پر پہنچنا چاہیے۔ یعنی تصحیح (۱۹۹۹۹) یا (۰۲۰۹) مر ہوگی۔ اس کو مفہم کہو۔ یہ ۲۰ مر کے قرب و جوار میں مطلوبہ تصحیح ہے۔

اسی طرح ۲۰ مر کے قریب تصحیح ۳ (۹۵۹۹۵) - (۹۵۸۲ + ۱۰۲۰۸ + ۱۰۶۰۶) = ۱۰۲۵ مر ہے۔ اور علی ہذا۔ پس ہمیں حاصل ہوتا ہے :-

$$\text{مفہم} = + ۰.۵۱۷۵$$

$$\text{مفہم} = + ۰.۲۰۹۰$$

$$\text{مفہم} = + ۰.۰۲۵$$

$$\text{مفہم} = - ۰.۱۲۰۰$$

$$\text{مفہم} = + ۰.۰۹۵$$

$$\text{مفہم} = - ۰.۰۳۰$$

$$\text{مفہم} = + ۰.۰۱۵$$

$$\text{مفہم} = + ۰.۰۱۰$$

$$\text{مفہم} = - ۰.۰۱۳۵$$

$$\text{مفہم} = ۰.۰۰۰$$

آخری قیمت دراصل صفر ہی ہونی چاہیے۔ ان مشاہدات کی مدد سے ایک تصحیحی ترسیم کھینچی جاسکتی ہے جس میں پیمانہ کے ہر مقام پر سوراخ اور درجہ بندی کی ناہمواری کی وجہ سے جو مقدار شامل کرنا پڑتی ہے، حاصل ہو سکتی ہے۔

تپش پیمائی درجہ بندی کسی اختیاری پیمانہ پر

بعض صورتوں میں یہ ممکن ہے کہ کسی تپش پیمائے کے تنے پر کھدا ہوا پیمانہ کلیۃً اختیاری ہو جس کی وجہ سے مشاہدات براہ راست مٹی درجوں میں نہیں حاصل ہوتے۔ مثلاً تنے پر ملی میٹری پیمانہ کے نشان لگے ہوں تو اس قسم کا تپش پیمائے بھی مٹی پیمانہ پر تپش پیمائی کے لیے استعمال ہو سکتا ہے۔ اس غرض

کے لیے اولاً تیش پیا کو گزشتہ دفعہ میں بتائے ہوئے طریقے کے مطابق دو ثابت نقطے معلوم کر کے معیاری بنا لینا چاہیے۔ ایسا کرنے سے فرض کرو کہ نقطہ انجاد پر پارا پیمانہ کے زیرین سرے سے ۲۴ ممر کے مقام پر اور نقطہ جوش پر پیمانہ کے زیرین سرے سے ۱۸۳ ممر کے مقام پر قائم ہے۔ اگر اس تعین کے وقت بار پیا کا مقروءہ ۳۳۵ ممر ہو تو نقطہ جوش بجائے ۱۰۰ ممر کے ۹۹ ممر ہوگا۔ لہذا پیمانہ کے زیرین سرے سے ۲۴ ممر والا مقام نتیجتاً ۹۹ ممر کے اور زیرین سرے سے ۱۸۳ ممر والا مقام ۹۹ ممر کے مماثل ہوگا۔ پس پیمانہ پر ۱۶۰ ممر کا فاصلہ ۹۹ مئی درجوں کے وقفہ کے متناظر ہوگا۔ اس کے بعد تیش پیا کے ایک ممر کے لیے مئی پیمانہ پر تیش کا وقفہ معلوم کر لینا آسان ہے۔ موجودہ صورت میں $\frac{99}{160}$ درجے ایک ممر کے متناظر ہیں۔

فرض کرو کہ یہ تیش پیا 'حرارہ پیا' میں رکھے ہوئے کسی مانع کی تیش معلوم کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے (صفحہ ۳۵۳)۔ اور پارا پیمانہ کے زیرین سرے سے ۶۴ ممر کے فاصلہ پر قائم ہو جاتا ہے۔ یعنی اس وقت پارا نقطہ انجاد سے ۴۰ ممر بلندی پر قائم ہو گیا ہے۔ اور اس کے متناظر تیش مئی پیمانہ پر $40 \times \frac{99}{160}$ یا ۲۴.۷۵ ممر ہے۔

ایسے تیش پیا کے مقروءوں کو فصلے اور اخذ کردہ مئی پیمانہ کے مقروءوں کو معین مان کر دیے ہوئے تیش پیا کے پیمانہ اور مئی پیمانہ کے باہمی ربط کو ترسیماً ظاہر کر سکتے ہیں۔

تجربہ ۸۲۔ کسی اختیاری پیمانہ والے

تیش پیا کی درجہ بندی۔ — متذکرہ بالا طریقہ کے

بموجب کسی ایک اختیاری پیمانہ والے تیش پیا کو معیاری بناؤ

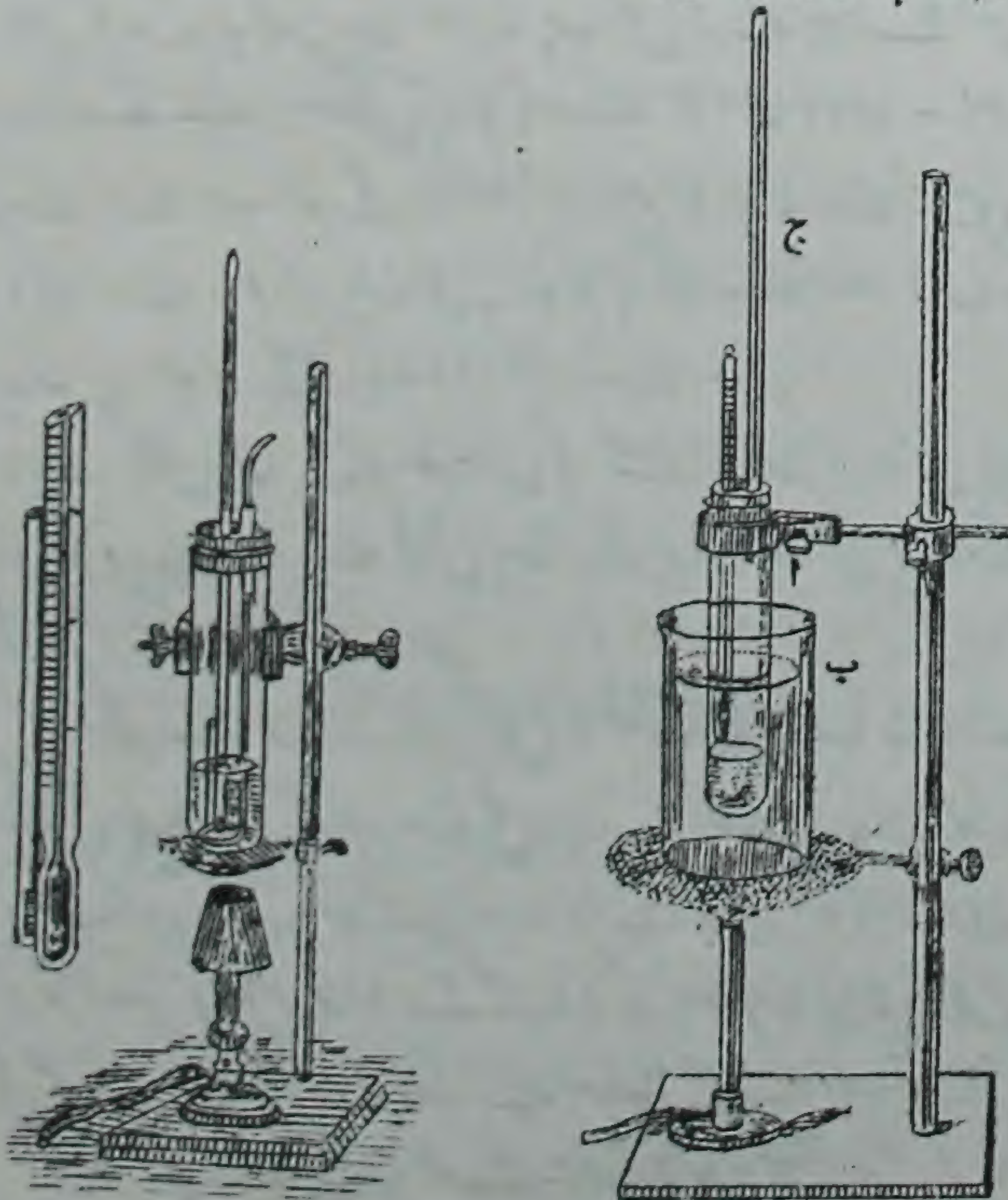
اور اس کو تجربہ خانہ کے کمرے کی تیش و نیز پانی

کی تیش معلوم کرنے کے لیے استعمال کرو۔

۴۔ نقطہ امانعت اور نقطہ جوش

تجربہ ۸۳۔ کسی مٹوس کے نقطہ امانعت کی تعین

کسی ٹھوس مثلاً پیرافنی موم کا نقطہ اامت معلوم کرنے کے لیے دھونکنی کے
کے شعلہ میں شیشے کی ایک نلی کو رکھ کر اس طرح کھینچو کہ ایک پتلی دیوار والی شری
نلی بن جائے۔ ریتی کے ذریعہ یا شیشے کا ٹٹے کے چاقو سے اس نلی کا چند سمرلبا
ٹکڑا کاٹ کر جدا کرو۔ اب اس نلی میں زیر تجربہ شے داخل کر لینی چاہیے۔
اس مطلب کے لیے ٹھوس کی تھوڑی سی مقدار کو مناسب برتن میں گرم کر کے
مائع بنا لیا جائے اور نلی کا سیرا اُس مائع میں ڈبو دیا جائے۔ اس طرح
بالعموم شری نلی سے نلی میں زیر تجربہ شے چڑھ جائیگی۔ نلی میں شے داخل
کرنے کے بعد اُس کے پیندے کو سر بہر کر دینا چاہیے ورنہ شے پگھلنے
کے بعد بہ جائیگی۔ یا پانی نلی میں چڑھ جائیگا ان وجوہ سے ٹھوس بننے کا
نقطہ مشاہدہ میں نہ آسکیگا۔



شکل ۱۱۵۔ کسی مائع کا نقطہ جوش

شکل ۱۱۴۔ کسی ٹھوس کا نقطہ اامت

اب اس نلی کو جس میں ٹھوس شے موجود ہے ایک تپش پیمائے کے
جوفہ کے ساتھ لچکدار بندھنوں یا باریک تاکے کے ذریعہ باندھ دیتے ہیں
اور جوفہ کو احتیاط کے ساتھ پین جنتر میں کیا جاتا ہے (شکل ۱۱۴)۔
تپش پیمائے کا مقروءہ اس خاص لمحہ پر قلمبند کر لیا جاتا ہے۔ جب کہ چھوٹی
نلی کے اندر کی ٹھوس شے مائع کی شکل اختیار کرتی ہے ایک دوسرا
مقروءہ بھی اس طرح حاصل ہو سکتا ہے کہ پین جنتر کو سرد ہونے کا موقع
دیا جائے اور جب شے پھر ٹھوس بن جائے تو تپش لکھ لی جائے۔
اماعت کی جو تپش اس طرح لی جائیگی وہ اصلی نقطہ اماعت ہے
کسی قدر زیادہ ہوگی اور ٹھوس بننے کی جو تپش اس طرح لی جائیگی
وہ اصلی نقطہ اماعت سے کسی قدر کم ہوگی۔ لہذا اصلی نقطہ اماعت
ان دونوں مقروءوں کے اوسط سے حاصل کرنا ضروری ہے۔ تاہم
اس تجربہ میں مائع کے پُر سرد ہو جانے کا احتمال ہے۔ اور اسی صورت
میں اس نوعیت کے تجربہ سے اصلی نقطہ اماعت حاصل نہیں ہو سکتا۔
بعض صورتوں میں شعری نلی کو ترک کر کے تپش پیمائے کے جوفہ
کے گرد ٹھوس کی ایک پتلی نہ چڑھا دی جاتی ہے۔ اور پہلے کی طرح
احتیاط کے ساتھ تپش پیمائے کا جوفہ گرم کیا جاتا ہے۔ جب نہ عین بگھلنے
کو ہوتی ہے تو تپش پڑھ لی جاتی ہے۔

جب کوئی مائع ٹھوس بن رہا ہو تو طالب علم تہریدی منحنی کا تجربہ

بھی دیکھ لے (صفحہ ۳۷۸)

تجربہ ۴۳ — کسی مائع کے نقطہ جوش کا

تعین — اس تعین کے لیے مائع کو ایک ایسی امتحانی نلی میں
رکھو جس کے منہ پر دو سوراخ والا کاگ لگا ہو۔ ایک سوراخ میں
سے تپش پیمائے گزرتا ہے اور دوسرے میں سے ایک شیشہ کی نلی
داخل کی جاتی ہے جس سے بخارات خارج ہوتے ہیں۔ نلی کو غایت
احتیاط کے ساتھ باریک شعلے سے یا پین جنتر کے ذریعہ گرم کرتے

ہیں یہاں تک کہ مائع کا نقطہ جوش پہنچ جاتا ہے۔ دھکے سے اُبلنے کے عمل کو روکنے کے لیے شیشے کی چند گولیاں یا بتلی دیو کی شعری تلی کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑے (جو دھونکنی کے شعلہ میں شیشے کی تلی کو کھینچ کر بنائے جاتے ہیں) مائع میں رکھنا چاہیے۔ امتحانی تلی میں تپش پیمائی کی وضع کا انحصار زیر امتحان مائع کی نوعیت پر موقوف ہے۔

(ا) خالص مائع کی صورت میں تپش پیمائی کو صرف بخارات کی تپش دیکھنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ اور اس صورت میں تپش پیمائی کا جوہ مائع کے اندر نہیں ڈوبنا چاہیے
شکل ۱۱۵۔

(ب) کسی محلول کی صورت میں مائع کی تپش خالص محلول کی تپش سے معتد بہ مختلف ہوتی ہے۔ اس لیے محلول کا نقطہ جوش معلوم کرنے کے لیے تپش پیمائی کا جوہ مائع کے اندر ڈوبنا چاہیے۔

جوہ کو اُبلتے ہوئے مائع کے اندر ڈبو کر تپش پیمائی کا مقروءہ حاصل کرو پھر اس مائع سے باہر اس کے بخارات میں رکھ کر دوسرا مقروءہ حاصل کرو۔ ان دونوں مقروءوں کے درمیان جو فرق ہے اس کا مشاہدہ کرو۔ پُر گرانے سے بچنے کے لیے محلول کو بہت آہستہ آہستہ جوش کھانا چاہیے۔

فصل دوم

پھیلاؤ کی شرحیں

۱۔ طولی پھیلاؤ کی شرح

کسی سلاح کی پیش کو ایک درجہ بڑھانے سے اُس کے طول میں جو اضافہ ہوتا ہے اُس کے کل طول کے مقابلے میں بہت کم ہے اور یہ اضافہ مختلف پیشوں کے لیے تقریباً مستقل پایا گیا ہے۔

کسی ٹھوس کے طولی پھیلاؤ کی شرح کی تعریف اس طرح ہو سکتی ہے کہ طولی پھیلاؤ کی شرح، اضافہ طول اور اصلی طول باہمی نسبت سے جب کہ پیش میں ایک درجہ کا اضافہ ہو۔

پس اگر سلاح کا ابتدائی طول L ہو اور a امر اضافہ پیش سے اُس کا طول L ہو جائے تو طولی پھیلاؤ کی شرح e مندرجہ ذیل رشتہ سے حاصل ہوگی :-

$$e = \frac{L - L_0}{L_0}$$

اگر سلاح کا طول L ہو جائے جب کہ اُس کی پیش t تک بڑھا دی گئی ہو تو ہم لکھ سکتے ہیں

$$\text{کہ } \frac{L - L_0}{L_0} = \alpha \cdot \Delta T \quad (1)$$

پس $L - L_0 = L_0 \cdot \alpha \cdot \Delta T$

یا $L = L_0 (1 + \alpha \cdot \Delta T)$ (۲)

بعض اوقات یہ باعث سہولت ہوتا ہے کہ ہم سلاخ کی ابتدائی تپش L_0 مرلین اس صورت میں L_0 ہر پر کے طول کو تعبیر کریں گے۔ اور ت سلاخ کی تپش کو مٹی درجوں میں ظاہر کریں گے جو طول کے تناظر ہوگی۔

چونکہ طول کی تبدیلی جو حقیقت میں مشاہدہ میں آتی ہے نہایت خفیف ہے اس لیے عملیات میں سہولت کے لیے یہ فرض کر لیتے ہیں کہ ابتدائی تپش L_0 ہی کی تپش ہے اور L اسی تپش پر سلاخ کے طول کو تعبیر کرتا ہے۔ اس صورت میں اس امر کا خیال رہے کہ L اضافہ تپش کو تعبیر کرتی ہے۔ یعنی L وہ فرق ہے جو انتہائی تپش اور کمرے کی تپش کے درمیان ہو۔

مساوات (۱) میں ہم دیکھتے ہیں کہ طولی پھیلاؤ کی شرح کے تعین میں تین مقداروں کی پیمائش شامل ہے: ابتدائی طول، اضافہ تپش اور طول کا اضافہ۔ صرف آخری پیمائش ہی ایسی ہے جس میں کسی قدر وقت ہے۔ چونکہ اس پیمائش میں خطا کا امکان زیادہ ہے اس لیے یہ امر فضول ہے کہ باقی دو مقداروں کی پیمائش میں کافی صحت کا خیال رکھا جائے (دیکھو صفحہ ۶)۔ اولاً سلاخ کا ابتدائی طول ۱۰۰۰ میں اچھے تک درست ناپ لیا جائے اور وہ تپش لکھ لی جائے جس پر تجربہ کا آغاز ہوا۔ سلاخ کو ایک معلوم تپش تک گرم کرنے سے اس کے طول میں جو خفیف اضافہ ہوتا ہے اس کی پیمائش کے لیے مختلف طریقے استعمال کیے جاسکتے ہیں:-

(۱) کسی جیلی یا مناظری بیرم کے ذریعہ (لیوالمیے اور لاپلاس کا طریقہ)

ایک معلوم تناسب میں اضافہ طول کی تکبیر عمل میں لائی جاسکتی ہے۔
یہ پہلا طریقہ بالکل غیر صحیح ہے کیونکہ تکبیری جزو ضربی ۲ یا ۳ فی صدی کے
اندر بالکل ۱۰ معلوم مقدار ہے۔

(۲۲) طول کے اضافہ کی پیمائش براہ راست خوردہ پیمائش کے ذریعہ ہو سکتی
ہے۔ معمولی کرویت پیماس مقصد کے لیے استعمال کر سکتے ہیں۔

(۲۳) طول کا اضافہ، براہ راست طریقہ پر دو خوردہ پیماس یا کسریہ خوردہ بینوں کو کا
میں لا کر معلوم کر سکتے ہیں جب کہ زیر تجربہ سلاح کا ہر سہ ایک ایک خوردہ بین کے ماسک پر لایا گیا ہو۔
یہ طریقہ مذکورہ بالا دو طریقوں پر اس امر میں فوقیت رکھتا ہے کہ سلاح کے ہر دو سر
پر مشاہدات عمل میں لائے جاتے ہیں اور اس میں کسی ایسے مفروضہ سے کام نہیں لیا جاتا
کہ تمام دوران تجربہ میں سلاح کا ایک سر بالکل قائم رہتا ہے۔ یہ سراسر احمقانہ اور
سراسر ضد کا طریقہ ہے۔

تجربہ ۵۵۔ — طولی پھیلاؤ کی شرح کی تعیین

مندرجہ ذیل آلہ دوسرے طریقہ کی ایک مثال ہے۔
زیر تجربہ سلاح کو ایک بھاپی پیر میں رکھتے ہیں جو دھاتی یا شیشے
کی ایک ایسی نلی پر مشتمل ہوتا ہے جس میں سے بھاپ کی رو گزار سکتے
ہیں۔ سلاح کے دونوں سرے پیر میں سے کسی قدر باہر نکلتے ہوئے
ہیں اور جوڑوں کو گاگ یا ربر کی نلی کے ذریعہ بھاپ بند کیا جاتا ہے۔
سلاح کے ہر سرے پر تیش کی پیمائش کے لیے تیش پیمان لگے ہوئے
ہیں۔ سلاح کا ایک سر ادھات کی قائم گھنڈی کے ساتھ
حالت تماس میں ہوتا ہے اور دوسرا سر پھیلاؤ کے لیے آزاد
رہتا ہے۔ اس سرے کے پاس ایک خوردہ پیمائش جس کا سر درجہ دار
ہوتا ہے (کرویت پیماس) اس طرح ترتیب دیا جاتا ہے کہ تیش کا محور
بلحاظ سمت سلاح کے محور سے منطبق ہوتا ہے۔ تیش کے سرے اور سلاح

کے آزاد سرے کے درمیان تماس کی حالت کو قوتِ لمس کے ذریعہ محسوس کر سکتے ہیں۔ یا ایک چرخ برما (Ratchet) خردہ پیما استعمال کر سکتے ہیں جو تماس کے پیدا ہوتے ہی پھسل جائے۔ لیکن تماس کی وضع دکھانے کے لیے کوئی سا سادہ برقی طریقہ قابلِ ترجیح ہے۔ کسی دو لٹائی خانے کے ایک قطب کا خردہ پیما بیج کے ساتھ الحاق کیا جاتا ہے، اور دوسرا قطب ایک سادہ ردِ پیمائے کے ایک سرے سے ملایا جاتا ہے۔ ردِ پیمائے کے دوسرے سرے کو اُس گھنڈی سے ملاتے ہیں جس سے سلاح کا دوسرا قائم سر اسہارا ہوا ہے۔ جوں ہی خردہ پیما بیج کا سرا سلاح کے سرے سے مس کرتا ہے، برقی دور پورا ہو جاتا ہے اور ردِ پیمائے کی سوئی منصرف ہو جاتی ہے۔ آلہ کو ترتیب دے لو اور معمولی تپش پر خردہ پیما بیج کا مقروءہ حاصل کر لو جب کہ بیج کے سرے کا سلاح کے سرے سے تماس پیدا ہو جائے۔ یہ ترتیب متعدد مرتبہ دہرائی جانی چاہیے۔

اب خردہ پیما بیج کو متعدد چکروں میں پیچھے گھما دو تاکہ پھیلاؤ کے لیے گنجائش پیدا ہو۔ بھاپی پیرین میں جو اشارہ سے بھاپ کی رد گزار کر سلاح کو گرم کرو۔ اور اُس وقت تک انتظار کرو کہ سلاح مستقل تپش پر آجائے۔ ہر دو تپش پیمائوں کے مقروءوں کو پڑھ لو۔ پھر خردہ پیما بیج کو تماس کے لیے مرتب کرو اور مقروءہ حاصل کرو۔ یہ مقروءے متعدد مرتبہ دہرا لینے چاہئیں۔ اس مقروءہ اور سابقہ کے مقروءے کے فرق سے سلاح کے طول میں اضافہ معلوم ہو جائیگا۔

مشاہدات کی مدد سے سلاح کے طولی پھیلاؤ کی شرح

محسوب کرو۔

تیسرا طریقہ وصاتی نلی کے طولی پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے کے لیے

استعمال ہو سکتا ہے۔

تجربہ ۸۶۔ دھاتی نلی کے طولی پھیلاؤ کی

شرح کا تعین۔ تقریباً ایک میٹر لمبی دھاتی نلی سروں کے

قریب دو عرضی نشان کر دو۔ کمرہ کی تپش پر ان نشانوں کا درمیانی

فاصلہ، دو متحرک خرد بینوں کو ترتیب دے کر معلوم کر لو جیسا کہ خواص مادہ

کے تجربہ ۸۷ میں گز اور میٹر کے مقابلہ کرنے میں بتایا جا چکا ہے۔ خرد بین

ٹیکنوں کو سلیٹ کی تختی پر قائم کرنا مناسب ہے تاکہ نلی کو گرم کرنے سے

خرد بینوں کے درمیانی فاصلے پر کوئی اثر نہ پڑ سکے۔ نشانوں کو

پھر خرد بینوں کے ماسکوں پر لاؤ۔ نلی میں سے بھاپ کی رد گزاری

نلی کو اس طرح ترتیب دو کہ اس کے ایک سرے کا نشان پیرلی

خرد بین کے صلیبی تار سے منطبق ہو جائے اور دوسری خرد بین کو اتنا

ہٹاؤ کہ اس کا صلیبی تار دوسرے سرے کے نشان پر آجائے۔

دوسری خرد بین کو جس قدر ہٹانا پڑے وہ فاصلہ ناپ لو۔ یہ فاصلہ نلی

کے طول میں اضافہ ہے۔ اس مفروضہ کی بناء پر کہ نلی ۱۰۰ ام تک گرم

کی گئی ہے طولی پھیلاؤ کی شرح محسوب کرو۔

۲۔ مائع کے پھیلاؤ (بسط) کی شرح

کسی مائع کے پھیلاؤ کی شرح کی تعریف دو مختلف طریقوں پر ہو سکتی ہے:

(۱) صفر پھیلاؤ کی شرح۔ کسی مائع کے پھیلاؤ کی شرح سے مراد

وہ نسبت ہے جو ام کے اضافہ تپش سے پیدا ہونے والے اضافہ حجم اور

ام کے حجم کے درمیان ہو۔

پس اگر ح ام پر اور ح: م پر حجم ہوں اور ع پھیلاؤ کی شرح

$$\text{تو } ع = \frac{\text{ح} - \text{ح}}{\text{ح}}$$

اگر ہم یہ فرض کر لیں کہ اضافہ پیش کے ساتھ شے ہموار
طریقہ پر پھیلتی ہے، یعنی پیش کے مساوی تغیرات کے جواب میں اگر حجم
میں مساوی تغیرات واقع ہوتے ہوں تو کسی پیش سے پر حجم ح مساوات

$$ع = \frac{ح - ح}{ح ت} \text{ سے حاصل ہوگا۔}$$

$$! ح = ح (۱ + ع ت)$$

(۲) دو پیشوں کے درمیان پھیلاؤ کی اوسط شرح۔

کوئی دو پیشوں کے درمیان پھیلاؤ کی اوسط شرح وہ نسبت ہے جو فی درجہ
اضافہ پیش کے لیے حجم کے اضافے اور ابتدائی حجم کے درمیان ہو۔
چنانچہ اگر ت اضافہ پیش سے حجم ح سے ح میں تبدیل ہو جائے تو اوسط
پھیلاؤ کی شرح

$$\frac{ح - ح}{ح ت} \text{ ہوگی}$$

یاد رہے کہ یہاں یہ قید نہیں لگائی گئی ہے کہ ابتدائی پیش ° ص ہو۔
پانی جیسی شے کے لیے جو ہموار نہ نہیں پھیلتی، پھیلاؤ کی شرح کی
تعریف ایسی ہی ہونی چاہیے۔

مانع کی کثافت پر پیش کی تبدیلی کا اثر

فرض کرو کہ ح اور ت کسی مانع کی دی ہوئی کمیت کے لیے ° ص پر
حجم اور کثافت کو ظاہر کرتے ہیں تو مانع کی کمیت ح مشا ہوئی۔
فرض کرو کہ کسی دوسری پیش ت ص پر رخ اور مشا، حجم اور کثافت
کو تعبیر کرتے ہیں تو مانع کی کمیت ح ت ہوئی۔ لیکن دونوں پیشوں پر کمیت
ایک ہی ہے۔

$$\text{لہذا } ح\ ث = ح\ ث$$

$$\text{یا } \frac{ح}{ح} = \frac{\ ث}{\ ث}$$

$$\text{لیکن } \frac{ح}{ح} = ۱ + ع\ ت$$

$$\text{لہذا حاصل ہوتا ہے } \frac{\ ث}{\ ث} = (۱ + ع\ ت)$$

$$\text{یا } \ ث = (۱ + ع\ ت)$$

اس مساوات اور ح والی مساوات میں جو فرق ہے اُس پر خیال رکھنا ضروری ہے۔ پیش میں اضافہ کا اثر عام طور پر یہ ہے کہ حجم میں اضافہ ہو لیکن کثافت میں کمی ہو جائے۔

پھیلاؤ کی شرح مساوات ذیل سے حاصل ہوتی ہے:-

$$\frac{\ ث - \ ث}{\ ث} = ع$$

اسی طرح، دو پیشوں ت اور ت کے درمیان پھیلاؤ کی اوسط شرح کو اس طرح دکھا سکتے ہیں:-

$$\frac{\ ث - \ ث}{\ ث - ت} = ع$$

جہاں ت پر اور ت پر ت پر کثافت ہے۔

پانی کے پھیلاؤ کی شرح پیش کے مختلف وقفوں کے لیے

اگر شے مائع کی شکل میں ہو تو اس کی کثافت کی تبدیلی معلوم کرنا زیادہ آسان ہے نسبت اس کے مائع کی دی ہوئی کمیت کے حجم کی تبدیلیاں دریافت کی جائیں۔ عموماً جو طریقہ متعمل ہے، یہ ہے کہ کثافت اضافی کی بوتل کو خاص

نشان تک مختلف پیشوں پر مائع سے بھر بھر کر اس کے اندر موجود مائع کی مقدار کو تول لیا جاتا ہے۔

تجربہ ۸۷۔ پانی کا پھیلاؤ کثافت اضافی کی بوتل

کے طریقے سے۔ اس صورت میں مائع کی کثافت بوتل کے

اندر کے مائع کے وزن کے متناسب ہوتی ہے۔ ۱۰۰ مکعب سمر گنجائش کی کثافت اضافی کی ایک بوتل لے کر اس کو خشک کرو اور

تول لو۔ بوتل کو ۲۰ مر اور ۷۰ مر کی درمیانی تپش پر کے پانی سے خاص نشان

تک بھر دو۔ بوتل اور پانی کو بحالت مجموعی تول لو۔

بوتل کو خالی کر دو۔ اور اس کو ایک پن جنٹر میں رکھ کر تقریباً

۲۰ مر تک تپش کو بڑھاؤ۔ پن جنٹر میں سے پانی لے کر اس کو بھر دو

اور پانی کی سطح کو بوتل کی گردن پر کے نشان تک ٹھیک کر لو، جب کہ

بوتل ابھی جنٹر کے اندر ہی ہو۔ جنٹر کی تپش دیکھ لو۔ جنٹر میں سے پانی

سے بھری ہوئی بوتل کو علیحدہ کر دو اور بوتل کی بیرونی سطح کو احتیاط سے

خشک کر لو اور پھر تول لو۔

پن جنٹر کی تپش کو تقریباً ۴۰ مر، ۶۰ مر اور ۸۰ مر کے لیے

ترتیب دے کر بوتل کو ان تپشوں پر نشان معین تک بھر کر تجربے کو

دہراؤ۔ تولنے کے دوران میں دونوں بوتل اور پانی کافی ٹھنڈے

ہو جائیں گے اور مائع کی سطح بوتل کی گردن کے نشان سے نیچے

اُتر جائیگی۔ اس کا کوئی خیال نہ کیا جائے۔ بوتل کے اندر مائع کی موجودہ مقدار

وہی ہے جو جنٹر کی تپش پر بوتل کو اس نشان تک پُر کیے ہوئے تھی، سکڑاؤ

کی وجہ سے اس کی کمیت میں کوئی تغیر نہیں پیدا ہوتا۔

تاہم یہ ضروری ہے کہ بلند تپشوں پر حتی الوسع جلد سے

جلد تول لیا جائے تاکہ تبخیر کے عمل سے وزن میں معتد بہ کمی واقع

نہ ہو۔ گرم بوتل کے قریب اوپر کی جانب حلی رد کی وجہ سے بھی

خطا پیدا ہوگی اور اسی لیے یہ مناسب ہے کہ تو لینے سے پہلے بوتل کو ٹھنڈے پانی کے نل کے نیچے جلد ٹھنڈا کر لیا جائے۔ پہلی تیش سٹم پر (۲۰ درجہ اور ۲۰ درجہ) بوتل کو پُر کرنے والے پانی کی کمیت (گراموں میں) کو عدداً اُس تیش پر برتن کے حجم ح کے برابر لے سکتے ہیں جب کہ تیش کے اس وقفہ کے لیے تجربہ کی صحت کے حدود کے اندر پانی کی کثافت ایک گرام فی مکعب سمر ہو۔

دیگر تیشوں کے لیے جن پر مشاہدات کیے گئے ہیں بوتل کی گنجائش ح کو ضابطہ

ح = ح (۱ + بہ (ت - ت)) استعمال کر کے محسوب کرو جہاں بہ شیشے کے مکعب پھیلاؤ کی شرح ہے۔ بہ کی قیمت تقریباً ۲۵۰۰۰۰ فی ۱۰۰ فرض کی جاسکتی ہے۔ بوتل کے اندر پانی کی کمیت کو اُس تیش پر بوتل کے محسوب شدہ حجم سے تقسیم کر کے ہر تیش پر پانی کی کثافت معلوم کرو۔ ان مقداروں کو ذیل کی جدول میں ترتیب دو:-

تیش	بوتل میں مائع کی کمیت	بوتل کا حجم (محسوب شدہ)	مائع کی کثافت

۲۰ درجہ اور سٹم پر کی کثافتیں معلوم کرو اور ان دو تیشوں کے درمیان پانی کے پھیلاؤ کی اوسط شرح ذیل کی مساوات سے حاصل کرو:-

$$\text{اوسط عہ (ت تا ۲۰)} = \frac{\text{ب - ش}}{\text{ش - ۲۰ (ب - ش)}}$$

پیش تقریباً ۴۰° حرے۔ اگر پیشیں ۴۰° حرے سے بہت دور نہ ہوں تو پانی کی کثافت ایک گرام فی مکعب سمرے سکتے ہیں اور اس طرح اس پیش پر مغرق کا حجم فوراً معلوم ہو جاتا ہے۔

مختلف پیشوں پر پانی کی کثافت کا تعین — شیشے کے مغرق کے ذریعہ

مغرق کی ایک سادہ اور سہل کار صورت یہ ہے کہ شیشے کے ایک ہونے کے اندر سے کے چھترے ہوتے ہیں۔ جو ذہ کو چھترے سے پہلے چھتروں کی مقدار کو اس طرح مرتب کر لینا چاہیے کہ ہونہ پانی کے اندر ڈوبنے کے لیے کافی وزنی ہو جائے۔ ہار ایک تار کے ذریعہ جو ذہ کو حساس ترازو کے ایک بازو کے ساتھ لٹکا دیتے ہیں۔ اگر بند ڈبے کی کیمیائی ترازو استعمال کی گئی ہو تو ترازو دان کے پینڈے میں ایک چھوٹا سا سوراخ بھی ہونا چاہیے جس میں تار گزر سکے۔ ایک دوسرا سوراخ اُس تختہ (Shell) میں بھی بنانا چاہیے جس پر ترازو دان رکھا ہوتا کہ تار ان دو سوراخوں میں سے آزادی کے ساتھ گزر سکے۔ تار کے زیرین سرے سے مغرق باندھ دیا جاتا ہے اور یہ پانی کے ایک بڑے برتن میں کلیتہً ڈبو دیا جاسکتا ہے۔ اور برتن کسی مطلوبہ پیش تک گرم کیا جاسکتا ہے۔ اُس مقام پر جب کہ تار پانی کی سطح میں سے گزرتا ہے، سطحی تناؤ کے اثر کو کم کرنے کے لیے تار کے قطر کو اوپر سے زیادہ نہیں ہونا چاہیے۔

مغرق کا پہلے ہوا میں دھڑا کر لیا جاتا ہے۔ اس کے بعد اس کو برتن کے اندر پانی میں بالکل ڈبو کر دوبارہ وزن کر لیا جاتا ہے۔ دونوں وزنوں کے فرق سے پانی میں نقصان وزن معلوم ہو جاتا ہے۔ پہلا مشاہدہ اُس وقت حاصل کیا جاسکتا ہے جب کہ پانی تقریباً ۴۰° حرے پیش تک ٹھنڈا کر دیا گیا ہو۔ پھر جنر کو ۸۰° حرے تک گرم کرو اور اس کو آہستہ آہستہ ٹھنڈا ہونے دو۔

اُس صورت میں جب کہ جنتہ سرد ہو رہا ہو تیش کو قابو میں رکھنا اور تولنے کے دوران میں اُس کو ایک قائم قیمت پر رکھنے آنا زیادہ سہل ہے۔
 بنسبت مشعل کے شعلہ کی جسامت یا جنتہ سے نیچے اُس کے فاصلہ کو احتیاط سے بدل کر اُسے اس طرح مرتب کرنا چاہیے کہ مشاہدہ کے وقت تیش متقل رہے۔ مشاہدات کے دوران میں پانی کو اچھی طرح ہلاتے رہنا ضروری ہے تاکہ ساری کمیت میں تیش ہموار رہے۔ نقصان وزن اور تیش کے مشاہدات ۱۰۰ صریحاً ۱۵ ام کے وقفہ پر لینا چاہیے۔

پانی کی کثافت کو مختلف تیشوں پر بتانے کے لیے ایک جدول تیار کیا جائے اور نتائج کو مربع دار کاغذ پر مرتب کیا جائے۔
 مشہودہ تیشوں کے متوالی یا متصلہ جوڑوں کے درمیان پانی کے پھیلاؤ کی اوسط شرحوں کا حساب لگاؤ۔

وزن تیش پیم

وزن تیش پیم ٹیشے کا ایک اسطوانی جوفہ ہوتا ہے جس کی گردن کو کھینچ کر باریک نیلی کی طرح بنا دیا جاتا ہے۔ اس نیلی کو اس طرح موڑ دیتے ہیں کہ اُس کا گھلا سرا مانع کے برتن میں ڈوب سکے۔ اس آلہ کو مانع کے پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے کے لیے استعمال کرتے ہیں۔ سادہ طور پر ہم اس کو نیلوں سمجھ سکتے ہیں کہ یہ ایک آلہ ہے جو کوئی سی ود معلوم تیشوں پر کے مانع کثافتوں کا مقابلہ کرنے کے لیے کام میں لایا جاتا ہے۔
 فرض کرو کہ

ح = وزن تیش پیم کا حجم ۰ ہر پر۔
 ک = مانع کی کمیت جو اُس کو ۰ ہر پر پر کرتی ہے۔
 ش = مانع کی کثافت ۰ ہر پر۔

نیز فرض کرو کہ ح، ک، اور ث، ت ہر بران کی تناظر قیمتیں ہیں۔

اگر بر شیشے کے مکعب پھیلاؤ کی شرح ہے تو

$$ح = ح (۱ + برت)$$

کثافت کی تعریف کی بناء پر ذیل کے رشتے حاصل ہوتے ہیں :-

$$ک = ح \cdot ث \text{ اور } ک = ح \cdot ت$$

$$\text{لہذا} \quad \frac{ح \cdot ث}{ح \cdot ت} = \frac{ک}{ک}$$

$$\text{یا} \quad \frac{ث}{ت} = \left(\frac{ک}{ک} \right) \left(\frac{ح}{ح} \right)$$

$$\frac{ک}{ک} = (۱ + برت)$$

لیکن صفحہ (۳۳۲) پر ثابت کیا جا چکا ہے کہ

$$\frac{ث}{ت} = (۱ + عت)$$

جہاں ع مائع کے مطلق پھیلاؤ کی شرح ہے۔

$$\text{لہذا} \quad (۱ + عت) = \frac{ک}{ک} (۱ + برت)$$

اس مساوات کو ع کے لیے حل کرنے سے ذیل کا رشتہ حاصل ہوتا ہے :-

$$ع = \frac{ک - ک}{ک \cdot ت} + بر$$

یاد رہے کہ اس نتیجہ کے حاصل کرنے میں کسی تقریبات سے کام نہیں لیا گیا۔
اگر تیش پیمائے ذریعہ کے پھیلاؤ کو نظر انداز کیا جائے تو بس = ۰ اور
مانع کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح

ک۔ ک۔ ک۔
ک۔ ک۔

تجربہ ۸۹۔ ”وزن تیش پیمائے ذریعہ
گلسرین کے پھیلاؤ کی شرح کی تعیین
خالی تیش پیمائے وزن معلوم کر لو۔ جوئے کو کامل احتیاط کے ساتھ بنسبت شعلہ
پر گرم کر کے اور اُس کے منہ کو گرم گلسرین والے برتن میں ڈوبا ہوا رکھ کر
تیش پیمائے گلسرین سے بھر دو۔ جیسے جیسے جوئے سرد ہوگا گلسرین اُس کے
اندر کھینچ آئیگی۔ بار بار گرم اور سرد کر کے جوئے کو گلسرین سے مکمل بھر دینا
چاہیے۔ جب جوئے کمرے کی تیش تک سرد ہو جائے تو اُس کو کچلی
ہوئی برف سے بھرے ہوئے ایک برتن میں اس طرح رکھ دو کہ وہ
برف سے پورے طور پر گھرا رہے مگر اُس کا منہ گلسرین کے اندر ہی ڈوبا
رہے۔ جس وقت جوئے ۰ صر تک سرد ہو رہا ہو تو ایک چھوٹی سی پیالی
یا کٹھالی کو تول لو۔ تیش پیمائے برف سے نکال لو اور پیالی کو اس طرح
رکھو کہ خارج ہونے والا مانع اُس میں رہے۔ تیش پیمائے اور پیالی کو
ایک ساتھ وزن کر لو۔ اور تیش پیمائے کو ۰ صر پر کرنے والی گلسرین کی
کمیت معلوم کرو۔

اس کے بعد تیش پیمائے کو پانی کے ایک منقارے میں رکھ کر
نقطہ جوش تک گرم کرو اور خارج ہونے والی گلسرین کو بہ جانے دو۔
تیش پیمائے کو نکال لو اور اُس کو کمرے کی تیش تک ٹھنڈا ہونے دو۔
مانع نکالو چاہیگا لیکن اس پر بھی مانع کی کمیت وہی ہے جو
تیش پیمائے کو ۰ صر پر کرتی رہے۔ تیش پیمائے کو دوبارہ تول لو اور

گلسرین کی کمیت اخذ کرو۔

گلسرین کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح محسوب کرو۔ شیشے کے پھیلاؤ کی شرح کو معلوم مان کر مطلق پھیلاؤ کی شرح بھی محسوب کرو۔

حجم بسط پیماس

بسط پیماس میں ایک اسطوانی جوفہ ہوتا ہے جس پر ایک سیدھی درجہ دار نلی لگی ہوتی ہے۔ اگر تنے پر کے پہلے نشان تک جوفہ کا حجم معلوم ہو اور نلی کے ایک درجہ کا تناظر حجم بھی معلوم ہو تو یہ آلہ کسی مانع کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے کے لیے استعمال ہو سکتا ہے۔

تجربہ نمبر ۹۔ کسی مانع کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح کا تعین بسط پیماس کے ذریعہ

پہلے خالی بسط پیماس کو تول لو۔ اس کے بعد ایک معلوم کثافت کا مانع لے کر تنے کے پہلے نشان تک بھر لو۔ اور پھر تول لو۔ اس طرح معلوم شدہ کمیت سے جوفہ کا حجم محسوب کرو۔ تنے کے سرے کے قریب والے کسی نشان تک بسط پیماس کو بھر دو اور پھر تول لو۔ تنے کے ایک معین طول کو پُر کیے ہوئے مانع کی کمیت معلوم کر لو اور تنے کے اس طول کا حجم محسوب کرو۔ پیمانے کے ایک درجہ کے تناظر حجم کو اخذ کرو۔

کسی مانع کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے کے لیے جوفے اور تنے کے کچھ حصے کو مانع سے بھر دو اور برف میں رکھ کر

تمام کا تمام ۰ مر تک ٹھنڈا کرو۔ تنے میں مانع کا مقام پڑھ لو۔ پھر بن جمر میں رکھ کر کسی معلوم تپش تک گرم کرو اور تنے میں مانع کا مقام دوبارہ دیکھ لو۔ ان مقدروں کے تناظر جموں کا حساب لگاؤ۔

ضابطہ ح = ح (۱ + ع ت) کی مدد سے ظاہری پھیلاؤ کی شرح محسوب کرو۔

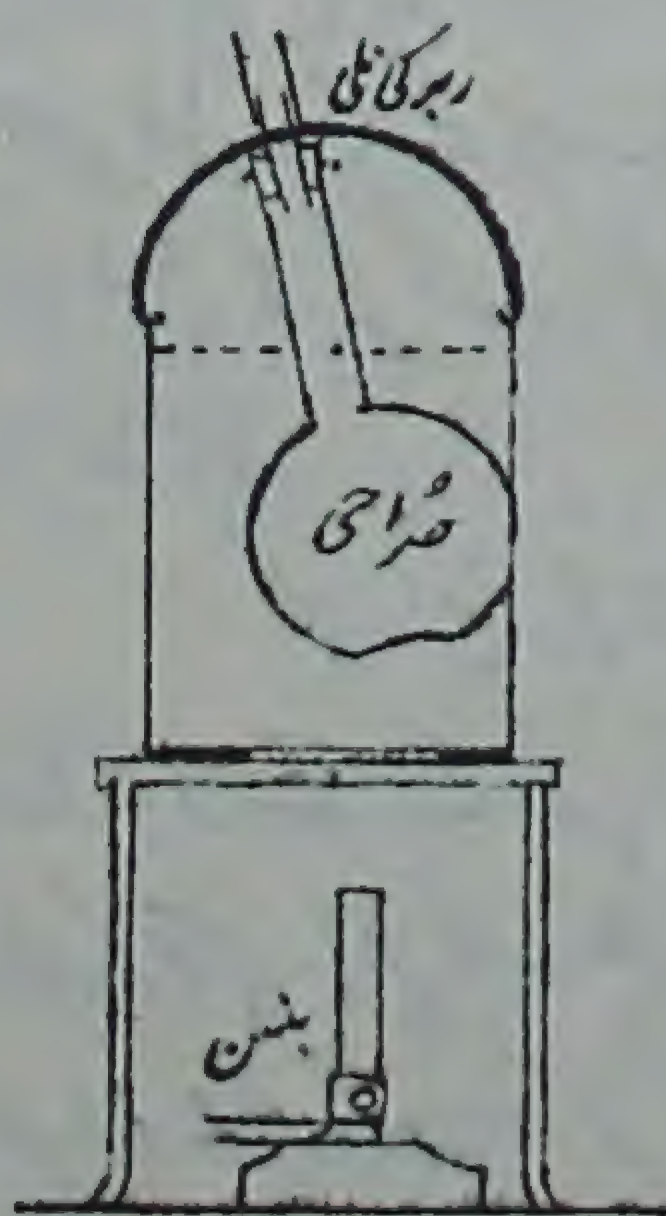
۳۔ گیسوں کا پھیلاؤ

مستقل دباؤ پر ہوا کا پھیلاؤ

جب کسی گیس کی ایک دی ہوئی کمیت مستقل دباؤ کے تحت اضافہ پیش کے اثر سے پھیلتی ہے تو مساوات ذیل سے حجم اور پیش کے مابین رشتہ ظاہر ہوتا ہے :-

$$V = C(1 + \alpha t)$$

جہاں C سے t ہر پرگیس کا حجم تعبیر ہوتا ہے اور C سے t ہر پر حجم اور C کو پھیلاؤ کی شرح کہتے ہیں یا مستقل دباؤ پر اضافہ حجم کی شرح۔ یہ مساوات کلیہ شارٹل کو علامات ریاضی میں ظاہر کرتی ہے جو یہ بیان کرتا ہے کہ جب گیس کی ایک مقررہ کمیت مستقل دباؤ کے تحت پھیلتی ہے تو پیش کے ہر درجہ کے اضافہ کے لیے حجم میں α کے حجم کی ایک معین کسر کا اضافہ ہوتا ہے۔



شکل ۱۱۶۔ نقطہ جوش تک صراحی گرم کی گئی

تجربہ ۹۱۔ مستقل دباؤ پر ہوا کے پھیلاؤ کی

شرح کی تعیین — ۳۰۰ تا ۴۰۰

کعب سرگنجائش کی ایک صراحی کے

ساتھ ربر کی ایک چست روک ڈاٹ

کا انتظام ہوتا ہے جس میں سے شیشے

کی ایک پھوٹی نلی گزرتی ہے۔

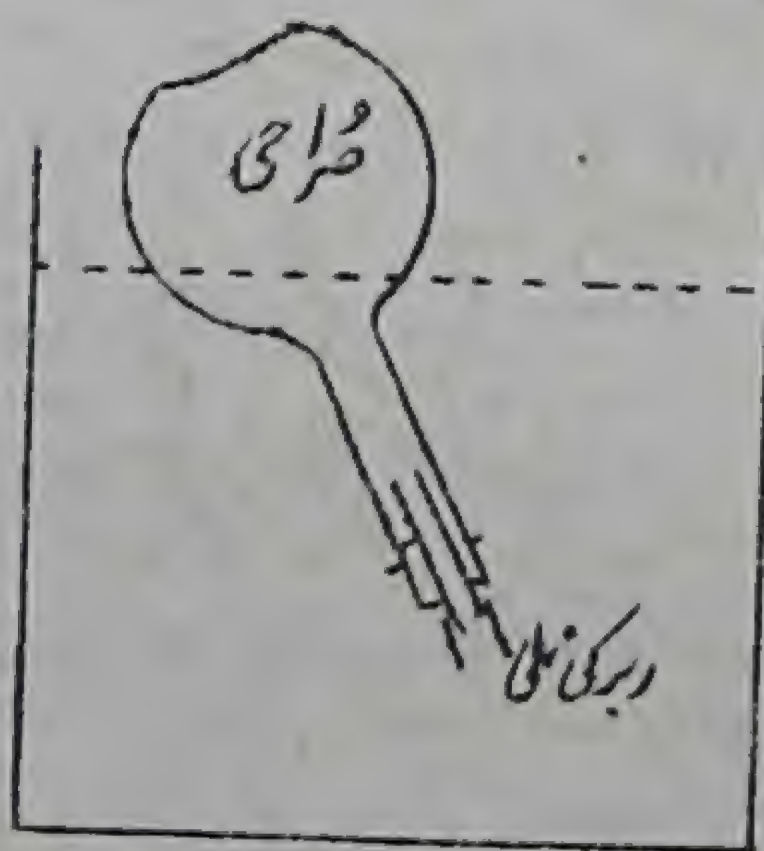
نلی کا زیدین سرا روک ڈاٹ کے

ساتھ ہموار ہونا چاہیے اور بالائی سرا

روک ڈاٹ سے اوپر ۲ یا ۳ سمر سے زیادہ نکلا ہوا نہیں ہوتا چاہیے
شیشے کی نلی کے باہر نکلے ہوئے حصے سے تقریباً ۵ سمر باہر کی نلی
ٹکڑا جوڑ دیا جاتا ہے۔

صراحی، ڈاٹ اور نلی اچھی طرح خشک کر لیے جائیں۔ خشک کر کے کا
عمل آلہ کو مٹیھیلی رُوح سے دھو کر اور اس میں سے ہوا کی رد گزاری کر
پورا کر سکتے ہیں۔ اب خشک صراحی کا وزن و معلوم کر لیا
جاتا ہے۔

اس کے بعد ڈاٹ لگی ہوئی صراحی کو پانی کے ایک برتن
میں رکھتے ہیں جو رفتہ رفتہ نقطہ جوش تک گرم کیا جاتا ہے۔ اگر برتن
میں تار کا دستہ لگا ہوا ہو تو اس سے پانی میں ڈوبی ہوئی صراحی
کے پکڑنے کا کام لیا جاسکتا ہے (شکل ۱۱۶)۔ نقطہ جوش پر
پہنچ چکنے کے بعد کم سے کم ۵ منٹ تک صراحی کو پانی کے اندر
ہی رکھا رہنے دیا جائے تاکہ اندر کی ہوا جوش کھاتے ہوئے
پانی کی تپش پر، جس کو ہم ۱۰۰۰ ہر فرض کرنیکے پہنچ جائے۔
اس کے بعد ربر کی نلی کو انگوٹھے اور انگلی کے درمیان مضبوطی کے ساتھ
دبا دیا جاتا ہے اور صراحی کو تیزی کے ساتھ اس برتن سے



باہر نکال کر ٹھنڈے پانی
کے ایک بڑے برتن میں ڈنھا
دیتے ہیں (شکل ۱۱۷)۔

جوں ہی ڈاٹ ٹھنڈے
پانی کی سطح سے نیچے ہو جاتی
ہے، ربر کی نلی کو چھوڑ دیا جاتا
ہے تاکہ ٹھنڈا پانی صراحی میں
داخل ہو سکے۔ صراحی کی گردن کو
نیچے کی طرف ہی رکھ کر صراحی کو

شکل ۱۱۷۔ صراحی ٹھنڈے پانی میں

کئی منٹ تک پانی کے اندر ڈوبا ہوا رکھنا چاہیے تاکہ اس کا مافیہ پانی کی پش پر آجائے۔ فرض کرو کہ تیش ت م ہے۔ اس کے بعد صراحی کو اونچا کیا جاتا ہے۔ یہاں تک کھڑا پانی سطح صراحی کے اندر بھی وہی ہو جاتی ہے۔ جو باہر کی سطح ہے۔ یعنی یہاں تک کہ اندر کی ہوا کا دباؤ وہی ہو جائے جو کرہ ہوائی کا دباؤ ہے۔ جب یہ شرط پوری ہو جاتی ہے تو ربر کی نلی کو داب کر بند کر دیتے ہیں اور صراحی کو پانی سے باہر نکال لیا جاتا ہے اور پھر اس کو سیدھا کر دیتے ہیں۔ بیرونی سطح کو خشک کر کے صراحی کو تول لیا جاتا ہے۔ فرض کرو کہ یہ وزن W ہے۔

اس کے بعد صراحی کو ٹھنڈے پانی سے بالکل بھر دیتی ہیں اور ڈاٹ لگا دیتے ہیں تاکہ پانی شیشے کی نلی کو بھی بھر دے اور وزن W معلوم کر لیا جاتا ہے۔

ساری صراحی کو بھرنے والے پانی کا وزن $(W - W_1)$ گرام ہے۔ لیکن ایک گرام پانی اکعب سمر جگہ گھیرتا ہے۔ پس بوتل کا حجم $W - W_1$ اکعب سمر ہے۔ اب جب کہ بوتل جوش کھاتے ہوئے پانی میں تھی تو اس کے اندر کی ہوا تمام حجم کو پُر کیے ہوئے تھی اور دباؤ کرہ ہوائی کا تھا۔

فرض کرو کہ یہ حجم H ہے تو

$H = W - W_1$ اکعب سمر

جب صراحی ت م والے ٹھنڈے پانی میں رکھی گئی تو ہوا کا حجم گھٹ گیا یہاں تک کہ ح ت ہو گیا ذرا غور کرو تو معلوم ہو گا کہ

$H = W - W_2$ اکعب سمر

در اصل صورت حال یہی ہے کیونکہ اس کمرش پر ہوا اس قدر حجم گھیرے ہوئے تھی جس قدر کہ بوتل کے اندر چڑھا ہوا پانی پر نہیں کرتا تھا اس طرح حجم H اور ح ت معلوم ہو جاتے ہیں۔

لیکن یہ ضروری ہے کہ ان جموں کو ہر کے حجم پر تبدیل کریں۔ تاکہ پھیلاؤ کی شرح کا حساب لگایا جائے۔ یعنی ہمارے پاس دو مساواتیں ہیں:-

$$ج_1 = ح (1 + \alpha_1 \Delta t_1)$$

$$ج_2 = ح (1 + \alpha_2 \Delta t_2)$$

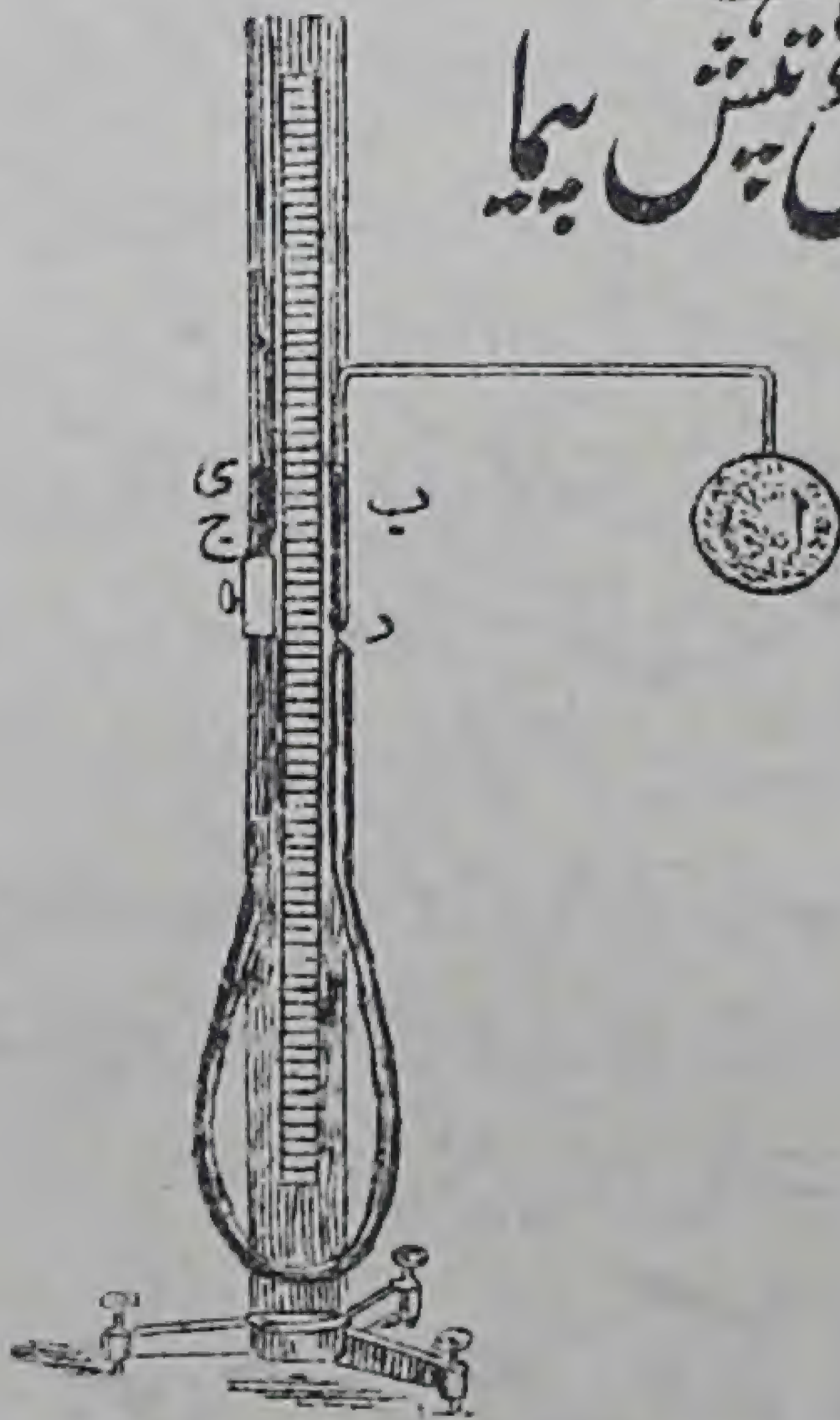
جن میں دو مجهول مقدار ہیں۔
پہلی مساوات کو دوسری سے تقسیم کر دو تو

$$\frac{ج_1}{ج_2} = \frac{1 + \alpha_1 \Delta t_1}{1 + \alpha_2 \Delta t_2}$$

اس سے مندرجہ ذیل رشتہ حاصل ہوتا ہے۔

$$\alpha_2 = \frac{ج_1 - ج_2}{ج_2 \Delta t_2} = \frac{ج_1}{ج_2} - 1$$

اور اس رشتہ سے α_2 کی قیمت محسوب ہو سکتی ہے۔
مستقل حجم والا ہوائی تپش پیم



شکل ۱۱۸

جولی کا مستقل حجم والا گیس تپش پیم

جب کسی گیس کی ایک معین کمیت ایسے برتن میں رکھی جائے جس کا حجم غیر متغیر رہتا ہے تو گیس کی وجہ سے برتن کی دیواروں پر جو دباؤ پڑتا ہے، وہ تپش کے اضافے کے ساتھ ساتھ بڑھتا جاتا ہے۔ گیس کے دباؤ اور تپش کے مابین رشتہ اس آد کے ذریعہ جانچ سکتے ہیں جس کو مستقل حجم والا گیس تپش پیم کہتے ہیں۔ اور جس کو 'جولی' (Jolly) نے ۱۸۶۸ء میں تیار کیا تھا۔

گیس شیشے کے فانوس ۱ (شکل ۱۱۵) میں رکھی جاتی ہے جس کو کسی مطلوبہ تپش تک پانی یا تیل کے جنٹر کی مدد سے، جس میں وہ رکھا جاتا ہے گرم کر سکتے ہیں۔ اس فانوس کو دباؤ کی پیمائش کے لیے باریک سوراخ کی ایک شیشے کی نلی کے ذریعہ پارے کے فشار پیمائش کے ساتھ ملحق کر دیتے ہیں۔ فشار پیمائش شیشے کی دو بہت چوڑی نلیاں ب د اور ی ج ہوتی ہیں جو ایک لمبی ربر کی نلی سے ملا دی جاتی ہیں۔ اس میں پارا اتنی کافی مقدار میں ہوتا ہے کہ ربر کی نلی اور شیشے کی چوڑی نلیوں کا کچھ حصہ بھر جاتا ہے۔ شیشے کی نلی ی ج کو اونچا نیچا کر کے ب د میں پارے کی سطح کو مرتب کر سکتے ہیں یہاں تک کہ پارے کی ہلالی سطح شیشے کے نمایندہ کی نوک کو عین چھو لے۔ یہ نمایندہ چوڑی اور تنگ نلیوں کے مقام اتصال کے قریب ب کے اندر لگا ہوتا ہے۔

آلے کے استعمال کے دوران میں ب د کے اندر پارے کی ہلالی سطح کا اس خاص وضع میں ہونا ضروری ہے تاکہ فانوس ۲ اور باریک نلی کے اندر گھری ہوئی گیس کا حجم مستقل رہے۔ گیس کی وجہ سے پڑنے والا دباؤ، مقام ب پر کے پارے کی سطح پر دباؤ کے برابر ہے۔ یہ دباؤ اس طرح معلوم ہوتا ہے کہ ب پر پارے کی سطح پر واقع ہونے والا دباؤ بھی شمار کیا جائے۔ مشاہدات حاصل کرتے وقت سرکہ ہوائی کا دباؤ باریک نلی کی بلندی پڑھ کر معلوم کر لینا چاہیے۔

آگے کے استعمال سے متعلق تین امور پر زور دینے کی ضرورت ہے۔
۱۔ پارے کی سطحوں کے مابین فرق کو صحت کے ساتھ معین کرنے کے لیے یہ ضروری ہے کہ آلہ کو اس طرح ترتیب دیا جائے کہ نلیاں ج اور د اس پیمانہ سے بہت ہی قریب ہوں جو ارتفاع ناپنے کے لیے استعمال کیا گیا ہو۔

۲۔ دباؤ کی قیاسیں اس وقت عمل میں لائی جائے جب کہ گیس کی تپش مستقل

ہو۔ جس جنٹر میں ۱ کو ڈبویا گیا ہو اس کی تپش کو مستقل

رکھنے کے متعلق کافی احتیاط کرنی چاہئے جب کہ ی ج کو

مرتب کیا جا رہا ہو اور پارے کی سطحوں کے مابین فرق کا مشاہدہ کیا جا رہا ہو۔ یہ عمل زیادہ سہولت کے ساتھ اُس وقت ہو سکتا ہے جب کہ تپش گر رہی ہو۔ بہ نسبت اُس وقت کے جب کہ تپش بڑھ رہی ہو۔ لہذا یہ قرین مصلحت ہے کہ جس اعظم تپش تک تجربہ کرنا ہو اُس تپش تک جنتر کو گرم کر دیا جائے اور پھر جنتر کو آہستہ آہستہ سرد ہونے دیا جائے۔ چونکہ اس میں وقت کا کافی صرفہ ہے۔ اس لیے مناسب یہ ہے کہ جنتر کو کسی مطلوبہ تپش سے ایک یا دو درجہ کا زیادہ گرم کر کے شعلہ ہٹالیا جائے۔ اب پانی کو اچھی طرح ہلایا جائے یہاں تک کہ وہ مطلوبہ تپش تک ٹھنڈا ہو جائے۔ پانی کے ٹھنڈا ہونے کے دوران میں تقریبی طور پر پارے کی بلندی مرتب کرنی جاتی ہے اور اُس کو ٹھیک قیمت پر لاتے ہیں۔ جب یہ تپش پہنچ جاتی ہے تو اُس وقت مفروضہ حاصل کر لیا جاتا ہے۔ اس کے بعد سارے جنتر کو تیزی کے ساتھ دوسری مطلوبہ تپش سے کسی قدر زیادہ گرم کرتے ہیں۔ اور پھر وہی عمل دہرایا جاتا ہے۔

تجربہ کی کامیابی کا انحصار اس امر پر ہے کہ جو ف کے اندر گیس کی تپش ٹھیک وہی ہو جو کہ باہر جنتر کی تپش ہے اور اس امر پر بھی کہ اس تپش کا تعین صحت کے ساتھ کیا گیا ہو۔

۳۔ جب جنتر کو سرد ہونے دیا جاتا ہے تو اس امر کی بڑی احتیاط کرنی چاہیے کہ گیس کے دباؤ میں کمی کے اثر سے ب د کے اندر کا پارا جو ف ا کے اندر نہ پھینچ آئے۔ اس احتمال کو دور کرنے کے لیے نلی ی ج کو اتنا نیچے کر دو کہ ب د کے اندر کا پارا نلی کے سرے سے کافی نیچا رہے۔ جب تجربہ ختم کر دیا جائے تو نلی ی ج کو اس طریقہ پر ہمیشہ نیچے کر دینا چاہیے۔

تجربہ ۹۲۔ ہوا کی ایک مستقل کمیت کے دباؤ

کی تبدیلی تپش کے ساتھ جب کہ تپش پارے

کے تپش پیمائے کے ذریعہ معلوم کی گئی ہو۔ ہوائی تپش پیمائے

کے جو فو کو گرم کرنے کے لیے پن جنٹر اور پن جنٹر کی تپش لینے کے لیے پارے کا تپش پیمائے استعمال کرو۔ پانی کو نقطہ جوش تک گرم کرو اور جب تپش مستقل ہو جائے تو تپش پیمائے کو پڑھ لو۔ فشار پیمائے پارے کو ترتیب دے کر ب اور ی کا ارتفاع پڑھ لو۔ اس کے بعد تپش کو تقریباً ۲۰ گرنے دو اور دوبارہ تپش اور دباؤ کے مقداریں حاصل کر دیجیے بعد دیگرے مقرووں کے درمیان تپش کو تقریباً ۲۰ گرنے دو اور اس طرح مشاہدات کا ایک سلسلہ حاصل کرو۔ یا مختلف تپشوں پر پارا اس وقت بھی مرتب کیا جاسکتا ہے جب کہ تپش بڑھ رہی ہو بشرطیکہ اوپر فقرہ ۲ میں بیان کردہ احتیاطیں برتی گئی ہوں۔ اس صورت میں آخری تپش ۱۰۰ مر ہوگی۔

نتائج کو مندرجہ ذیل طریقہ پر قلمبند کرو۔

بار پیمائی بلندی =

نمائندہ نشان کی بلندی پیر =

تپش	ی کا ارتفاع	ارتفاع کا فرق (ی - ب)	ا میں دباؤ

اب دباؤ کو معین اور تپش کو فضلہ مان کر ہوا کے دباؤ اور اس کی تپش کے مابین رشتہ ترسیبی طریقہ پر ظاہر کرتا چاہیے۔ اس طرح حاصل شدہ نقطے تقریباً ایک خط مستقیم پر ہونے چاہئیں۔ ان نقطوں میں سے گزرتا ہوا ایک ایسا خط جو کہ خط کے اوپر کی جانب اسی قدر نقطے واقع ہوں جتنے کہ نیچے کی طرف ہیں۔ اس خط کے ذریعہ جس کو تجربے کے نتائج کا اوسط بتانے والا فرض

کر سکتے ہیں، دو منتخب تیشوں t اور t_1 کے تناظر دباؤ معلوم کرو۔ فرض کرو کہ یہ دباؤ D اور D_1 ہیں۔

اگر گیس کے دباؤ کی شرح اضافہ بلحاظ تیشہ t ہو تو ہم لکھ سکتے ہیں۔

$$D = D_1 (1 + \alpha t)$$

$$D = D_1 (1 + \alpha t_1)$$

ایک مساوات کو دوسری سے تقسیم کر کے ہم D کو سا قی کر سکتے ہیں اور اس طرح مندرجہ ذیل رشتہ حاصل ہوگا۔

$$\frac{D}{D_1} = \frac{1 + \alpha t}{1 + \alpha t_1}$$

اس کو D کے لیے حل کریں تو حاصل ہوگا۔

$$D = \frac{D_1 (1 + \alpha t)}{1 + \alpha t_1}$$

اس مساوات کی مدد سے D کی قیمت محسوب کرو۔

اگر ہم چاہیں تو منتخب تیشوں کو $t = 0$ اور $t_1 = 100$ مقرر کر سکتے ہیں۔
ترسیم کی مدد سے ان کے تناظر دباؤ D اور D_1 معلوم کرو اور D کو مساوات ذیل کی مدد سے محسوب کرو۔

$$D = D_1 (1 + \alpha \cdot 100)$$

اس کے لیے ترسیم کو استعمال شدہ کمترین تیشہ سے آگے بڑھانا چاہیے۔ اور اسی بڑھائی ہوئی ترسیم کے ذریعہ دباؤ حاصل ہوگا۔

تجربہ ۹۳۔ مستقل حجم والے ہوائی تیشہ پیمائی

مدد سے کسی شے کے نقطہ اُما کی تعیین۔

اس تجربہ میں پارے کا تیشہ پیمائی استعمال کرنے کی ضرورت

نہیں ہے لیکن مستقل حجم والے ہوائی تپش پیمائے کے ذریعہ بتایا ہوا تپش کا پیمانہ کام میں لایا جائے۔ اولاً تپش پیمائے کے ”ثابت نقطوں کو تعین کر لو۔ جب کہ جو نقطہ کے اطراف جنتر میں ہر وقت ہو تو جو نقطہ کے اندر ہو گا دباؤ معلوم کر کے نیچے کا ثابت نقطہ متعین کر سکتے ہیں۔ فرض کرو کہ یہ دباؤ د ہے۔ جب جنتر نقطہ جوش پر ہو تو جوئے کے اندر ہوا کا دباؤ دیکھ کر اوپر کے ثابت نقطے کی تعین کرو۔ دراصل دیکھا جائے تو یہ ضروری ہو گا کہ جوئے کے اطراف معیاری دباؤ پر خالص پانی سے بنی ہوئی بھاپ ہونی چاہیے تاکہ یہ نقطہ صحت کے ساتھ حاصل ہو۔ موجودہ غرض کے لیے یہ کافی ہو گا کہ جوئے کو پین جنتر میں جوش کھاتے ہوئے پانی سے گھیر دیا جائے۔ فرض کرو کہ اس کے تناظر دباؤ د ہے۔ تو

$$D = (1 + \frac{1}{100} \text{ عمارت})$$

اس طرح عمارت کی قیمت تجربہ سے براہ راست معلوم

ہو سکتی ہے۔

اب پین جنتر میں پانی کی تپش کو مرتب کرو۔ یہاں تک کہ وہ ٹھوس شے کے نقطہ اامت کے برابر ہو جائے۔ اس مقصد کے لیے ٹھوس کی ایک خفیف سی مقدار پتلی دیوار والی شعری نلی میں رکھی جاسکتی ہے۔ جس کو پین جنتر میں ڈبویا جاسکتا ہے۔ اس تپش کے تناظر دباؤ د برٹھ لو۔

تو مستقل حجم والے ہوائی تپش پیمائے کے پیمانہ پر ہمیں حاصل ہو گا۔

$$D = (1 + \frac{1}{100} \text{ عمارت})$$

جہاں تادہ تپش ہے جس کا تعین مطلوب ہے۔ اور عمارت کی دہی قیمت ہے جو تجربہ کے ذریعے پہلے ہی معلوم ہو چکی ہے۔ تپش ت کو اس مساوات کے ذریعہ محسوب کرو۔

گیسوں پر تجربوں کے نتائج جو بائل اور شارل کے کلیوں میں بیان کیے گئے ہیں ایک ہی جملے

$$د ح = م ت$$

کے ذریعہ بتائے جاسکتے ہیں جہاں د دباؤ، ح گیس کی ایک دی ہوئی کمیت کے حجم کو ظاہر کرتی ہے، اور ت مطلق تپش ہے یعنی وہ تپش جو مئی پیمانہ کے نقطہ انجماد سے ۳، ۲ م نیچے سے شمار کی جاتی ہے۔

م ایک مستقل ہے جو بالعموم کیسی مستقل کہلاتا ہے۔
گیسوں سے متعلق حسابات لگانے میں اسی جملے کو استعمال کرنا چاہیے
سوائے ان صورتوں کے جب کہ گیس کی شرح عمر تجرباتی مشاہدات کے ذریعہ معلوم کرنی ہو۔

اگر گیس کی اکائی کمیت پر غور کیا جائے تو $ح = \frac{1}{ت}$ جہاں ت گیس کی کثافت ہے اور کیسی مساوات کو اس طرح لکھ سکتے ہیں۔

$$\frac{د}{ت} = م ت$$

اس مساوات میں م کیسی مستقل ہے جو گیس کے ایک گرام کے لیے شمار کیا جائیگا۔

کسی شے کا گرم سالمہ، شے مذکور کی وہ کمیت ہے جس میں اتنے ہی گرام ہوں جتنی کہ اس شے کے سالمی وزن میں اکائیاں موجود ہیں۔ گیس کے ایک گرام سالمے کا حجم طبعی تپش اور دباؤ پر ۲۲۴۱۲ مکعب سیم ہوتا ہے۔ ۰، ۶۰ م پارے کے تناظر کرہ ہوائی کا دباؤ: ہر بلہ اور ۵ م عرض اور سطح سمندر پر ۱۰۱۳۲۰۰ ڈائن فی مربع سنتی میٹر ہوتا ہے لہذا ایک گرام سالمہ کے لیے کیسی مستقل

$$م = \frac{د ح}{ت}$$

$$\frac{22312 \times 1013200}{24361} =$$

$$= 91538 \times 10 \text{ ارگ فی درجہ گرام سالمہ}$$

$$= 1984 \text{ حرارے فی درجہ فی گرام سالمہ}$$

کسی گیس کے ایک گرام سالے کے لیے ہر معلوم کرنا ہو تو اس عدد کو گیس کے سالمی وزن سے تقسیم کر دینا چاہیے۔

فصل سوم

حرارہ پیمائی

۱۔ حرارت کی مقداروں کی پیمائش

حرارہ پیمائی کے مضمون میں حرارت کی مقداروں کی پیمائش سے بحث کی جاتی ہے۔ اکائی مقدار حرارت وہ مقدار ہے جو پانی کی اکائی کمیت کی تپش کو ایک درجہ بڑھانے کے لیے درکار ہو۔ جو اکائی عملی کاموں میں عموماً مستعمل ہے، وہ حرارہ ہے جس کی تعریف یوں ہو سکتی ہے کہ کسی مخصوص تپش پر حرارت کی وہ مقدار جو ایک گرام پانی کی تپش کو 1°C بڑھانے کے لیے درکار ہو۔ یہ مقدار 4.18°C کے درمیان مختلف تپشوں پر بالکل وہی نہیں ہے بلکہ تقریباً وہی ہے۔ مثلاً 5°C حرارہ 20°C کے حرارے سے بقدر ایک ہزار میں ایک حصے کے بڑا ہے۔ ذیل کے بیان میں یہ ضعیف تبدیلیاں نظر انداز کر دی جائیں گی۔ پس پانی کے کلو گراموں کی تپش کو 1°C سے 1°C تک بڑھانے کے لیے حراروں کی مطلوبہ تعداد

ح = ک (ت_۲ - ت_۱)

کسی جسم کی تپش کو 1°C بڑھانے کے لیے ایک خاص مقدار حرارت درکار ہوتی ہے۔ اس مقصد کو جسم کی گنجائش حرارت کہتے ہیں۔ کسی جسم کا

آب مساوی پانی کی اُس مقدار کو کہتے ہیں جس کی تپش کو اُم بڑھانے کے لیے اُسی قدر حرارت کی ضرورت ہے جس قدر جسم مذکور کو۔ آب مساوی کی مقدار (گراموں میں) عددًا گنجائش حرارت (حرارے فی درجہ مئی) کے برابر ہوتی ہے۔ اگر کسی جسم کا آب مساوی و گرام ہو تو اُس جسم کی تپش کو تہ م سے تہ م تک بڑھانے کے لیے حرارت کی مقدار:

ح = و (تہ - تہ) کسی شے کی اکائی کمیت کی گنجائش یا حرارت نوعی حراروں کی وہ تعداد ہے جو اُس شے کے ایک گرام کو اُم بڑھانے کے لیے درکار ہو۔ اگر کسی جسم کی حرارت نوعی کو خ حرارے فی گرام فی درجہ مئی سے ظاہر کریں تو اُسی شے کے اک گراموں کی تپش تہ م سے تہ م تک لانے میں حرارت کی مطلوبہ مقدار۔

ح = ک خ (تہ - تہ)

حرارت کی مقداروں کی پیمائش سے متعلق یہ بنیادی مساوات ہے۔ اس مساوات کا مقابلہ گزشتہ مساوات سے کرنے پر ہم دیکھتے ہیں کہ آب مساوی و = ک خ۔ پس کسی جسم کا آب مساوی اس طرح محسوب ہو سکتا ہے کہ جسم کی کمیت اور اُس کی حرارت نوعی کا حاصل ضرب لیا جائے۔

حرارہ پیمائ

وہ برتن جو مقدار حرارت کی پیمائش کے لیے استعمال ہوتا ہے، حرارہ پیمائ کہلاتا ہے۔ اس کو اس طرح ترتیب دینا چاہیے کہ حتی الامکان بیرونی اجسام سے اس میں یا اس سے بیرونی اجسام میں حرارت منتقل نہ ہوئے

پائے۔ حرارت کا یہ انتقال، ایصال، حمل، یا اشعاع حرارت کی شکل میں وقوع پذیر ہو سکتا ہے۔ ایصال حرارت کو روکنے کے لیے حرارہ پیم کو کسی ناقص موصل جیسے منہ، روئی، کاگ یا آبنوس کے ذریعہ مہر لیتے ہیں۔ حملی ردوں سے بچنے کے لیے بعض وقت برتن کو اچھی طرح روئی سے لپیٹ دیتے ہیں۔ یا خلأ دار پرہن کے اندر لٹکا دیتے ہیں۔ اشعاع کے ذریعہ انتقال حرارت کو روکنے کے لیے عموماً یہ طریقہ اختیار کیا جاتا ہے کہ حرارہ پیم کے گرد ایک سردی برتن کا انتظام ہوتا ہے اور اندرونی برتن کی بیرونی سطح نہایت مجلا بتادی جاتی ہے۔ تاکہ اس کی خروجیت کم ہو جائے اور بیرونی برتن کا اندرونی پہلو بھی نہایت مجلا بنایا جاتا ہے تاکہ اس کی انعکاسی طاقت بڑھ جائے۔

ڈیوار (Dewar) کا خلأی برتن جس کو عام بول چال میں تھرماس صراحی کہتے ہیں، بعض تجربوں کے لیے سہولت بخش حرارہ پیم کا کام دیتا ہے۔ لیکن شیشہ تمام و کمال ایک ہی پیش پر نہیں ہوتا اس لیے یہ امر وقت طلب ہوتا ہے کہ اس کی گنجائش حرارت کی کیا قیمت اختیار کی جائے۔

۲۔ کسی ٹھوس کی حرارت نوعی کی تخمین

تجربہ ۹۴۔ کسی ٹھوس کی حرارت نوعی

کی تخمین کے سادہ طریقے۔ ٹھوس کی ایک معلوم

کمیت کو خاص تپش تک گرم کر کے اس کو کمرے کی تپش پر رکھے ہوئے پانی کی ایک معلوم کمیت میں داخل کیا جاتا ہے۔ آخر میں چل کر ٹھوس اور پانی ایک مشترک تپش پر پہنچ جاتے ہیں جس کا مشاہدہ کر دیا جاتا ہے اس کے بعد ٹھوس کی حرارت نوعی محسوب ہو سکتی ہے۔

سب سے پہلے ٹھوس کو تول لینا چاہیے تاکہ اس کے گرم ہونے تک دوسری چیزیں تولی جا سکیں۔ اگر ٹھوس کسی دھات کا

ٹکڑا ہے تو اس کو باریک دھاگے یا تار سے باندھ کر پانی کے ایک برتن میں ڈبو دو جس کو نقطہ جوش تک گرم کر سکتے ہیں۔ اگر ٹھوس کسی شے کے باریک ٹکڑے ہوں (جیسے سیسے کی گولیاں یا پیتل کی چھیلن) تو ان ٹکڑوں کو شیشے یا دھات کی تیلی امتحانی نلی میں ڈال کر نلی کو جوش کھاتے ہوئے پانی میں گرم کرو۔ ٹھوس شے کو کافی وقت تک اس پانی میں رکھا رہنا چاہیے تاکہ وہ تمام دھمال ایک مستقل تپش پر پہنچ جائے

جب کہ ٹھوس شے گرم ہو رہی ہو حرارہ پیم (مع ہلانی) تول کو اور پھر اس میں تقریباً دو تہائی تک پانی ڈال کر دوبارہ تول لو۔ پانی کی تپش قلمبند کرو۔

جب ٹھوس کی تپش جوش کھاتے ہوئے پانی کی تپش پر پہنچ جائے تو اس کو حرارہ پیم میں جس قدر جلد ممکن ہو سکے منتقل کرو۔ اگر ٹھوس ٹکڑوں کی شکل کا ہو تو امتحانی نلی کو ایک مناسب دستے سے پکڑ کر اس طرح جھکاؤ کہ ٹکڑے حرارہ پیم میں گر جائیں۔ حرارہ پیم کے اندر پانی کو ہلاتے رہو اور احتیاط کے ساتھ اس اعظم تپش کا مشاہدہ کر دو جو تپش پیم کے ذریعہ ظاہر ہوتی ہے۔ جب ٹھوس سالم ٹکڑے کی شکل کا ہو تو جس وقت اس ٹکڑے کو ڈوری کے ذریعہ پانی سے باہر نکال کر حرارہ پیم میں ڈالتے ہیں تو اس کے ساتھ پانی کی ایک تھوڑی سی مقدار حرارہ پیم میں منتقل ہو جاتی ہے جس کو کسی طرح نہیں رد کا جاسکتا۔ اس کی وجہ سے تجربہ میں اہم خطا پیدا ہو جاتی ہے۔

مندرجہ ذیل مثال کے ذریعہ مشاہدات کے قلمبند کرنے اور حساب لگانے کے طریقے کی توضیح ہوتی ہے۔

مثال — سیسے کے چھروں کی حرارت نوعی کی تخمین —
چھروں کی کمیت = ۲۰۰ گرام

$$= ۱۲۰.۵۰ \text{ گرام}$$

$$= ۲۵۲.۵۲ \text{ گرام}$$

$$= ۲۱۲.۵۲ \text{ گرام}$$

$$= ۱۰۰^\circ \text{ م}$$

$$= ۱۵.۰^\circ \text{ م}$$

$$= ۱۴.۳^\circ \text{ م}$$

حرارہ پیمائشی اور ہلانی کی کمیت

حرارہ پیمائشی، ہلانی اور پانی کی کمیت

پانی کی کمیت

چھروں کی ابتدائی تپش

پانی کی ابتدائی تپش

پانی اور چھروں کی آخری تپش

یہاں پر ہم یہ فرض کیے لیتے ہیں کہ ٹھوس شے سے جو حرارت ۱۰۰° سے تپش تک ٹھنڈا ہونے میں خارج ہوئی، ٹھیک برابر ہے۔ اس حرارت کے جو پانی اور حرارہ پیمائشی جذب ہوئی، جب کہ ان کی تپش ۱۰۰° سے بڑھ کر تپ ہو جائے۔

اگر ٹھوس کی حرارت نوعی x ہو تو خارج شدہ حرارت

$$= ۲۰۰ \times x \text{ (تپ } ۱۰۰^\circ \text{ حرارے ہوگی)}$$

حرارہ پیمائشی کا "آب مساوی" مساوی ہے اس کی کمیت مضروب اس دھات کی

حرارت نوعی (۰.۹۵ فرض کرو)

$$= ۰.۹۵ \times ۲۰۰ = ۳۵۸ \text{ گرام}$$

مجموعی آب مساوی (بشمول حرارہ پیمائشی و پانی)

$$= ۲۱۲.۵۲ + ۳۵۸ \text{ گرام}$$

$$= ۲۱۶ \text{ گرام}$$

پانی اور حرارہ پیمائشی کا کسب حرارت

$$= (۱۵ - ۱۴.۳) \times ۲۱۶ =$$

$$= ۱۴۹.۶۸ \text{ حرارے}$$

اس کے بعد ہم ایک مساوات لکھ لیتے ہیں جو اس امر کو ظاہر کرتی ہے کہ ٹھوس سے خارج شدہ حرارت مساوی ہے اس حرارت کے جو پانی اور حرارہ پیمائشی نے حاصل کی۔

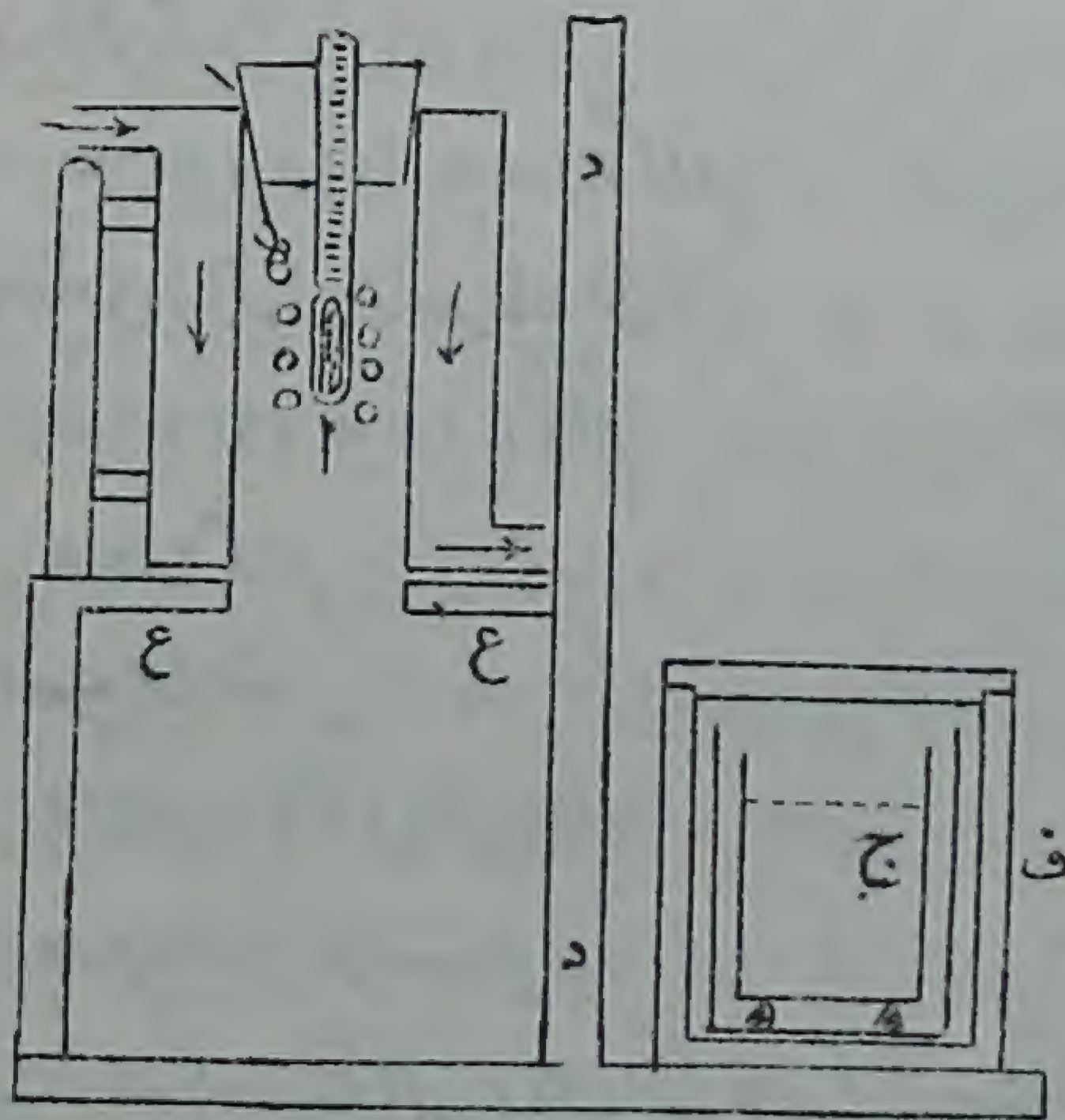
$$۲۰۰ \times x = (۱۴.۳ - ۱۰۰) \times ۲۱۶$$

اس لیے $x = ۰.۳۲$ حرارے فی گرام فی درجہ مئی

رینوکا آلہ

کسی ٹھوس کی حرارت نوعی کی صحیح تخمین کے لیے رینوکا تجویز کیا ہوا آلہ استعمال ہو سکتا ہے اس آلے کی تجویز کے وقت جو اہم اور خاص نکات مدنظر تھے وہ یہ ہیں کہ ٹھوس کو تپش معین تک گرم کرنے میں رطوبت سے بالکل تماس نہ پیدا کیا جائے۔ گرم کرنے کے کمرہ سے حرارہ پیمائش کی منتقلی بحالت عمل میں آئے اور تجربے کے دوسرے حصوں کی تکمیل کے دوران میں حرارہ پیمائش کو گرم کرنے کے کمرے سے محفوظ رکھا جائے۔

ٹھوس کو مقام اپر (شکل ۱۱۹) ایک دوہری دیوار کے بھاپی پیرہن میں گرم کرتے ہیں جس میں سے جو اشارہ کے ذریعہ بھاپ کی روگزارمی جاتی ہے۔



شکل ۱۱۹ - رینوکا آلہ

ہو اشارہ اور نکاس نلی کو اس طرح ترتیب دینا چاہیے کہ اشعاع حرارت کا کوئی اثر حرارہ پیماس پر نہ پیدا ہو جو بھاپ سے گرم ہونے والے کمرے سے لکڑی کے پھسلوان پٹ ۵ کے ذریعہ محفوظ کیا گیا ہے۔ جس وقت ٹھوس گرم ہو رہا ہو اس کمرے کا بالائی سرا ایسے کاگ کے ذریعہ بند کر دیا جاتا ہے جس میں سے ۱۰۰ اہر تک پڑھنے والا پیش پیماس گزرتا ہو۔ نیچے کا سرا لکڑی کے پلاسٹ فارم کے کچھ حصہ سے ڈھکا ہوتا ہے۔ ٹھوس شے کو جس کا پیش پیماس کے ہونے کے ساتھ جھوٹا ہوا رہنا ضروری ہے، بار یک دھاک سے لٹکا دیتے ہیں اور یہ دھاگا اس خاص وضع میں کاگ کے ذریعہ سہارا لیا جاتا ہے۔ دھات کی صورت میں مرغولہ کی شکل میں ہڑا ہوا سارا استعمال کرنے میں سہولت ہوتی ہے۔

تجربہ ۹۵۔ ٹھوس کی حرارت نوعی

کے لیے رینو کا آلہ۔ چونکہ ٹھوس جسم کو مستقل پیش پیماس پر پہنچنے کے لیے خاصا وقت چاہیے اس لیے بھاپ کی رسد کا انتظام کر لینے کے بعد پہلا کام یہ ہونا چاہیے کہ ٹھوس کو تول کر گرم کرنے کے کمرے میں لٹکا دیں۔ اس کے بعد حرارہ پیماس کا اندرونی برتن تول جائے۔ اس کا تقریباً تین چوتھائی حصہ پانی سے بھر لیں۔ اس کے بعد یہ دوبارہ تول لیا جاتا ہے تاکہ پانی کی کمیت معلوم ہو جائے۔ اس کے بعد اس کو حرارہ پیماس کے بیرونی دھاتی برتن کے اندر رکھ دیتے ہیں جس کو لکڑی کے بکس کے ذریعہ مزید محفوظ کر دیا جاتا ہے۔ حرارہ پیماس کے اندر پانی کی پیش کو حتی الامکان صحیح طور پر پیمائش کرنے کے لیے حساس پیش پیماس استعمال کیا جاتا ہے۔ وہ پیش جو ”کمرے“ کے اندر سرا کا پیش پیماس رہا ہے مستقل ہو جائے تو اس کے بعد بھی ٹھوس جسم کو کم از کم اور پانچ دقیقوں تک گرم کرنے کے کمرے کے اندر ہی رکھا رہنے دیں۔ بھاپ کے جاری ہو چکنے

کے بعد اندازاً بیس ساتیس دقیقے ٹھوس کے گرم کرنے میں صرف ہونگے۔

اس مستقل تپش کو قلمبند کر لینے کے بعد گرم کرنے کے کمرے کو اس قدر گھٹاتے ہیں کہ یہ زمینہ ع کے سوراخ کے اوپر آجائے۔ اب پٹ ڈ کو اٹھایا جاتا ہے اور کبس ف کو جس میں حرارہ پیما ہے، ڈھکیل کر ایسی وضع میں لاتے ہیں کہ حرارہ پیما کا اندرونی برتن زمینہ کے سوراخ کے عین نیچے ہو جاتا ہے۔ ٹھوس کو تیزی کے ساتھ حرارہ پیما میں اس طرح گراتے ہیں کہ پھینٹیں نہ اڑنے پائیں۔ اس کے بعد صندوق ف کو واپس بٹا لیا جاتا ہے اور پٹ گرا دیا جاتا ہے۔ حرارہ پیما کی تپش کا احتیاط کے ساتھ مشاہدہ کیا جاتا ہے اور جس اعظم ترین تپش پر وہ پہنچے اُس کو قلمبند کر لیتے ہیں۔ اگر تپش کی صحیح تخمینہ درکار ہو تو تبرید کا منحنی بھی مرتسم کیا جائے تاکہ اُس تصحیح کا تعین ہو سکے جو اشعاع کی وجہ سے حرارت کے زائل ہونے سے پیدا ہوتی ہے (دیکھو صفحہ ۳۶۳)۔

حرارت نوعی کو ان مشاہدات کی مدد سے بالکل اُسی طرح محسوس کر سکتے ہیں جس طرح صفحہ (۳۵۴) کے سادہ تجربے میں بیان کیا گیا ہے۔

فرض کرو کہ

ک = ٹھوس کی کمیت

خ = نامعلوم حرارت نوعی

ح = حرارہ پیما کی کمیت

گ = حرارہ پیما کے اندر کے پانی کی کمیت

نخ = حرارہ پیما کے مادے کی حرارت نوعی

ت = گرم ٹھوس کی تپش

ت = حرارہ پیما کی ابتدائی تپش

ت = حرارہ پیما کی آخری تپش

پس تپش ت سے ت تک ٹھنڈا ہونے میں ٹھوس سے خارج شدہ

حرارت

$$= \text{ک خ (ت - ت)} \quad (1)$$

پانی اور حرارہ پیم کو ت سے ت تپش میں بدل جانے کے لیے جو حرارت حاصل کرنا پڑی

$$= (\text{ک} + \text{خ}) (\text{ت} - \text{ت}) \quad (2)$$

حرارت کی ان مقداروں کو مساوی فرض کر لینے سے مساوات

$$\text{ک خ (ت - ت)} = (\text{ک} + \text{خ}) (\text{ت} - \text{ت}) \quad (3)$$

حاصل ہوتی ہے جس سے خ کی قیمت متعین ہو جاتی ہے۔

طالب علم کو چاہیے کہ وہ اس شکل کی کوئی مساوات یاد رکھنے کی کوشش نہ کرے بلکہ کسی خاص حالت کے لیے ابتدائی اصولوں کی مدد سے نتیجہ حاصل کر لے۔

۳۔ مائع کی حرارت نوعی کی تخمین

طریقہ آمیزش کی مدد سے مایعات کی حرارت نوعی کی تخمین کئی طرح ہو سکتی ہے۔

تجربہ ۹۱۔ معلوم حرارت نوعی کے

ٹھوس کو استعمال کر کے کسی مائع کی حرارت نوعی

کی تخمین ————— مائع پر ٹھوس جسم کا کوئی کیمیائی عمل نہیں ہونا چاہیے (ورنہ یہ طریقہ استعمال نہیں ہو سکتا)۔

یہ تخمین بھی بالکل اسی طرح انجام پاتی ہے جیسی کی ٹھوس

کی حرارت نوعی (تجربات ۹۲ و ۹۵)۔ لیکن اس میں پانی کے بجائے دیا ہوا مائع استعمال کرتے ہیں۔

فرض کرو کہ بخاخ کی حرارت نوعی اور ک اس کی کمیت کو تعبیر کرتے ہیں۔

تو ک ن خ (ت - تہ) = (ک ن خ + ح ن خ) (تہ - تہ)۔
 جہاں دوسرے علامات کے وہی معنی ہیں جو پہلے مقرر کیے جا چکے ہیں۔
 تجربہ ۹۶۔ ہرینو کے طریقے سے

کسی مائع کی حرارت نوعی معلوم کرنا — حرارہ پیمہ
میں پانی کے اندر پتلی دیواروں کا دھاتی برتن رکھ کر اور اس برتن
میں گرم مائع داخل کر کے مائع کی حرارت نوعی دریافت کر سکتے
ہیں۔ یا اس کے بالعکس حرارہ پیمہ میں دیے ہوئے مائع کے
اندر پتلی دیواروں والا دھاتی برتن رکھ کر اور اس برتن میں گرم
پانی داخل کر کے بھی دیے ہوئے مائع کی حرارت نوعی معلوم
کی جا سکتی ہے۔ چونکہ ایک ہی پیش والے دو مایعات کی
آمیزش سے اکثر اوقات کیمیائی تعامل کے ذریعہ حرارت پیدا
ہوتی ہے لہذا اصولاً دو مایعات کو راست تماس میں نہیں
لانا چاہیے۔

تجربہ ۹۸ - طریقہ آمیزش سے مانع
کی حرارت نوعی معلوم کرنا - ایک سہل تر طریقہ یہ ہے کہ
مانع کو پتلی دیواروں والی شیشے کی بوتل یا دھات کے اُستوانے
میں گرم کریں اور اس کو کاگ کے ذریعہ بند رکھ کر اُس میں ایک
تپش پیما گزاریں - گرم شدہ بوتل کو اُس کی تپش قلمبند کر لینے
کے بعد حرارہ پیما میں منتقل کیا جاتا ہے - بوتل کو تپش پیما کے
تنے کے ذریعہ پکڑ کر ہلانے سے ہلانی کا کام نکل جاتا ہے -
حرارہ پیما کے اندر پانی کی تپش معلوم کرنے کے لیے ایک

۱۷۔ ایوبینیم کے پتلی دیواروں والے اُسطوانے دستیاب ہوتے ہیں جو اس مقصد کے لیے موزوں ہیں۔

اور تپش پیماس استعمال کیا جاتا ہے۔ آخری تپش ان دونوں تپش پیمائوں کے مقروؤں کا اوسط لی جاتی ہے جب کہ ان کا باہمی فرق صرف ایک درجہ یا اس سے کم ہو۔ اُس برتن کے آب مساوی کا جس میں مائع رکھا ہے، ضروری لحاظ کرنا چاہیے اور نیز حرارہ پیماس کے آب مساوی کا بھی خیال ضرور رہے۔

تجربہ ۹۹۔ حرارت بردار کے ذریعہ کسی مائع کی حرارت نوعی کی تخمین۔ حرارت بردار

ایک ایسے تپش پیماس کے مشابہ ہوتا ہے جس کا خوفہ بڑا ہو۔ لیکن اس کے تنے پر صرف دو نشان ہوتے ہیں۔ جوش کھاتے ہوئے پانی کے اندر حرارت بردار کو گرم کرنے سے خوفہ میں کا پارا بالائی نشان سے بھی اوپر چڑھ جاتا ہے۔ اس کے بعد حرارت بردار کو پانی میں سے نکال لیتے ہیں اور اس کو خشک کر کے مائع کی ٹلی ہوئی مقدار میں حرارہ پیماس کے اندر عین اُس وقت رکھتے ہیں جب کہ پارا کسی قدر اتر کر اوپر کے نشان پر پہنچ جاتا ہے۔ اس کے بعد اُس کو حرارہ پیماس میں اُس وقت تک رکھ چھوڑتے ہیں جب تک کہ پارا نیچے کے نشان پر پہنچ جائے۔ اس کے بعد اس کو فوراً نکال لیا جاتا ہے۔ حرارہ پیماس میں مائع کی تپش کا اضافہ ایک حساس تپش پیماس کے ذریعہ ناپ لیا جاتا ہے۔ اب اسی عمل کو حرارہ پیماس میں پانی کی ایک معلوم کمیت پر دہراتے ہیں۔ چونکہ ہر دو صورتوں میں حرارت بردار کے ذریعہ حرارہ پیماس میں حرارت کی ایک ہی مقدار منتقل ہوتی ہے لہذا مائع کی حرارت نوعی محسوب کرنا کچھ مشکل نہیں۔ طریق حساب طالب علم کے لیے بطور مشق چھوڑ دیا جاتا ہے۔

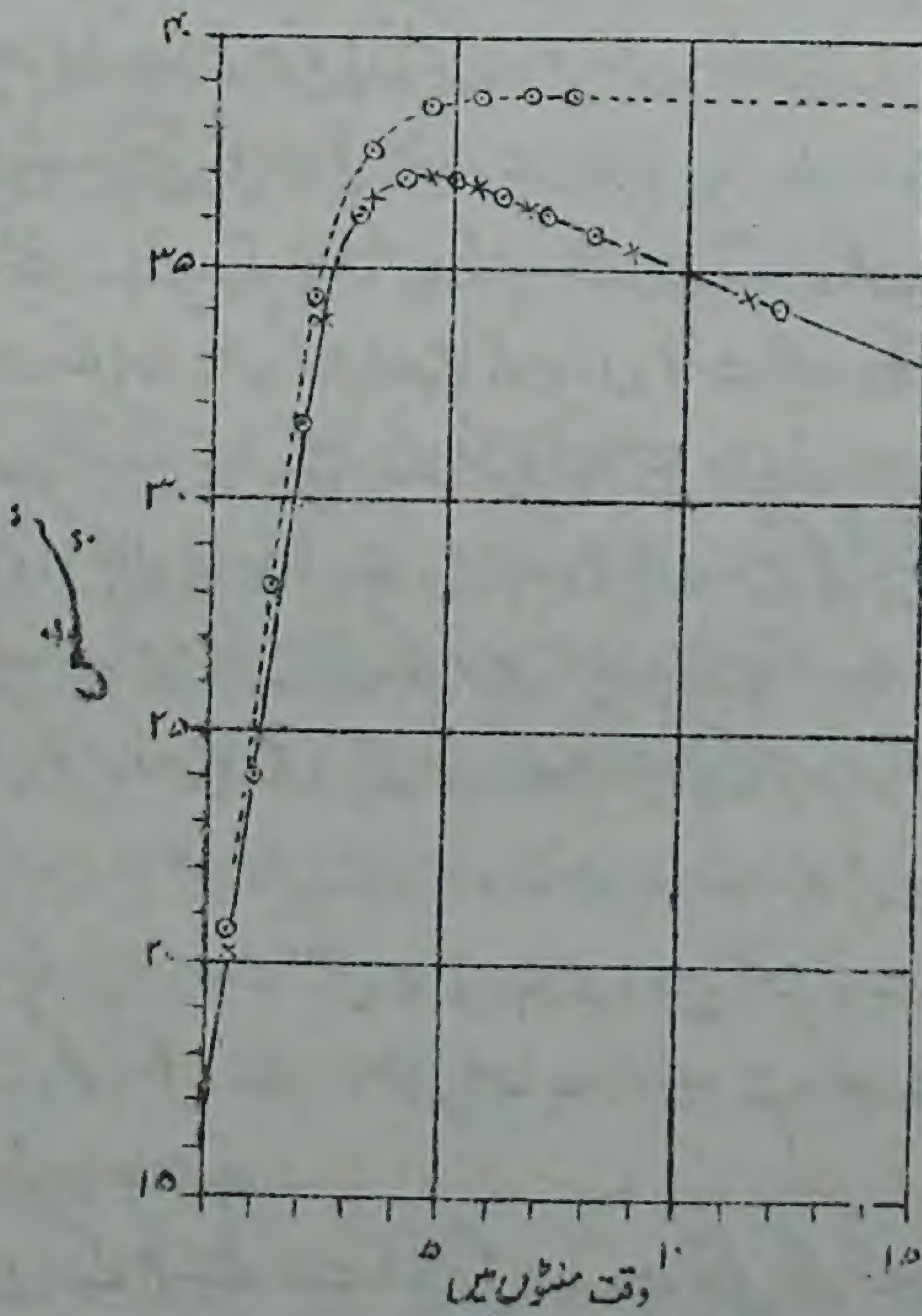
تبرید کے طریقے سے مائع کی حرارت نوعی کی تخمین کی توضیح صفحہ ۳۸۰

پر ملیگی۔

۴۔ اشعاع کے لیے حرارہ پیمائی مشاہدات کی تصحیح کا طریقہ

صحیح حرارہ پیمائی کے لیے ضروری ہے کہ حرارہ پیمایا ایسے دیوار کے دھاتی برتن سے گھرا ہوا ہو جس کی دیواروں کے بیچ میں پانی رکھا جائے۔ پانی کی وجہ سے حرارہ پیمایا ایک مستقل تپش کے ماحول سے گھرا ہوا رہیگا۔ اور اس حالت میں اشعاع حرارت کے متعلق یہ فرض کیا جاسکتا ہے کہ یہ اُس فرق تپش کے متناسب ہے جو حرارہ پیمایا اور اُس کے گرد و گرد برتن کے درمیان ہے۔

حرارہ پیمائی کی تپش تجربہ کے آغاز سے پہلے، انجام کے بعد اور نیز خود دوران تجربہ میں ہر ۳۰ ثانیہ لکھ لی جاتی ہے۔ اور ایک منحنی جو وقت کے لحاظ سے تپش کی تبدیلی ظاہر کرے، مرتسم کیا جاتا ہے۔



شکل ۱۲۰۔ تصحیح کا منحنی

جس انتہائی تپش پر حرارہ پیمائے پختا ہے، اُس وقت تپش کے گرنے کی شرح منحنی کی مدد سے معلوم کی جاتی ہے۔ فرض کرو کہ یہ لا درجے فی منٹ ہے اور سب سے اعظم تپش ماحول سے ت درجے زیادہ ہے۔

منحنی کو ایک ایک منٹ کے وقفوں میں تقسیم کرو اور اُس آن سے آغاز کرو جب کہ گرم جسم حرارہ پیمائے کے اندر گرایا گیا تھا۔ ان میں سے ہر ایک وقفے کے وسط کی تپش کو اُس منٹ کے لیے اوسط تپش مان لو۔ فرض کرو کہ یہ تپشیں گرد کے برتن سے (یعنی ماحول سے) ت، ت، ت درجے زیادہ ہیں۔

پہلے منٹ میں جو حرارت ضائع ہوئی وہ اوسط اضافہ تپش ت کے متناظر ہے۔ اگر حرارت کی یہ مقدار ضائع نہ جاتی تو پہلے منٹ کے اختتام پر تپش اُس تپش سے جو حقیقتہً حاصل ہوئی بقدر $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ ت زائد ہوتی۔

دوسرے دقیقے میں زائل شدہ حرارت نقصان تپش $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ ت کے متناظر ہوگی۔ وعلیٰ ہذا القیاس۔

پہلے دقیقے کے اختتام پر تپش بقدر لا درجے کم ہے اور دوسرے دقیقے کے دوران میں مزید لا درجے کی کمی واقع ہوتی ہے۔ اس طرح دوسرے منٹ کے ختم پر اُس تبرید کی وجہ سے جو گرم جسم کے داخل کیے جانے کے بعد دومنٹ میں واقع ہوئی، تپش بقدر $(\frac{1}{2} + \frac{1}{2})$ لا درجے کم ہو جاتی ہے۔

اسی طرح تیسرے منٹ کے ختم پر جو تصحیح چاہیے $(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2})$ لا ہے۔ اور اسی طرح باقی وقت کے لیے بھی۔ ان تصحیحات کو منقسم کردہ منحنی میں جوڑنے سے ایک نیا منحنی حاصل ہوگا جس سے وہ تپشیں معلوم ہونگی جو اشعاع کی وجہ سے نقصان نہ ہونے کی صورت میں حاصل ہوتیں۔ یہ منحنی تجربے کے اختتام کے قریب افقی ہوگا اور افقی حصے کے معین (Ordinate) سے تصحیح شدہ تپش ملیگی۔

اگر ضرورت ہو تو آدھے آدھے منٹ کے وقفے بھی لیے جاسکتے ہیں۔ اس حالت میں بیان کردہ طریقے کے بجائے ہر آدھے منٹ پر تصحیح کو جوڑ لینا ہوگا۔

۵۔ مخفی حرارتیں

پانی کی مخفی حرارت معلوم کرنا

اماعت پنج کی مخفی حرارت ————— حرارت کی وہ مقدار جو ایک گرام برف کو بلا تبدیلی تپش ٹھوس سے مایع حالت میں بدل دینے کے لیے درکار ہے، پانی کی حرارت مخفی یا اماعت پنج کی حرارت مخفی کہلاتی ہے۔

جب حرارہ پیمائی پانی کی معلوم کمیت لے کر اس میں برف کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑے ڈالے جاتے ہیں تو برف پگھل کر ۰° حر کا پانی بن جاتی ہے اور یہ ٹھنڈا برفیلا پانی، گرم پانی اور حرارہ پیمائی سے حرارت حاصل کرتا ہے یہاں تک کہ متعادل تپش پہنچ جاتی ہے۔

اگر تجربہ کے آغاز پر حرارہ پیمائی کمرے کی تپش پر ہو تو برف کے داخل کرنے سے وہ ٹھنڈا ہو کر کمتر تپش پر آجائیگا۔ اور اس طرح تمام دوران تجربہ میں اشعاع حرارت کے ذریعہ بیرونی فضا سے حرارت حاصل کرتا رہیگا۔

اس خاص سبب سے پیدا ہونے والی فضاء کو دور کرنے کے لیے مناسب ہے کہ حرارہ پیمائی اور اس میں کے پانی کو کمرے کی تپش سے تقریباً ۵° اونچا کر دیا جائے اور پھر کافی مقدار برف شامل کی جائے تاکہ کمرے کی تپش سے پھر اسی قدر یعنی ۵° نیچے ہو جائے۔ ایسی صورت میں تجربے کے پہلے نصف میں جس قدر نقصان حرارت ہوا، اس کسب حرارت سے متوازن ہو جائیگا جو بقیہ نصف وقت میں حاصل ہوا بشرطیکہ تجربے کے دوسرے حصے کے لیے پہلے نصف حصے سے زیادہ

وقت درکار نہ ہو۔

تجربہ عمل - اماعۃِ بخ کی مخفی حرارت کی

تعیین — پہلے حرارہ پیماکو مع بلانی تول لو۔۔۔ ۱۰۰ مکعب سے
۲۰۰ مکعب سمر تک پانی ڈال کر دوبارہ تول لو۔

ان دونوں اوزان کے فرق سے حرارہ پیماکو میں پانی کی کمیت
معلوم ہو جائیگی۔

حرارہ پیماکو گرم پانی کے برتن میں رکھ کر کمرہ کی تپش سے
تقریباً ۵ اوپر تک گرم کرو۔

حرارہ پیماکو بیرونی سطح کو خشک کر لو اور اس کو تانبے کے
ایک بڑے برتن میں بندے، روئی یا کاگ پر اس طرح سپرد کر رکھو کہ
موصلیت کے ذریعہ حرارت منتقل نہ ہو سکے۔ حساس تپش پیماکو
کی مدد سے پانی کی تپش معلوم کرو۔

کپڑے یا جاذب کاغذ کی مدد سے برف کے چھوٹے چھوٹے
ٹکڑوں کو خشک کر کے پانی میں ڈالتے جاؤ اور اس دوران میں
پانی کو ہلاتے رہو۔ برف اس قدر ڈالو کہ پانی کی تپش کمرے کی تپش
سے تقریباً ۵ نیچے اتر آئے۔ تمام برف کے عین گھل جانے کے
بعد جو آخری تپش حاصل ہو اُس کا مشاہدہ کر لو۔

حرارہ پیماکو دوبارہ تول لو اور اس طرح شامل کردہ برف کا

۱۔ خطا سے بچنے کا یہ طریقہ اطمینان بخش طور پر استعمال نہیں ہو سکتا اگر کمرہ کی تپش بہت ہی
کم ہو یا تبرید کی وجہ سے تپش نقطہٴ شبنم سے بھی بہت نیچے گر جائے جیسے کہ اکثر گرم مالک میں
ہوتا ہے۔ ایسی حالتوں میں یہ قرین مصلحت ہے کہ تجربہ کو کمرہ کی تپش سے زیادہ تپش پر
شروع کیا جائے اور اُس وقت ختم کیا جائے جب کہ تپش تقریباً کمرہ کی تپش کے برابر ہو۔
اس کے لیے صفحہ ۳۶۲ پر بتائے ہوئے طریقے کے بموجب اشعاع کی وجہ سے نقصانِ حرارت
کی تصحیح کر لی جائے۔

وزن معلوم کرو۔

مندرجہ ذیل مثال سے مشاہدات کو درج کرنے اور نتیجے کو محسوب کرنے کی توضیح

ہوتی ہے:-

مثال —

حرارہ پیمائش ہلانی کی کمیت	= ۴۰.۵۰ گرام
اور پانی کی کمیت	= ۴۰.۵۰ گرام
صرف پانی کی کمیت	= ۲۰.۵۰ گرام
حرارہ پیمائش پانی اور برف کی کمیت	= ۲۴.۲۵ گرام
برف کی کمیت	= ۲۲.۵۹ گرام
گھرے کی تپش	= ۱۵.۵۰ °م
پانی کی ابتدائی تپش	= ۲۰.۵۰ °م
آخری تپش	= ۱۰.۵۰ °م

اب ہمیں اس امر کا اظہار کرنا ہے کہ پانی اور حرارہ پیمائش کے تپش سے تپش تک ٹھنڈا ہونے میں جو حرارت خارج ہوئی، اُس حرارت کے برابر ہے جو برف کو کچھلانے اور اس طرح بنے ہوئے پانی کی تپش کو تپش سے تپش تک لانے کے لیے درکار ہے۔

حرارہ پیمائش (مع ہلانی) کا آب مساوی جو حرارہ پیمائش کی کمیت اور تپش کی حرارت نوعی (۰.۹۵) کے حاصل ضرب کے برابر ہے۔

$$۴۰ \times ۰.۹۵ = ۳۸ \text{ گرام}$$

پانی سے خارج شدہ حرارت

$$= \text{پانی کی کمیت} \times \text{تپش میں کمی}$$

$$= ۲۰ \times (۲۰ - ۱۰)$$

$$= ۲۰۰ \text{ حرارت کی اکائیاں یعنی حرارے۔}$$

حرارہ پیمائش سے خارج شدہ حرارت

$$= \text{حرارہ پیمائش کا آب مساوی} \times \text{تپش کی کمی}$$

$$= ۳۸ \times (۲۰ - ۱۰)$$

$$= ۳۸ \text{ حرارے}$$

خارج شدہ حرارت کی کل مقدار

$$= ۲۰۳۸ \text{ حرارے}$$

حرارت جو ۲۲۶۹ گرام برف پگھلانے کے لیے درکار ہے

$$= ۲۲۶۹ \times \text{حجہ حرارے}$$

جہاں حجہ پانی کی مخفی حرارت ہے یعنی حراروں کی وہ مقدار جو ایک گرام برف کو پگھلانے کے لیے درکار ہے۔

حرارت جو ۲۲۶۹ گرام پانی کو ۰ سے تہ تک پہنچانے میں درکار ہے۔

$$= ۲۲۶۹ \times \text{تہ حرارے}$$

$$= ۲۲۹ \text{ حرارے}$$

اب ہم ایک مساوات لکھتے ہیں جس سے اس واقع کا پتہ چلتا ہے کہ کل مقدار حرارت خارج کردہ = کل مقدار حرارت حاصل کردہ۔ اور اس کے ذریعہ حجہ کی قیمت دریافت کرتے ہیں۔

$$\text{پس } ۲۰۳۸ = ۲۲۶۹ \times \text{حجہ} + ۲۲۹$$

$$۲۲۶۹ \times \text{حجہ} = ۱۸۰۹$$

$$\text{حجہ} = ۷۹ \text{ حرارت کی اکائیاں مٹی پیمانہ پر فی گرام برف}$$

$$= ۷۹ \text{ حرارے فی گرام}$$

بھاپ کی مخفی حرارت کی تعیین

بھاپ کی مخفی حرارت - بھاپ کی مخفی حرارت یا پانی

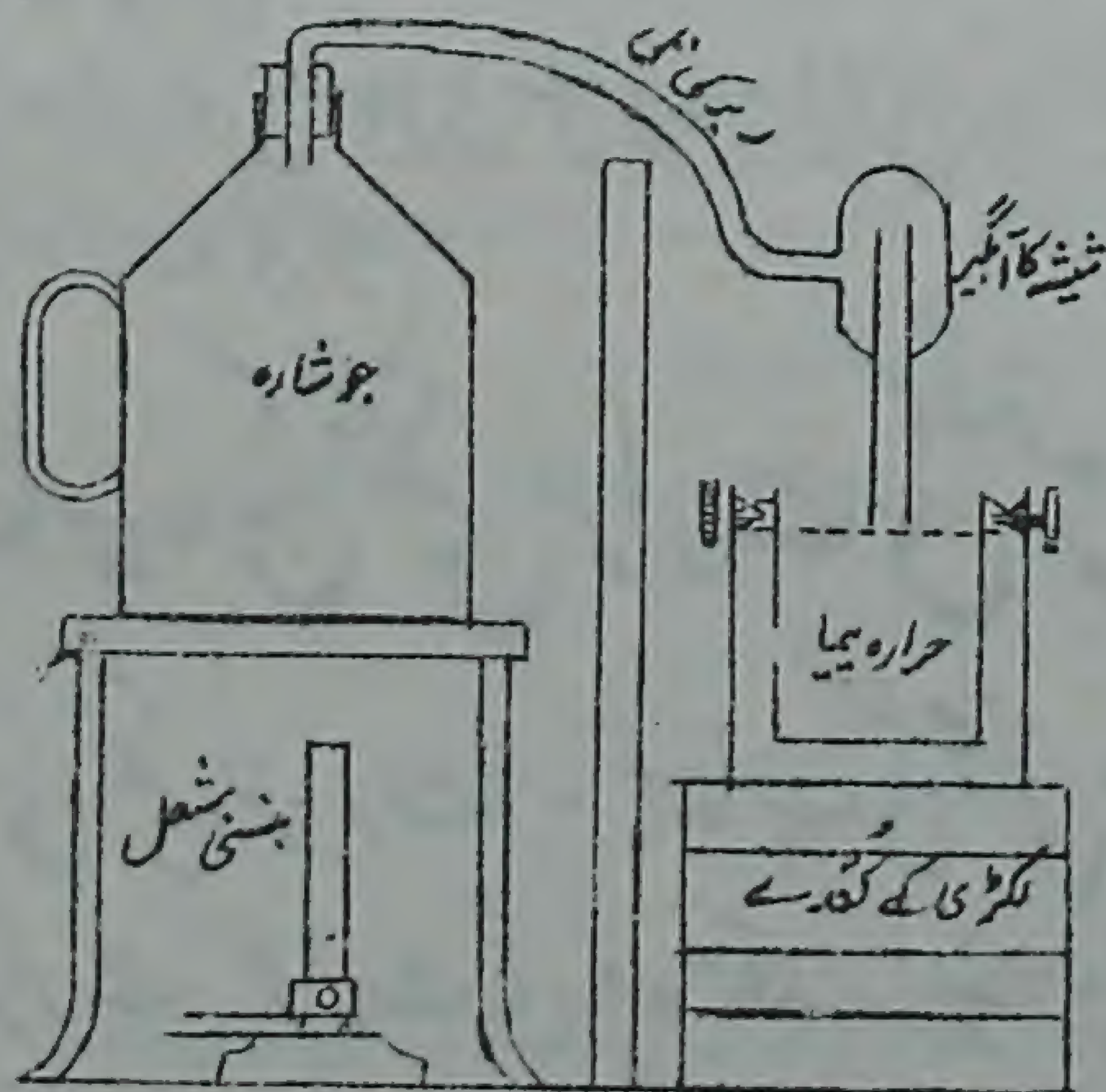
کی بخیر کی مخفی حرارت حرارت کی وہ مقدار ہے جو ایک گرام پانی کو بلا تبدیلی پیش بھاپ میں تبدیل کر دے۔

جب حرارہ پیمائش پانی کی ایک معانوم کیفیت کے اندر جو اشارہ سے

بھاپ گزاری جاتی ہے تو کچھ بھاپ بستہ ہو جاتی ہے اور پانی کی آخری

تپش ابتدائی تپش سے بڑھ جاتی ہے۔ مشاہدہ کردہ اضافہ تپش اور بستہ شدہ بھاپ کی کمیت کے ذریعہ بھاپ کی مخفی حرارت محسوب کر سکتے ہیں۔ اگر تجربے کے آغاز پر حرارہ پیما کے اندر پانی کمرے کی تپش پر ہو تو جوں ہی اس کی تپش گرد و پیش کی چیزوں سے زیادہ ہوگی، یہ اشعاع کے عمل سے حرارت کھونے لگیگا۔ اس وجہ سے مخفی حرارت کی بہت چھوٹی قیمت حاصل ہونے کا امکان ہے۔

اس سبب سے پیدا ہونے والی خطاء کو اس طرح گھٹا سکتے ہیں کہ تجربے کے آغاز پر پانی کی تپش کمرے کی تپش سے اسی قدر کم رکھی جائے جس قدر کہ تجربے کے اختتام پر آخری تپش کمرے کی تپش سے زیادہ ہوگی۔ اس خطاء کو اس طرح بھی گھٹایا جاسکتا ہے کہ پانی کو گرم کرنے کی مدت حتی الامکان کم کر دی جائے۔ اس مقصد کے لیے بھاپ ٹونٹی میں سے تیز دھار کی طرح نکالی جانی چاہیے۔ اشعاع حرارت کو روکنے کی غرض سے حرارہ پیما اور جوشارہ کے مابین ایک پردہ حائل کیا جاسکتا ہے (شکل ۱۲۱)۔



شکل ۱۲۱۔ بھاپ کی مخفی حرارت

صحیح نتیجہ برآمد ہونے کے لیے یہ ضروری ہے کہ بھاپ خشک ہو۔
یعنی بستہ شدہ پانی سے پاک ہو۔ اس مقصد کے لیے شیفے کا آب گیر
(Water trap) استعمال کرتے ہیں تاکہ بستہ شدہ پانی جس قدر ممکن ہو بھاپ
کے ساتھ حرارہ پیمایں داخل نہ ہو سکے۔ آب گیر اور جو شاہ کو جوڑنے والی
لبر کی نلی چھوٹی ہونی چاہیے اور اس کو روٹی سے لپیٹ سکتے ہیں۔
بھاپ کو خشک رکھنے کی اہمیت اس واقعہ سے واضح طور پر
ذہن نشین ہوگی کہ بھاپ کے ساتھ ایک گرام پانی کا چلا آنا تقریباً ۵۵ حراروں
کی خطا پیدا کرتا ہے۔

تجربہ ۷۱۔ بھاپ کی مخفی حرارت کی

تخمین — پیمے یہ دیکھ لو کہ جو شاہ میں پانی کی کافی مقدار
موجود ہے۔ اس کے بعد اس کو گیسو شعلہ پر گرم کرو۔

حرارہ پیمایں دو حصوں، ایک اندرونی اور دوسرے بیرونی برتن
پر مشتمل ہوتا ہے۔ اندرونی برتن کو تول لو اور اس کو تقریباً دو تہائی
تک پانی سے بھر لو۔

پانی میں برف کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑے ڈالتے جاؤ
یہاں تک کہ پانی کی تپش تقریباً ۵۰° حر گر جائے۔ پھر اس
برتن کو مع اس کے مافیہ کے صحت کے ساتھ تول لو۔
گرمے کی تپش لکھ لو اور حرارہ پیمایں کے تپش پیمایں کو بھر ایک
مرتبہ پڑھ لو۔ اس تپش کا اندازہ کرو جس پر تمہیں تجربہ ختم کرنا چاہیے۔
مثلاً اگر کمرہ کی تپش ۱۵° حر ہو تو انتہائی تپش ۲۵° حر ہونی چاہیے۔
اگر نکاس نلی کی ٹونٹی پر پانی کے کچھ قطرے ہوں تو انہیں
جاذب کے ذریعہ نکال دو۔ حرارہ پیمایں کے پانی میں بھاپ کی تیز و گزارو۔

۱۔ اس تجربے میں نلی کو ٹونٹی پانی کے اندر نہیں ڈبونا چاہیے بلکہ نلی کو اس طرح رکھنا چاہیے کہ
اس کا سر حرارہ پیمایں کی سطح سے کسی قدر اندر کی طرف ہو تاکہ پانی کی سطح نلی میں سے (بقیہ بر صفحہ آئندہ)

اور اُس وقت پانی کو اچھی طرح ہلاتے رہتا کہ یکساں تپش کا یقین ہو سکے۔
جب مطلوبہ درجہ تک تپش پہنچ جائے تو حرارہ پیم کو جو شمارہ کے قریب ہے
جس قدر جلد ہو سکے ہٹا دو اور تپش پیم کی انتہائی تپش کا مشاہدہ کرو۔
بستگی میں آئی ہوئی بھاپ کا اندازہ کرنے کے لیے حرارہ پیم کو تول لو۔
بار پیم کی بلندی بھی پڑھ لو۔

۷۹. حر معیاری دباؤ کے لیے بھاپ کی تپش ۱۰۰ ہے۔ اس دباؤ
کے قریب پارے کے ۲۶.۵ حر کے مناظر اضافہ دباؤ سے نقطہ جوش ۱۰۰ ہر پڑھ
جاتا ہے اور خفیف تبدیلیوں کے لیے نقطہ جوش کی بلندی دباؤ کی تبدیلی کے
متناسب ہے۔ پس مشاہدہ کردہ دباؤ کے مناظر نقطہ جوش کا حساب لگایا جاسکتا
ہے لیکن چونکہ انگلستان میں اس طرح معلوم کردہ تپش ۱۰۰ حر سے کچھ زیادہ مختلف نہیں
ہوتی ہے اس لیے بھاپ کی تپش ۱۰۰ حر لینے سے جو خطا شامل ہوگی ان خطاؤں کے مقابلے
میں بالکل ناقابل احساس ہوگی جو تجربہ کی عملی بد احتیاطوں سے شامل ہو جاتی ہیں۔
نتائج کو حسب ذیل طریقے پر درج کرو۔

حرارہ پیم کی کمیت	۱۶۰.۶۰ گرام
حرارہ پیم اور پانی کی کمیت	۶۸.۴۵۲ گرام
پانی کی کمیت	۵۲.۳۶۲ گرام
حرارہ پیم اور پانی اور بھاپ کی کمیت	۱۶۰.۴۵۴ گرام
بستہ شدہ بھاپ کی کمیت	۲۰.۵۲ گرام
پانی کی ابتدائی تپش ۱۰۰	۶۵.۲۰

بقیہ حاشیہ صفحہ گزشتہ نکلتے والی بھاپ کی زد کی وجہ سے نلی سے ذرا دور ہٹتی رہے اور بھاپ صرف
پانی کی سطح پر کھیلتی ہو۔ اگر نلی کا سوراخ پانی کے بالکل اندر کر دیا گیا تو بھاپ بہت جلد بستہ ہو جائیگی
اور پانی بھاپ دان کے اندر داخل ہو جائیگا اور سارا تجربہ اکارت ہو جائیگا۔ بھاپ کے بچ نکلتے سے
کوئی غلطی نہیں پیدا ہوتی کیونکہ جو بھاپ نکلتی ہے، پانی میں بستہ نہیں ہوتی اس لیے اس کی مخفی
حرارت پانی کو نہیں پہنچ سکتی اور نہ اس کی کمیت بستہ شدہ بھاپ کی کمیت میں شامل ہو سکتی ہے۔

پانی کی انتہائی تپش °

$$= 28.56^{\circ}$$

بار پیمائی کی بلند

$$= 58^{\circ}$$

بھاپ کی تپش °

$$= 100^{\circ}$$

حرارہ پیمائی کا "آب مساوی" محسوب کرو۔ مجموعی آب مساوی اس طرح حاصل ہوگا کہ حرارہ پیمائی میں جو پانی ہے، اُس کو حرارہ پیمائی کے آب مساوی میں شامل کر لیا جائے۔ اگر اس کو اضافہ تپش ° - ° سے ضرب دیا جائے تو ہمیں حرارہ پیمائی اور اس میں کے پانی کی جذب کردہ حرارت معلوم ہو جائیگی۔ اس کو حراروں میں بیان کرتے ہیں۔

اب اُس حرارت پر غور کرو جو بھاپ کی بستگی میں اور حاصل شدہ پانی کی تپش کے بستہ ہونے میں خارج ہوتی ہے۔

بھاپ کے بستہ ہونے سے جو حرارت خارج ہوئی

$$= \text{بستہ شدہ بھاپ کی کمیت} \times \text{حج}$$

$$= \text{بستہ شدہ پانی کی کمیت} \times \text{حج}$$

$$= 20.52 \text{ گرام} \times \text{حج}$$

اس طرح حاصل شدہ پانی کی تپش کے ° سے ° تک کرنے سے خارج شدہ حرارت

$$= \text{پانی کی کمیت} \times (\text{ت} - \text{تہ})$$

$$= 20.52 \times (100 - 28.56) \text{ حرارے}$$

یہ فرض کر کے کہ اشعاع کی وجہ سے کوئی کسب یا نقصان حرارت نہیں ہوتا ہے، ان دونوں مقداروں کا حاصل جمع اُس حرارت کے برابر ہونا چاہیے جس کو حرارہ پیمائی اور اُس کے مافیہ پانی نے جذب کیا تھا۔ اس کے ذریعہ ایک سادہ مساوات حاصل ہوتی ہے جس سے حج کی تخمین ہو جائیگی۔

ڈیوار (Dewar) کی صلاحیت کا آب مساوی

ڈیوار کی صلاحیت کے آب مساوی کی تخمین کا یہ طریقہ

ویسٹ منسٹر ٹریننگ کالج کے ڈاکٹر ایل۔ ایف۔ مہچرڈسن کا ایجاد کردہ ہے۔ مندرجہ ذیل ہدایات ایک پائنٹ (Pint) (نصف لیٹر) گینا پش والی صراحی کے لیے ہیں۔ ٹھنڈے پانی کی ایک معلوم مقدار (تقریباً ۵ کعب سم) کی پیش تہ معلوم کر لو۔ صراحی کو تقریباً تین چوتھائی تک گرم پانی سے بھر لو اور ٹپت میٹھنے والے کاگ سے جس میں سے پیش پیم گزرتا ہو، صراحی کا منہ بند کر دو۔ اب صراحی کو اوندھا کر کے پانی کو اچھی طرح چکرو دو۔ تاکہ صراحی کے تمام اندرونی حصے میں یکساں پش قائم ہو جائے۔ نتیجہ کی صحت اس احتیاط پر منحصر ہے جو اس عمل میں برتی جاتی ہے۔ پیش تہ کو لکھ لو۔ گرم پانی کو پھینک کر اس کے اندر ٹھنڈے پانی کی معلوم مقدار جلدی سے داخل کرو۔ کاگ کو پھر لگا دو اور دوبارہ ہلانے کے بعد حاصل پیش تہ دیکھ لو۔ ان منطیات سے صراحی کا آب مساوی معلوم ہو جائیگا۔ اس صراحی کو پانی یا بھاپ کی حرارت مخفی معلوم کرنے کے لیے استعمال کر سکتے ہیں۔



فصل چہارم

تبرید

۱۔ کلیئہ تبرید

جب کوئی گرم جسم مستقل پیش والے ماحول میں رکھا جائے تو گرم جسم کی پیش اس حد تک گریگی کہ وہ آخر میں ماحول ہی کی پیش کے برابر ہو جائیگی۔ اگر جسم اس طرح رکھا گیا ہو کہ ایصال کے ذریعہ حرارت کی منتقلی کو نظر انداز کر سکیں تو عمل تبرید کچھ تو اشعاع اور کچھ حمل حرارت کے ذریعہ ہوگا۔ اگر چلی ردوؤں کے اثر کو ساقط کر سکیں جیسا کہ تجربے کو خلا میں انجام دینے سے ہوتا ہے تو اشعاع حرارت پیش مطلق کی چوتھی قوت کے متناسب پایا جاتا ہے۔ یہ کلیئہ اشیفان (Stefan's law) کے نام سے موسوم ہے۔

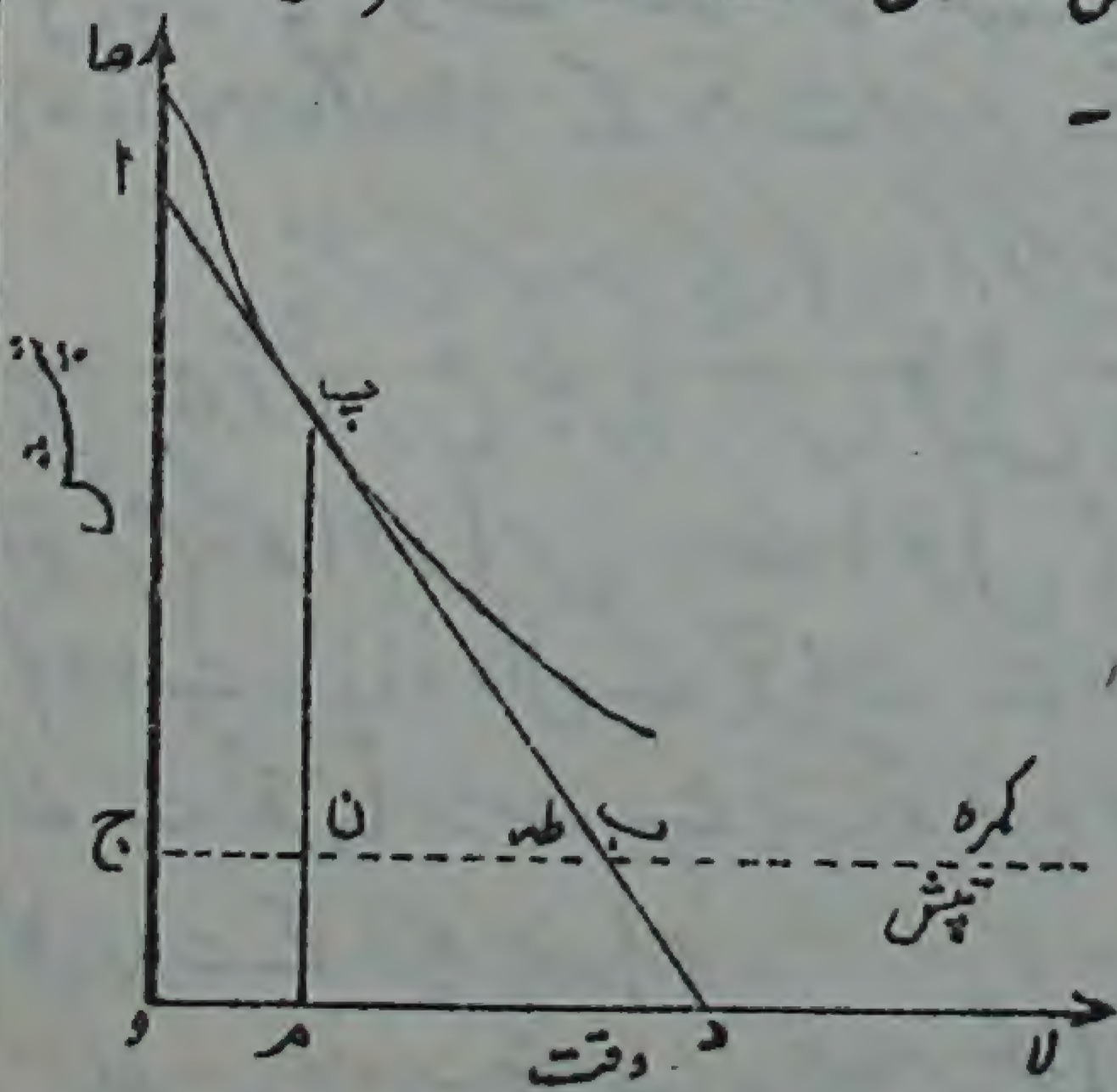
معمولی صورت میں جب کہ گرم جسم ہوا میں کمرہ ہوائی کے دباؤ پر ٹھنڈا ہوتا ہے تو شرح تبرید اس فرق پیش کے متناسب پائی جاتی ہے جو گرم جسم اور اس کے ماحول کی پیش میں ہو۔ یہ نیوٹن کا کلیئہ تبرید کہلاتا ہے۔ زمانہ حال کے تجربات سے ظاہر ہے کہ یہ کلیئہ پیش کے کافی وسیع حدود کے لیے تقریباً درست ہے جب کہ تبرید کا عمل دونوں طرح یعنی اشعاع اور حمل حرارت کے ذریعہ ہو رہا ہو۔

تجربہ ۱۲۔ مختلف پیشوں پر شرح تبرید کا

تعین ————— نیوٹن کے کلیو تبرید کی توضیح کے لیے پتلی دیواروں والے دھاتی برتن کو ایک دوسرے بڑے برتن کے اندر اس طرح قائم کرو کہ جہاں تک ممکن ہو حرارت کی منتقلی ایصال حرارت کے ذریعہ بہت ہی کم ہو۔ چھوٹے برتن کو تقریباً ۸۰° فہرے کے گرم پانی سے قریب قریب پُر کرو۔ ہر نصف منٹ کے وقفے سے پانی کی تپش کے مقروضے حاصل کرو یہاں تک کہ تپش گرگرمے کی تپش سے تقریباً دس درجے کے اندر ہو جائے۔ تپش کو معین اور وقت کو فصلد مان کر ایک ترسیم کھینچو اور اس بات کی احتیاط رکھو کہ منحنی، مشاہدہ شدہ نقطوں کے درمیان مسلسل کھینچا جائے (شکل ۱۲۲)۔ اس تبریدی منحنی کا ڈھال اولاً بہت زیادہ ہوگا لیکن جوں جوں پانی کی تپش گرمے کی تپش کے قریب آتی جائیگی اس کا ڈھال کم ہوتا جائیگا۔ گرمے کی تپش کو تعبیر کرنے کے لیے مربع دار کاغذ پر ایک افقی خط بھی کھینچ لو۔

کسی خاص تپش پر جو ترسیم میں نقطہ پ کے متناظر ہو شرح تبرید یا تپش کی تبدیلی کی شرح معلوم کرنے کے لیے اس نقطہ پر منحنی کا ایک مماس کھینچو۔ اس خط کے کھینچنے میں احتیاط سے کام لینا چاہیے تاکہ خط کی سمت حتی الامکان صحت کے ساتھ اس نقطہ پر منحنی کی سمت کو تعبیر کرے۔

فرض کرو کہ یہ مماس انتصابی محور سے نقطہ ا پر اور گرمے کی تپش کو تعبیر کرنے والے افقی خط سے نقطہ ب پر ملتا ہے۔ تو اس خط کے ڈھال یعنی زاویہ ا ب ج یا طہ کے مماس سے تپش کی شرح تبدیلی حاصل ہو جائیگی۔ فاصلے ا ج اور



شکل ۱۲۲۔ شرح تبرید

ب ج ناپ ل و اور مس طر کو محسوب کرو جو $\frac{ا ج}{ب ج}$ کے برابر ہے۔ جسم اور کمرے کی تپشوں کا باہمی فرق خط پ ن سے ظاہر ہوتا ہے۔ اس فرق تپش کا بھی تعین کر لو۔

پس نیوٹن کے کلیئہ تبرید کی رو سے مس طر یعنی تپش کی شرح تبدیلی پ ن یعنی فرق تپش کے تناسب ہونی چاہیے۔ یعنی مس طر ص پ ن یا مس طر = م × پ ن یا $\frac{مس طر}{پ ن} = م$ جو ایک مستقل ہے۔

ترسیم کے کم از کم تین نقطوں کے لئے اس مقدار کا تعین کرو۔ یہ نقطے ایسے منتخب کیے جائیں کہ پورے منحنی کے مختلف حصوں کی اچھی طرح تعبیر ہو سکے۔ اور یہ دیکھو کہ آیا نتیجہ تقریباً مستقل رہتا ہے یا نہیں۔

حاصل شدہ نتائج کی سب سے بڑی اور سب سے چھوٹی قیمتوں کا فرق معلوم کرو اور فی صدی فرق حساب لگاؤ۔

جب ایک مقدار دوسری مقدار کے ساتھ اس طرح بدلتی ہو کہ دوسری مقدار کے لحاظ سے پہلی مقدار کی شرح تبدیلی مناسب ہو خود پہلی مقدار کے، تو کہتے ہیں کہ یہ تبدیلی لوکارتمی یا قوت نمائی قانون کی پابندی کرتی ہے۔

یہی حالت اُس وقت بھی ہوتی ہے جب کہ کوئی رقم سود مرکب کے لحاظ سے بڑھتی جائے۔ لیکن اُس وقت تو رقم مسلسل بڑھتی چلی جاتی ہے اور جو مسئلہ اس وقت زیر غور ہے اس میں گرم جسم کی تپش مسلسل گرتی جاتی ہے۔ اگر ہم تپش کی زیادتی (کمرے کی تپش سے) کے لوکارتم کو وقت کے مقابلے میں مرتسم کریں تو ایک خط مستقیم حاصل ہونا چاہیے۔ ایسے

$$لہ۔ چونکہ مس طر = \frac{پ ن}{ن ب} ، \frac{مس طر}{پ ن} = \frac{ا}{ن ب}$$

لہذا اگر $\frac{مس طر}{پ ن}$ مستقل ہو تو ن ب کو بھی مستقل ہونا چاہیے۔ اس سادہ تشریحی طریقے سے اس کلیہ کی جانچ کا ایک طریقہ ہاتھ آتا ہے۔ مختلف زیر غور نقطوں کے لیے خط ن ب کا طول ناپ ل و اور دیکھو کہ آیا یہ طول تقریباً مستقل رہتا ہے یا نہیں۔

طالب علم جو تفرقی احصاء کے ابتدائی معلومات رکھتے ہوں، کلیئہ نیوٹن کی تصدیق حسب ذیل طریقے سے کر سکتے ہیں۔ اگر زیر بحث ترسیم ایک خط مستقیم ہو تو۔

لوک نر۔ لوک ز = ۱ و

جہاں نہ وقت و پرتیش کی زیادتی ہے اور نہ ابتدائی زیادتی ہے جب کہ $w = 0$ ، اور ایک مستقل ہے۔

عمل تفرق سے

$$1 = \frac{1}{r} - \frac{fz}{fz_0}$$

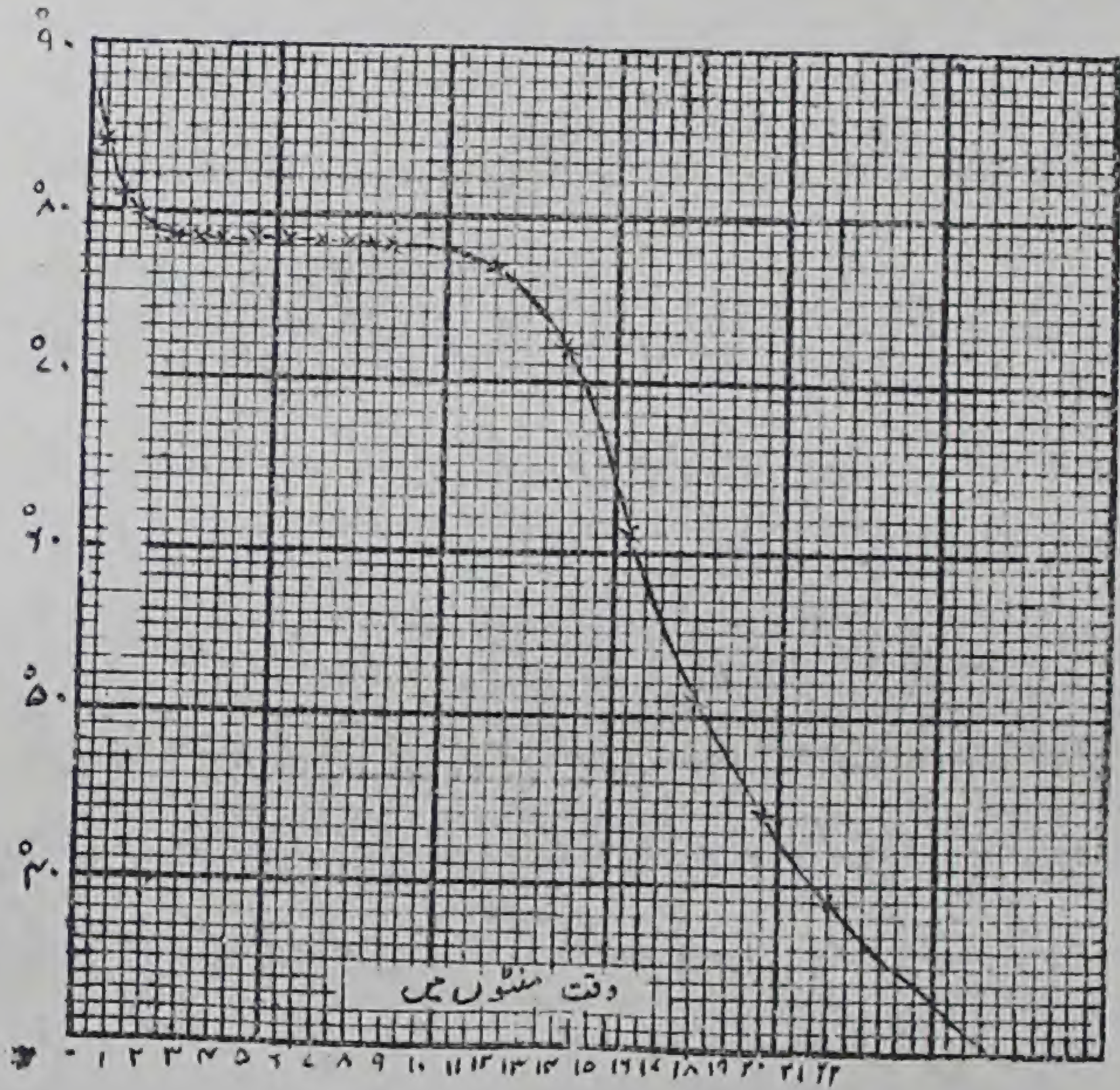
$$1 = \frac{fz}{fz_0} - \frac{1}{r}$$

یعنی و پرتیش کے تنزل کی شرح، وقت و پر زیادتی کے تناسب ہے۔

۲۔ تبرید کا منحني جب کہ مائع ٹھوس بن رہا ہو

گزشتہ تجربے میں نیوٹن کے کلیئہ تبرید کو، دھات کے پتلی دیواروں والے گرم پانی کے برتن کی تبرید کے ذریعہ واضح کیا گیا ہے۔ ایسے تجربے کے ذریعہ حاصل کردہ نتائج کی ترسیم ایک خاص طریقے پر اُس وقت ہو جاتی ہے جب کہ برتن کے اندر کا مائع اُس تپش میں سے گزرے جس پر انجماد واقع ہوتا ہے۔ موجودہ تجربہ میں ایسی شے استعمال کر سکتے ہیں جس کا نقطہ انجماد کمر ہوائی کی معمولی تپش سے زیادہ لیکن ۰۰ افر سے کم ہو۔ مثلاً نفتھالین، سٹیرن (Stearin) یا اچھی قسم کا پیرافنی موم استعمال کر سکتے ہیں۔ اگر تجربہ کے آغاز پر شے مائع کی حالت میں ہو اور برتن کو ٹھنڈا ہونے کا موقع دیں تو نقطہ انجماد کے پہنچنے تک مائع کی تپش مسلسل گرتی جائیگی۔ اب چونکہ مائع کے تمام حصے یکے بعد دیگرے ٹھوس بنتے جائیگے اس لیے ہر حصہ اپنی محض حرارت خارج کرتا جائیگا اور اس طرح تپش گرنے نہیں پاتی۔ لہذا جب تک کہ تمام شے ٹھوس نہ بن جائے تپش تقریباً مستقل رہتی ہے۔ اس کے بعد تپش پھر گرنے لگتی

ہے اور آخر کار ٹھوس جسم کمرے کی پیش پردہ پہنچ جاتا ہے (شکل ۱۲۳)۔



شکل ۱۲۳۔ ترییدی منحنی نفتھالین کا نقطہ اامعت دکھانے کے لیے

تجربہ ۱۰۳۔ نقطہ اامعت کی تعیین
ترییدی منحنی کے ذریعہ۔ دھات کے چھوٹے سے
برتن کو جس میں زیر تجربہ مادہ مثلاً موم رکھا ہو، گرم پانی کے برتن
میں ڈبو کر احتیاط سے گرم کیا جاتا ہے یہاں تک کہ سارا موم پھل کر
ایسی پیش پردہ پہنچ جائے جو ۸۰° یا ۹۰° کی پیش سے زیادہ بلند
نہ ہو۔

اب اس چھوٹے برتن کو دوسرے بڑے برتن کے اندر
سہارا لیا جاتا ہے اور پیش کے مقروئے ہر نصف منٹ کے وقفے پر

لیے جاتے ہیں۔ جب شے ٹھوس بننے لگتی ہے تو یہ ضروری ہو جاتا ہے کہ پیش پیماکو ٹھوس بننے والے جسم کے وسط میں ایک حالت پر چھوڑ دیا جائے کیونکہ اس تجربے میں ہلاتے رہنا مناسب نہیں ہے۔ پیش پیماکو پڑھتے رہو یہاں تک کہ وہ شے کے نقطہ امانت سے ۱۰ یا ۱۵ نیچے گر جائے۔

وقت کو فصلے اور پیشوں کو معین مان کر ایک منحنی مرتسم کرو۔ پیمانہ منتخب کرنے میں اس امر کا لحاظ رکھا جائے کہ منحنی تقریباً تمام کاغذ کو پُر کر دے۔ اس منحنی کے ذریعہ شے کا نقطہ امانت یعنی وہ

پیش معلوم کرو جس پر منحنی پہلی مرتبہ اُفتی ہو جاتا ہے۔

اگر شے آمیزہ ہو تو منحنی پر امانت کے مختلف نقطے ظاہر ہونگے یا کوئی صریح تغیر مشاہدہ نہ ہوگا۔ سستی قسم کے پیرافنی موم، پیرافنی گروہ کے مختلف ارکان کے آمیزے ہوتے ہیں جو مختلف پیشوں پر پگھلتے ہیں۔ ان کے مختلف اجزاء خفیف سی حد تک ایک دوسرے کو حل کر لیتے ہیں اور اس طرح کوئی خاص نقطہ امانت حاصل نہیں ہوتا۔

پُر سردی — عکاسی کا معمولی ہائیپو (Hypo) عمل تبرید کا ایک دلچسپ واقعہ پیش کرتا ہے۔ اگر اس کو پگھلایا جائے اور معمولی طور پر اس کا تبریدی منحنی حاصل کیا جائے تو کافی وقت تک اس کی پیش بالکل یکسانیت کے ساتھ گرتی چلی جائیگی اور نیوٹن کے کلیئہ تبرید کے تابع ہوگی۔ اس کے بعد یکایک انجماد کا عمل شروع ہوگا اور پیش میں فوراً ہی قابل لحاظ اضافہ واقع ہوگا اور یہ پیش حقیقی نقطہ امانت تک بڑھیں گی اور اس کے بعد قائم ہو جائیگی جب تک کہ تمام کا تمام ہائیپو (Hypo) ٹھوس نہ بن جائے۔ اس کے بعد وہ پھر ایک مرتبہ معمولی کلیئہ تبرید کے مطابق گرنے لگیں گی۔ طالب علم کو چاہیے کہ کوئی ایسا نظریہ قائم کرنے کی کوشش کرے جس سے انجمادی عمل شروع ہونے پر پیش کی ترقی کی توجیہ ہو سکے۔

بعض اوقات ایسا بھی مشاہدہ میں آسکتا ہے کہ مایع کی پیش، فضا کی

تپش سے چند ہی درجے اوپر تک گرمی کی ہے لیکن پھر بھی شے ٹھوس نہیں بنی۔ اگر شے کے ٹھوس بننے کے بغیر تپش ۲۵ درجے سے نیچے گر جائے تو ٹھوس مائپو (Hypo) کی ایک قلم پگھلی ہوئی کمیت کے اندر گرا دی جائے اور اس وقت احتیاط کے ساتھ تپش مشاہدہ کی جائے۔

۳۔ مائع کی حرارت نوعی تبرید کے طریقے سے

کسی دیے ہوئے ماحول کے اندر کسی شے سے فی ثانیہ حرارت کی ضایع ہونے والی مقدار، ٹھنڈا ہونے والے جسم کی تپش، اس کے کھلے رقبے، اور کھلی سطح کی نوعیت کے تابع ہے۔

تپش کا تنزل فی ثانیہ = $\frac{\text{خارج شدہ حرارت فی ثانیہ}}{\text{جسم کی حرارتی گنجائش}}$

جب مائع کی کوئی مقدار جو کافی بلند تپش تک گرم کی گئی ہو، مستقل تپش کی فضا میں رکھے ہوئے حرارہ پیمائے کے اندر سرد ہونے دی جائے تو ہر نصف منٹ یا ایک منٹ کے وقفوں سے حاصل کردہ مشاہدات تپش کی مدد سے اس مائع کے لیے تبرید کا منحنی مرتسم کیا جاسکتا ہے۔ اس کے بعد اس مائع کو پانی سے بدل سکتے ہیں اور پھر پانی کے لیے اسی طرح تجربہ انجام دیا جاسکتا ہے۔ اگر ان ہر دو حالتوں میں تپش کے مماثل سلسلے لیے جائیں تو نقصان حرارت کی اوسط شرحیں بھی حاصل ہوں گی اگرچہ تپش کے تنزل کی اوسط شرحیں ایک دوسری کے مماثل نہ ہوں۔ اگر ان دونوں صورتوں میں تپش کے تنزل کی شرحیں منحنی سے حاصل کی جائیں تو نقصان حرارت کی شرحوں کے لیے جملے حاصل کر سکتے ہیں اور ان جملوں کو ایک دوسرے کے مساوی رکھ کر مائع کی حرارت نوعی معلوم ہو سکتی ہے۔

فرض کرو کہ

ک = استعمال کردہ مائع کی کمیت اور سطح اس کی حرارت نوعی

و = پانی کی کمیت

ک = حرارہ پیما کی کمیت اور خ اُس کی حرارت نوعی -

نیز فرض کرو کہ ہر حالت میں پیش طہ سے طہ تک گرتی ہے اور پیش کے اس تنزل کے لیے وقت و صرف ہوتا ہے جب کہ مائع استعمال ہو اور و اُس وقت جب کہ پانی لیا جائے -

پہلی صورت میں نقصان حرارت کی اوسط شرح
(ک نخ + ک نخ) (طہ - طہ) ہے۔

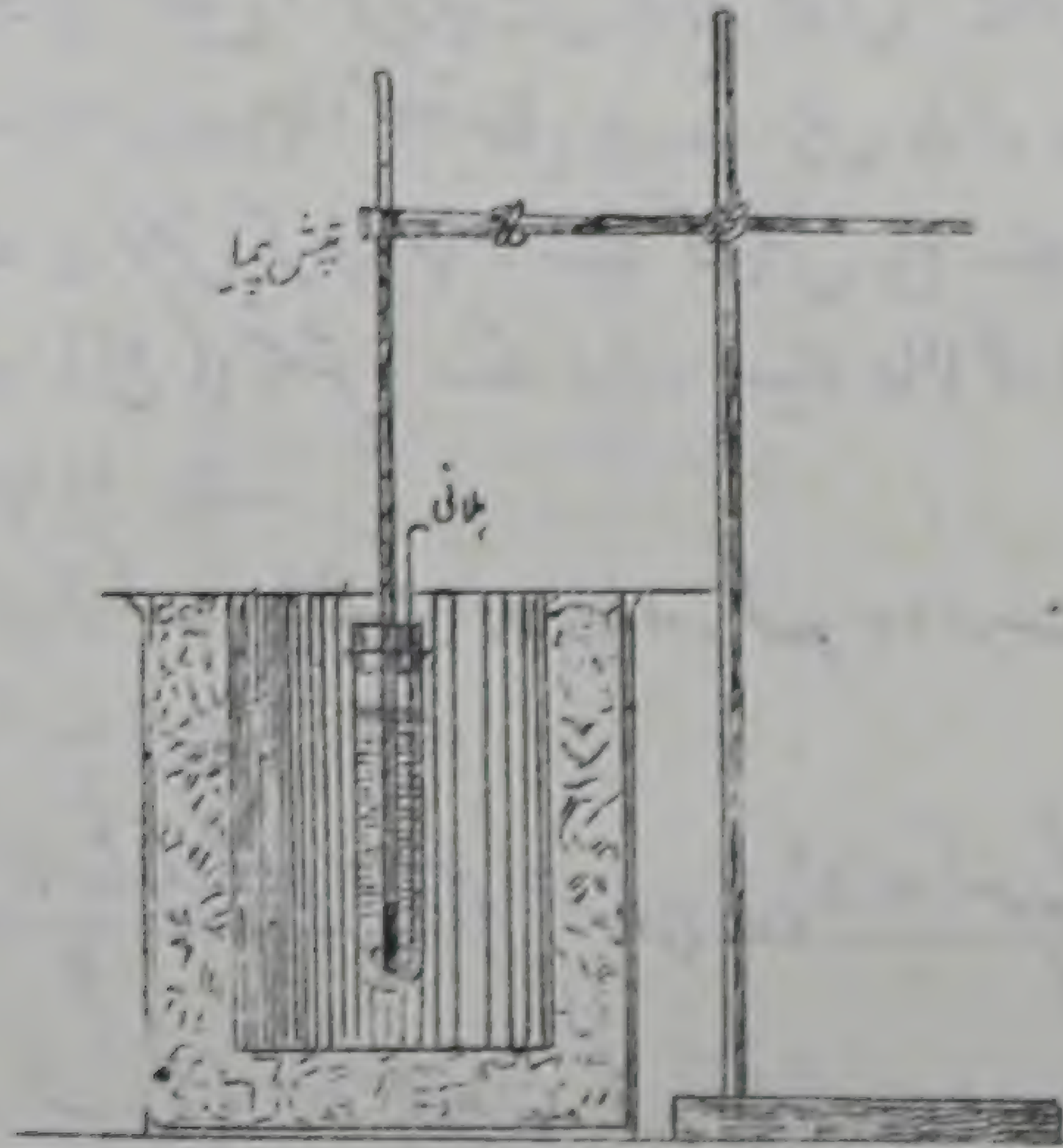
اور دوسری صورت میں
(و + ک نخ) (طہ - طہ) ہے۔
یہ شہر میں مساوی ہیں - اس لیے

$$\frac{(ک نخ + ک نخ)}{و} = \frac{(و + ک نخ)}{و}$$

اس مساوات سے نخ محسوب ہو سکتا ہے -

تجربہ ۱۴ - مائع کی حرارت نوعی کی تخمین تہرید کے طریقے سے - (۱) - دو ہری دیواروں کا کوئی ایسا برتن جس کی دیواروں کے بیچ میں پانی ہو، مستقل پیش کی فضا کے طور پر استعمال کیا جاسکتا ہے - اس تجربہ کے لیے پیرافنی تیل موزوں مائع ہے - دھات کا ایک چھوٹا سا حرارہ پیما جس کے ڈھکن میں پیش پیما اور پانی کے لیے سوراخ ہوں مائع رکھنے کے لیے استعمال کر سکتے ہیں - یہ بات بہت اہمیت رکھتی ہے کہ تجربے کے دونوں حصوں میں حرارہ پیما کی بیرونی سطح ایک ہی نوعیت پر ہو - بے حد مجلا بنائی جاسکتی ہے یا اس پر بالکل سیاہ وارنش چڑھایا جاسکتا ہے -

حرارہ پیمائے کو تول لو۔ کسی دوسرے برتن میں پیرافنی تیل کو گرم پانی میں رکھ کر تقریباً 50° حر تک گرم کرو۔ اور گرم پیرافن کو حرارہ پیمائے میں اندیل کر حرارہ پیمائے کو ڈھانک دو۔ اور فضا میں اس طرح غیر موصول کے ذریعہ سہار کر رکھ دو کہ وہ اپنے اطراف کے برتن سے مس نہ کرنے پائے (شکل ۱۲۴)۔ جب تپش 40° سے 30° حر تک گر رہی ہو ہر ایک منٹ کے وقفے سے تپش پیمائے کو پڑھتے رہو۔ اس دوران میں مایع کو آہستہ آہستہ ہلاتے رہو۔ مشاہدات کے اختتام پر حرارہ پیمائے کو ہٹا کر تول لینا چاہیے تاکہ پیرافن کی کمیت معلوم ہو۔ پیرافن کے بجائے پانی استعمال کر کے اسی طریق عمل کو دہرایا جائے اور اس بات کی احتیاط کی جائے کہ اشعاعی سطح میں کسی طرح بھی کوئی تبدیلی نہ پیدا ہو۔



شکل ۱۲۴ - مایع کی حرارت نوعی

تپش کو معین اور وقت کو فضلے مان کر مہر بعد از کاغذ پر دونوں تہریدی منحنی

مرسم کرو۔ پیرافن اور پانی کو ایک ہی حدود تپش کے درمیان
(مثلاً ۱۰۹۵.۳۰°) ٹھنڈا ہونے میں جتنے ثانیے صرف ہوں ان کی
تعداد منحنیوں کی مدد سے معلوم کرو۔ صفحہ ۳۸۱ پر دیے ہوئے ضابطے
کی مدد سے پیرافن کی نوعی حرارت محسوب کرو۔

بعض اوقات دو حرارہ پیماس استعمال کیے جاتے ہیں۔ ایک میں پانی
اور دوسرے میں مائع (پیرافن) ہوتا ہے۔ اگر ایسا کیا جائے تو ان دونوں
حرارہ پیماس کو ایک ہی دھات (ایلو مینیم) کا اور مساوی ابعاد کا ہونا چاہیے اور دونوں
احتیاط کے ساتھ مجلا کیے ہوں۔ اور وہ ایک ہی احاطہ میں کسی قدر فاصلے سے
لٹکا دیے جاتے ہیں۔ سوائے اس کے تیزری منحنی کے لیے مشاہدات
بہ یک وقت حاصل کرنے میں وقت کی کفایت ہے، اس طریقے کی کبھی
سفارش نہیں کی جاسکتی کیونکہ اس کا یقین کرنا بالکل غیر ممکن ہے کہ
ٹھنڈی ہونے والی سطحیں، گورقبہ میں برابر ہوں، لیکن جلا میں بھی ضرور
مساوی ہونگی۔ جو حرارہ پیماس استعمال ہوتے ہیں چونکہ وہ چھوٹے ہوتے
ہیں اس لیے یہ فرض کر لیا جاتا ہے کہ تپش پیماس سے جو تپش ظاہر
ہوتی ہے، خود مائع کی تپش کے برابر ہے حالانکہ اس وقت مائع کو
ہلایا نہیں جا رہا ہے۔

فرض کرو کہ پہلے حرارہ پیماس اور کم دوسرے حرارہ پیماس کی
کمیت کو ظاہر کرتے ہیں۔

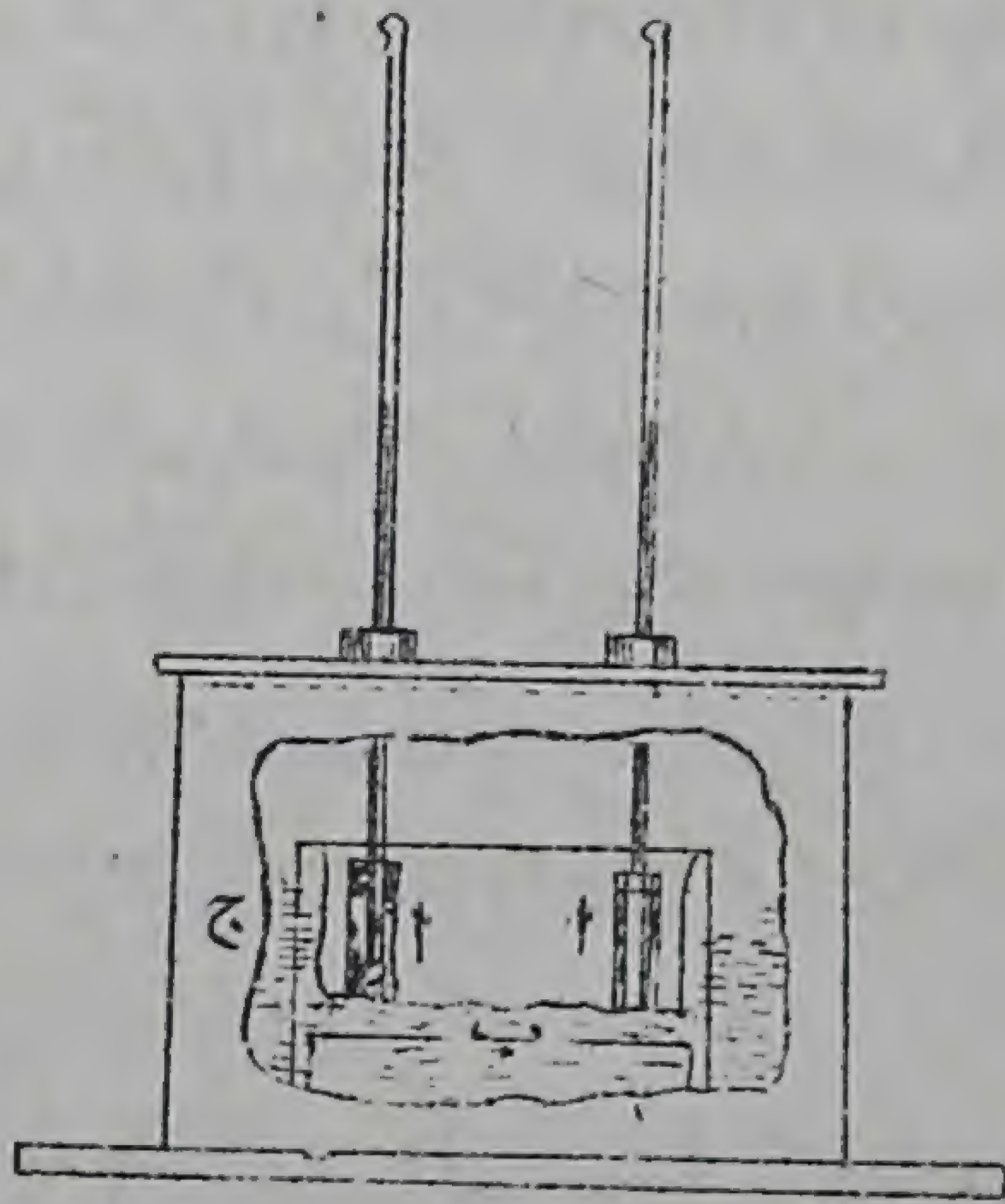
تو (ک نغ + ک نغ) (طہ - طہ) مساوی ہے (و + ک نغ) (طہ - طہ)

پس (ک نغ + ک نغ) = (و + ک نغ)

اس مساوات سے ک نغ کی قیمت محسوب کر سکتے ہیں۔

تجزیہ ۱۰۵۔ مائع کی حرارت نوعی کی
تخمین تیز کے طریقے سے - (۲) - اندرونی

۱۲۵۔ کمرے پ اور بیرونی کمرے ج کی درمیانی فضاء کو ٹھنڈے پانی سے بھر دو تاکہ اندرونی کمرہ مستقل تپش کے برتن کا کام دے سکے۔ ب کے اندرونی طرف پانی نہیں ڈالا جاتا کیونکہ دونوں حرارہ پیچاؤ سے تہریہ کا عمل اشعاع اور ہوا میں حمل حرارت کے ذریعہ انجام پاتا ہے۔ - دونوں حرارہ پیچاؤں کو گرم کرنے کے لیے گرم پانی کا برتن چاہیے۔ جب یہ برتن گرم ہو رہا ہو تو خالی حرارہ پیچاؤں کو تول لو۔ ایک حرارہ پیچا کو دو تہائی کے قریب پیرافن سے بھر لو اور دوسرے کو پانی سے۔ شکل ۱۲۵ میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب ربر کے ڈاٹوں میں سے تپش پیما گزار کر حرارہ پیچاؤں کو احاطہ کے ڈھکن کے



شکل ۱۲۵۔ مائع کی حرارت نوعی

ذریعہ سہارا لو۔ گرم پانی کے برتن میں ڈبو کر حرارہ پیچاؤں کو معافیہ مائع کے تقریباً ۷۷ تک گرم کر لو۔ حرارہ پیچاؤں کو اسی طرح لگا ہوا رکھ کر احاطہ کا ڈھکن لگا دو اور اس بات کی احتیاط کرو کہ حرارہ پیما دھاتی

برتن ب کو مس نہ کرنے پائے۔ ڈھکن کو اس وضع پر رکھ دینے کے بعد تیش پیماؤں کے مقروئے حاصل کرو۔

اس کا ایک آسان طریقہ یہ ہے کہ پہلے تیش پیما کا مقروءہ اُس وقت حاصل کیا جائے جب کہ گھڑی کی ثانیوں کی سوئی ۶۰ پر ہو اور دوسرے تیش پیما کا مقروءہ اُس وقت میں جب کہ ثانیوں کی سوئی ۳۰ پر ہو۔ مقروئے اُس وقت تک دیے جائیں جب تک کہ دونوں تیش پیما تقریباً ایک ہی تیش (۶۰ اور ۷۰ کے درمیان) نہ دکھاتے ہوں۔ مقروؤں کو جاری رکھو یہاں تک کہ ہر حالت میں تیش ۳۰ م سے نیچے گر جائے۔ پیرافن زیادہ تیزی سے ٹھنڈا ہوگا لہذا اس تیش پر پیرافن پہلے پہنچ جائیگا۔ جب صورت حال اس طرح ہو تو پیرافن کے تیش پیما کے مقروئے ختم کر دیے جائیں۔ لیکن پانی کے تیش پیما کی تیش پڑھنے کا عمل ابھی جاری رکھنا چاہیے۔ ہمیں تو تیش کے مساوی وقتوں میں ٹھنڈا ہونے کا وقت مطلوب ہے نہ کہ مساوی وقتوں میں تیش کی تبدیلی۔

ان مشاہدات کے اختتام پر حرارہ پیمائوں کو ہٹا لو اور ان کو تول کر ہر ایک میں مائع کی کمیت معلوم کر لو۔ مربع دار کاغذ کے ایک تختے پر دونوں حرارہ پیمائوں کی تیرید کو ظاہر کرنے کے لیے تریسم کھینچو جن میں تیشوں کو فصلے اور وقتوں کو معین مانا جائے۔ منحنیوں کی مدد سے ثانیوں کی تعداد کا تعین کرو جو ہر حالت میں طم (تقریباً ۶۰ م) سے طم (تقریباً ۳۰ م) تک ٹھنڈا ہونے کے لیے درکار ہیں۔ صفحہ ۳۸۳ پر دیے ہوئے ضابطے کی مدد سے مائع کی حرارت نوعی کی تخمین کرو۔

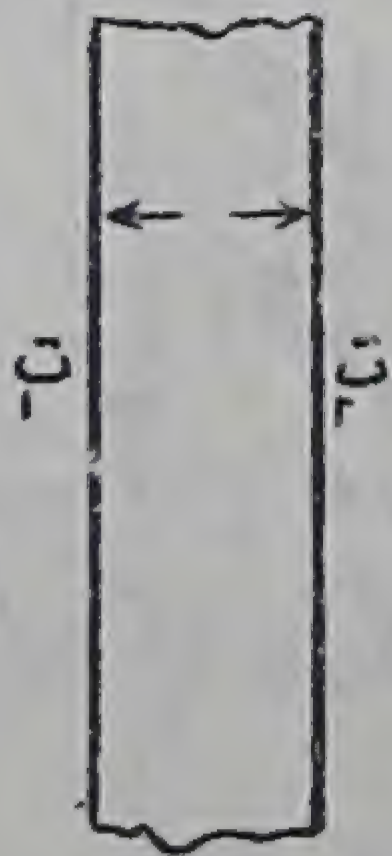
گزشتہ تجربوں میں پیرافن تیل کے بجائے زیتون کا تیل، گلسرین، یا نمک کا طاقفور محلول استعمال کر سکتے ہیں۔

فصل پنجم

موصلیت حرارت کی قدر

۱۔ تعریفات

جب کسی جسم کے ایک نقطے پر اُس کے پاس والے دوسرے نقطے سے زیادہ تپش ہو تو حرارت پہلے نقطے سے دوسرے نقطے کی طرف بہنے کا تقاضا کرتی ہے۔ اگر ان دونوں نقطوں پر تپش سب اور سب ہو اور ان کا باہمی فاصلہ وہ ہو تو مقدار (ت - ت) کو تپش کا میلان یا تپش کا دھال کہتے ہیں اور اس کو درجے فی سمر کی رقم میں ظاہر کرتے ہیں۔



جب کسی مادی شے کا ایک کُندا جس کے رخ متوازی ہوں اور جس کی دبازت وہ ہو اس طرح رکھا ہو کہ اس کے ایک رخ کو تپش تپ پر اور دوسرے کو تپش تپ پر رکھا جائے تو کُندے کے رُخوں کے شکل ۱۳۶۔ متوازی رُخوں کا کُندا علی القوائِم خطوط کی سمت میں حرارت کا یکساں بہاؤ دفعۃً واقع ہوئے لگیگا اور تپش کا میلان پیدا ہوگا۔ جو (ت - ت) کے مساوی ہوگا۔

لہ احصائے تفرقی کی ترقیم میں اس کو ضربات لکھتے ہیں اگر لا فاصلے کو تعبیر کریں۔

حرارت کی مقدار ح جو وقت و میں کُندے کے ایک رُخ کے رقبہ
میں سے بہتی ہو، وقت، رقبہ اور پیش کے متناسب ہوگی۔ اس کا اختصار
کُندے کے مادہ ترکیبی پر بھی ہوگا۔ پس ہم اس کو اس طرح بیان کر سکتے ہیں کہ

$$ح = م \frac{س}{و}$$

جہاں م ایسی مقدار ہے جو کُندے کے مادہ کی نوعیت پر منحصر ہے۔
اس مساوات سے مقدار م کے معنی کی توضیح بھی ہوتی ہے کہ موصلیت حرارت
کی قدر یا مختصراً مادہ کی موصلیت حرارت ہے۔ اس مساوات
کو کم کے لیے حل کریں تو

$$م = \frac{ح}{س} (ت - ت_0)$$

حاصل ہوگا۔ شمار کنندہ ح سے کُندے میں حرارت کے بہاؤ کی شرح
ناپنی جاتی ہے۔ اس کو حرارے فی ثانیہ کی رقوم میں بیان کرتے ہیں۔
پس مختصر طور پر موصلیت حرارت کی قدر کی تعریف یوں ہو سکتی
ہے کہ یہ فی اکائی رقبہ حرارت کے بہاؤ کی شرح ہے اگر تیش کا ڈھال
اکائی ہو۔ اس قدر کو حرارے فی ثانیہ، فی مربع سمر، فی اکائی ڈھال کی رقوم
میں بیان کیا جائیگا اور یہ [حرارے x (سمر) (درجہ مٹی-۱)] کے مساوی
ہے۔

پس معلوم ہوا کہ موصلیت حرارت کی قدر کی پیمائش میں یہ بات
بطور نتیجہ شامل ہیں کہ ایکہ قائم حالت پر پہنچ چکنے کے بعد ان میں مقادیر یعنی
سہ احصائے تفرقی کی ترتیم میں یہ مساوات اس طرح لکھی جائیگی۔

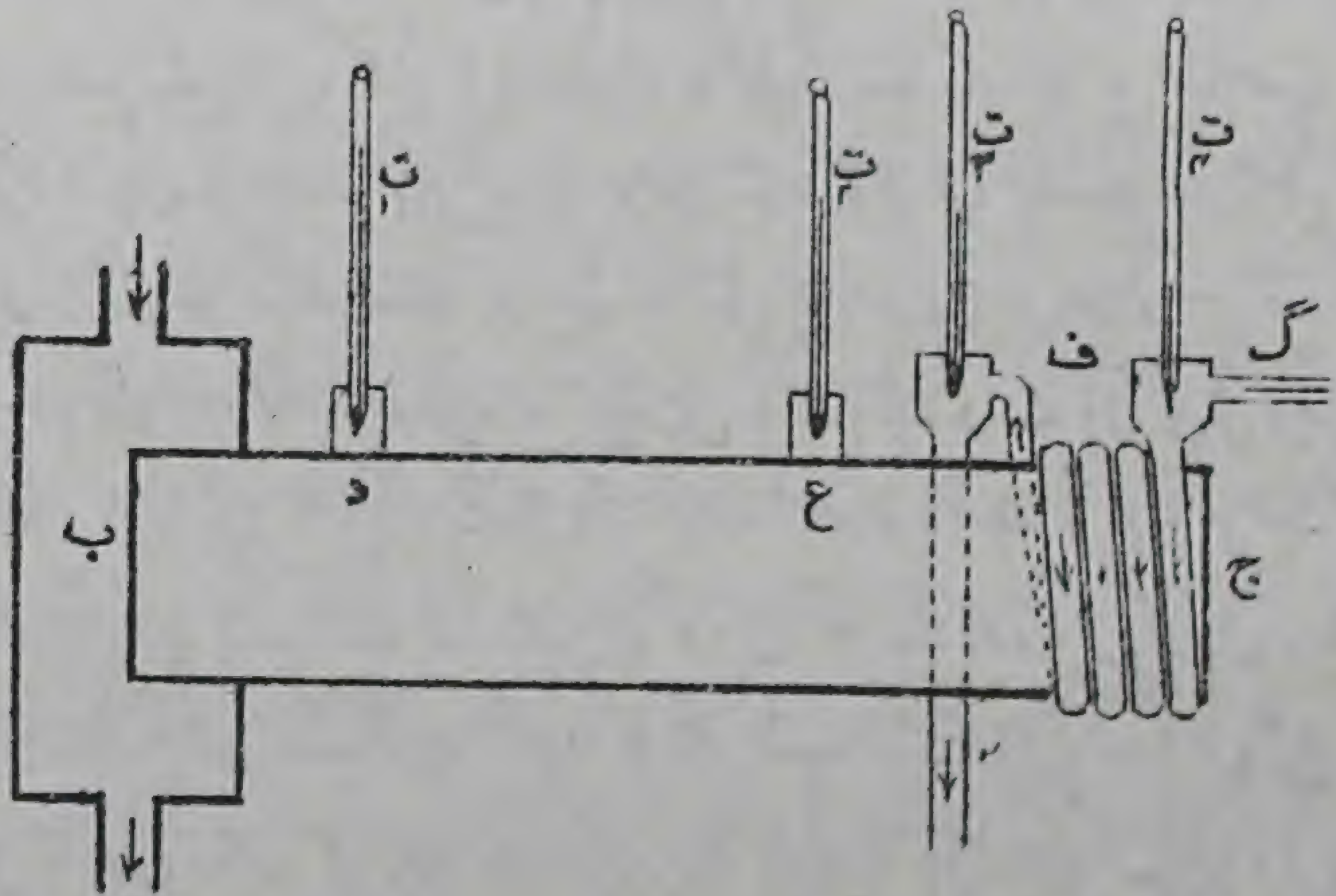
$$\frac{س}{و} = \frac{س}{و} \frac{س}{و}$$

حرارت کے بہاؤ کی شرح، رقبہ جس میں سے حرارت بہ رہی ہو، اور تپش کے ڈھال کی تخمین کی جائے۔

۲۔ تجرباتی تعینات

دھاتی صلاح کی موصلیت حرارت کی قدر

دھات جس کی موصلیت حرارت کی قدر معلوم کرنی ہے، اُسٹوانی صلاح کی شکل کی ہے (شکل ۱۲ء)۔ صلاح کے ایک سرے کو کمرے ب میں سے بھاپ کی آواز گزار کر گرم کیا جاتا ہے اور دوسرے سرے کو ج کے پاس صلاح کو گھیرے ہوئے نوبی نلی میں پانی کی آواز بہا کر سرد



شکل ۱۲ء۔ دھاتی صلاح کی موصلیت حرارت

رکھا جاتا ہے۔ نلی کے طول میں دو نقطوں D اور E کی تپشیں تپ اور تپش پیمائوں کے ذریعہ معلوم کی جاتی ہیں۔ پانی کی تپشیں نقطہ F پر جہاں

پانی کو لہی نلی میں سے باہر نکلتا ہے، تپش پیما تپ کے ذریعہ اور مقام گ پر جہاں یہ نلی میں داخل ہوتا ہے تپش پیما تپ کے ذریعہ معلوم کی جاتی ہیں۔

تجربہ ۱۰۶۔ دھاتی سلاح کی موصیلت حرارت کی قدر کی

تجربہ کی انجام دہی کے لیے یہ ضروری ہے کہ جو اشارہ سے بھاپ کی ایک مستقل رد بھاپ کے کمرے میں سے گزاری جائے اور پانی کی مستقل رد لوبی نلی میں سے گزرتی رہے۔ سلاح کو چاروں طرف ناقص موصل حرارت مادے مثلاً سندے سے اچھی طرح لپیٹ دیتے ہیں اور اس کو اسی طرح چھوڑ دیا جاتا ہے یہاں تک کہ ایک مستقل حالت پر پہنچ جائے۔ اس کے لیے ۲ منٹ سے نصف گھنٹہ تک وقت صرف ہوگا۔ چاروں تپش پیمائوں کو وقت بہ وقت یہ دیکھنے کے لیے پڑھتے رہنا چاہیے کہ آیا تپش مستقل ہو گئی ہے یا نہیں۔ آخر کار جو تپشیں معلوم ہونگی، ان کا

اختصار اُس شرح پر ہوگا جس پر پانی نلی میں سے بہ رہا ہے۔ تپشوں میں اور تپ کے مابین کافی زیادہ فرق حاصل کرنے کے لیے یہ مناسب ہوگا کہ پانی کی بہت ہی سست دھار سے کام لیا جائے۔ دراصل نلی میں سے ٹپکنے سے جو پانی حاصل ہوتا ہے اُس سے کسی قدر زیادہ پانی باہر نکلنا چاہیے۔ نلی میں سے بہنے والے پانی کی فی ثانیہ مقدار اس طرح معلوم کرتے ہیں کہ ایک معلومہ وقت (۲ یا ۳ منٹ) کے دوران میں نکلنے والے پانی کو جمع کر کے اور اُس کو تول کر یا درجہ دار برتن کے ذریعہ اُس کا حجم ناپ لیتے ہیں۔ اس طرح وٹائیوں میں نلی میں سے گزرنے والے پانی کے ک گراموں کی تعداد معلوم ہو جائیگی۔ پانی کی اس کمیت کی تپش تپ سے تپ تک بڑھ گئی یعنی پانی نے سلاح سے ک (تپ۔ تپ) حرارت کی اکائیاں حاصل کر لیں۔ یہ فرض کر کے سلاح کے پہلوؤں سے کوئی حرارت خارج نہیں ہوتی، چ کے لیے

جو موصلیت حرارت کی قدر کی تعریف میں شامل ہے، جملہ

ک (تہ - تہ) درج کر سکتے ہیں۔

سرل چاپ کی مدد سے سلاخ کا قطر معلوم کر کے سلاخ کی تراش عمودی کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں۔ اور $\pi = 3.14$ جہاں π ص مدور تراش عمودی کا نصف قطر ہے۔ تیش کا ڈھال تیشوں تہ اور تہ اور نقاط د اور ع کے مابین فصل د کے ذریعہ معلوم ہو سکتا ہے۔ پس اس طرح م کی تخمین کے لیے تمام ضروری چیزیں معلوم کر سکتے ہیں۔

تختی کی شکل کے ایک ناقص موصل کی موصلیت حرارت کی تعیین

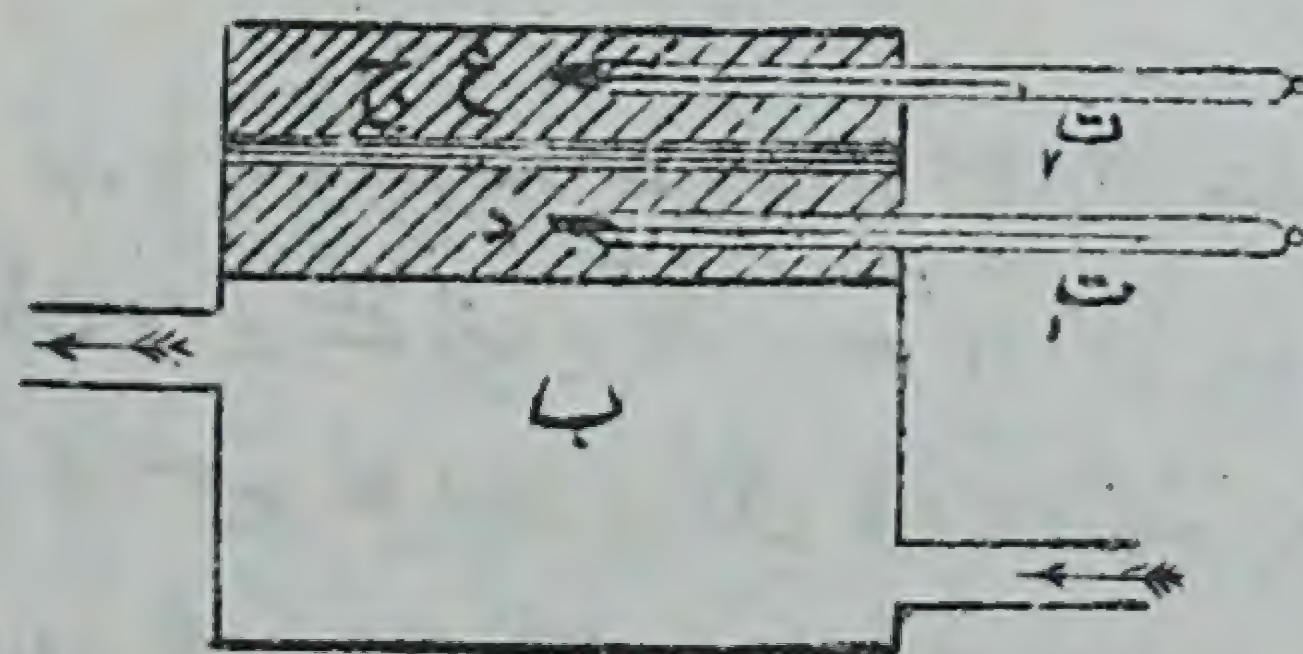
ناقص موصل حرارت کی صورت میں زیر تجربہ مادہ کی تختی کی موٹائی بہت کم ہونی چاہیے۔ ذیل میں جس آلہ کی توضیح کی گئی ہے، بلحاظ اصول اس آلے کے مشابہ ہے جو پروفیسر سٹی - ایچ - لیز نے اپنی تحقیقات میں استعمال کیا تھا۔ لیکن استعمال میں سہولت کے مد نظر پروفیسر مذکور کے آلے کو جو ایک خالی برتن میں ڈوریوں کے ذریعہ لٹکایا گیا تھا، الٹ دیا گیا ہے۔

تجربہ ع - کسی ناقص موصل مثلاً مقوے

کی موصلیت حرارت کی قدر کی تخمین

پتلی مدور تختی کی شکل کی ہے۔ تختی کے ایک رخ کو ایک دھاتی کرے ب کے ساتھ تماس میں رکھ کر گرم کیا جاتا ہے (شکل ۱۲۸) جس میں سے بھاپ کی نہ و گزاری جاتی ہے۔ تختی کا دوسرا رخ

دھات کے دو قرص ج کے ساتھ تماس میں ہے۔ دھات کی



شکل ۱۲۸ - مقوے کی موصلیت حرارت

تمام سطحوں پر نیکل کا ملمع کیا گیا ہے۔ پیش پیاد اور ع کو کمرے
با اور قرص ج کے اندر سوراخوں میں داخل کر دیا گیا ہے۔
آلے میں بھاپ اُس وقت تک گزاری جاتی ہے
جب تک کہ دونوں پیش پیاد مستقل نہ ہو جائیں اور اس کے بعد
پیش پیادوں کے مقروؤں کو قلمبند کیا جاتا ہے۔
فضا کی پیش کا مشاہدہ کرنا چاہیے۔

یہ فرض کر لیا گیا ہے کہ پیش پیادوں سے حاصل شدہ پیشیں ت اور ت_م
مقوے کی تختی کے دونوں گروں کی پیشوں کو تعبیر کرتی ہیں۔ مقوے کی
موٹائی معلوم ہونے سے پیش کا ڈھال محسوب کیا جاسکتا ہے۔ رقبہ جس میں
سے حرارت بہتی ہے، مقوے کے ایک رخ کے رقبے کے برابر لیا جاتا ہے۔
اور اس کو دو تختی کے نصف قطر کی مدد سے معلوم کرتے ہیں۔
اب مقوے میں سے حرارت کے بہاؤ کی شرح معلوم کرنی
ہے۔ اس کے لیے ایک علیحدہ تجربے کی ضرورت ہے۔ جب پہلے
تجربے میں مستقل حالت پہنچ جاتی ہے تو یہ ضروری ہے کہ مقوے میں
سے حرارت کے بہاؤ کی شرح اُس شرح کے ٹھیک برابر ہونی چاہیے

جس شرح سے قرص ج کی سطح سے حرارت کا اخراج اشعاع اور
حل حرارت کے ذریعہ عمل میں آتا ہے۔ وجہ یہ ہے کہ جب تپش
مستقل ہو جاتی ہے تو قرص میں کوئی حرارت جمع نہیں ہو سکتی اور
اس لیے قرص کی حاصل کردہ حرارت خارج کردہ حرارت کے برابر
ہونی چاہیے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ اگر ہم اُس شرح کا تعین
کر سکیں جس سے حرارت خارج ہو رہی ہے تو ہمیں معلوم ہو جائیگا
کہ حرارت کس شرح سے مقوے میں سے بہ رہی ہے۔

گرم کرنے والے کمرے ب کو ہٹا دیا جاتا ہے اور قرص
ج کو جس کے ایک ٹوخ پر مقوے کی تختی تماس کر رہی ہے
اس طرح سہارا لیا جاتا ہے کہ ایصال کے ذریعہ انتقال حرارت
کم سے کم ہو۔ یہ عمل بعض وقت اس طرح کیا جاتا ہے کہ قرص کو
ڈوریوں کے ذریعہ لٹکا دیتے ہیں لیکن یہ زیادہ سہل ہے کہ مقوے
کو کسی سہارے مثلاً لکڑی کے کندے پر جو خود ناقص موصول
ہے، رکھ دیا جائے۔

اس کے بعد قرص کو بنسی شعلے کے ذریعہ گرم کرتے ہیں
حتیٰ کہ اس کی تپش مستقل تپش سے ۵ یا ۶ درجے اونچی ہو جاتی
ہے۔ اس کے بعد اس کو سرد ہونے دیتے ہیں تاکہ اس کی تپش
موجودہ تپش سے گرا کر تپم پر پہنچ جائے جو تپ سے اتنے ہی
درجے نیچے ہے جتنے درجے تپ اس کے اوپر۔ اس تدبیر کے
دوران میں صرف شدہ وقت کو بھی کافی احتیاط کے ساتھ
لکھ لیتے ہیں۔

تبرید کے دوران میں ضایع شدہ حرارت
ک نفع (تپ - تپ) ہے جہاں ک قرص کی کمیت اور نفع دھات
کی حرارت نوعی ہے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلا کہ حرارت کے
خارج ہونے کی شرح ک نفع (تپ - تپ) ہے۔

یہ فرض کر کے کہ یہ مقدار موصلیت حرارت کے ضابطے میں $\frac{1}{2}$ کے برابر ہے ہم کو وہ تمام معطیات حاصل ہو جاتے ہیں جو موخر الذکر مقدار کے محسوب کرنے کے لیے ضروری ہیں۔

نلی کی شکل کے ناقص موصل کی موصلیت حرارت کی تخمین

نلی کی شکل کے کسی ناقص موصل کی موصلیت حرارت کی شرح کی تعیین اس طرح پر ہو سکتی ہے کہ اس نلی میں سے یا نلی کے اطراف پیرہن میں سے بھاپ کی رد گزاری جائے اور نلی کی دیواروں میں سے منتقل شدہ حرارت کی مقدار کو حرارہ پیمائی کے سادہ طریقوں کی مدد سے ناپ لیا جائے۔

پہلی قسم کا آلہ — بھاپ خود نلی میں سے گزاری جاتی ہے۔ حرارہ پیمائی پانی کی معلوم کمیت لے کر نلی کو اس کے اندر غرق کر سکتے ہیں اور کسی خاص وقت کے لیے پانی کا اضافہ پیش مشاہدہ کیا جاسکتا ہے۔

تجربہ خانہ — نلی کی شکل کے ناقص موصل

کی موصلیت حرارت کی قدر کی تخمین — بر کی

نلی کی حالت میں ایک ایسا حرارہ پیم منتخب کرو جس کی گنجائش کافی سے

زیادہ (۵۰۰ یا ۶۰۰ مکعب سمر) ہو تاکہ کافی لمبی نلی چھنے کی شکل میں

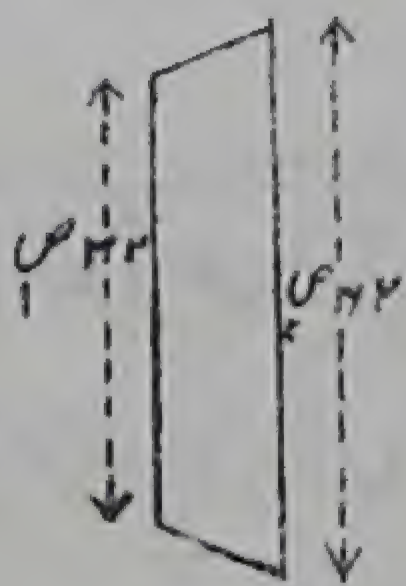
حرارہ پیم کے اندر رکھی جاسکے۔ حرارہ پیم کے اندرونی برتن کو تول لو

۱۔ یہ مفروضہ کامل طور پر درست نہیں ہے۔ کیونکہ جب مبدائے حرارت کو ہٹا لیا جاتا ہے تو قرص کی تھوڑی سی حرارت مقوے میں سے ایصال کے ذریعہ ضائع ہو جاتی ہے۔ یہ زیادہ قرین صحت ہوگا کہ مبدائے حرارت کو اس کی ابتدائی وضع ہی میں رکھ کر قرص کے نقصان حرارت کی شرح کی تخمین کی جائے۔ لیکن اس کو اسی پیش پر ہونا چاہیے جس پر قرص ہے تاکہ مقوے میں کوئی میلان پیش موجود نہ ہونے پائے۔ کم از کم تقریبی طور پر اس شرط کے سنجھے میں عملاً کوئی وقت نہیں ہے۔

اور تقریباً دو ہتائی تک پانی سے بھر لو۔ بھرے ہوئے برتن کو تول لو تاکہ پانی کا وزن معلوم ہو جائے۔ پانی کی تپش t معلوم کر لو جس کو بوقت آغاز سہولت کے ساتھ کمرے کی تپش سے نیچے رکھ سکتے ہیں۔ نلی کا لچھا بنا کر پانی کے اندر اس طرح رکھو کہ دونوں سرے حرارہ پیماسے کسی قدر باہر نکلے رہیں۔ اس کے بعد نلی کے سرے کو بھاپ کے کٹون کے سوراخ کے ساتھ جوڑ دینا چاہیے تاکہ اس کے اندر سے بھاپ کی مستقل رو بہائی جاسکے۔ نلی کا دوسرا سر اقلعی (Tin) کے برتن کے اندر ڈبو دیا جائے تاکہ بستہ شدہ بھاپ کے قطرے جمع ہو سکیں۔

نلی کے اندر سے بھاپ کو مقررہ اور مشاہدہ کردہ وقت تک گزرنے دو تاکہ پانی کی تپش 15 یا 20 درجہ بڑھ جائے۔ اُس وقت کا مشاہدہ کر لو جس دوران میں بھاپ گزرتی رہی اور پانی کی انتہائی تپش t_2 کا بھی مشاہدہ کرو۔

پانی کے اندر ڈوبی ہوئی نلی کا طول ناپ لینا چاہیے۔ اس مقصد کے لیے یہ امر باعث سہولت ہے کہ نلی کے اُن مقامات پر دو نشان لگا دیے جائیں جہاں نلی حرارہ پیماسے پانی میں داخل ہوتی اور باہر نکلتی ہے۔ فرض کرو کہ ڈوبی ہوئی نلی کا طول L سمجھو نلی کے اندر دینی اور بیرونی نصف قطر بھی ناپ لو۔



ان کو علی الترتیب r_1 اور r_2 مان لو۔ تو نلی کی دیوار کی موٹائی r ۔ $r = r_1 - r_2$ سمجھ ہوگی۔ اگر ہم یوں تصور کریں کہ نلی کے ٹکڑے کو اُس کے محور کے متوازی کاٹ کر کھول دیا گیا ہے (شکل ۱۲۹) تو یہ ٹکڑا اُس شے کی ایک ایسی تختی کے تقریباً مماثل ہوگا جس کی دہانہ صاف ہے۔

شکل ۱۲۹۔ نلی سے تختی بنانا

جس رقبہ میں سے حرارت گزرتی ہے اُس کو

اُس تختی کے دونوں رُخوں کے رقبوں کا تقریباً اوسط لے سکتے ہیں یعنی

$$س = \frac{1}{2} (\pi^2 \text{ ص}_1 \text{ ل} + \pi^2 \text{ ص}_2 \text{ ل}) = \pi^2 \text{ ص ل}$$

جہاں $\text{ص} = \frac{1}{2} (\text{ص}_1 + \text{ص}_2)$ نلی کا اوسط نصف قطر ہے۔

نلی کے باہر کی طرف پیش مستقل نہیں رہتی لیکن پیش کے ڈھال کو محسوب کرنے میں ہم ابتدائی اور انتہائی پیشوں کا اوسط لے لیتے ہیں۔ نلی کے اندرونی رُخ کی پیش $\text{ت}_1 = 0$ مہر لی جاسکتی ہے۔ پس پیش کا ڈھال

$$\frac{\text{ت}_1 - \text{ت}_2}{\text{ص}_1 - \text{ص}_2}$$

ہے، جہاں $\text{ت}_2 = \frac{1}{2} (\text{ت}_1 + \text{ت}_2)$ نلی کی بیرونی اوسط پیش ہے۔

اب اس کے علاوہ جو مقدار درکار ہے، وہ مقدار حرارت ہے جو وقت θ میں نلی کی دیوار میں سے گزرتی ہے۔ چونکہ یہی حرارت حرارہ پیم اور اُس کے مافیہ کی پیش کو ت_2 سے ت_1 تک بڑھانے میں صرف ہوتی ہے لہذا اس کو بھی آسانی سے شمار کر سکتے ہیں۔ اس طرح سے موصلیت حرارت کی قدر کی تخمین کے لیے جتنی مقداریں درکار ہیں دستیاب ہو جائیں گی اور صفحہ ۳۸۷ کی تعریف کے بموجب حاصل کردہ مساوات کی مدد سے اس قدر (Co-efficient) کا تعین ہو جاتا ہے۔

$$م = \frac{H \text{ او}}{\pi^2 \text{ ص ل} \left(\frac{\text{ت}_1 - \text{ت}_2}{\text{ص}_1 - \text{ص}_2} \right)}$$

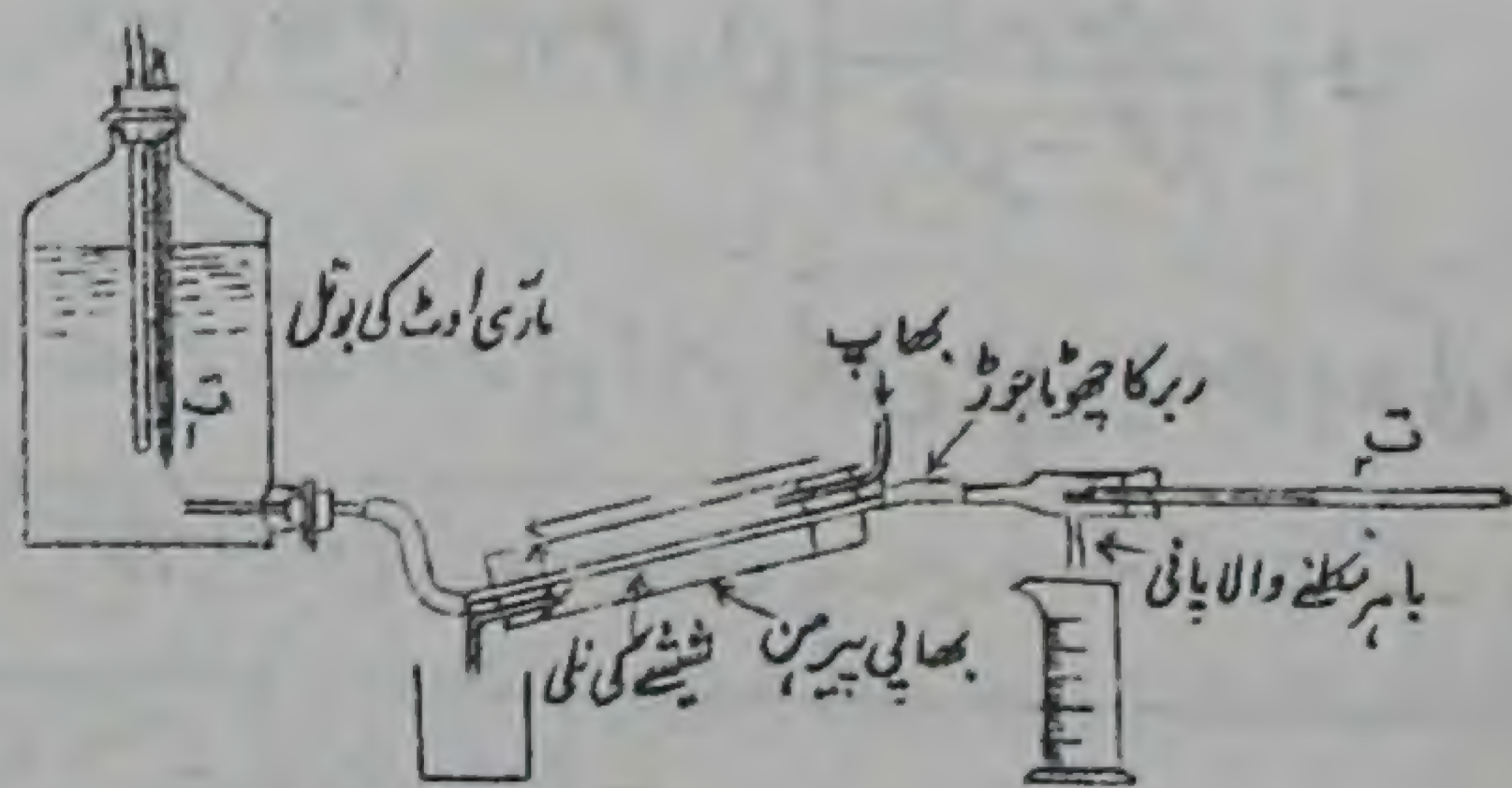
اے کو کھلے اُسطوانے کی دیواروں میں سے حرارت کے بہاؤ پر غور کرنے سے جو زیادہ صحیح ضابطہ حاصل ہوتا ہے، اُس سے

$$م = \frac{\frac{H}{\theta}}{\pi^2 \text{ ل} \left(\frac{1}{2} (\text{ت}_1 + \text{ت}_2) - \text{ت}_1 \right) \frac{\text{ص}_1 - \text{ص}_2}{\text{لوک}}}$$

جب نلی کی دیوار اتنی پتلی ہو کہ $\text{ص}_1 = \text{ص}_2$ یا بہت چھوٹا ہو تو یہ مساوات مندرجہ بالا شکل اختیار کر لیتی ہے۔

دوسری قسم کا آلہ — اگر نلی پلائم نہ ہو جیسے کہ شیشے کی نلی تو اس کی موصلیت حرارت کی حسب ذیل طریقے پر تخمین ہو سکتی ہے:—
نلی میں پانی کی دو آہستہ آہستہ بہائی جاتی ہے اور اس دو کو یکساں رکھنے کے لیے صابری اوٹ (Mariotte) کی بوتل کو کام میں لاتے ہیں۔ نلی کو کسی قدر مائل رکھا جاتا ہے تاکہ تجربے کے دوران میں ہمیشہ پانی سے بھری رہے۔ اس کو بھاپ کے پیرہن سے گھیر دیا جاتا ہے جس میں سے بھاپ گزرتی رہتی ہے (شکل ۱۳۰)۔

تجربہ ۱۰۹۔ نلی کی شکل کے ناقص موصول کی موصلیت حرارت کی قدر کی تخمین — جب پانی نلی میں داخل ہوتا ہے تو اس کی تپش متاثر ہوتی جاتی ہے۔ جب پانی نلی میں سے بہتا ہے تو ایصال کے ذریعہ نلی کی دیواروں میں سے حرارت حاصل کرتا ہے اور اس عرصہ میں کہ یہ پانی نلی کے پیرہنی حصے میں سے بہ نکلتے اس کی تپش بڑھ کر متاثر ہو جاتی ہے۔ عین باہر نکلنے والے پانی کی تپش بھی لے لی جاتی ہے اور باہر نکلنے والے پانی کو پیمانہ دار اُسٹوانی میں جمع کر لیا جاتا ہے۔ اس عمل سے کسی خاص وقت میں نلی کے اندر سے بہ نکلنے والے



شکل ۱۳۰۔ شیشے کی نلی کی موصلیت حرارت

پانی کی مقدار معلوم کر لی جاتی ہے۔ وقت کا یہ وقفہ اتنا ہونا چاہیے کہ کم از کم ۳۰۰ مکعب سمر پانی پیمانے کے اندر جمع ہو جائے اور اس پانی کی کثافت اکائی فرض کر کے اس کی کمیت محسوب کر لی جاتی ہے۔ اگر وہ ثانیوں میں نلی میں سے بہنے والے پانی کی کمیت ک گرام ہو تو اس مدت کے اندر نلی کی دیواروں سے ایصال شدہ مقدار حرارت ح کی قیمت ک (ت - ت) حرارت ہوگی۔

بھاپ پیرہن کے سروں کے درمیان نلی کے طول کو ناپ لیتے ہیں اور نلی کے اندرونی اور بیرونی نصف قطروں کی بھی پیمائش کر لی جاتی ہے۔ فرض کرو کہ یہ علی الترتیب ل، ص، اور ص ہیں۔ تو اوسط رقبہ π^2 ص ل ہے جس میں سے حرارت بہتی ہے اور جہاں $\text{ص} = \frac{1}{2}(\text{ص} + \text{ص})$ نلی کے اندر تپش کا اوسط ڈھال

$$\frac{100 - \text{ت}}{\text{ص}} = \text{جہاں ت} = \frac{\text{ت} + \text{ت}}{2}$$

پس

$$\text{ک (ت - ت)} = \pi^2 \text{ص ل} \left[\frac{100 - \text{ت}}{\text{ص}} \right] \text{و}$$

ان میں سوائے م کے دوسری تمام رقمیں ناپی یا مشاہدہ کی جاسکتی ہیں۔ لہذا م محسوب ہو سکتا ہے۔

۱۰ اگر زیادہ صحیح مساوات استعمال کی جائے تو

$$\text{ک (ت - ت)} = \frac{\pi^2 \text{ص ل} (100 - \text{ت})}{\frac{\text{لوک}}{3} \frac{\text{ص}}{\text{ص}}}$$

فصل ششم

حرارت کا معادل حلی

۱۔ حرارت کے معادل حلی کی تعریف اور تخمین

ڈاکٹر جے۔ پی۔ جول (۱۸۱۸ء - ۱۸۸۹ء) نے یہ ثابت کیا کہ جب مسکائی توانائی کے خرچ سے حرارت پیدا کی جاتی ہے تو پیدا شدہ حرارت کی ہر اکائی کے لیے کام کی اکائیوں کی ایک خاص تعداد صرف کرنا پڑتی ہے۔ اس تعداد کو حرارت کا معادل حلی کہتے ہیں۔ اس طرح ایک حرارہ (گرام درجہ مٹی) پیدا کرنے کے لیے ۲ و ۳ و ۴ آرگ۔ یا ۲ و ۳ جول کام درکار ہے۔ س۔ گ۔ ش۔ نظام میں پیش کا مٹی پیمانہ استعمال کرنے پر حرارت کے معادل حلی کی قیمت ۲ و ۳ و ۴ آرگ فی حرارہ یا زیادہ صحیح طور پر ۱۸ و ۲ و ۳ آرگ فی ۲۰ حرارہ ہوتی ہے۔

تجربہ ۱۱۔ پارے کو ایک نلی کے اندر گر کر حرارت کے معادل حلی کی تعیین کرنا۔
شیشے کی ایک چوڑی اور تقریباً ایک میٹر لمبی اور ۳ تا ۴ سمر قطر کی

نلی کا ایک سرا، سر بہ مہر کر دیا جاتا ہے۔ اور دوسرے سرے پر ربر کی چُست ڈاٹ لگائی جاتی ہے جس میں سے حساس پیش پیا گزارتے ہیں۔ تقریباً ۵۰ مکعب سرا پارا نلی میں ڈالا جاتا ہے اور ڈاٹ کو اُس کی جگہ پر احتیاط سے لگا دیتے ہیں۔ نلی کو اُس کے وسط میں مضبوطی کے ساتھ اس طرح پکڑا کر انتصاباً رکھتے ہیں کہ اس کا زیرین سرا کسی میز کے ساتھ ایک ہی سطح میں رہے۔ اب نلی کو تیزی کے ساتھ اس طرح اُلٹتے ہیں کہ نلی کا بالائی سرا اُسی وضع میں آجاتا ہے جس وضع میں پہلے زیرین سرا تھا۔ اس کے یہ معنی ہیں کہ نلی کو اُس کی لمبائی کے وسط میں سے گزرنے والے افقی محور کے گرد گھمایا جائے۔ گھمانے کے دوران میں پارا نلی کے سرے کی طرف ہی رہتا ہے لیکن جب نلی انتصابی ہو جاتی ہے تو پارا ایک سرے سے دوسرے کی طرف گرتا ہے۔

پارے کو اوپر اٹھانے میں جو کام صرف کیا گیا تھا، گرنے کے دوران میں توانائی بالفعل میں تبدیل ہو جاتا ہے اور جب پارا نلی کے پینڈے پر ساکن ہو جاتا ہے تو یہی کام حرارت میں تبدیل ہو جاتا ہے۔ پیش میں مناسب اضافے کے لیے یہی عمل تقریباً ۵۰ مرتبہ دوہرایا جائے۔

فرض کرو کہ

ک = نلی میں پارے کی کمیت

خ = پارے کی حرارت نوعی

ت = آخری پیش

ت = ابتدائی پیش

تو یہ فرض کر کے کہ کوئی حرارت ضائع نہیں ہوئی، پیدا شدہ حرارت کی

جملہ مقدار

ح = ک (ت - ت)

فرض کرو کہ وہ انتصابی فاصلہ جس میں پارے کا مرکز ثقل نلی کو

اُلٹنے کی صورت میں گرتا ہے (یاد رہے کہ یہ شیشے کی نلی کا طول نہیں ہے)
اور $n =$ تعداد جتنی مرتبہ یہ عمل دوہرایا گیا۔

تو میکانی توانائی جو غائب ہوئی $y = n k J$

$$\text{لہذا } J = \frac{y}{n k} = \frac{\text{کے } (n \cdot t)}{\text{نک } (n \cdot t)} = \frac{n J}{n J}$$

اس نتیجہ کی مدد سے جول کا معادل محسوب کر سکتے ہیں۔

یاد رہے کہ 'جو' کی قیمت استعمال شدہ پارے کی کمیت کے غیر تابع ہے۔
کسی حقیقی تجربے میں پارے کی تھوڑی سی مقدار استعمال نہ کی جائے ورنہ نلی
کو گرم کرنے میں جو حرارت صرف ہوگی، پارے کو گرم کرنے میں صرف شدہ
حرارت کے مقابلہ میں قابل لحاظ ہو جائیگی۔ اس سے کمتر صحیح طریقہ، جس میں
پیش پیما کے ٹوٹنے کا کم اندیشہ ہے، یہ ہو سکتا ہے کہ ٹھوس کاگ استعمال
کیا جائے اور پارے کو اس عمل سے پہلے اور بعد کسی چھوٹے سے پیالے
میں ڈال کر اس کی پیش معلوم کی جائے۔

دھاتی مخروطوں کے مابین رگڑ کے ذریعہ

حرارت کی پیدائش

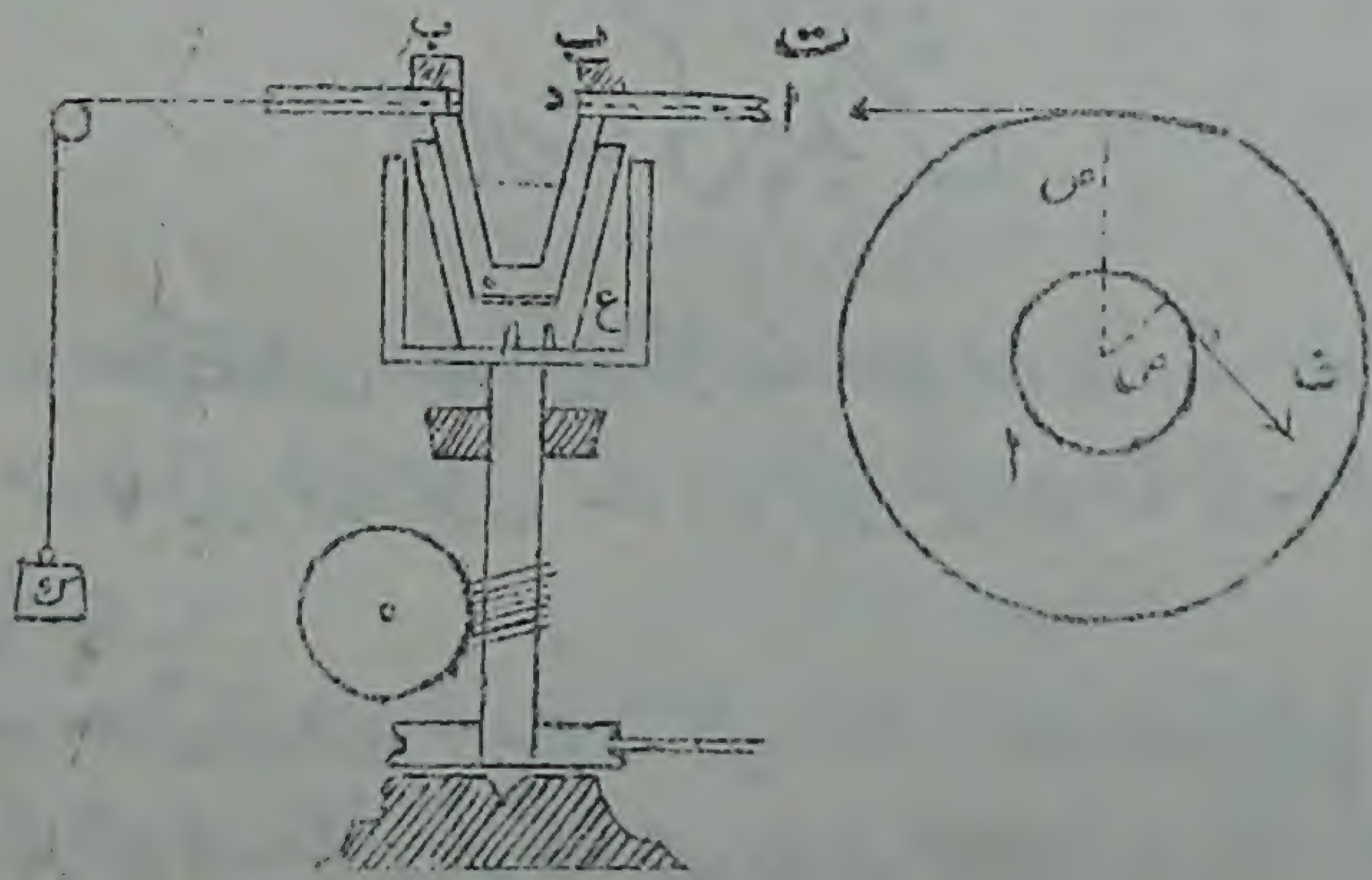
دو دھاتی مخروطوں کے مابین رگڑ کے ذریعہ حرارت کے معادل جیلی کی
تخمین کا مندرجہ ذیل طریقہ جول کے استعمال کیے ہوئے ایک طریقے سے
اخذ کیا گیا ہے:-

دو دھاتی مخروط Δ اور ϵ (شکل ۱۳۱) لیے جاتے ہیں جو ایک
دوسرے کے اندر خوب پھنس کر بیٹھتے ہیں بیرونی مخروط برقوت لگا کر گھایا جاتا ہے۔
اس عمل کے لیے مخروط کو ایک ایسے انتصابی تیکلے (Spindle) سے ملحق کر دیتے ہیں
جو ہاتھ سے گھومنے والے اُڑ پیرے کے ذریعہ چلایا جاتا ہے۔ اندرونی مخروط کو

گھومنے سے باز رکھتے ہیں۔ اس کا نتیجہ یہ ہوتا ہے کہ تماسی سطحوں میں رگڑ پیدا ہوتی ہے اور اس طرح پیدا شدہ حرارت مخروطوں کو اور نیز اس مائع (بالعموم پانی یا بعض اوقات پارا) کو گرم کرنے میں صرف ہوتی ہے جو اندرونی مخروط کے اندر رکھا جاسکتا ہے۔

حرارت کی پیدا شدہ مقدار کا تعین مائع کا اضافہ تپش اور برتن کا آب مساوی معلوم کرنے پر موقوف ہے۔

حرارت پیدا کرنے میں جس قدر میکانیکی کام صرف ہوا، اس کا تخمینہ اس طرح ہو سکتا ہے کہ اندرونی مخروط کو گھومنے سے باز رکھنے کے لیے قابل پیمائش موڑ لگائی جائے۔ اور بیرونی مخروط کی تعداد گردش گن لی جائے۔ ایک لکڑی کا مدور قرص ہے جو اندرونی مخروط پر لٹکا ہوا ہے اور اس سے دو ثابت ثانیوں کے ذریعہ ملحق ہے۔ اس کو اپنی جگہ پر قائم رکھنے کے لیے اس کے اوپر سیسے کا بوجھ دب رکھا دیا گیا ہے۔ قرص کے محیط کے ساتھ ملی ہوئی ایک ڈوری چرخہ پر سے گزرتی ہے اور اس کو اس کے دوسرے سر سے بندھے ہوئے معلوم وزن ک (۱۰۰ یا ۲۰۰ گرام) کے ذریعہ کھینچا ہوا رکھتے ہیں۔ جب بیرونی مخروط گھمایا جاتا ہے تو اندرونی مخروط بھی اس کے ساتھ گھومنے کا



شکل ۱۳۱۔ حرارت کا معادل جیکی

تقاضا کرتا ہے لیکن اُس قوت کے معیار اثر کی وجہ سے جو ڈوری کے تناؤت کی وجہ سے پیدا ہوتا ہے، یہ گھومنے سے باز رکھا جاتا ہے۔ جب آلود استعمال ہو رہا ہو تو ڈوری کو لکڑی کے قرص کے محیط کے ساتھ ہمیشہ جیسا ہی وضع میں رہنا چاہیے۔

فرض کرو کہ قرص کا نصف قطر ص ہے اور مخروطوں کی تماسی سطحوں کا اوسط نصف قطر ص اگر ف مخروطوں کے مابین فرک (رگڑ) کی اوسط قیمت ہو تو

$$ف ص = ت ص$$

$$ک ج ص =$$

جہاں ک معلقہ جسم کی قیمت ہے۔

اندرونی مخروط کے ساکن رہنے کی صورت میں بیرونی مخروط کے ایک چکر میں جس قدر کام ہوا وہ ف ۲ ص کے برابر ہے۔ لہذا ان چکروں میں جو کام ہوگا = ۲ ص ف ۲ ن

اگر چیکہ ف اور ص کی جداگانہ قیمتیں صحت کے ساتھ نہیں معلوم کی جاسکتیں، تاہم ف ص کی قیمت مندرجہ بالا مساوات سے معلوم ہو سکتی ہے۔ کام کے لیے اس محصلہ کی قیمت کو مندرجہ کرنے سے

$$کام = ۲ ص ف ۲ ن ک ج ص$$

پس جیلی کام کو ارگ کی رقوم میں محسوب کر سکتے ہیں۔

تجربہ ۱۱۱۔ حرارت کے متبادل جیلی

کی تختیں دودھائی مخروطوں کے مابین رگڑ کے

فریضہ۔ اس تجربہ کی انجام دہی کے لیے یہ لازم ہے کہ مخروطوں

کے مابین رگڑ کی مقدار مناسب درجہ مطلقہ وزن کو مقررہ سطح کی بلندی

پر قائم رکھنا غیر ممکن ہوگا۔ عموماً چکناٹے والے تیل کا ایک چھوٹا سا

قطرہ اندرونی اور بیرونی مخروطوں کے بیچ میں ڈالی دینا کافی ہوتا ہے۔ اگر

ان مخروطوں کو چکنا یا نہ جائے تو تماسی سطحیں ایک دوسرے کو پکڑ لیتی ہیں۔

تجربے کے آغاز سے قبل مدھن کی مناسب مقدار معلوم کر لیتی چاہیے۔ اس کے لیے چلاؤ پیمہ کو گھما کر آلہ کا امتحان کر لیتے ہیں تاکہ یہ معلوم ہو جائے کہ اس کو کافی چال کے ساتھ گھمانے سے آیا وزن تقریباً ایک مقررہ اونچائی پر برقرار رہتا ہے یا نہیں۔

پہلے دونوں خالی مخروطوں کو ایک ساتھ تول لو اور جب اندرونی مخروط دو تہائی پانی سے بھرا ہوا ہو تو پھر دوبارہ تول لو۔ اس کے بعد مخروطوں کو آلے میں واپس رکھ دو اور تپش معلوم کرنے کے لیے ایک حساس تپش پیمہ داخل کرو۔ اگر احتیاط سے کام لیا جائے تو خود تپش پیمہ سے ہلانی کا کام لے سکتے ہیں۔ بعض وقت تپش پیمہ کو ایک ٹیکس کے ذریعہ سہارا رکھتے ہیں اور ایک علیحدہ ہلانی کام میں لائی جاتی ہے۔

یہ بات اہم ہے کہ اشعاع کی وجہ سے جو نقصان یا کسب حرارت ہو اُس کا لحاظ کیا جائے۔ اس کے لیے یہ ضروری ہے کہ تجربہ کے آغاز سے پہلے ایک ایک منٹ کے وقفے سے پانچ منٹ تک تپش پیمہ کے مقروئے حاصل کیے جائیں۔ اُس کے بعد اُلٹ پیمہ کو گھما کر حسب ضرورت گردشیں دی جائیں۔ گردشوں کی یہ تعداد معدودہ پر نہ ج کے ذریعہ معلوم ہوتی ہے جو گردش کرنے والے سیکلے کے ساتھ گیرایا ہو (Geared) ہے۔ اس امر کے لیے کہ اضافہ تپش اتنی مقدار میں حاصل ہو کہ مناسب صحت کے ساتھ اس کی پیمائش ہو سکے یہ ضروری ہے کہ گردشیں کافی تعداد میں دی جائیں۔ اس غرض کے لیے غالباً ۵۰ یا ۱۰۰ گردشیں درکار ہونگی۔ اس میں جو وقت صرف ہو لکھ لیا جائے۔ جب یہ عمل ختم ہو جائے تو تپش پڑھ لی جائے اور پھر پانچ منٹ تک ایک ایک منٹ کے وقفے سے تپش پیمہ کے مقروئے حاصل کیے جائیں۔ تجربہ کے آگے اور پیچھے ان مقروؤں سے تبدیلی تپش کی اوسط شرح معلوم ہو جائیگی اور جتنی دیر تجربہ جاری رہا اُس وقت کے معلوم ہونے پر اس دوران میں

اصلی تبدیلی محسوب کر سکتے ہیں۔ مخروطوں کے مابین رگڑ سے تپش کے اضافے کا اندازہ کرتے وقت اس تبدیلی کو بھی ملحوظ رکھنا چاہیے۔

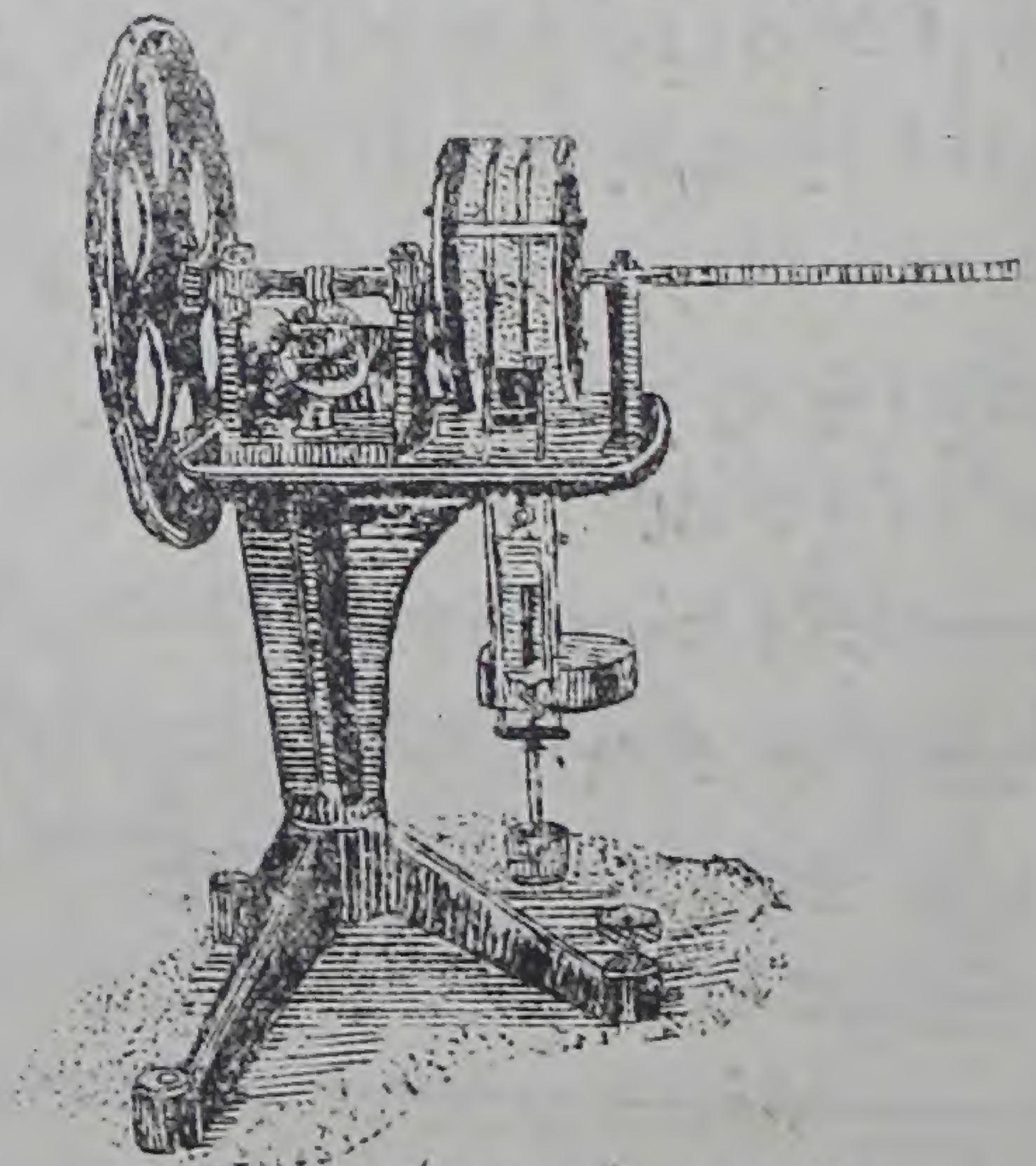
آب مساوی اور اضافہ تپش کی مدد سے پیدا شدہ حرارت کے حراروں کی تعداد معلوم کرو۔ ایک بڑے سرل چاپ کے ذریعہ لکڑی کے قرص کا قطر معلوم کرو اور جملہ کام πr^2 ن ک ج ص کو استعمال کر کے صرف شدہ کام کی مقدار محسوب کرو۔ معادل جیلی کو اہرگ فی حرارہ اور نیز جول فی حرارہ کی رقوم میں بیان کرنا چاہیے۔

حرارت کے معادل جیلی کے لیے کیلنڈر کا آلہ

اس قسم کے آئے میں (شکل ۱۳۲) پانی ایک مجوف اسطوانے کے اندر رہتا ہے جس کو برقی موٹریا ہاتھ سے گھمایا جاتا ہے۔ اس اسطوانے پر سے



شکل ۱۳۳ کیلنڈر کے آلہ کا ڈیٹا موٹر



شکل ۱۳۲ کیلنڈر کا آلہ

ریشمی ضابطہ پٹی گزرتی ہے جس میں تین فیتے ہوتے ہیں۔ بیرونی دو فیتوں کو اُسٹوانے کے گرد ایک مرتبہ لپیٹ کر اس کے ایک سرے پر وزن (شکل ۱۲۳) جو کئی کلو گرام (۳ تا ۵) ہوتا ہے، لٹکا دیتے ہیں۔ ان فیتوں کے دوسرے سرے ہاتھی دانت یا ولکنائیٹ (Vulcanite) کے ٹکڑے سے باندھ دیے جاتے ہیں جس سے وسطی فیتہ کا سرا بھی باندھ دیا جاتا ہے۔ یہ فیتہ پہلے دو فیتوں کے بیچ میں سے ہوتے ہوئے اور ان کا تسلسل قائم رکھتے ہوئے اُسٹوانے کے اوپر سے گزرتا ہے۔ اس کے ساتھ ایک جو (Yoke) جس میں اس کے دوسرے سرے پر لگا رہتا ہے اور اس جوے کے ساتھ ایک چھوٹا سا تقریباً ۲۰۰ یا ۴۰۰ گرام کا وزن ب لٹکا دیا جاتا ہے۔ جوے کے زیرین سرے میں سے ایک کمانیدار ترازو گزرتی ہے جو آلہ کے ڈھانچے کے ساتھ ج پر لٹکی ہوئی ہوتی ہے۔ یہ کمانی وزن ب پر اوپر کی طرف عمل کرتی ہے اور دوران تجربہ میں کسی حد تک ب کو سہارے رکھتی ہے۔ اس کا کام یہ ہے کہ آلے کے عمل کو یکساں رکھے۔

فرض کرو کہ اُسٹوانہ پیکانی سمت میں گھوم رہا ہے تو بیٹیوں کی رگڑ کی وجہ سے ا اوپر چڑھیں گے اور ب نیچے گرے گا۔ پٹی کے سروں کے مابین تناؤ کا فرق اُسٹوانے اور پٹی کے درمیان رگڑ کی قوت کے برابر ہے۔ اُسٹوانے یا ثابت چرخہ کے گرد فر کی قوت کا انحصار آزاد سرے کے تناؤات پر ہے (دیکھو صفحہ ۱۴۶)۔ اگر ب کے وزن کو احتیاط کے ساتھ ٹھیک کر لیا گیا ہو تو یہ ممکن ہے کہ جب اُسٹوانہ ایک خاص چال سے گھوم رہا ہو تو ب، ا کو ٹھیک طور پر متوازن رکھے۔ بہر حال اگر ب کو ٹھیک اس کے برابر قیمت کے لیے مرتب نہ کیا گیا ہو تو پٹی آہستگی کے ساتھ اُسٹوانے سمت گردش میں یا اس کے برخلاف سمت میں حرکت کرنے لگیگی بلحاظ اس کے

۱۵۔ ریشمی پٹی صاف اور خشک رہنی چاہیے اور جب آلہ استعمال میں نہ ہو تو اس کو کاغذ کے لفافے میں علیحدہ لپیٹ کر رکھ دینا چاہیے۔

کہ ب اس خاص مقدار سے بڑا ہے یا چھوٹا۔ اضافہ تپش، رفتار کی تبدیلی، یا کسی اور سب سے رگڑ کی قدر میں خفیف سی تبدیلی ہو جائے تو ب کو دوبارہ ٹھیک کر لینے کی ضرورت ہوگی۔ یا اگر ضابطہ پیٹی اور اسطوانے کے مابین زاویہ تماس میں کسی سرے کے خفیف اہتزاز سے فرق پیدا ہو جائے تو پیٹی کسی نہ کسی سمت میں حرکت کرنے لگیگی۔

اگر کمافی دار ترازو استعمال نہ کی جائے تو وزن ب کو ترتیب دینا وقت طلب ہوگا۔ اور دوران تجربہ میں متعدد وقفوں پر دوبارہ ترتیب دینے کی ضرورت پڑتی رہیگی۔ کمافی کے ذریعہ مندرجہ ذیل طریقے پر اس وقت طلب ترتیب کی ضرورت باقی نہیں رہتی: اگر کسی آن میں فرکی قوت بہت زیادہ ہوگئی ہو تو ب نیچے کی طرف حرکت کرنے لگتا ہے۔ اور اس طرح اس کے وزن کا کچھ حصہ کمافی پر آجاتا ہے۔ اس حصہ وزن کے کم ہو جانے سے اسطوانے پر پیٹی کی فرکی قوت کسی قدر کم پیدا ہوتی ہے اور اس طرح ب کی زیرین حرکت روک دی جاتی ہے۔ رگڑ کی قوت میں زوال کی وجہ سے ب اوپر اٹھنے لگتا ہے۔ اور پھر اس کا وزن پیٹی پر زیادہ اچھی طرح پڑتا ہے۔ اور لازماً رگڑ بڑھ جاتی ہے۔ پیٹی کی حرکت دوبارہ بند ہو جاتی ہے۔ کسی اسطوانے کے گرد اس طرح ضابطہ پیٹی کے انتظام کو ڈینامومیٹر (Dynamometer) کہتے ہیں۔

فرکی قوت (ت - ت) کے برابر ہے۔ جہاں ت کا وزن ہے اور ت وہ فرق ہے جو ب کے وزن اور کمافی دار ترازو کی لگائی ہوئی قوت کے مابین ہے۔ یہ تمام قوتیں ڈائینوں (Dynes) میں ناپی جانی چاہئیں۔ صرف شدہ کام کی مقدار اسطوانے پر لگائے ہوئے فرکی جفت اور نیمقطریوں میں اسطوانے کے گردشی زاویے کے حاصل ضرب کے برابر

۱۔ ٹھوس سطحوں کے مابین رگڑ کی قوت ان کی اضافی رفتاروں کے تقریباً غیر تابع تو ہوتی ہے مگر قطعی غیر تابع نہیں ہوتی۔

ہے۔ پس n گردشوں میں جو کام کیا گیا $2\pi n$ (ت - ت) ص کے برابر ہے۔ جہاں ص اُسٹوانہ کا نصف قطر ہے۔
 گردشوں کی تعداد کا تعین گردشِ مُعدّد کے ذریعہ کیا جاتا ہے جو اُسٹوانے کی دھری پر لگا دیا جاتا ہے۔

گردشوں کی ایک معلومہ تعداد کے لیے پیدا شدہ حرارت کا تعین پانی کی تپش کے اضافے اور اُسٹوانے اور اُس کے مافیہ کے حرارتی مُعادل کے حاصل ضرب کے ذریعہ معلوم کیا جاتا ہے۔ ایصال کے ذریعہ نقصان حرارت کو رفع کرنے اور حرارتی مُعادل کو ایک خاص قیمت پر رکھنے کی غرض سے اُسٹوانے کو ہاتھی دانت یا ولکانائیٹ (Vulcanite) کی گُل مینخوں پر چڑھا دیتے ہیں جو اُسٹوانے کے محیط پر چھ جگہ لگی ہوتی ہیں۔ ان گُل مینخوں کے ذریعہ اُسٹوانہ چلاؤ قرص اور تیکے کے ساتھ ملحق ہوتا ہے۔ اُسٹوانے کے سرے کی تختی میں ایک سوراخ ہوتا ہے جس میں سے تپش پیم داخل کرتے ہیں اور اُسٹوانے کے اندر پانی ڈالا جاتا ہے۔ تجربہ سے پہلے اُسٹوانہ کو نصف پانی سے بھر لیتے ہیں اور اندر ڈالنے سے پہلے پانی کا وزن و گرم معلوم کر لیا جاتا ہے۔ جب اُسٹوانہ گھومتا ہے تو پانی کو بھی گردش حرکت ملتی ہے اور یہ بھی اُسٹوانے کے ساتھ ساتھ گھومنے لگتا ہے۔ اس کو اُسٹوانے سے باہر نکل جانے سے صرف مرکز گریز قوت روکتی ہے۔ جس کی وجہ سے وہ کنارے کے ساتھ ہمیشہ ملا رہتا ہے۔

اس آلہ کا تپش پیم ایک خاص وضع کا ہوتا ہے۔ یہ خمیدہ ہوتا ہے تاکہ اس کا جوہ اُسٹوانے کے کنارے کے قریب اور اندر رہے اور درجہ دار تہ مرکزی سوراخ سے باہر نکلا رہتا ہے۔ اس کو شکل ۱۳۲ میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب جکڑ دیا جاتا ہے۔ پانی جو نے سے ٹکرا رہا ہوا گزرتا ہے اور تپش پیم پر اس کی تپش مندرج ہوئی جاتی ہے۔ گردش حرکت سے پانی اچھی طرح ملتا رہتا ہے اس کا نتیجہ یہ ہے کہ سارے مایع میں تپش کی یکسانی پیدا ہو جاتی ہے۔ چونکہ تپش پیم ایک جگہ قائم رہتا ہے

اس لیے دورانِ تجربہ میں کسی آن بھی پیش لینے میں اس سے مدد ملتی ہے۔
اس لیے یہ ممکن ہے کہ اگر ضرورت ہو تو وقت و پیش کا منحنی کھینچ سکتے ہیں
اور اس منحنی کی مدد سے انتہائی پیش کے لیے اشعاعی نقصانات کی تصحیح بھی
کر سکتے ہیں (صفحہ ۳۶۳)۔ اُسٹوانے کا آب مساوی اس کی کمیت ک اور
حرارت نوعی منج کے ذریعہ معلوم ہو سکتا ہے۔

صرف شدہ کام اور پیدا شدہ حرارت کے ذریعہ حرارت کا معادل جیلی
”رجو“ مساوات

کام = جوح

کے ذریعہ متعین ہو جاتا ہے۔ صرف شدہ کام کی مقدار πn (ت - ت) ص
سے حاصل ہو جاتی ہے۔

ح پیدا شدہ حرارت کی مقدار ہے اور (و + ک منج) (تم - تم)
کے مساوی ہے جہاں تم اور تم اُسٹوانے کے اندر پانی کی ابتدائی اور انتہائی
پیشیں ہیں۔

تجربہ ۱۱۲۔ کیلنڈر کے آلے کے ذریعہ

حرارت کے معادل جیلی کی تخمین

سے یا موٹر کے ذریعہ چلانے کے لیے ترتیب دیتے ہیں۔ نرم کپڑے پر کوئی

رقیق دھاتی پالش ڈال کر اُس سے اُسٹوانہ کی گھومنے والی سطح کو

بڑی احتیاط کے ساتھ پالش کرو۔ ضابطہ بیٹوں کو شکل ۱۳۳

میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب ترتیب دے لو۔ سرے ابر

۵ کلو گرام اور سرے با پر ۴۰۰ گرام کا بوجھ لگاؤ اور نیسر

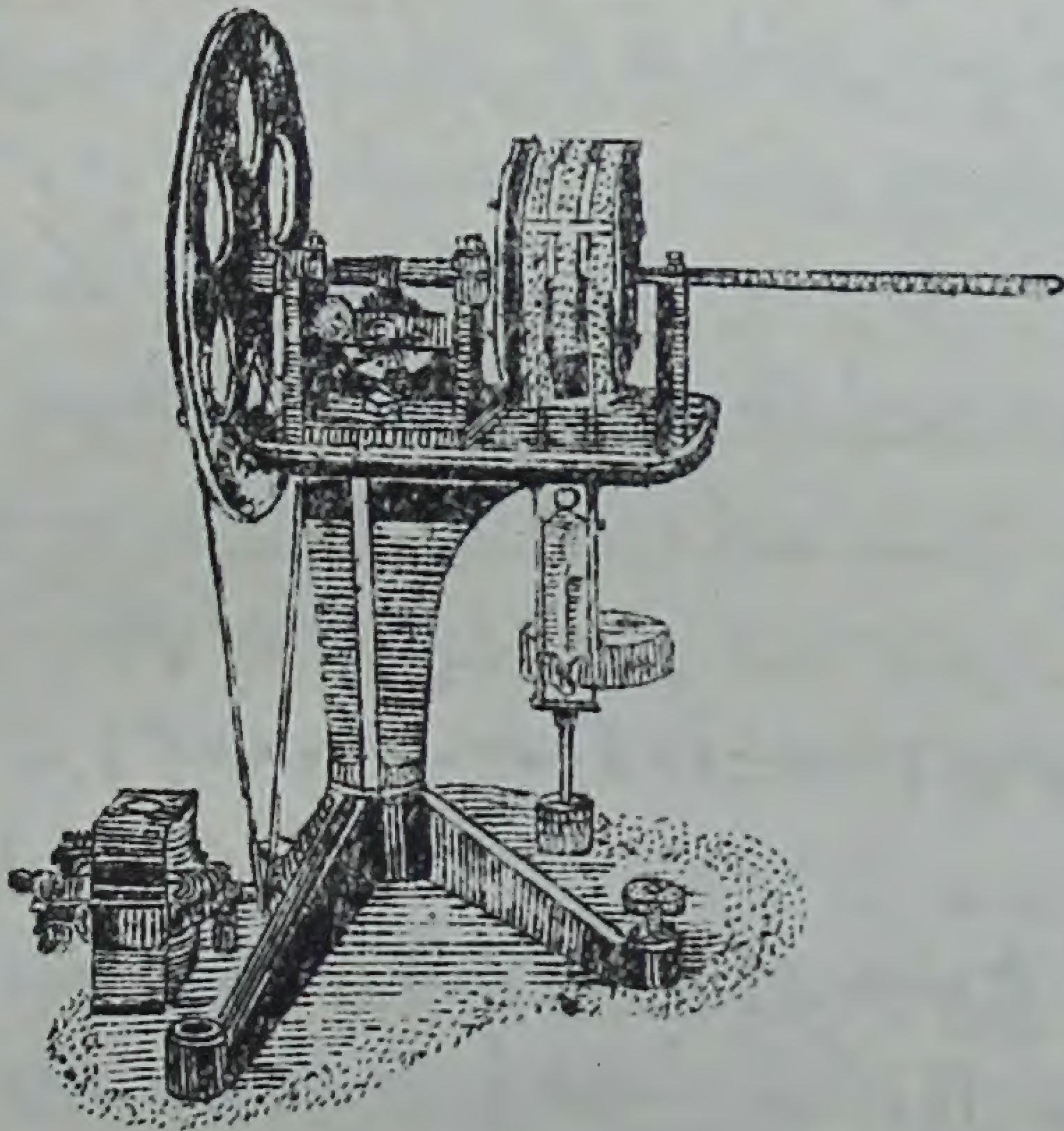
کمافی دار ترازو کو آلے کے ڈھانچے کے ساتھ ج پر اٹکا دو۔

پانی کی اتنی مقدار ناپ لوجو اُسٹوانے کو تقریباً اُس کے

مرکزی سوراخ تک پُر کر سکے۔ اندازاً ۳۰۰ اور ۵۰۰ مکعب سم

کے درمیان پانی کی ضرورت ہوگی۔ فرض کرو کہ اس کی کمیت

و گرام ہے - پانی کو اُسٹوانے کے اندر داخل کرو۔



منسل ۱۳۴ - کیلنڈر کا آلہ موڑ کے ذریعہ چلانے کے لیے
(کیمبرج سائنٹفک انسٹرومنٹ کمپنی)

پیش پیما کے جوئے کو اُسٹوانے کے اندر رکھ دو اور اس کو
اُس قبضہ کے اندر جو آلے میں لگا ہوا ہے، اس طرح جکڑ دو کہ
پیش چاکا تنہ اُسٹوانے کے محور کی سمت میں باہر نکلا رہے۔
جوئے داخل کرنے کے وقت غایت احتیاط کی ضرورت ہے کیونکہ
موڑ کے مقامات پر پیش پیما آسانی سے ٹوٹ جاتا ہے۔
موڑ چلا دو اور اس کی چال کو یا ۱ اور ب کی کمیتوں
کو مرتب کرو تا آنکہ اُسٹوانے کے گھومنے پر بیٹی ساکن رہے۔
اس امر کی احتیاط کرنی چاہیے کہ جوئے آلہ کے ڈھانچے کو
مس نہ کرنے پائے اور نیز کمافی دار ترازو کا مناسبہ

پیمانے کے دونوں سروں سے کافی دُور ہٹا رہے۔ جب یہ انتظامات ختم ہو جائیں تو موٹر روک دی جاتی ہے اور پانی کو ساکن ہونے کا موقع دیا جاتا ہے۔ پانی کی تپش تسم اور گردش متعدد کے مقروئے حاصل کر لیے جاتے ہیں۔

اب اصلی تجربے کو انجام دینے کے لیے موٹر چلا دو اور اُسٹوانے کی ہر پچاس یا ایک سو گردشوں کے لیے پانی کی تپش پڑھ لو۔ تپش کے مقروؤں کے ہر جوڑے کے درمیان کمافی دار ترازو کا کھنچاؤ بھی دیکھتے رہو کہ اضافہ تپش کے اس حصے میں کمافی کی اوسط قوت کا اندازہ ہو سکے۔ کل تجربے میں جتنا وقت لگے اُس کو بھی لکھ لو۔

ایک ہزار (یا کوئی اور مناسب تعداد) چکروں کے بعد موٹر کو روک دو اور جب پانی ساکن ہو جائے تو تپش تسم حاصل کرو۔ اس کے بعد آئے کو اُتے ہی وقت کے لیے چھوڑ رکھتے ہیں جتنا کہ تجربہ میں صرف ہوا تھا۔ اس دوران میں تپش کی کمی معلوم کر لیتے ہیں۔ فرض کرو کہ یہ کمی صف تسم ہے۔

دوران تجربہ میں تپش کی جو اوسط زیادتی ماحولی تپش پر ہوتی ہے وہ آخری زیادتی کا نصف ہے۔ لہذا دوران تجربہ میں نقصان حرارت کی اوسط شرح اختتام تجربہ پر نقصان حرارت کی شرح کا نصف ہوگی۔ پس تجربہ کے دوران میں اشعاعی تصحیح کے لیے مشاہدہ کردہ اضافہ تپش میں $\frac{1}{2}$ جمع کر دینے سے ہمیں

$$H = (W + K) (T - T_0 + \frac{1}{2} \Delta T)$$

حاصل ہوگا جہاں H دوران تجربہ میں پیدا شدہ حرارت کی مقدار ہے۔ اس جملے میں K اُسٹوانے کی کمیت ہے اور W اُسٹوانے کے مادہ کی (جو عموماً پتیل ہوتا ہے) حرارت نوعی ہے۔ K کی قیمت اُسٹوانے کے سرے پر آلہ ساز خود کنندہ کر دیتے ہیں۔

صرف شدہ کام کی پیمائش کے لیے یہ ضروری ہے کہ اسطوانہ کا قطر معلوم کیا جائے۔ فرض کرو کہ صی ہے۔ پٹی کے دونوں سروں کے مابین تناؤ کے فرق سے فر کی قوت حاصل ہو جائیگی۔ فرض کرو کہ کھانی دار ترازو کے مقروڈ کی اوسط قیمت سی گرام ہے۔ پس پٹی کے اس سرے پر جس پر کہ ب لٹکا ہوا ہے تناؤ ت (ب - سی) گرام وزن کے برابر ہوگا۔

پٹی کے دوسرے سرے پر تناؤ ت' ا گرام وزن کے برابر ہے۔ پس اس طرح فر کی قوت ذیل کے جملہ سے حاصل ہو جائیگی ب۔

ف = (ت - ت') ڈائین = [ا - (ب - سی)] ج ڈائین

یہ قوت اسطوانے کے احاطہ کے گرد عمل کرتی ہے اور رگڑ کی وجہ سے

پیدا ہونے والا جفت

ف صی ڈائین سر ہے۔

اور ن گردشوں میں جو کام ہوتا ہے وہ برابر ہے۔

۲۲ ن ف صی ارگ کے

پیدا شدہ حرارت ح اور صرف شدہ کام کی مقدار کو گردشوں کی ایک خاص تعداد کے لیے محسوب کرو۔ اور مساوات ذیل کی مدد سے معادل حلی "جو" کو شمار کرو:-

کام = جوح

نوٹ :- کیلنڈر کے آلے کا اطمینان بخش استعمال، سطح اسطوانہ پر اچھی پالش حاصل کرنے پر موقوف ہے۔ اس کے لیے کافی احتیاط و توجہ اور وقت کی ضرورت ہوگی خصوصاً جب کہ آلہ عرصہ دراز سے استعمال نہ کیا گیا ہو۔

فصل ہفتم

رطوبت پیمائی

۱۔ تعریفات

ہوا کی رطوبت پیمائی حالت یا رطوبیت اضافی کی تعریف یوں ہو سکتی ہے کہ یہ ہوا کی فی صد یا کسری سیری ہے۔ کسی تپش پر ہوا میں بخاراتِ آبی کی ایک اعظم مقدار موجود رہ سکتی ہے۔ یہ اعظم مقدار اس تپش پر کے آبی بخارات کی سیری کے دباؤ د کے متناظر ہے۔

بخارات کی جو مقدار حقیقتہً موجود رہتی ہے، اس اعظم مقدار کے شاذ ہی برابر ہوتی ہو۔ موجودہ بخارات کی حقیقی مقدار کی متناظر سیری کا بخاری دباؤ د ہوتا ہے جو بالعموم د سے بہت کم ہوتا ہے۔ موجودہ بخاراتِ آبی کی کمیت د کے متناسب ہوتی ہے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ کسری سیری کو $\frac{D}{D_s}$ سے یا فی صد $\frac{D}{D_s} \times 100$ سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

ہوا میں جو آبی بخارات موجود ہوتے ہیں، کسی خاص تپش پر ہوا کو سیر کرنے کے لیے کافی ہو سکتے ہیں۔ اگر ہوا کو مقامی طور پر اس تپش تک سرد کیا جائے تو جو کوئی چبٹی سطح اس سرد شدہ ہوا میں کھلی رہیگی، اس پر شبنم جمع ہو جائیگی: اس تپش تک کو نقطۂ شبنم کہتے ہیں۔

تقرب کے بہت ہی قریب درجہ تک نقطہ شبہم پر جو سیری کا بخاری دباؤ (س - ب - د) ہوتا ہے، اس کو ہوا میں موجود بخارات کے دباؤ کے مساوی فرض کر سکتے ہیں۔ پس اگر ہم نقطہ شبہم معلوم کر سکیں تو اس سے ہوا کی رطوبت پیمائی حالت حاصل کر سکتے ہیں کیونکہ جدولوں (دیکھو ضمیمہ ۴۲۶) کی مدد سے کسی تپش پر بخارات آبی کے لیے سیری کا بخاری دباؤ معلوم ہو سکتا ہے۔ پس

$$\text{رطوبت پیمائی حالت} = \frac{\text{نقطہ شبہم پر س - ب - د}}{\text{ہوا کی تپش پر س - ب - د}}$$

۴۔ نقطہ شبہم کی تعیین کے طریقے

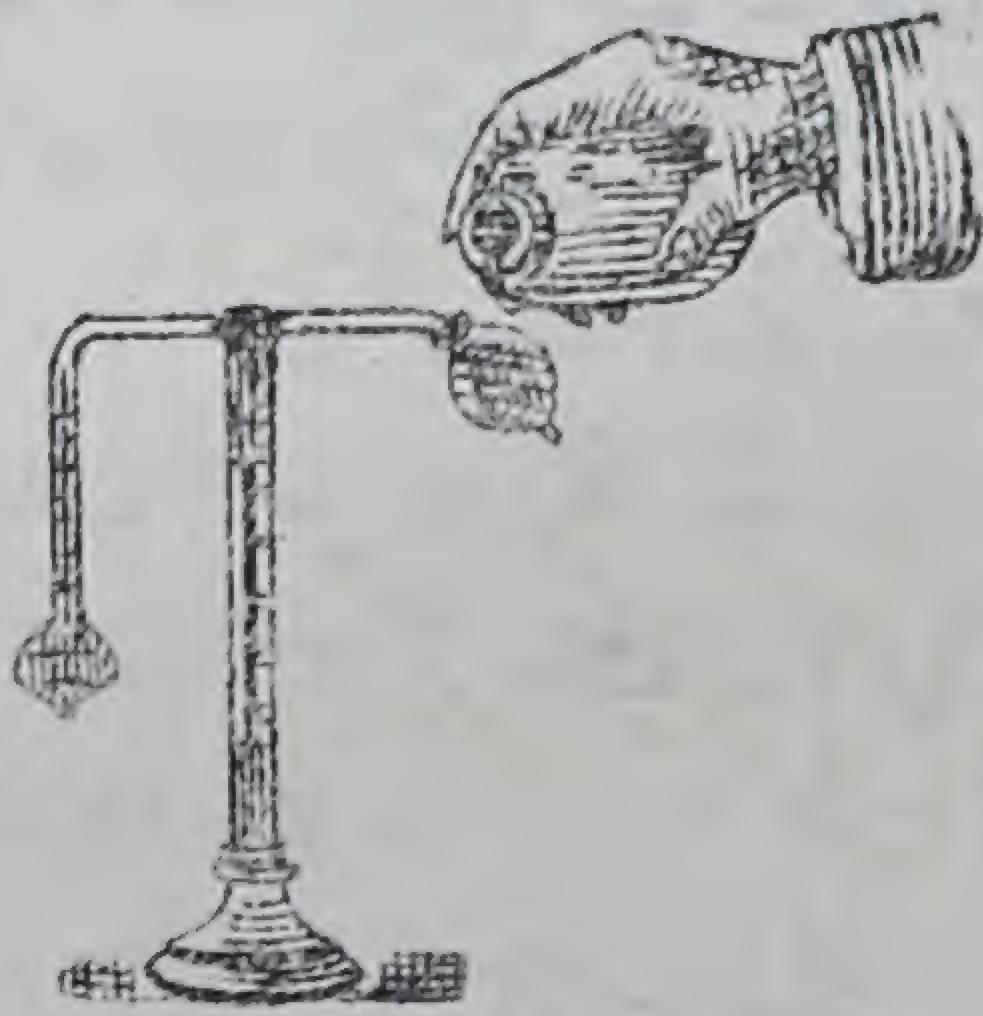
رطوبت پیم

مقامی طور پر ہوا کو سرد کرنے کا طریقہ یہ ہے کہ ایک دھاتی مجلا سطح کو سرد کیا جائے۔ جب اس پر شبہم جمع ہو جاتی ہے تو یہ مجلا سطح دھندلی پڑ جاتی ہے اور زیادہ مشق ہونے کی صورت میں شبہم کا ذرا سا شاٹہ بھی معلوم کر لیا جاسکتا ہے اب اگر اس وقت سطح کی تپش حاصل کی جائے تو یہی تپش نقطہ شبہم ہوگی۔ اس مقصد کے لیے جو آلہ بنایا جاتا ہے اسے رطوبت پیم کہتے ہیں۔

دانیالی رطوبت پیم

شکل ۱۲۵ میں دانیالی رطوبت پیم رکھایا گیا ہے۔ آدہ کی اس

صورت میں دھاتی سطح ایک طلائی پیٹی ہوتی ہے جو شیشے کے زیرین جوفے کے ساتھ چسپاں کر دی گئی ہے۔ اس جوفے کے اندر تپش پیم ہوتا ہے جس کا تنہ اُس نلی کے سرے تک جاتا ہے جو اس جوفے کو ٹیکسن کی دوسری جانب کے ایک دوسرے جوفے ب کے ساتھ ملحق کرتی ہے۔ ان جوفوں اور الحاقی نلی میں صرف ایٹھر اور ایٹھر کے بخارات ہوتے ہیں۔



بالائی جوفہ کو ڈھکے ہوئے کپڑے پر ایٹھر ڈالنے اور اس کو جلد تر تخییر کا موقع دینے سے یہ جوفہ سرد ہو جائیگا۔ جوفے کے اندر کے ایٹھری بخارات کی تکثیف ہوگی اور ان کی جگہ وہ بخارات لے لینگے جو دوسرے جوفہ میں سے نکلتے ہیں۔ بالائی جوفے میں تکثیف جاری رہیگی اور تکثیف شدہ بخارات کی جگہ پر کرنے کے لیے زیرین جوفے میں سے بخارات آتے

شکل ۱۳۵۔ دانیالی رطوبت پیم

جائینگے۔ اور اس طرح زیرین جوفے میں اُس وقت تک مسلسل تخییر جاری رہیگی جب تک کہ بالائی جوفہ سرد کیا جا رہا ہو۔ زیرین جوفے کے اندر تخییر کی وجہ سے اس کی تپش میں یکساں طور پر کمی ہوتی جائیگی اور آخر کار طلائی پیٹی نقطہ شبہم تک سرد ہو جائیگی۔ جب شبہم کے پہلے شاخے نظر آئیں تو آلے کے اندر والے تپش پیم کی تپش لے لی جاتی ہے۔ اور ساتھ ہی گمرہ کی ہوا کی تپش بھی معلوم کر لی جاتی ہے۔ اس غرض کے لیے بالعموم آلے کی ٹیکسن پر ایک دوسرا تپش پیم چڑھا دیا جاتا ہے۔

ان تپشوں میں سے پہلی تپش کو نقطہ شبہم مان لیتے ہیں اور ان مشاہدات کی بناء پر رطوبت پیمائی حالت محبوب کی جاتی ہے۔

یہ آلہ کوئی اچھی قسم کا نہیں ہے۔ آلے کا اندرونی تپش پیمائے طلائی پیٹی سے اس طرح پر جڑا رہتا ہے کہ ان کے مابین مائع کی کچھ از کچھ ایک سیر موٹی تہ ہوتی ہے۔ اور علاوہ بریں شیشے کی ۲ تا ۴ ممر موئی بہت بھی ہوتی ہے۔ مائع علی طور پر بالکل سسائی رہتا ہے۔ اور خود مائع میں تپش کے بہت زیادہ تغیرات کا امکان ہے۔ نیز شیشہ خود ناقص موصل حرارت ہے۔ اس سے یہ نتیجہ اخذ ہوتا ہے کہ تپش پیمائے طلائی پیٹی کی تپش سے ۲ تا ۴ ممر کچھ ہوتی ہے۔ لہذا نقطہ شبہم کے لیے حاصل کردہ قیمت اسی حد تک غلط ہو سکتی ہے۔

اس قسم کے آلے کے متعلق اور بھی اعتراضات ہیں۔ آلے کے چاروں طرف ہوا ایتھر کے ذرات سے لدی ہوتی ہے اور علاوہ بریں شرح تبرید کو منتظم نہیں کر سکتے۔ اس کا تعین محض کپڑے پر ایتھر کی بنیہ کی شرح سے ہوتا ہے۔

تجربہ ۱۱۳۔ دانیالی رطوبت پیمائے ذریعہ نقطہ شبہم کی تعیین — آلے کی ٹیکن پر لگے ہوئے تپش پیمائے ذریعہ کمرہ کی ہوا کی تپش معلوم کرلو۔ اوپر والے جوفے کے اطراف پلٹی ہوئی ململ پر تھوڑا سا ایتھر ڈالو اور طلائی پیٹی کو شبہم کے ابتدائی شاہیہ پیدا ہونے تک دیکھتے رہو۔ اگر اس کی سطح کو لمبی کاغذ کی بنی ہوئی بتی یا کسی پر کے ذریعہ چھوتے رہیں تو شبہم کی موجودگی کا بہتہ زیادہ سہولت سے لگیگا۔ جوں ہی شبہم کا جمع ہونا پایا جائے، فوراً ہی آلے کے اندرونی تپش پیمائے کی تپش پڑھ لو۔

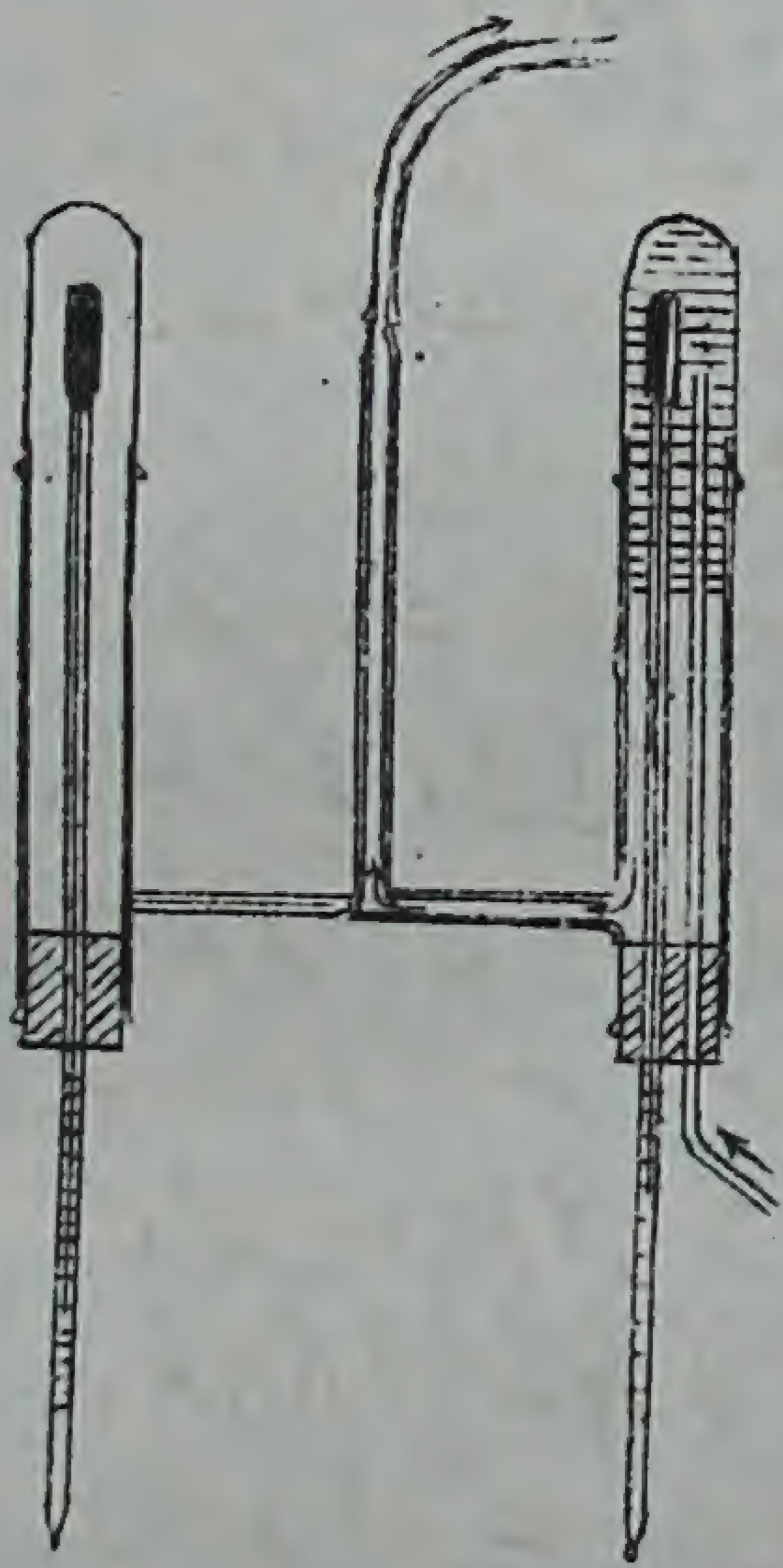
صفحہ ۴۲۶ پر دی ہوئی جدول کے ذریعہ ان دونوں تپشوں کے مناظر سیری کا بخاری دباؤ معلوم کرو۔ اور اس سے مرطوبیت اصنافی کو محسوب کرو۔

ریزو کارطوبت پیمیا

اگر رہنمائی کا تجویز کردہ رطوبت پیمیا درست طریقہ سے تیار کیا جائے اور مناسب طور پر استعمال کیا جائے تو دانیالی رطوبت پیمیا کے نقائص سے بچ سکتے ہیں۔ شیشے کی ایک کھلی نلی ۱ کے زیرین سرے پر ایک نفرتی ٹیپی بٹھا دی جاتی ہے (دیکھو شکل ۱۳۶)۔ اس میں ایٹھس کی اتنی کافی مقدار رکھی جاتی ہے کہ نفرتی ٹیپی بڑھ جائے۔ اور ایٹھس میں ایک تیش پیمیا ڈوبا رہتا ہے۔ دونیلوں ج د اور ع ف کے ذریعہ جو شکل میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب لگائی گئی ہیں، آلے میں سے ہوا کی رو کھینچی جاتی ہے۔ ہوا بلبوں کی شکل میں مایع میں سے ہوتی ہوئی جانبی نلی گ کے ذریعہ نکل جاتی ہے۔ جب ہوا بلبے بن کر نکلتی ہے تو ایٹھس کے بخار سے لد جاتی ہے اور اس تیز بخیر کے عمل سے مایع کی تیش گر جاتی ہے۔ چونکہ یہ مایع نفرتی ٹیپی اور تیش پیمیا دونوں سے راست تماس میں ہے اور نیز ہوا کے بلبوں کے ذریعہ اچھی طرح ہلایا بھی جاتا ہے اس لیے تیش پیمیا، مایع اور نفرتی ٹیپی تینوں ایک ہی تیش پر رہینگے۔ جوں ہی نقطہ شبہم کی تیش پہنچتی ہے، شبہم بننے لگتی ہے۔ جس وقت ٹیپی پر ابتداءً شبہم دکھائی دے تو اس وقت تیش حاصل کر لینے سے نقطہ شبہم کافی صحت کے ساتھ معلوم ہو جاتا ہے۔

تجزیہ ۱۱۴۔۔۔ ریزو کے رطوبت پیمیا سے

نقطہ شبہم کی تعیین — شیشے کی چھوٹی نلی کو ہوا کش کے ساتھ جوڑ دو۔ ابتداءً ہوا کی تیز رو سے کام لے کر نقطہ شبہم کو ہرری طریقہ پر معلوم کر لینا چاہیے۔ اس میں تبرید سرعت کے ساتھ



ہوگی اور شبنم اُس وقت تک
مشاہدہ نہ ہوگی جب تک
تپش اصلی نقطہ شبنم سے
کسی قدر نیچے نہ گر جائے۔
اگر اُس وقت ہوا کی رو
روک دی جائے تو تمام آلہ
آہستگی کے ساتھ گرم
ہوگا اور شبنم غائب ہو جائیگی۔
وہ تپش جس پر شبنم غائب
ہو سکے گی جائے۔ یہ اصلی
نقطہ شبنم سے زیادہ قریب
ہوگی بہ نسبت اُس قیمت
کے جو پہلے پہل حاصل
کی گئی تھی۔ لیکن یہ کسی قدر
زیادہ ہوگی۔

شکل ۱۳۶ - رینوکا رطوبت پیماسے

اب ہوا کش کو دوبارہ چالو کیا جاتا ہے لیکن اس طرح
پر کہ آلہ میں سے ہوا کی بالکل دھیمی رو بہتی رہے۔ اس عمل
سے تپش پھر گرنے لگتی ہے۔ لیکن یہ عمل بہت سست ہوگا
اور نقطہ شبنم کے پہنچنے کے بعد ہی فوراً شبنم کی موجودگی کا علم
ہو جائیگا۔ اس طرح نقطہ شبنم کی صحیح ترین قیمت حاصل ہوگی۔
حسب صراحت بالا آلے کو متواتر ٹھنڈا کرنے اور پھر
گرم ہونے کا موقع دینے سے بالآخر شبنم کے نمودار اور غائب
ہونے کے لیے ایسی تپشیں حاصل ہوں گی جن میں ایک درجے
کے ۲۰ حصے سے زیادہ فرق نہیں رہیگا۔ جب یہ صورت پیدا
ہو تو نقطہ شبنم، ان کا اوسط لیا جاسکتا ہے۔ نلی ک کے اندر

کے تپش پیمائے سے کمرہ کی تپش معلوم ہوگی۔

صفحہ ۴۲۶ کی جدول کی مدد سے نقطہ شبہم کے تناظر

اور نیز کمرے کی تپش کے لیے بھی سیری کا بخاری دباؤ معلوم کرو۔ اور

اس سے رطوبت اضافی کی قیمت محسوب کرو۔

نوٹ۔ شبہم کا ذرا سا بھی شائبہ معلوم کرنا ہو تو یہ امر

باعث سہولت ہوگا کہ ایک لمبا خشک بریا خط لکھنے کے کاغذ کے

ایک ورق کو بتی کی طرح لپیٹ کر استعمال کریں۔ اس کو ایک سرے

سے پکڑ کر رکھیں اور تقری ٹوپی کو کاغذ کی بتی یا پر کے دوسرے

سرے سے آہستہ آہستہ زد کرتے جائیں۔ اس طریقے سے ذرا سی

بھی جمع شدہ شبہم کا پتہ چل جائیگا۔ کیونکہ جب بھیگی ہوئی سطح پر کاغذ

کی زد ہوگی تو اس جگہ کی سطح زیادہ چمکدار نظر آئیگی۔ تجربہ کے دوران

میں تقری ٹوپی سے ۲۰ سمر فاصلے کی حد کے اندر ہاتھ نہ پہنچنا

چاہیے۔ اور مشاہد اور آلہ کے درمیان فیشے کی ایک بڑی تختی

حائل ہونی چاہیے۔ تجربہ ایسی جگہ پر انجام نہ دیا جائے جہاں پانی

کی ایک وسیع سطح کھلی ہوئی ہو۔

بہت سے آلہ ساز ایک سالم امتحانی نلی لے کر اس کے سرے پر تقری

ٹوپی چڑھا دیتے ہیں اور اس کو رینو کے رطوبت پیمائے نام سے فروخت

کرتے ہیں۔ اس قسم کے آلے کے استعمال میں تپش پیمائے اور تقری سطح کے

مابین ایک ناقص موصل واسطہ رکھنے سے وہی خطا از سر نو شریک ہو جاتی

ہے جس کو رفع کرنے کے لیے رینو کا آلہ تجویز کیا گیا تھا۔

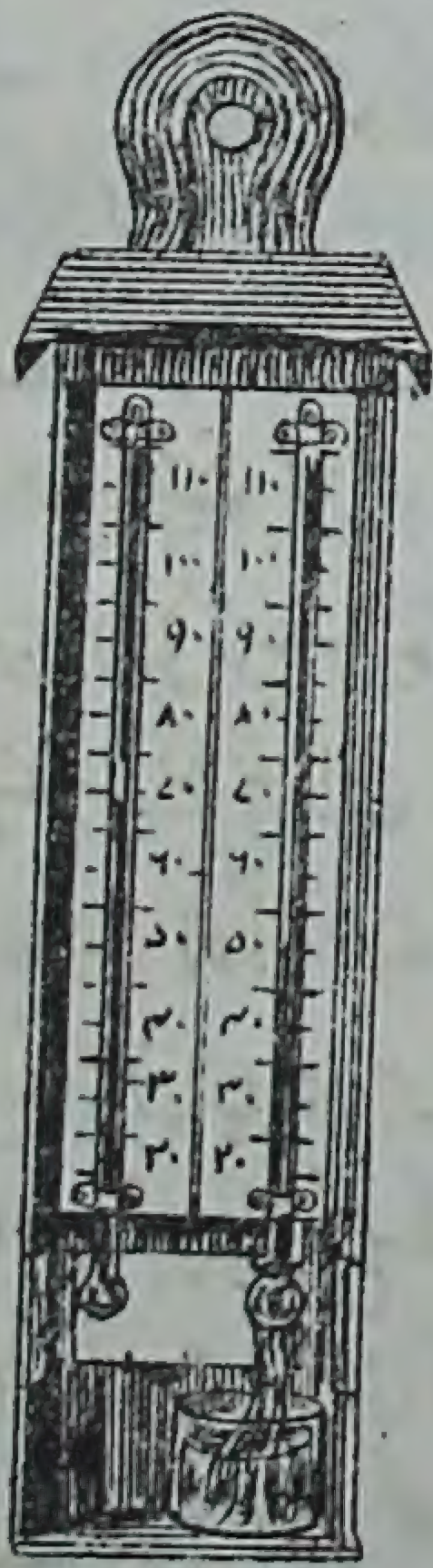
ایسی حالت میں امتحانی نلی کا سرا ریتی سے کاٹ کر تقری ٹوپی کو نلی

سے چمٹا دینا چاہیے تاکہ نلی تقری ٹوپی سے ڈھکی رہے اور یہ ٹوپی ایٹھر سے

راست تماس میں ہو۔

خشک اور تر جوفہ دار رطوبت پیم

ایک ہی ٹیکن پر دو پیش پیمالگا دیے جاتے ہیں۔ ایک تو ہوا میں کھلا رہتا ہے اور دوسرے کے جوفے کو اطراف سے کپڑے میں ڈھک دیتے ہیں۔ اس کپڑے کے زیرین سرے کو پانی کے ایک برتن (شکل ۱۳۷) میں ڈوبا ہوا رکھ کر



تر رکھا جاتا ہے۔ ہوا جس قدر خشک ہوگی اسی قدر تیزی کے ساتھ تر جوفے میں بخیر ہوگی اور اس کی پیش اسی قدر کم ہوگی۔ ان دونوں پیشوں کو پڑھنے سے رطوبت پیمانی حالت کا اندازہ ہو سکتا ہے۔

مہینو کا رطوبت پیم مقابلے کے لیے استعمال کر کے ان مقروؤں کو تحویل کرنے کے لیے آزمائشی طور پر جدولیں تیار کر لی گئی ہیں اس قسم کی ایک جدول صفحہ (۴۲۱) پر دی گئی ہے۔

گو اس آلہ کو ماہرین شہابیات

(Meteorologists) بہت کثرت سے استعمال کرتے ہیں لیکن راست طور پر اس کی کوئی علمی قدر نہیں ہے۔

فی لیکرہ ہوائی میں بخارات آبی کی کمیت کا شمار
ایک لیٹر ہائیڈروجن کا وزن ط - ت - ۵ پر ۰.۹ گرام ہوگا۔

کسی دباؤ و حرارت پیش ت پر اس کی کمیت

$$0.609 \times \frac{2}{240} \times \frac{243}{243 + 24} \text{ گرام ہوگی}$$

اب ہمارے پاس بخاراتِ آبی تپش ت (نقطہ شبنم) اور پیمائش کردہ دباؤ و حرارت موجود ہیں۔ ایک ہی حالت کے تحت بخاراتِ آبی، ہائیڈروجن سے ۹ گنا زیادہ کثیف ہوتے ہیں۔ پس فی لیٹر موجودہ بخاراتِ آبی کی کمیت

$$0.581 \times \frac{2}{240} \times \frac{243}{243 + 24} \text{ ہوئی۔}$$

بعض اوقات یہ اعتراض کیا جاتا ہے کہ بخاراتِ آبی، ہوا کی تپش اور دھند دباؤ پر موجود رہتے ہیں۔ لہذا مندرجہ بالا جملے میں ت کے بجائے ت یعنی ہوا کی تپش درج ہونی چاہیے۔ حساب کرنے کے لیے کوئی سا طریقہ اختیار کیا جاسکتا ہے۔ کیونکہ ان میں سے کوئی ایک جملہ استعمال کرنے میں جو فی صد خطاء (اگر کوئی ہے) ہوتی ہے، وہ اس فی صد خطاء سے بدرجہا کم ہوتی ہے جو د معلوم کرنے میں پیدا ہوتی ہے۔

بخاراتِ آبی کی کمیت فی لیٹر کی تعیین کیمیائی طریقوں سے بھی ہو سکتی ہے، اس کے لیے ہوا کی ایک معلوم کمیت کو پہلے سے تولی ہوئی خشک کرنے والی نلیوں کے راستے کھینچا جاتا ہے اور نلیوں میں جذب شدہ بخارات کی کمیت معلوم کی جاتی ہے۔

تراور خشک جو فہ دار رطوبت پیم

مندرجہ ذیل جدول میں پہلے انتصابی خانہ سے خشک جو فہ والے تپش پیم کی تپشیں ملتی ہیں اور پہلی افقی سطر میں دونوں تپش پیموں کا فرق دیا گیا ہے۔ باقی اعداد سے بوقت مشاہدہ جو حقیقی بخاری دباؤ حاصل ہو جاتا ہے۔ جب ہوا سیر شدہ ہو تو دونوں تپشوں کا باہمی فرق صفر ہے اور دوسری خانہ سے انتصابی خانہ سے بخاری دباؤ حاصل ہوگا۔

۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	صفر	م
						۱۵۳	۲۵۱	۲۵۹	۳۵۷	۴۵۴	۰
					۰۵۸	۱۵۴	۲۵۲	۳۵۲	۴۵۰	۴۵۹	۱
					۱۵۰	۱۵۹	۲۵۷	۳۵۴	۴۵۴	۵۵۳	۲
					۱۵۳	۲۵۲	۳۵۸	۴۵۷	۵۵۷	۶۵۶	۳
				۰۵۸	۱۵۴	۲۵۲	۳۵۲	۴۵۱	۵۵۱	۶۵۱	۴
				۱۵۰	۱۵۸	۲۵۴	۳۵۵	۴۵۵	۵۵۵	۶۵۵	۵
				۱۵۱	۲۵۰	۳۵۹	۴۵۹	۵۵۹	۶۵۹	۷۵۰	۶
			۰۵۲	۱۵۲	۲۵۳	۳۵۳	۴۵۳	۵۵۳	۶۵۳	۷۵۵	۷
			۰۵۸	۱۵۷	۲۵۷	۳۵۷	۴۵۷	۵۵۸	۶۵۹	۷۵۰	۸
		۰۵۲	۱۵۱	۲۵۱	۳۵۱	۴۵۱	۵۵۲	۶۵۳	۷۵۴	۸۵۴	۹
		۰۵۵	۱۵۵	۲۵۵	۳۵۵	۴۵۴	۵۵۷	۶۵۸	۷۵۸	۸۵۰	۱۰
		۰۵۹	۱۵۹	۲۵۹	۳۵۰	۴۵۱	۵۵۲	۶۵۳	۷۵۴	۸۵۴	۱۱
		۱۵۳	۲۵۳	۳۵۴	۴۵۵	۵۵۴	۶۵۸	۷۵۰	۸۵۲	۹۵۲	۱۲
		۱۵۷	۲۵۸	۳۵۹	۴۵۰	۵۵۲	۶۵۳	۷۵۴	۸۵۴	۹۵۸	۱۳
	۱۵۱	۲۵۲	۳۵۳	۴۵۴	۵۵۴	۶۵۷	۷۵۰	۸۵۲	۹۵۲	۱۰۵۴	۱۴
۰۵۵	۱۵۴	۲۵۷	۳۵۸	۴۵۰	۵۵۱	۶۵۲	۷۵۴	۸۵۴	۹۵۹	۱۰۵۳	۱۵
۱۵۰	۲۵۱	۳۵۲	۴۵۳	۵۵۵	۶۵۸	۷۵۰	۸۵۲	۹۵۳	۱۰۵۷	۱۱۵۱	۱۶
۱۵۵	۲۵۴	۳۵۷	۴۵۹	۵۵۲	۶۵۴	۷۵۷	۸۵۷	۹۵۸	۱۰۵۸	۱۱۵۸	۱۷
۲۵۰	۳۵۱	۴۵۳	۵۵۵	۶۵۸	۷۵۱	۸۵۲	۹۵۵	۱۰۵۹	۱۱۵۳	۱۲۵۸	۱۸
۲۵۵	۳۵۷	۴۵۹	۵۵۲	۶۵۵	۷۵۹	۸۵۳	۹۵۷	۱۰۵۷	۱۱۵۷	۱۲۵۷	۱۹
۳۵۱	۴۵۳	۵۵۴	۶۵۹	۷۵۳	۸۵۳	۹۵۷	۱۰۵۷	۱۱۵۷	۱۲۵۷	۱۳۵۷	۲۰

حرارت پر مزید مشقیں

۱۔ دیے ہوئے تپش پیمائے کے ثابت نقطوں کا تعین کرو اور اس کو دیے ہوئے ٹھوس جسم کا نقطہ انجمت معلوم کرنے کے لیے استعمال کرو۔
۲۔ غیر درجہ دار تپش پیمائے بروٹ اور بھاپ کی مدد سے کمرہ کی تپش معلوم کرو۔

۳۔ دیے ہوئے تپش پیمائے کو معیاری بناؤ اور اس کو یہ معلوم کرنے کے لیے استعمال کرو کہ دی ہوئی شے گرم کرنے کی صورت میں کس تپش پر بستیگی میں آجائیگی۔

۴۔ دیے ہوئے مائع کے پھیلاؤ کی اوسط شرح 20°C اور 30°C کے درمیان اور نیز 30°C اور 40°C کے درمیان معلوم کرو۔
۵۔ کسی مائع کا نقطہ جوش معلوم کرو۔ اور بقدر 10°C فی صد وزن کوئی ٹھوس شے شامل کرنے سے نقطہ جوش میں جو تبدیلی پیدا ہو اس کا تعین کرو۔

۶۔ اگر شیشے کے مکعب پھیلاؤ کی شرح بتا دی جائے تو 20°C اور 30°C پر پانی کی کثافت معلوم کرو۔

۷۔ ماسکونی ترازو کی مدد سے 20°C پر 40°C اور 60°C پر ایک دیے ہوئے مائع کی کثافت معلوم کرو۔ اور یہ دریافت کرو کہ آیا 20°C اور 60°C کے درمیان پھیلاؤ کی شرح وہی رہتی ہے جو 20°C اور 60°C کے درمیان ہے۔

۸۔ ایک معلوم حجم کا جوفہ جس کے ساتھ معلوم قطر کی نلی لگی ہے استعمال کر کے دیے ہوئے مائع کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح دریافت کرو۔

۹۔ پانی کے نقطہ انجماد اور نقطہ جوش کے مابین مستقل حجم کی ہوا کے لیے اضافہ دباؤ کی تیشی شرح معلوم کرو۔

۱۰۔ یہ ظاہر کرنے کے لیے کہ ہوا کے ایک دیے ہوئے حجم کا دباؤ، سیمائی تپش پیمائی بتائی ہوئی تپش کے لحاظ سے کس طرح بدلتا ہے ایک ترسیم حاصل کرو۔

۱۱۔ دیے ہوئے حرارہ پیمائی کا آب مساوی معلوم کرو۔

۱۲۔ کسی دھات کی دی ہوئی کمیت کی حرارتی گنجائش معلوم کرو۔

۱۳۔ کسی دی ہوئی دھات سے بنے ہوئے ۵۰ گرام وزنی حرارہ پیمائی کا

آب مساوی معلوم کرو۔

۱۴۔ ایک مائع کی حرارت نوعی معلوم کرو جب کہ ایک ایسے ٹھوس کی حرارت نوعی دی گئی ہے جو مائع مذکور پر کیمیائی عمل نہیں کرتا۔

۱۵۔ پیرافنی تیل میں برف شامل کر کے تیل کی حرارت نوعی معلوم کرو۔

۱۶۔ دیے ہوئے مائع کی حرارت نوعی، بھاپ کو مائع کے اندر بستہ کر کے معلوم کرو

بھاپ کی حرارت مخفی = ۵۴۰ حرارے فی گرام۔

ہلکاؤ کی حرارت کو نظر انداز کرو۔

۱۷۔ تمہیں معلوم وزن کے حرارہ پیمائی میں معلوم وزن کا پانی دیا گیا ہے۔ اس

میں بھاپ کو بستہ کرو۔ اور تپش پیمائی مشاہدات کی مدد سے بستہ شدہ بھاپ کا وزن معلوم کرو۔ یہ فرض کرو کہ بھاپ کی حرارت مخفی ۵۴۰ حرارے فی گرام ہے۔

۱۸۔ پانی کے ایک دیے ہوئے برتن کو بنسنی مشعل پر گرم کرو۔ اور ۴۴

سے ۸۰ درجہ تک تپش کے بڑھنے کا وقت معلوم کرو۔ اس کے بعد پانی کو معلوم وقت تک جوش دو اور اس سے بھاپ کی حرارت مخفی کی تقریبی قیمت اخذ کرو۔

۱۹۔ دی ہوئی تپش پر گرم پانی سے بھری ہوئی ایسی دو مختلف

امتحانی نلیوں کی ششج تبرید کا مقابلہ کرو۔ جن میں سے ایک نلی پر کا جمل اور دوسری پر چاندی کی تہ چڑھا دی گئی ہے۔

۲۰۔ ایک حرارہ پیما کے لیے جس میں پانی کی معلوم مقدار موجود ہے، تبریدی منحنی مرتسم کرو۔ جب حرارہ پیما کی پیش اپنے ماعول کی پیش سے ۲۰ درجہ زیادہ ہو تو فی ثانیہ ضائع شدہ حراروں کی تعداد محسوب کرو۔

۲۱۔ کمرہ کی ایک لیٹر ہوا میں بخارات آبی کی کمیت معلوم کرو۔

۲۲۔ دو مختلف طریقوں سے نقطہ شبنم معلوم کرو۔

۲۳۔ ایک دھاتی سلاخ کے ایک خاص پر نشان لگا دیا گیا ہے۔ اگر سلاخ

کی موصلیت حرارت کی قدر بتا دی جائے تو نشان زدہ مقام پر پیش پیمائے کے استعمال کے بغیر مقام مذکور کی پیش دریافت کرو۔

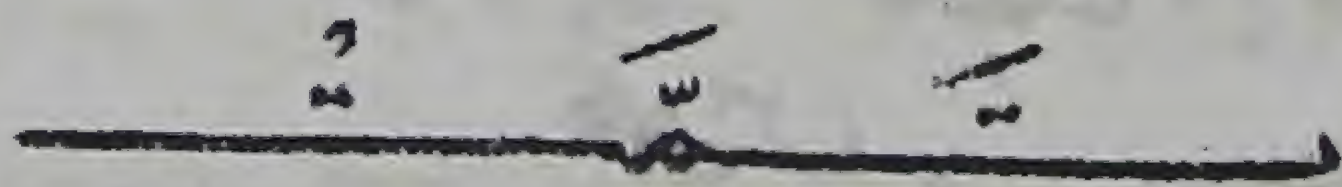
۲۴۔ آبنوسی تختی کی موصلیت حرارت کی قدر معلوم کرو۔

۲۵۔ آبنوس اور مقوے کی موصلیت حرارت کی قدروں کا باہمی مقابلہ

کرو۔

۲۶۔ تھیں چینی مٹی کی نلی دی گئی ہے۔ اس چینی مٹی کے لیے موصلیت حرارت

کی شرح معلوم کرو۔



ضمیمہ ب

طولی پھیلاؤ کی شرحیں

ذیل کی جدول میں جو قیمتیں درج ہیں وہ ۰° اور ۱۰۰° کے درمیان
طولی پھیلاؤ کی اوسط شرحیں ہیں :-

۰.۰۰۰۰۰۲۳	رانگ (قلعی)	۰.۰۰۰۰۰۲۲	الومینیم
۰.۰۰۰۰۰۱۴	سونا	۰.۰۰۰۰۰۰۹	پلاٹینم
۰.۰۰۰۰۰۲۷	سیسا	۰.۰۰۰۰۰۱۹	پیتل
۰.۰۰۰۰۰۰۹۱	شیشہ	۰.۰۰۰۰۰۱۷	تانبہ
۰.۰۰۰۰۰۰۱۱	لوہا	۰.۰۰۰۰۰۰۲۹	جست
۰.۰۰۰۰۰۰۰۴۵	گارکاپتھر (پگھلایا ہوا)	۰.۰۰۰۰۰۰۱۹	چاندی

نوعی حرارتیں

اکائی کمیت کی حرارتی گنجائش حراروں میں فی گرام درجہ مئی
تھوس

۰.۰۰۰۰۰۰۵۵	رانگ (قلعی)	۰.۰۰۰۰۰۰۲۱۲	الومینیم
۰.۰۰۰۰۰۰۳۱۶	سونا	۰.۰۰۰۰۰۰۰۳۲	پلاٹینم
۰.۰۰۰۰۰۰۰۳۱	سیسا	۰.۰۰۰۰۰۰۰۹۴	پیتل
۰.۰۰۰۰۰۰۰۱۹	شیشہ	۰.۰۰۰۰۰۰۰۹۴	تانبہ
۰.۰۰۰۰۰۰۰۱۱۵	لوہا	۰.۰۰۰۰۰۰۰۹۴	جست
۰.۰۰۰۰۰۰۰۱۹۱	گارکاپتھر (Quartz)	۰.۰۰۰۰۰۰۰۰۵۶	چاندی

مایعات

۰.۵۱۱	پیرافن	۰.۵۸	الکول (۷۵)
۰.۵۲۳	تارپین	۰.۵۱۴	ایٹیلین
۰.۵۷۶	گلیرین	۰.۵۳۳	پارا

موصلیت حرارت کی قدریں

حرارے (سمی) " (ثانیہ) " (درجہ) " ۱

۰.۵۱۵	لنگ (قلبی)	۰.۵۳۸	الومینیم
۰.۵۰۰۳	ربر (تقریباً)	۰.۵۱۷	پلاٹینم
۰.۵۰۸	سیسا	۰.۵۲	پیتل (تقریباً)
۰.۵۰۰۱	شیشہ (تقریباً)	۰.۵۹	مٹاشا
۰.۵۱۳	لوہ	۰.۵۲۶	جست
۰.۵۰۰۳	مقوہ (تقریباً)	۱.۵۰	چاندی

سیر شدہ آبی بخار کا دباؤ

دباؤ پارسے کے ملی میٹروں میں

دباؤ	تپش	دباؤ	تپش	دباؤ	تپش
۱۵۶۵	۱۸	۸۶۶	۹	۴۶۶	۵۰
۱۶۶۵	۱۹	۹۶۲	۱۰	۴۶۹	۱
۱۷۶۵	۲۰	۹۶۸	۱۱	۵۶۳	۲
۱۸۶۵	۲۱	۱۰۶۵	۱۲	۵۶۷	۳
۱۹۶۸	۲۲	۱۱۶۲	۱۳	۶۶۱	۴
۲۱۶۰	۲۳	۱۲۶۰	۱۴	۶۶۵	۵
۲۲۶۳	۲۴	۱۲۶۸	۱۵	۶۶۰	۶
۲۳۶۸	۲۵	۱۳۶۶	۱۶	۷۶۵	۷
۵		۱۴۶۵	۱۷	۸۶۰	۸

فہرست اصطلاحات

عملی طبیعیات

خواص مادہ و حرارت

(بہ ترتیب انگریزی)

انگریزی

A

Abscissa

فصلہ

Acceleration

اسراع

Action and
reaction

{ عمل اور ردِ عمل

Adjustment

(آلوں کی) درستی ترتیب

Analogy

مشابہت

Aneroid barometer

بے مانع بار پیم

Angle of inclination

زاویہ میلان

Angular motion

زاویائی حرکت

Applications

اطلاقات

Applied force

لگائی ہوئی قوت - عاملہ قوت

Applied mathematics

عملی ریاضیات

Archimedes

آرشمیدس

Arrestment

روک

Arrestment of the
balance

{ ترازو کی روک

Aspirator

ہوا کش

انگریزی

اُردو

اُردو

Astronomical

observations

{ فلکی مشاہدے

Auxiliary scale

معاون پیمانہ

Axis of rotation

گردشی محور

Axis of suspension

محور تعلیق

Axis of symmetry

محور متشاکل

Axle

دھری - دھرا

B

Balance case

ترازو دان

Balance-wheel

بال کمافی

Ballistic balance

اندفاعی ترازو

Barometer

بار پیم

Base line

بنیادی خط

Block

کندہ

Boiler

جوشارہ

Brake-band

ضابطہ پٹی

Bulk modulus

حجمی مقیاس

Burette

ظرفک

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
C		Construction	ساخت
	تختیب	Contour	گھیرا۔ احاطہ
	تعمیر	Convection current	حملی رو
	سرل چاپ	Cooling	تبرید
	حرارہ	Cooling curve	تبرید منحنی
	حرارہ پروار	Co-ordinate axis	محدودی محور
	حرارہ پیمائی	Cord	ڈوری
	شعریت	Correction	تصحیح
	ارتفاع پیم	Corrective curve	تصحیحی ترسیم
	مرکز ارتعاش	Corresponding	{ متناظر متوازیات
	مرکز تعلیق	parallels	
	وقت پیم	Cross-wires	متقاطع تار
	دور پیم	Curvature	انحناء
	چمٹی	Curved surface	منحنی سطح
	کلاک کی شرح رفتار	Cylindrical	اسطوانہ نما
	قدر۔ شرح	D	قسی ارتعاش
	تصادم		
	ستلانی ڈوری یا فیتہ {	Damped oscillations	معطیات۔ مقدمات
	بیچیدل	Data	انحراف
	تختیب	Deflection	
	بقا	Deformation	بگاڑ
	بقا توانائی	Delivery tube	نکاس نلی
	ساختہ شکل	Denominator	مقسوم علیہ نسب نما
		Density	گشتافت
		Dependent variable	تابع متغیر

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Derived units	مشتق اکائیاں	Elliptic plate	ناقصی تختی
Design	تجویز	Elongation	تطول - اضافہ طول
Differential	تفریقی - تفرقی	Energy gained	کسب توانائی
Differential calculus	تفریقی احصاء	Energy of translation	انتقالی توانائی
Differentiation	تفریق	Equilateral	مثلث متساوی الاضلاع
Dilatation	بسط	triangle	
Dilatometer	بسط پیم	Equilibrating force	متعادل قوت
Diopres	بصری	Equilibrium	متعادل تپش
Discrepancy	تناقض	temperature	خطا
Disk, Disc	قرص	Error	جفت
Displacement	نقل مکان	Even	پھیلاؤ
Divided head	درجہ دار سر	Expansibility	
Drum	ڈھول	Experimental	عملی شیخ
Dynamic friction	حرکی رگڑ	demonstration	
Dynamics	علم حرکت	Experimental	عملی تعیین
		determination	
		Experimental methods	عملی طریقے
Efficiency	استعداد	Experimental	تجرباتی مشاہدات
Effort	زور	observations	
Elasticity	لیجک	Experimental	عملی تصدیق
Elastic limit	لیجک کی انتہا	verification	مشاہد
Ellipse	ہلیپسی شکل ناقص قطع ناقص	Experimenter	تصریہ
Ellipsoidal	ناقص نما	Exposure	ٹریساؤ
Elliptical	ناقصی	Extension	خارجی قوت
Ellipticity	ناقصیت	External force	
		Eye and ear	یعنی اور آذنی تخمینہ
		estimations	

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Eye-piece	چشمہ	Friction rider	رگڑ راکب - فرکی راکب
F	جزء (یا جزو) ضربی	Fulcrum	نصاب
		Fusion	اماعت
		Fusion of ice	سرخ کی اماعت
		G	رُویما
Factor	کاذب صفر		
False zero	محدود ورقہ		
Finite area	ثابت مرکز	Galvanometer	گیسی مظاہر
Fixed centre	ثابت جبراً	Gaseous phenomena	بندش گیری
Fixed jaw	ثابت نقطے	Gearing	ہکمون
Fixed points	ثابت چرخ	Generator	ڈھال
Fixed pulley	سیالی رگڑا	Gradient	پیمانہ دار ربع
Fluid friction	اُڑ پھیپہ	Graduated quadrant	درجہ بندی
Fly wheel	ماسکہ	Graduation	ریزہ دار ٹھوس
Focus	قوت	Granular solid	ترسیلی سکونیات
Force	قوتِ عاملہ	Graphic statics	H
Force acting	دبانے والی قوت		
Force pressing	چٹھا	Harmonic motion	موسیقی حرکت
Forceps	قوای نسبت	Hinge	قبضہ
Force ratio	کسر	Hinge carrier	قبضہ بردار
Fraction	کسری بگاڑ	Hollow	مخوف
Fractional distortion	ڈھانچہ	Horizontality	افقییت
Frame work	آزاد چرخ	Horizontal line	افقی خط
Free wheel	رگڑ - فرک	Horizontal table	افقی میز
Friction	فرکی قوتیں یا	Hydrometer	مایع پیم
Frictional forces	{ رگڑ کی قوتیں	Hydrostatic balance	ماسکولی ترازو

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Hygrometry	رطوبت پیمائی	Linear scale	خطی پیمانہ
Hyperbolic logarithm	طبیعی لوکارتم	Line of action	خطِ عمل
Hypsometer	ارتفاع پیم	Load	بوجھ
I		Locus	طریق
Impact	تصادم	Logarithm	لوکارتم
Inclined plane	سطح مائل	M	
Independent variable	متبوع متغیر	Magnification	تکبیر
Indicator diagram	منظہاری نقشہ	Magnified image	مکبر خیال
Inertia	جمود	Main scale	اصلی پیمانہ
Intervals	وقفے	Major and minor axis	اعظم اور اقل محور {
J		Major axis	محورِ اعظم
Jerks	جھٹکے	Manipulation or adjustment	دست درزی اور درستی {
K		Mass	کمیت
Kinetic energy	توانائی بالفعل	Mean solar second	اوسط شمسی ثانیہ
L		Measurement	پیمائش
Lathe	خراہ	Mechanical	حیلی
Least count	شمارِ اقل	Mechanical advantage	مفادِ حیلی
Lever	بیرم	Mechanical equivalent of heat	حرارت کا معادلِ حیلی {
Limiting equilibrium	انتہائی تعادل	Mechanics	میکانیات - علمِ حیل
Limiting friction	انتہائی رگڑ	Meniscus	ہلالی سطح
Limiting value	انتہائی قیمت	Mercury reservoir	پارے کا عوضک
Linear	خطی		
Linear dimensions	طولی ابعاد		
Linear motion	خطی حرکت		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Micrometer	خروہ پیم	Observations and readings	مشاہدات اور مقروءات {
Micrometer eye-piece	خروہ پیم چشمہ	Observed error	مشہودہ غلطی
Micrometer	{ خروہ پیم خروہ پیم	Observer	مشاہد
Microscope		Odd	طاق
Minor axis	محور اصغر	Ordinate	معین
M. m. scale	مہر پیمانہ	Oscillating magnet	مترعش مقناطیس
Mobility	سیلانیت	Oscillation	اتہزاز
Modulus	مقیاس	Oscillation method	ارتعاشی طریقہ
Moments	معیار اثر	Outlet pipe	برآمدلی
Momentum	حرکت کا معیار اثر	P	
Motion of rotation	محوری حرکت		
Motion of translation	انتقالی حرکت	Parallax	اختلاف منظر
Multiple	اضعاف	Parallax error	اختلاف منظر کی وجہ سے غلطی
N		Parallelopiped	متوازی السطوح
		Pendulum	رقاص
Nature	نوعیت	Pendulum methods	رقاصی طریقے
Newton's law of cooling	نیوٹن کا کلیہ تبرید	Pentagon	مخمس
Normal force	عمود وار قوت - عمودی قوت	Periodic motion	دوری حرکت
Note-book	بیاض	Period of vibration	وقت دوران
Null and deflection methods	صفری اور انحرافی طریقے {	Permanent distortion	دوامی بدشکلی
Nut	ٹھہری	Pillar type	ستونی وضع
O		Pitch of screw	پیچ کی گھائی
		Plane surface	سطح مستوی
Observations	مشاہدے	Planimeter	سطح پیم

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Plumb-line	آفتی نمایاں شاقول	Reading	مقروہ - درجہ خوانی
Pneumatic	ہوائی - ہوا دار	Rectangular figure	مستطیلی شکل
Pointer	نمائندہ	Rectangular	{ قائم زاہد
Point of application	نقطہ عمل	hyperbola	
Point of suspension	نقطہ تعلیق	Rectilinear figure	اشکال مستقیم الاضلاع
Pole strength	قطبی طاقت	Registration	ترقیم
Potential energy	توانائی بالقوہ	Regnaults hygrometer	{ رینوکارطوبت میاں
Power	طاقت	Regular solids	منتظم مجسمات
Practical efficiency	عملی استعداد	Relative humidity	مرطوبیت اضافی
Protractor	زاویہ میاں (گونیا)	Restoring couple	واپسی جفت
Pulley	چرخ	Resultant	حاصل
Pulley blocks	چرخ کے بلاک	Resultant moment	حاصل معیار اثر
Q		Resulting graph	ترسیم حاصلہ
		Retarding force	قوت مزاحمت
Quadrant	ربع	Revolution	{ گردش شمارندہ - گردش سعدد
Qualitative and quantitative	کیفی اور کمی	counter	
Quantitative knowledge	کمی علم	Rhythm	تال
Quotient	خارج قسمت - حاصل قسمت	Rider	راکبہ - راگب
R		Rigid body	استوار جسم
		Rigidity	استواری
Radians	نیم قطریاں	Rotation	محوری حرکت یا گردش
Radiating surface	اشعاعی سطح	Rough note book	کچی بیاض
Radius of gyration	گردشی نصف قطر	S	
Range	سعت		
Rate of cooling	تبرید کی شرح	Scientific unit	عملی اکائی
Reaction	رد عمل		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Screw	پیچ	Static	سکونی
Sectional view	تراشی منظر	Static frictional force	سکونی رگڑکی قوت
Sector	قطاع دائرہ	Static inclined plane	سکونی سطح مائل
Semi-ellipsoidal	نصف بیضی	Steady force	مستقل قوت
Semi-major axis	نیم محور اعظم	Steam generator	بھاپ کے کوئلے
Semi-minor axis	نیم محور اصغر	Steam jacket	بھاپی پیراہن
Sense of touch	قوت لمس	Steam tight	بھاپ بند
Sensitive	حساس	Stop-watch or stop clock	چل رکنی گھڑی
Sensitive balance	حساس ترازو	Strain	فساد
Shear	جڑ	Strained condition	فسادی حالت
Shear elasticities	جڑی یکپس	Strain energy	فسادی توانائی
Shear strain	جڑی فساد	Stress	زور
Shear stress	جڑی زور	Stud	گل میخ
Side tube	بغلی ٹی	Submultiple	تحت مضاعف
Sinker	مغرق سنگ	Super cooling	پُر سردی
Sliding jaw	متحرک جڑا	Supply	رسد
Slope	میلان	Surface of contact	ماسی سطح
Slots	ناہیاں	Surface tension	سطحی تناؤ
Solidification	انجام	Swing	ارتعاش
Specific gravity	کثافت اضافی	Symmetrical	متشاکل
Spherometer	گردیت پیم	System	نظام
Spindle	سکله		
Spiral spring	مرغولہ دار کمانی		
Spirit level	افق نا		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Tangent	ماس	Vernier scale	ورنیر پیمانہ
Tangential force	ماسی قوت	Vertical and horizontal	انتصابی اور افقی
Tensile elasticity	تنشی لچک - تناؤ والی لچک	Vibrating body	موتل جسم
Tensile stress	تنشی زور	Vibration per second	ارتعاش فی ثانیہ
Tension	تناؤ	Viscosity	لزومت
Theoretical	نظری - نظراً	W	
Threads	پیچ کی چوڑیاں		
Thrust	اُچھال - دباؤ	Water trap	آب گیر
Torsion pendulum	مروڑی رقص	Wavy trace	موجی نشان
Tracing arm	مُرسَم بازو - شمار کنندہ بازو	Weight	وزن
Translation	انتقالی حرکت	Weight thermometer	وزن پیش پیم
Translational	انتقالی	Wheel	چرخ
Travelling-crane	متحرک حمار	Wheel and axle	چرخ اور محور
Travelling Microscope	متحرک خوردبین	Wheel gearing	چرخ بندی - چرخ گیرانی
U		Wire-cutter	تار کٹ
		Y	
Unknown area	مجهول رقبہ		
Unknown mass	مجهول کمیت	Yoke	جُوا
V		Z	
Vector quantity	سمتی کمیت	Zero circle	صفری دائرہ
Velocity ratio	رفتاری نسبت	Zero error	صفری غلطی
Verification	تصدیق	Zero point	صفری نقطہ
Vernier	کسر پیم - ورنیر	Zero reading	صفری معائنہ

فہرست اصطلاحات

علمی طبیعیات

خواص مادہ و حرارت

(بہ ترتیب اردو)

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Rigidity	استواری	Water trap	آب گیر
Acceleration	اسراع	Thrust	اچھال (دباؤ)
Cylindrical	استوانہ نما	Contour	احاطہ (گھیرا)
Radiating surface	اشعاعی سطح	Parallax	اختلاف منظر
Rectilinear figure	شکال مستقیم الاضلاع	Parallax error	اختلاف منظر کی وجہ سے غلطی
Main scale	اصل پیمانہ	Swing	ارتعاش
Elongation	اضافہ طول (تطول)	Vibration per second	ارتعاش فی ثانیہ
Multiples	اضغاف	Oscillation method	ارتعاشی طریقہ
Applications	اطلاقات	Cathetometer	ارتفاع پیم
Major and minor axis	بڑا اور چھوٹا محور	Hypsometer	ارتفاع پیم
Spirit level	آفتی نما	Archimedes	ارشمیدس
Plumb-line	آفتی نمایاں شاقول	Fly wheel	آرہیمہ
Horizontality	افقییت	Free wheel	آزاد چرخ
Horizontal line	آفتی خط	Efficiency	استعداد
Horizontal table	آفتی میز	Rigid body	استوار جسم
Adjustment	آلوں کی درستی (ترتیب)		

اردو	انگریزی	اردو	انگریزی
امامت	Fusion	بغلی تلی	Side tube
انتقابی اور افقی	Vertical and horizontal	بقا	Conservation
انتقالی	Translational	بقائے توانائی	Conservation of energy
انتقالی (انتقالی حرکت)	Translation	بگاڑ	Deformation
انتقالی توانائی	Energy of translation	بندش (گیرائی)	Gearing
انتقالی حرکت	Motion of translation	بنیادی خط	Base line
انتقالی حرکت (انتقالی)	Translation	بوجھ	Load
انتہائی تعادل	Limiting equilibrium	بجھاپ بند	Steam-tight
انتہائی رگڑ	Limiting friction	بجھاپ کے مکون	Steam generator
انتہائی قیمت	Limiting value	بجھاپی پیراہن	Steam jacket
انجماد	Solidification	بیاض	Note-book
انحراف	Deflection	بیرم	Lever
انحناء	Curvature	بے مالع بار پیم	Aneroid barometer
اندفاعی ترازو	Ballastic balance	پ	
اوسط شمسی ثانیہ	Mean solar second	پارے کا حوضک	Mercury reservoir
اتہزاز	Oscillation	پرسری	Super cooling
		پھیلاؤ	Expansibility
بار پیم	Barometer	بیچ	Screw
بال کمانی	Balance-wheel	بیچ کی چوڑیاں	Threads
برآمدنی	Outlet pipe	بیچ کی گھائی	Pitch of screw
بڑھاؤ	Extension	بیچیدہ کل	Complicated mechanism
بسط	Dilatation		
بسط پیم	Dilatometer	بیچانہ وار ربع	Graduated quadrant
بصریے	Diopres	بیچائش	Measurement

اردو	انگریزی	اردو	انگریزی
ت		تقریب	Exposure
تابع متغیر	Dependent variable	تعمیر	Calibration
تارکٹ	Wire-cutter	تفرق	Differentiation
تال	Rhythm	تفرقی احصاء	Differential calculus
تبرید	Cooling	تفریقی (تفرقی)	Differential
تبرید کی شرح	Rate of cooling	تکبیر	Magnification
تبرید منحنی	Cooling curve	تکلف	Spindle
تجرباتی مشاہدات	Experimental observation	تناقض	Discrepancy
تجویز	Design	تناؤ	Tension
تحت اصناف	Submultiple	تناؤ والی لچک (کشش لچک)	Tensile elasticity
تخصیب	Calculation	تفشی زور	Tensile stress
تخصیب	Computation	تفشی لچک (تناؤ والی لچک)	Tensile elasticity
ترازو دان	Balance case	توانائی بالفعل	Kinetic energy
ترازو کی روک	Arrestment of the balance	توانائی بالقوہ	Potential energy
تراشی منظر	Sectional view	ثابت جڑا	Fixed jaw
ترسیم محصلہ	Resulting graph	ثابت چرخ	Fixed pulley
ترسیمی اسکونیات	Graphic statics	ثابت مرکز	Fixed centre
ترقیم	Registration	ثابت نقطے	Fixed points
تصادم	Collision, Impact	جڑ	Shear
تصحیح	correction	جڑ و ضربی (جنرل ضربی)	Factor
تصحیحی ترسیم	Correction curve	جڑی زور	Shear stress
تشدیق	Verification	جڑی قساو	Shear strain

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Galvanometer	رڈ پیم	Reading	درجہ خوانی
Arrestment	روک	Divided head	درجہ دار سر
Granular solid	ریزہ دار ٹھوس	Manipulation or adjustment	دست دہیزی اور درستگی
Regnault's Hygrometer	رینو کا رطوبت پیم	Permanent distortion	دوامی بدشکلی
Protractor	زاویہ پیم (گونیا)	Periodic motion	دوری حرکت
Angle of inclination	زاویہ میلان	Axle	دھری۔ دھرا
Angular motion	زاویہ حرکت	Cord	دوری
Effort	زور	Gradient	ڈھال
Stress	زور	Frame Work	ڈھانچہ
Construction	ساخت	Nut	ڈھیری
Constructed figure	ساختہ شکل	Drum	ڈھول
Pillar type	ستونی وضع	Rider	راکبہ (راکب)
Callipers	سرل چاپ	Quadrant	ربع
Planimeter	سطح پیم	Reaction	رد عمل
Inclined plane	سطح مائل	Supply	رشد
Plane surface	سطح مستوی	Hygrometry	رطوبت پیم
Surface tension	سطحی تناؤ	Velocity ratio	رفتاری نسبت
Range	سعت	Pendulum	رقاص
Static	سکونی	Pendulum methods	رقاصی طریقے
Static frictional force	سکونی رگڑ کی قوت	Friction	رگڑ
Static inclined plane	سکونی سطح مائل	Friction rider	رگڑ راکب (فرکی راکب)

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Calorie	حرارہ	Shear elasticities	جبری لچکیں
Calorimetry	حرارہ پیمائی	Even	جفت
Momentum	حرکت کا معیار اثر	Inertia	جمود
Dynamic friction	حرکی رگڑ	Yoke	جوا
Sensitive	حساس	Boiler	جوشا رہ
Sensitive balance	حساس ترازو	Jerks	جھٹکے
Convection current	حالی رو	چ	
Mechanical	حیولی		
خ		Wheel	چرخ
		Wheel gearing	چرخ بندی (چرخ گیری)
Quotient	خارج قسمت - (حاصل قسمت)	Pulley	چرخ
External force	خارجی قوت	Wheel and axle	چرخ اور محور
Lathe	خراہ	Pulley blocks	چرخ کے بلاق
Micrometer	خرو پیم	Eye-piece	چشمہ
Micrometer eye-piece	خرو پیم چشمہ	Stop clock or stop watch	چل مکتی گھڑی {
Micrometer microscope	خرو پیم خوردبین	Forceps	چمٹا
Error	خطا	Clamp	چمٹی
Line of action	خط عمل	ح	
Linear	خطی		
Linear scale	خطی پیمانہ	Resultant	حاصل
Linear motion	خطی حرکت	Quotient	حاصل قسمت - (خارج قسمت)
د		Resultant moment	حاصل معیار اثر
		Bulk modulus	ججمی مقیاس
Force pressing	دبانے والی قوت	Calorifer	حرارت بر دار
Thrust	دباؤ - (اچھال)	Mechanical equi-	حرارت کا معادل حلی {
Graduation	درجہ بندی	valent of heat	

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Burette	خزفک	Vector quantity	سمتی کمیت
	ع	Fluid friction	سیالی رگڑ
Mechanics	علمِ خیل (میکانیات)	Mobility	سیلانیت
Action and reaction	عمل اور ردِ عمل		ش
Practical efficiency	عملی استعداد	Capillarity	شعربیت
Scientific unit	علمی اکائی	Ellipse	شکل ناقص (ایلیپس) قطع ناقص
Experimental mathematics	{ عملی تشریح	Least count	شمار اقل
Experimental verification	{ عملی تصدیق	Tracing arm	شمار کنندہ بازو (مرسم بازو)
Experimental determination	{ عملی تعین (اعلیٰ تعین)		ص
Applied mathematics	عملی ریاضیات	Null and deflection methods	صفری اور انحرافی طریقے
Experimental methods	عملی طریقے	Zero circle	صفری دائرہ
Normal force	عمود وار قوت (عمودی قوت)	Zero error	صفری غلطی
Normal force	عمودی قوت (عمود وار قوت)	Zero reading	صفری معائنہ
Eye and ear estimation	عینی اور اذنی تخمینہ	Zero point	صفری نقطہ
	ف		ض
Friction rider	فرکی راكب (رگڑ راكب)	Brake-Band	ضابطہ پٹی
Frictional forces	فرکی قوتیں یا رگڑ کی قوتیں		ط
Strain	فساد	Odd	طاق
Strain energy	فسادی توانائی	Power	طاقت
Strained condition	فسادی حالت	Hyperbolic logarithm	طبعی لوگاریتم
		Locus	طریق
		Linear dimensions	طولی البعاد
			ظ

اردو	انگریزی	اردو	انگریزی
فصلہ	Abscissa	کچی بیاض	Rough note-book
فکلی مشاہدے	Astronomical observations	گرویت پیم	Spherometer
		کسب توانائی	Energy gained
		کسر	Fraction
قائم زائد	Rectangular hyperbola	کسر پیم (ورنیر)	Vernier
قبضہ	Hinge	کسری جگاڑ	Fractional distortion
قبضہ بردار	Hinge carrier	کلاک کی شرح رفتار	Clock rate
قدر (سیر-مکر)	Coefficient	کمیت	Mass
قرص	Disk, Disc	کمی علم	Quantitative knowledge
قسری ارتعاش	Damped oscillation	کندا	Block
قطاع دائرہ	Sector	کیفی اور کمی	Qualitative and quantitative
قطبی طاقت	Pole strength		
قطریاں	Radians		
قطع ناقص (شکل ناقص بیضی)	Ellipse	گردش شمارندہ	Revolution counter
قوانی نسبت	Force ratio	گردشی محور	Axis of rotation
قوت	Force	گردشی معرہ	Revolution counter
قوت عاملہ	Force acting	گردشی نصف قطر	Radius of gyration
قوت لمس	Sense of touch	گل میخ	Stud
قوت مزاحمت	Retarding force	گھیرا (احاطہ)	Contour
		گیرانی (بندش)	Gearing
کاذب صفر	False zero	گیسی مظاہر	Gaseous phenomena
کثافت	Density		
کثافت اضافی	Specific gravity	نچک	Elasticity

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Unknown mass	مجهول کمیت	Elastic limit	پچک کی انتہا
Co-ordinate axis	محدوی محور	Viscosity	لزوجت
Finite area	محدود رقبہ	Applied force	لگائی ہوئی قوت
Minor axis	محور اصغر	Sinker	لنگر
Major axis	محور اعظم	Logarithm	لوگارتم
Axis of suspension	محور تعلیق	Hydrostatic balance	ماسکونی ترازو
Axis of symmetry	محور متشاکل	Focus	ماسکہ
Motion of rotation	محوری حرکت	Hydrometer	مایع پیم
Rotation	محوری حرکت یا گردش	Independent variable	متبوع متغیر
Pentagon	پنجس	Sliding jaw	متحرک جبر
Circular scale	دور پیمانہ	Travelling crane	متحرک حمالہ
Tracing arm	مترسم بازو (شمار کنندہ بازو)	Travelling Microscope	متحرک خردین
Vibrating body	مترعش جسم	Symmetrical	متشاکل
Oscillating magnet	مترعش مقناطیس	Equilibrium temperature	متعادل تپش
Relative humidity	مرطوبیت اضافی	Equilibrating force	متعادل قوت
Spiral spring	مرغولہ وار کمانی	Cross-wires	متقاطع تار
Centre of oscillation	مرکز ارتعاش	Compensating	متعادل ڈوری یا فینہ
Centre of suspension	مرکز تعلیق	Cord or ribbon	
Torsion pendulum	مروڑی رفاص	Corresponding parallels	متناظر متوازی
Rectangular figure	مستطیل شکل	Parallelepiped	متوازی السطوح
Steady force	مستقل قوت	Equilateral triangle	مثلث مساوی الاضلاع
Analogy	مشابہت	Hollow	مخوف
Experimenter	مشتاہد	Unknown area	مجهول رقبہ
Observations and readings	مشاہدات اور مقروءات		

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Harmonic motion	موسیقی حرکت	Derived units	مشتق اکائیاں
Mechanics	میکانیات (علمِ حیل)	Observed error	مشہودہ غلطی
Slope	میلان	Indicator diagram	مظہاری نقشہ
	ن	Auxiliary scale	معاون پیمانہ
Elliptic plate	ناقص تختی	Data	معطیات (یا مقدمات)
Ellipsoidal	ناقص نما	Moments	معیار اثر
Elliptical	ناقصی	Ordinate	معیّن
Ellipticity	ناقصیت	Sinker	مُغْرِق
Slots	نالیال	Mechanical advantage	مفادِ حیل
Denominator	نسب نما (مقسم علیہ)	Data	مقدمات (یا معطیات)
Fulcrum	نصاب	Reading	مقروءہ
Semi-ellipsoidal	نصف طلیجی	Denominator	مقسم علیہ (نسب نما)
System	نظام	Modulus	مقیاس
Theoretical	نظری	Magnified image	مکبّر خیال
Point of suspension	نقاطِ تعلیق	Coefficient	مکمر (قدر - سرا)
Point of application	نقطہ عمل	Generator	مکون
Displacement	نقل مکان	Tangent	ماس
Delivery tube	نکاس تلی	Surface of contact	ماسی سطح
Pointer	نمایندہ	Tangential force	ماسی قوت
Nature	نوعیت	M m. Scale	ممر پیمانہ
Semi-minor axis	نیم محورِ اصغر	Regular solids	منتظم مجسمات
Semi-major axis	نیم محورِ اعظم	Curved surface	منحنی سطح
Newton's law of cooling	نیوٹن کا کلیہ تبرید {	Wavy trace	موجی نشان

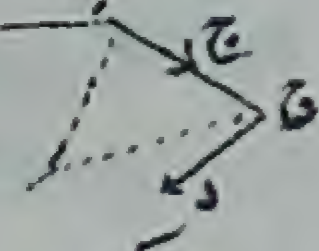
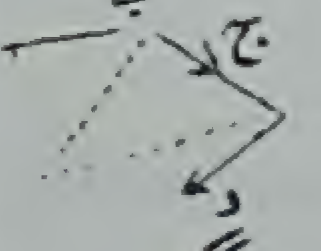
اُردو	انگریزی	اُردو	انگریزی
		وقفے	اُردو
		وقفے	انگریزی
واپسی جُفت	Restoring couple	ہلالی سطح	Meniscus
ورنیر پیمانہ	Vernier scale	ہلیجی (شکل ناقص قطع ناقص)	Ellipse
ورنیر (کسر پیمائش)	Vernier	ہوادار (ہوائی)	Pneumatic
وزن	Weight	ہواکش	Aspirator
وزن پیمائش پیمائش	Weight thermometer	ہوائی (ہوادار)	Pneumatic
وقت پیمائش	Chronometer		
وقتِ دوران	Period of vibration	منح کی اماعت	Fusion of ice

اغلاطانا

عملی طبیعیات

خواصِ مادہ و حرارت

صحیح	غلط	صفحہ نمبر	صفحہ نمبر	صحیح	غلط	صفحہ نمبر	صفحہ نمبر
مدد	مدو	۱۱	۴۰	صفحہ ۲۲۹	صفحہ —	۳	۱۱
نقطہ	نقط	۱	۵۱	ک	گ	۶	۱۱
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	۱۳	۱۱	توازن	نوازن	۱۳	۱۶
عام	نام	۱۴	۵۳	ہے	ے	۱۳	۱۱
سمت	سمت	۶	۵۵	اُن	اِن	۲۱	۱۱
رقبہ	رتبہ	۲۵ و ۲۱	۱۱	ا	ا	۲۵	۱۱
نظریے	نظریے	۱۵	۵۸	پنی ورنیئر	پی ورنیئر	۳	۲۶
گردشوں	گردشوں	۱۱	۵۹	ایسے	ایے	۱۶	۱۱
دو	دو	۴	۶۲	ورنیئر	درنیئر	۱۹	۱۱
ریزہ دار	ریزہ وار	۱۲	۷۷	درجے	ورجے	۲۴	۲۷
اُچھال	اُوچھال	۱۳	۷۹	۲۶۷۷	۲۶۷۷	۱۰	۲۹
کا حاصل	کا	۲۰	۸۰	انیس	انس	۱۸	۱۱
نیکلسن	نیکلسن	۳	۹۰	نکل	نخل	۱۲	۳۳

صحیح	غلط	صحیح	غلط	صحیح	غلط	صحیح	غلط
نقاط	نقاط	۱۸	۱۳۱	گزشته	گزشته	۱۰	۹۲
تعیین	تعیین	گوشہ	۱۳۳	بحث	بحث	۱	۹۳
۱۲۵	۱۲۵	۳	۱۳۹	گ	گ	۸	۹۶
وسط	وسط	۱۶	۱۴۶	نقطہ دار	نقطہ وار	۷	۱۰۰
ت	رت	شکل ۱۵	"			شکل ۳۱	۱۰۳
استوانہ	استوانہ	۹	۱۴۸	گو	گو	۲	۱۰۵
۲۴۰	۳۴۰	۱۹	۱۵۸	والے	والے	۱۳	۱۰۶
کو	لو	۱۰	۱۵۹	کھینچے	کھینچے	۲۱	۱۰۸
کار آمد	بکار آمد	$\frac{۱۰}{۲۱}$	$\frac{۱۵۹}{۲۶۰}$	سمتوں	سمتوں	۳	۱۱۰
چرخ	چرخ	۱۵	۱۶۰	ف	فہ	شکل ۳۵	۱۱۱
گھ	گھ	۸	۱۶۴	ر	ا	۲۶	"
رکھی	کھی	۱۱	"	طہ	د	"	"
سطحیں	سطحیں	۱۲	"	مقداریں	مقداریں	۲۰	۱۱۲
لو	لو	۱۸	"	ا	ا	۲۲	"
کلو	کلور	۲۲	۱۶۵	کی جاتی	کیا جاتا	۱۴	۱۱۴
قوتوں	توتوں	$\frac{۶}{۱۳}$	$\frac{۱۸۱}{۱۸۸}$	کردیتی	کرویتا	۱۵	"
۵۰	۵۰	۲۳	۱۸۲	رُبعہ	رُبعہ	۱۹	"
م	دو کمر دائرہ کے اندر	شکل ۶۲	۱۸۵	طہ	ط	۱۲	۱۱۵
نمائندہ	نایندہ	۱۶	۱۸۹	اگر	اگر	۳	۱۱۶
قائم	قائم	۶	۱۹۲	ملنے	ملنے	۱۲	۱۲۰
کھینچی	کھینچی	۱۷	"	اثر کو	اثر	۱۳	"
درازی	درازی	۱۵	۱۹۳	=	=	۷	۱۲۱
کمیت	کمیت	۱۸	۱۹۶	صفحہ ۲۲۳	صفحہ ۳۲۳	۹۳	۱۳۱

صحیح	غلط	صفحہ	صفحہ	صحیح	غلط	صفحہ	صفحہ
قہ	قہ	۱۳-۱۱	۲۳۷	جائیں کہ	جائیں کہ	۲۱	۲۰۰
دو	دو	۲	۲۳۸	جائے تو	جائے تو	۱	۲۰۱
جاذبہ	جاذبہ	۱۶-۳	۲۳۹	جبری	جبری	۱۹	"
گرتے	گرے	۱۲	۲۳۷	جس	جس	۸	۲۰۲
و	و	۹	۲۳۸	Hick	Hiek	شکل ۶۸	"
د	د	۱۳	۲۳۹	سر	سر	۱۶	۲۰۶
د	د	۲۰	۲۴۲	۲	۳	۲۳	"
جاذبہ سے ہو کر	جاذبہ ہو کر	۲۲	۲۴۲	متناسب	متناسب	۱۹	۲۰۸
ہ	ہ	۲	۲۴۸	قیمت	قیمت	۲۳	"
صفحہ ۲۴۷	صفحہ ۲۴۷	شکل ۶۸	"	و	و	۱۳	۲۱۳
فی ثانیہ	فی ثانیہ	۱۳	۲۵۲	متحرک مادہ x اسراع	متحرک مادہ - اسراع	۱۰	۲۱۲
جہاں	جہاں	۱۶	۲۵۳	متلافی	متلافی	۸	۲۱۶
فی	فی	۱۸	۲۵۸	عملیات	عملیات	۱۱	"
ہو تو	ہو تو	۷	۲۶۹	چھوٹا	چھوٹی	۱۲	۲۱۷
نلی	نلی	۲	۲۸۲	لگا رہتا	لگی رہتی	۱۵	"
میلے	میلے	۱۳	۲۸۷	تبیقن	تبیقن	۲۲	"
۲۱۲	۲۱۲	۷	۲۹۹	جیسے	جیسا	۲۲	۲۲۲
Atwood	At-wood	۲۰	"	یا م	یا م	۱۰	۲۲۴
۹۸۱	۹۸۱	۲۰۳	"	چھوٹے	چھوٹے	۱۲	۲۲۷
نسب نما ۳	نسب نما ۳	۱۸	"	ہوگی	ہوگی	۵	۲۳۱
"	"	۲	۳۰۸	ر	ر	۱۰	"
"	"	۱۱	۳۰۹	ہیں	ہیں -	۱۱	"
قیر ضرور	قیر ضرور	۱۵	"	سے	سے	۲۴	۲۳۲

صحیح	غلط	نہج	صحیح	غلط	نہج
شیشہ کا آگیر	آگیر شیشہ کا	۳۶۹ شکل ۱۲۱	زرد صنوبر	زرد صنوبر	۳۱۰ ۱۱
مخفی	مخفی	" "	۰۵۶۴ - ۰۵۶۰	۰۵۶۴ - ۰۵۶۰	" ۱۲
کے	کے	۳۶۴ ۱۲	س	س	۳۲۰ ۵
نہ	نہ	۳۸۵ ۶	۱۱۲۷	۱۱۲۷	۳۲۳ ۳
د	و	۳۸۶ ۷	مقروہ	مقروہ	۳۲۹ ۱۹
رُخ	اُخ	۳۸۶ ۱۱	ث	ث	۳۲۲ ۵
(درجہ مئی) - ۱	(درجہ مئی) - ۱	۳۸۷ ۱۵	جھم	جھم	۳۲۴ ۵
تیش	تیش	۳۹۱ ۷	(((" ۱۰
نخ (ت)	نخ (ت)	۳۹۲ ۲۵	بہ	بہ	" ۱۲
سرا سر بہر	سرا سر بہر	۳۹۹ ۱	اوسط	اوسط	" ۱۹
جو	جو	۴۰۰ ۶-۴	عہ	عہ	۳۳۸ ۱۱
ک	ک	۴۰۱ شکل ۱۲۱	پیما	پیما	۳۳۹ ۲۱
ص	ص	۴۰۲ ۸-۶ ۱۲	انگوٹھے	انگوٹھے	۳۴۲ ۱۵
دوران	دوران	۴۰۳ ۲۵	۱۰۱۳۲۰۰	۱۱۳۲۰۰	۳۵۱ ۱
متعین	سحین	۴۰۸ ۹	ٹھوس	ٹھوس	۳۵۵ ۵
تہ	تہ	" ۱۱	حرارت	حرارت	۳۶۲ ۲۰
ہ	ہ	" ۲۰	تصحیح	تصحیح	۳۶۳ شکل ۱۲۱
اُفتی	اُفتی	۴۲۰ ۱۹	نیچے	نیچے	۳۶۵ ۱۷

اشارہ

عملی طبیعیات

خواص مادہ اور حرارت

مضامین	صفحات	مضامین	صفحات
آب مساوی	۱	اسراع بوجہ جاذبہ زمین	۲۶۵'۲۶۴'۲۵۴'۲۵۲'۲۲۰'۲۰۹'۲۰۸
آبی تجارت کا دباؤ	۳۵۳	اسراع زاویہ	۲۲۲
اُچھال	۲۱۲	اشعاع کے لیے تصحیح	۳۶۳
اختلاف منظر	۷۹	اشعاع کے لیے حرارہ پیمائی تصحیح	۳۶۳
اُذنی اور عینی تخمینہ	۲۵	اکائیاں بنیادی اور مشتق	۱۴
ارتفاع پیمائ	۴۱	اکائی مقدار حرارت	۲۵۲
ارشمیدس کا اصول	۳۱۹'۳۱۳	اکائی وقت کی	۱۴
ارگ	۸۰	اعشیش کی مخفی حرارت	۳۶۶'۳۶۵
ارٹھیس کے جمود کا معیار اثر	۱۹۳	امسلر	۴۹
استعداد	۲۳۲'۲۲۷	انتہائی رگڑ	۱۴۵
استوار جسم کی گردش	۱۵۴'۱۵۰	انتہائے لچک	۱۷۰
استواری کا مقياس	۲۲۳	انجن	۱۵۰
اسٹیفان کا کلیہ	۲۶۴'۱۸۴'۱۷۲	انحرافی طریقے	۵
اسراع	۳۷۴	انحناء	۶۹
	۲۰۷'۲۰۰	انحناء کا نصف قطر	۶۷۶'۶۴

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۲۵	بیم کپاس	۶۹	انخار کی پیمائش
۲۶۶	بے غم بار پیمیا	۲۰۲	اندفاعی ترازو
	پ	۲۰۱۵	اوسط شمسی ثانیہ
۳۶۹	پیر سردی	۲۱۵	ایٹ وڈ کا آلہ
۳۲۶	پھیلاؤ، طولی	۲۱۶	ایٹ وڈ کا آلہ: ستونی وضع کا
۳۳۹	پھیلاؤ، ظاہری	۲۲۱	ایٹ وڈ کا آلہ: فیتہ دار
۳۳۰	پھیلاؤ، کعبی		ب
۳۲۶	پھیلاؤ کی شرح، طولی		بار پیمیا
۳۳۹	پھیلاؤ کی شرح، ظاہری	۲۶۶	بار پیمیا، بے غم
۳۳۱	پھیلاؤ کی شرح، کعبی	۲۶۶	بار پیمیا، فورٹن کا
۳۳۱	پھیلاؤ کی شرح، گنسی	۲۶۱	بار پیمیا، لائنائی کی شکل کا
۳۳۱	پھیلاؤ، گیسوں کا	۲۶۱	بار پیمیا میں تپش کی تصحیح
۳۳۰	پھیلاؤ، مانع کا	۲۶۸	بار، دباؤ کی اکائی
۱۶۱	پتھ	۲۶۰	بائیل، رابرٹ
۳۲۹، ۳۲۸، ۳۲۷، ۳۲۶	پپی ار خردہ پیمیا	۲۶۶، ۱۶۹	بخارات آبی کا دباؤ
۳۳	پچ کی گمانی	۲۱۲	برآمدہ بیرم کے لیے ینگ کا مقیاس
۲۰	پیمائش، وقت کی	۸۳	سطح کی شرح
	ت	۳۳۰	بصری
۱۸۵	تار کا مرڈنا	۶۹	بقائے توانائی
۱۶۴	تار کی شکل کی شک کے لیے ینگ کا مقیاس	۱۱۳	بلندی کی پیمائش بار پیمیا سے
۳۶۸	تبخیر کی حرارت مخفی	۲۶۶	بنیادی اکائیاں
۳۲۶	تبرید کا کلیہ	۱۲	بھاپ کی مخفی حرارت
۳۸۰	تبرید کے طریقے، حرارت نوعی کے لیے	۳۶۸	سیانسیس
۳۶۸، ۳۶۳	تبریدی منحنی	۳	بیم
۲۶۸	تپش اور بار پیمائی بلندی	۱۱۸	

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۲۹۳	تناؤ سطحی	۳۷۲	تپش اور دباؤ
۳۱۳	تپش کے تعریے کا اثر	۳۱۳	تپش پیمائشی کے سیمائی
۱۹۳	توانائی ایسے جسم کی جس میں فساد پیدا ہو گیا ہو	۳۱۸	تپش پیمائی کی تعبیر
۲۲۶، ۲۲۴، ۲۰۶، ۱۹۶	توانائی بالفعل	۳۲۱، ۳۲۰	تپش پیمائی کی درجہ بندی
۳۹۸	توانائی حرارت	۳۱۳	تپش پیمائی کے ثابت نقطے
۱۹۳	توانائی کی اکائی	۳۲۴	تپش پیمائی، مستقل حجم والا، ہوائی
۱۱۳	توانائی کی بقا	۳۳۷	تپش پیمائی وزن
	ط	۳۱۲	تپش پیمائی
۲۱۰	ٹرائی فلپس کی	۳۱۲	تپش کا پیمانہ
۳۵۴	ٹھوس کی حرارت نوعی	۳۸۶	تپش کا ڈھال
	ث	۳۸۶	تپش کا میلان
۳۱۲	ثابت نقطے، تپش پیمائی کے	۳۱۲	تپش کی پیمائش
۲۰، ۱۵	ثانیہ، اوسط شمسی	۳۵۰	تپش مطلق
	ج	۱۲۷، ۱۱	تجذیب کے ترسیعی طریقے
۲۶۵، ۲۶۴، ۲۵۴، ۲۲۰، ۲۰۹	جاذبہ زمین، بوجہ اسراع	۷	تجذیب نتیجوں کی
۱۲۸، ۱۲۳	جاذبہ کامرکز	۱۰۹	تخلیل سمیوں کی
۱۶۲	جز	۱۶	ترازو
۲۲۳، ۱۳۱	جمود کا معیار اثر	۱۸	ترازو کی روک
۴۰۰، ۳۹۸	جول - جے - پی	۳۷۸، ۳۷۵، ۳۶۳، ۳۱۸، ۳۱۷، ۲۶۲، ۲۵۶، ۱۱	ترسیم
۳۲۴	جولی	۱۳۵	ترسیعی سکونیات
	چ	۱۳۵، ۱۲۷، ۱۱	ترسیعی طریقے
۱۵۹	چرخ اور محور	۲۳۳، ۲۱۷، ۲۱۲	تصحیح بوجہ مرکز
۱۶۵	چرخ بندی (یا چرخ گیری)	۱۲۴، ۱۱۷	تداول
۲۳۵	چرخ سطح مائل پر	۱۵۹	تفریقی چرخ اور محور

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۳۱	حرکی رگڑ	۱۴۶	چرخہ پر رستی کی رگڑ
۲۴۵، ۲۴۲	حیطۂ اتزان	۱۵۵	چرخہ کے بلاق
۱۵۲	حلی منقاد	ح	ح
خ	خ	۱۰۰	حاصل
۳۶	خرد بین	۳۴۰	حجم بسط پیمیا
۳۶	خرد بین خردہ پیمیا	۸۷، ۶۲	حجم کی تعیین
۳۷	خرد بین متحرک یا ورنیٹر	۲۶۶	حجم، گیسوں کا
۳۲۸، ۳۲	خردہ پیمیا پیچ	۱۷۳	حجمی مقیاس
۳۱۹، ۲۹۸، ۳۶	خردہ پیمیا چشمہ	۳۶۲	حرارت بردار
۳۶	خردہ پیمیا خرد بین	۴۲۲	حرارت پر مشقیں
۲۲۵	خطی اور زاویہ حرکت کا مقابلہ	۳۹۸	حرارت کا معادل حلی
۳۰۱	خواص مادہ	۳۵۲	حرارت کی اکائی
د	د	۳۸۰	حرارت نوعی تبرید کے طریقے سے
۴۱۳	دانہ عالی رطوبت پیمیا	۳۵۴	حرارت نوعی، ٹھوس کی
۷۹	دباؤ	۳۵۳	حرارت نوعی کی تعریف
۴۱۲	دباؤ، آبی بخار کا	۳۵۸	حرارت نوعی کے لیے رینو کا آلہ
۴۱۲	دباؤ، بخارات	۳۸۰، ۳۶۰	حرارت نوعی، مائع کی
۲۹۹	دباؤ، صابون کے بلبے میں	۳۹۸، ۳۵۲	حرارہ
۳۶۷	دباؤ، گرہ ہوائی کا	۳۵۳	حرارہ پیمیا
۲۷۰، ۲۶۹، ۷۹	دباؤ کی اکائی	۳۵۲	حرارہ پیمائی
۷۹	دباؤ کی تعریف	۳۶۳	حرارہ پیمائی، تصحیح، اشعلہ کے لیے
۳۱۶	دباؤ کے لیے نقطہ جوش کی تصحیح	۲۴۱	حرکت ارتعاشی
۳۲۶، ۲۸۱، ۲۶۶	دباؤ، گیسوں کا	۲۰۰	حرکت کا معیار اثر
۳۲۱، ۳۲۰	درجہ بندی، تپش پیمائی	۲۰۰	حرکت کے معیار اثر کی بقا

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۳۵	رسمانی کثیر الاضلاع	۲۶۱، ۲۵۱، ۲۴۵، ۲۴۱	دوران
۳۱۵	رینو	۲۴۱	دوری حرکت
۳۵۸	رینو کا آلہ حرارت نوعی کے لیے	ط	
۴۱۶	رینو کا رطوبت پیم	۲۰۹	ڈائٹن
	س	۲۰۶	ڈینامومیٹر
۲۲۶	زاویئی اسراع	۲۵۴	ڈیوار کا خلائی برتن
۲۴۲، ۲۳۸، ۲۳۶	زاویئی رفتار	و	
۲۳۵	زاویئی سادہ موسیقی حرکت	۲۶۶، ۱۶۹	ڈیوٹ بائیل
۱۷۰	زور	۳۹۳	برکی موصلیت حرارت
	س	۱۳۵	رطبی کثیر الاضلاع
۲۵۲، ۲۴۶، ۲۴۲	سادہ رقاص	۴۱۲	رطوبت پیمائی
۲۵۹	سادہ معادل رقاص	۲۰۸، ۲۰۰	رفتار
۲۴۱	سادہ موسیقی حرکت	۲۴۲، ۲۳۸، ۲۳۶	رفتار، زاویئی
۳۰	سرل چاپ	۱۵۲	رفتاری اور توانی نسبت
۲۵	سرل چاپ اندرونی یا بیرونی	۱۵۴	رفتاری نسبت
۴۸	سطح پیم	۲۵۲، ۲۴۶، ۲۴۲	رقاص، سادہ
۵۳	سطح پیم کا صفری دائرہ	۲۵۹	رقاص، سادہ معادل
۵۵	سطح پیم کی تعبیر	۲۶۲، ۲۵۸، ۲۴۷	رقاص، مرکب
۱۴۲، III	سطح مائل	۲۶۳، ۲۴۹	رقاص، مروڑی
۲۳۵	سطح مائل پر چرخ	۴۴	رقبہ کی پیمائش
۲۳۴	سطح مائل پر لڑھکنے والے ٹھوس اجسام	۴۰۰، ۱۳۹	رگڑ
۲۹۳	سطحی تناؤ	۱۴۶	رگڑ، چرخ پر رسی
۹۸	سکونیات	۲۳۳، ۲۱۷، ۲۱۳	رگڑ کی تصحیح
۱۴۱	سکونی رگڑ	۱۳۰	رگڑ کے مکرر

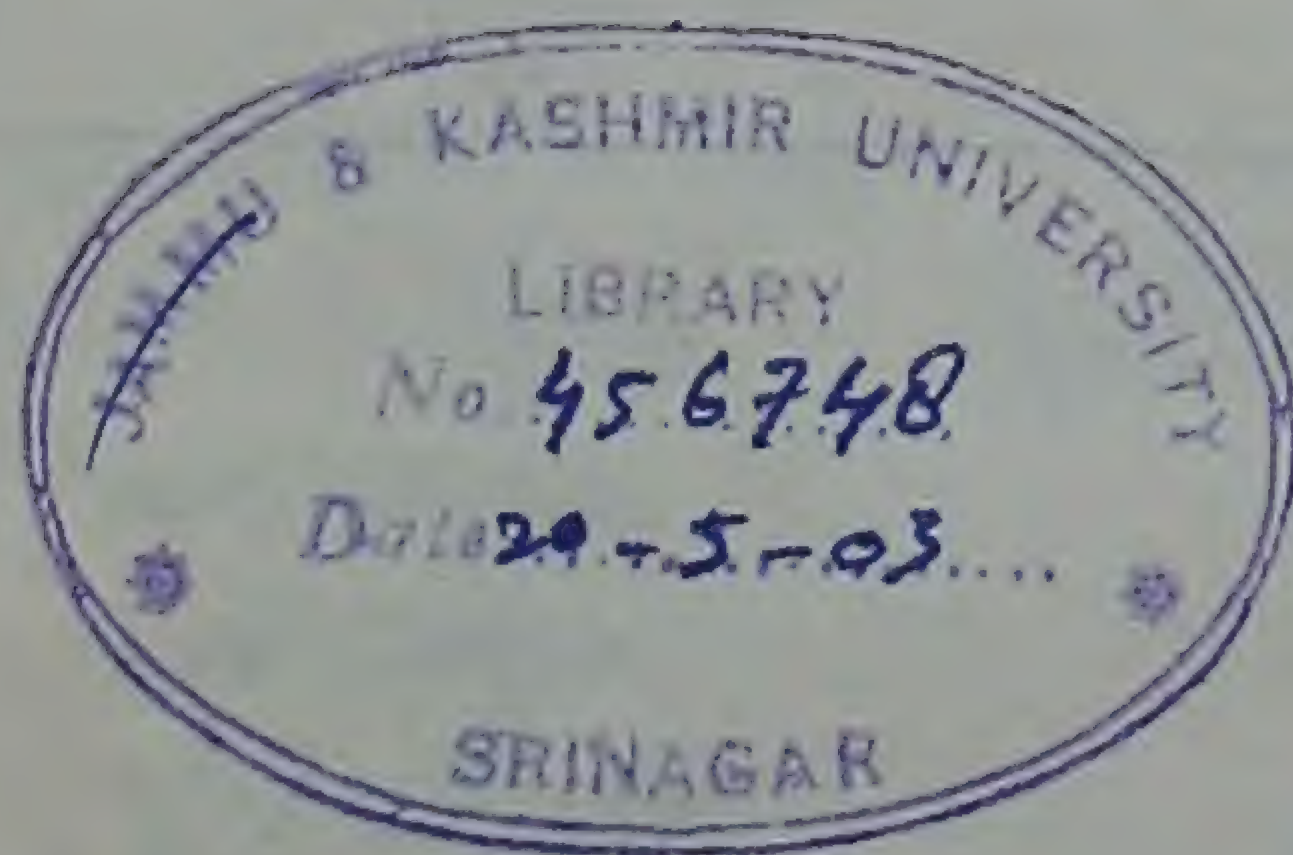
صفحہ	مضامین	صفحہ	مضامین
	ظ	۱۱۱	سکونی سطح مائل
۳۳۹	ظاہری پھیلاؤ	۲۴۰، ۲۰۹، ۱۲	سنگ، ٹکٹا، اکائیاں
	ع	۱۰	سلائیڈ، دول
۱۹۹	علم حرکت	۹۸	سمتیاں
۳۱	عینی اور اذنی تخمینہ	۹۹	سمتیوں کا متوازی الاضلاع
	ف	۱۰۹	سمتیوں کی تحلیل
۱۷	فساد	۴۷	سمسن کے قاعدے
۲۱۰	فلیچر کا کڑالی دار آلہ	۱۳	سنتی میٹر
۲۷۱	فورمن کا بار پیم		ش
	ق	۲۹۳	شعریت
۳۸۶	قدر موصلیت حرارت	۲۷	شمار اقل
۲۳۹	قرص کے جہود کا معیار اثر	۲۹۳	شیشہ کی حرارتی موصلیت
۸۸	قطر کی پیمائش	۳۱۳	شیشے کے سیلابی پیش پیم
۱۵۲	قوانی نسبت		ص
۱۹۹، ۹۹	قوت	۳۰۰	صابون کے محلول کا سطحی تناؤ
۸۱	قوت اچھال	۲۱۵، ۳۵، ۳۱	صفر کی غلطی
۱۱۷	قوت کا معیار اثر	۵	صفری طریقے
۲۰۹	قوت کی اکائی	۳۱۵، ۳۵، ۳۱	صفری غلطی
۱۰۷، ۹۹	قوتوں کا متوازی الاضلاع		ط
۱۰۷، ۱۰۱	قوتوں کا مثلث	۱۶۷	طاقت اور وزن
۹۸	قوتوں کی ترکیب	۲۷۰	طبعی گرہ ہوائی
	ک	۱۳	طول کی اکائی
۲۰	"کاذب صفر" کے ساتھ عمل کرنا	۸۹، ۲۹، ۲۴، ۷	طول کی پیمائش
۳۹، ۸	کام اور حرارت	۳۲۶	طولی پھیلاؤ

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۴	کمیت مادہ کی اکائی	۱۹۳	کام کی اکائی
۲۳۱۶	کمیت مادہ کی پیمائش	۲۲۶۱۱۳	کام کی پیمائش
۴۰۴	کیلنڈر کا آلہ	۲۳۳۶۲	کثافت
	گ	۷۳	کثافت اضافی
۱۴	گرام	۷۴	کثافت اضافی بوتل
۲۲۳	گردش، استوار جسم کی	۲۵۰، ۲۲۱	کثافت اور تپش
۲۲۴	گردش، نصف قطر	۱۳۵	کثیر الاضلاع، ربطی یا ریسانی
۲۶	گز	۱۰۸، ۱۰۳	کثیر الاضلاع، قوتوں کا
۲۵۲	گنجائش حرارت	۶۴	کردیت پیم
۳۴۱	گیسوں کا پھیلاؤ	۲۷۰	گرہ ہوائی، طبعی
۳۵۰	گیسی مستقل	۲۸۰	گرہ ہوائی کا دباؤ، مطلق اکائیوں میں
۲۶۶	گیسیں	۲۶۷	گرہ ہوائی کے دباؤ
	ل	۲۱۹، ۲۱۲	گرہ ہوائی میں بخارات آبی
۹۴	لائناطریقہ	۳۳۰	کعبی پھیلاؤ
۲۷۰	لائنائلی کی شکل کا بار پیم	۳۷۴	کلیہ اسٹیفان
۱۶۹	لچک	۳۵۰، ۲۸۳، ۲۶۶	کلیہ بائیل
۱۷۱	لچک کا مقیاس	۲۷۴	کلیہ تبرید
۱۷۰	لچک کی انتہا	۳۵۰، ۳۴۱	کلیہ شادل
	م	۱۹۱، ۱۷۳، ۱۶۹	کلیہ ہوک
۲۶۷	ماڑی اوٹ	۲۵۱	کمانی، اسراع
۷۸	ماسکونی ترازو	۱۹۱	کمانیدار ترازو
۸۹	مائع پیم	۱۹۱	کمانی کی تعمیر
۳۳۰	مائع کا پھیلاؤ	۱۹۵	کمانی کی توانائی
۳۸۰، ۳۶۰	مائع کی حرارت نوعی	۲۰۸، ۱۶۰	کمیت مادہ اور وزن

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۵۲	مفاہیل	۳۲۹'۳۱۹'۲۹۲'۳۰۰	متحرک یا ورنیٹر خردین
۲۵۵	مُقعر آئینہ گره	۱۰۰	متقابل
۳۹۱	مقوے کی موصلیت حرارت	۹۹	متوازی الاضلاع سمیوں کا
۲۶۳'۱۸۳'۱۷۲	مقیاس استواری کا	۱۰۷'۹۹	متوازی الاضلاع قوتوں کا
۱۷۳	مقیاس جچی	۳۶۸'۳۶۵	منحنی حرارت
۱۷۱	مقیاس لچکسکا	۳۶۸	منحنی حرارت بھاپ کی
۱۷۴'۱۷۱	مقیاس ینگ کا	۲۹	مدر پیمانہ اور ورنیٹر
۳۸۶	مکرر رگر کے	۲۴۹	مرتعش متناطیس
۳۸۶	موصلیت حرارت	۳۱۲	مرطوبیت پیم
۳۸۶	موصلیت حرارت کی قدر	۲۶۲'۲۵۸'۲۴۷	مرکب رقااص
۳۹۶۴	میتھر	۲۶۰	مرکز ارتعاش
۹۸	میزانی	۲۶۰'۲۵۹	مرکز تعلیق
	ن	۱۲۸'۱۲۲	مرکز جاذبہ
۷	نیجوں کی تحسب	۲۶۲'۲۴۹	مروڑی رقااص
۱۵۲	نسبت رفتاری اور قوائی	۳۴۴	مستقل حجم والا ہوائی تیش پیم
۳۷۸'۳۳۸'۳۲۲	نقطہ امانت	۵	مشاہدات کی صحت
۳۱۵'۳۱۲	نقطہ انجاد	۱۲	مشتق اکائیاں
۳۲۳'۳۱۶'۳۱۵'۳۱۲	نقطہ جوش	۲۲۲	مشقیں حرارت پر
۴۱۲	نقطہ شبنم	۱۵۰	مشینیں
۹۰	نکلسن مانع پیم	۳۵۰	مطلق تیش
۲۹۷	تلی کے سوراخ کی پیمائش	۳۹۸	معاادل جیلی حرارت کا
۳۷۳	نیوٹن کا کلیہ تبرید	۲۲۷'۲۲۳'۱۳۱	معیار اثر جمود کا
۱۹۹	نیوٹن کا کلیہ حرکت	۱۱۷	معیار اثر قوت کا
	و	۲۰۱	معیار اثر کی بقا

صفحہ	مضامین	صفحہ	مضامین
۲۰۳	ہکسن کی اندفاعی ترازو	۲۶	ورنیٹر۔ پی
۳۴۳	ہوائی تپش پیم	۳۷	ورنیٹر، خزوہن
۱۶۹	ہوک	۲۶	ورنیٹر (کسر پیم)
۱۹۱، ۱۷۳، ۱۶۹	ہوک کا گلیہ	۲۶	ورنیٹر (کسر پیم) کا اصول
۲۳۲	ہیمٹ	۱۶۷	وزن اور طاقت
۹۶	ہیٹر کا آلہ	۲۰۸، ۱۶	وزن اور کمیت مادہ
		۳۳۷	وزن تپش پیم
۱۷۳، ۱۷۱	ہنگ کا مقیاس	۱۳۸، ۱۲۳، ۱۰۸، ۱۶، ۷	وزن کرنا
۱۸۴	ہنگ کا مقیاس برآمدہ بیرم کے لیے	۱۴	وقت کی اکائی
۱۷۵	ہنگ کا مقیاس تار کے لیے	۴۰	وقت کی پیمائش
۱۸۰	ہنگ کا مقیاس شہتیر کے لیے	۷	وہیٹ اسٹون کا پل

۵





**ALLAMA
IQBAL LIBRARY**

**UNIVERSITY OF KASHMIR
HELP TO KEEP THIS BOOK
FRESH AND CLEAN**